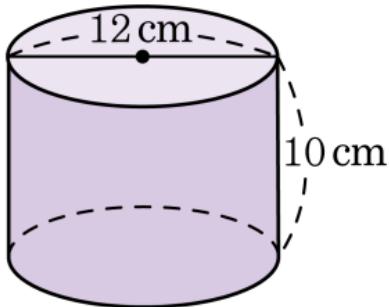


1. 다음 그림과 같은 원기둥의 부피는?

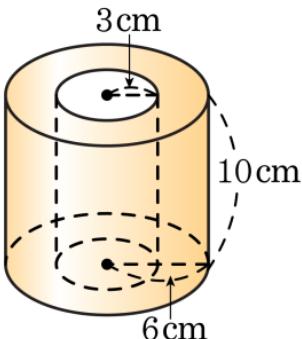


- ① $300\pi\text{cm}^3$
- ② $320\pi\text{cm}^3$
- ③ $340\pi\text{cm}^3$
- ④ $360\pi\text{cm}^3$
- ⑤ $380\pi\text{cm}^3$

해설

지름의 길이가 12cm 이므로 반지름의 길이는 6cm 이다.
따라서 원기둥의 부피는 $\pi \times 6^2 \times 10 = 360(\text{cm}^3)$ 이다.

2. 다음은 다음 그림의 입체도형의 겉넓이를 구하는 과정을 학생들이 이야기한 것이다. 옳게 말한 학생은?

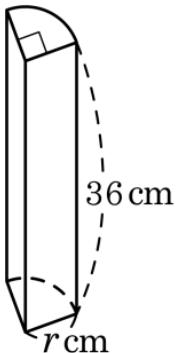


- ① 준식: 밑넓이는 $36\pi + 9\pi = 45\pi$ (cm^2) 이지.
- ② 태식: 아니야. 밑넓이는 $12\pi - 6\pi = 6\pi$ (cm^2) 란다.
- ③ 두형: 옆넓이는 $120\pi - 60\pi = 60\pi$ (cm^2) 란다.
- ④ 도영: 아니지. 옆넓이는 $180\pi + 90\pi = 270\pi$ (cm^2) 이다.
- ⑤ 수필: 글쎄, 이 입체의 겉넓이는 $234\pi \text{ cm}^2$ 일거야.

해설

- ①, ② 밑넓이는 $36\pi - 9\pi = 27\pi$ (cm^2) 이다.
- ③, ④ 옆넓이는 $120\pi + 60\pi = 180\pi$ (cm^2) 이다.

3. 다음 그림과 같은 입체도형의 부피가 $81\pi \text{cm}^3$ 일 때, 반지름 r 을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 3

해설

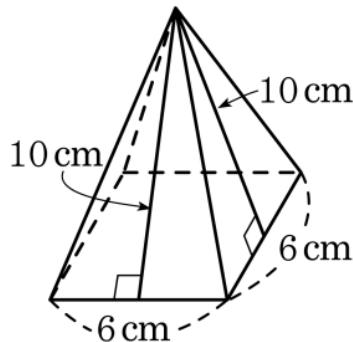
$$\pi r^2 \times \frac{90^\circ}{360^\circ} \times 36 = 81\pi$$

$$9\pi r^2 = 81\pi$$

$$r^2 = 9$$

$$r = 3$$

4. 다음 그림과 같은 정사각뿔의 겉넓이는?

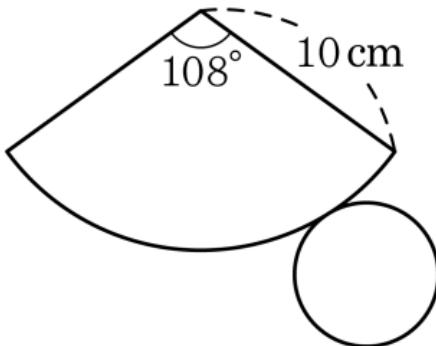


- ① 36cm^2
- ② 120cm^2
- ③ 156cm^2
- ④ 240cm^2
- ⑤ 256cm^2

해설

구하는 겉넓이 $S = 6 \times 6 + 4 \times \left(\frac{1}{2} \times 6 \times 10 \right) = 36 + 120 = 156(\text{cm}^2)$ 이다.

5. 다음은 원뿔의 전개도이다. 밑면의 반지름의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 3 cm

해설

$$10 \times \frac{108}{360} = 3$$

6. 밑면의 반지름의 길이가 4cm 인 원뿔의 부피가 $48\pi\text{cm}^3$ 일 때, 이 원뿔의 높이는?

- ① 8cm ② 9cm ③ 10cm ④ 11cm ⑤ 12cm

해설

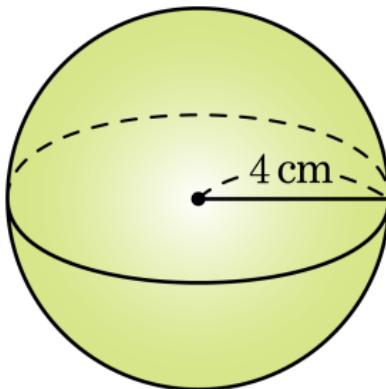
원뿔의 높이를 $h\text{cm}$ 라 하면

$$\frac{1}{3}\pi \times 4^2 \times h = 48\pi$$

$$16h = 144$$

$$\therefore h = 9(\text{cm})$$

7. 다음 입체도형의 겉넓이를 구하여라.



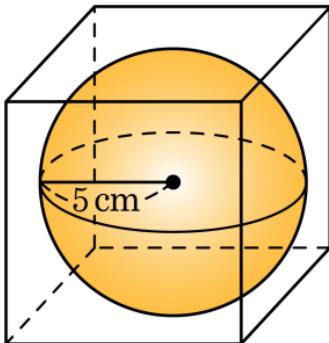
▶ 답 : cm²

▷ 정답 : $64\pi \text{cm}^2$

해설

$$S = 4\pi r^2 = 4\pi \times 4^2 = 64\pi(\text{cm}^2)$$

8. 다음 그림과 같이 반지름 5cm인 구가 정육면체에 꼭 맞게 들어있다.
이 때, 구와 정육면체의 부피의 비는?



- ① $\pi : 1$ ② $\pi : 6$ ③ $3\pi : 2$ ④ $4\pi : 3$ ⑤ $4\pi : 5$

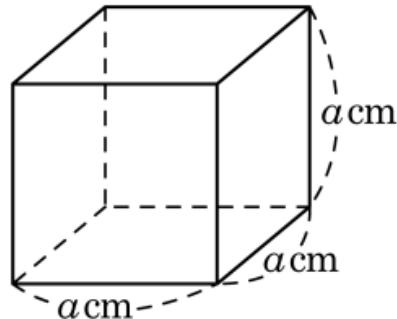
해설

구의 부피는 $\frac{4}{3}\pi \times 5^3 = \frac{500}{3}\pi(\text{cm}^3)$ 이다.

또한, 정육면체의 부피는 $10^3 = 1000(\text{cm}^3)$

따라서 구 : 정육면체 = $\frac{500}{3}\pi : 1000 = \frac{1}{3}\pi : 2 = \pi : 6$ 이다.

9. 한 정육면체의 겉넓이가 96 cm^2 이다. 이 때 이 정육면체의 한 변의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

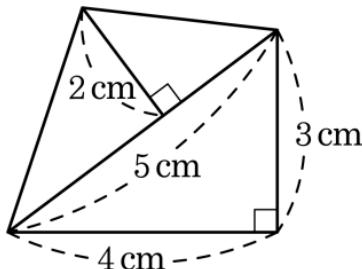
▶ 정답 : 4cm

해설

정육면체이므로, (겉넓이) = (한 면의 넓이) \times 6 이다.

따라서 $a \times a \times 6 = 96(\text{cm}^2)$ 이므로, $a = 4 \text{ cm}$ ($a > 0$) 이다.

10. 다음 그림과 같은 사각형을 밑면으로 하고 높이가 8cm인 사각기둥의 부피는?



- ① 176cm^3 ② 128cm^3 ③ 136cm^3
④ 88cm^3 ⑤ 44cm^3

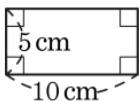
해설

$$\begin{aligned}(\text{밑넓이}) &= \frac{1}{2} \times 2 \times 5 + \frac{1}{2} \times 3 \times 4 \\&= 5 + 6 = 11(\text{cm}^2)\end{aligned}$$

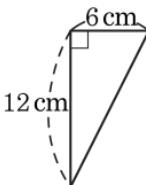
$$\begin{aligned}(\text{기둥의 부피}) &= (\text{밑넓이}) \times (\text{높이}) \text{ 이므로} \\(\text{부피}) &= 11 \times 8 = 88(\text{cm}^3)\end{aligned}$$

11. 높이가 7cm인 각기둥의 부피가 420cm^3 일 때, 이 입체도형의 밑면으로 알맞은 것은?

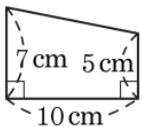
①



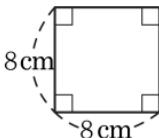
②



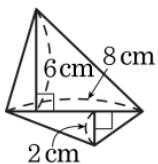
③



④



⑤



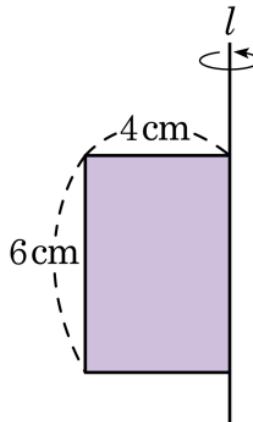
해설

(밑넓이) \times 7 = 420cm^3 이므로 (밑넓이) = 60cm^2 이다.

따라서 밑넓이가 60cm^2 인 것은

$$\textcircled{3} \quad \frac{(5+7) \times 10}{2} = 60\text{cm}^2 \text{ 이다.}$$

12. 다음 그림에서 직사각형을 l 을 회전축으로 하여 회전하였을 때, 생기는 입체도형의 부피를 구하여라.



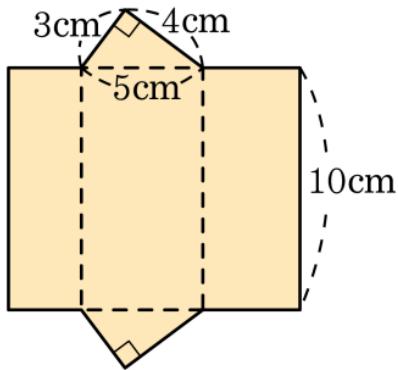
▶ 답: cm^3

▷ 정답: $96\pi \text{ cm}^3$

해설

$$V = \pi \times 4^2 \times 6 = 96\pi(\text{cm}^3) \text{ 이다.}$$

13. 다음 그림과 같은 전개도로 만든 입체도형의 부피를 구하면?



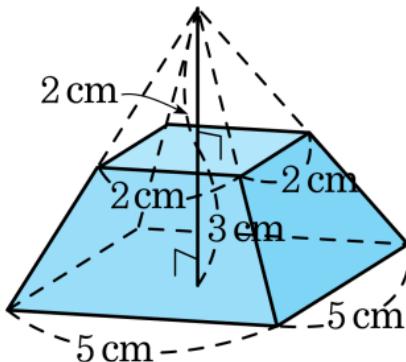
- ① 30cm^3
- ② 40cm^3
- ③ 60cm^3
- ④ 75cm^3
- ⑤ 100cm^3

해설

삼각기둥의 전개도이므로

부피를 구하면 $V = \frac{1}{2} \times 3 \times 4 \times 10 = 60(\text{cm}^3)$ 이다.

14. 아래 그림과 같은 정사각뿔대의 부피는?

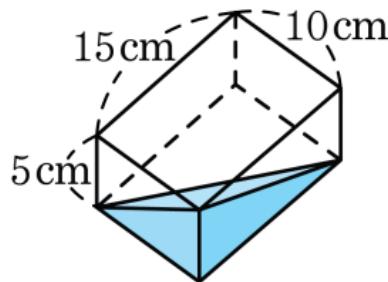


- ① $\frac{125}{3} \text{cm}^3$ ② $\frac{133}{3} \text{cm}^3$ ③ $\frac{137}{3} \text{cm}^3$
④ 36cm^3 ⑤ 39cm^3

해설

$$V = \frac{1}{3} \times 5 \times 5 \times 5 - \frac{1}{3} \times 2 \times 2 \times 2 = 39(\text{cm}^3)$$

15. 다음 그림과 같은 직육면체 모양의 그릇에 물을 가득 채운 후 그릇을 기울여 물을 흘려 보냈다. 이 때, 남아 있는 물의 부피를 구하여라.



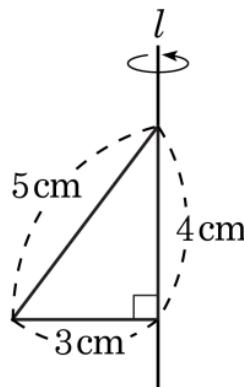
▶ 답 : cm³

▷ 정답 : 125 cm³

해설

$$\frac{1}{3} \times \left\{ \frac{1}{2} \times (10 \times 5) \times 15 \right\} = 125(\text{cm}^3)$$

16. 다음 그림과 같은 직각삼각형을 회전시켜 얻은 입체도형의 겉넓이는?



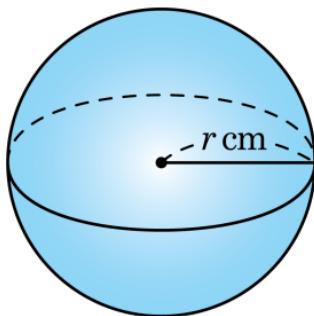
- ① $6\pi \text{cm}^2$
- ② $12\pi \text{cm}^2$
- ③ $15\pi \text{cm}^2$
- ④ $24\pi \text{cm}^2$
- ⑤ $30\pi \text{cm}^2$

해설

원뿔의 겉넓이를 구하면

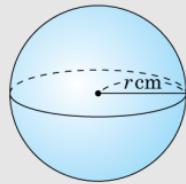
$$\pi \times 3^2 + \pi \times 3 \times 5 = 9\pi + 15\pi = 24\pi(\text{cm}^2)$$

17. 다음 그림과 같은 겉넓이가 $36\pi\text{cm}^2$ 인 구의 부피는?



- ① $24\pi\text{cm}^3$ ② $36\pi\text{cm}^3$ ③ $48\pi\text{cm}^3$
④ $60\pi\text{cm}^3$ ⑤ $64\pi\text{cm}^3$

해설



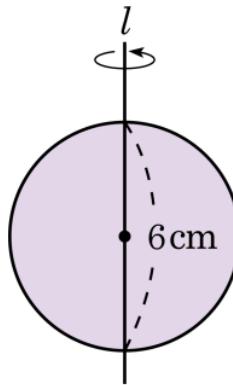
$$S = 36\pi = 4\pi r^2$$

$$r^2 = 9$$

$$r = 3(\text{cm})$$

$$\therefore V = \frac{4}{3}\pi \times 3^3 = 36\pi(\text{cm}^3)$$

18. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 3 cm 인 반원을 직선 l 을 회전축으로 하여 1 회전 시켰을 때 생기는 회전체의 부피는?

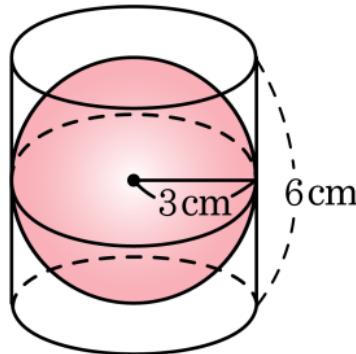


- ① $12\pi \text{ cm}^3$ ② $24\pi \text{ cm}^3$ ③ $36\pi \text{ cm}^3$
④ $48\pi \text{ cm}^3$ ⑤ $60\pi \text{ cm}^3$

해설

$$(\text{부피}) = \frac{4}{3}\pi \times 3^3 = 36\pi (\text{cm}^3)$$

19. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 3 cm 인 구를 원기둥에 넣었더니 꼭 맞았다. 구와 원기둥의 부피의 비를 구하여라.



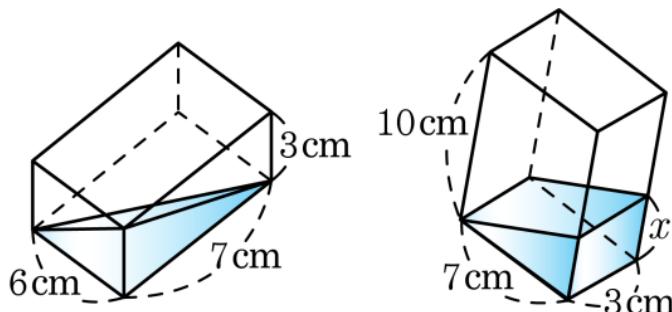
- ① 1 : 2 ② 2 : 3 ③ 3 : 4 ④ 2 : 5 ⑤ 1 : 6

해설

$$\text{구의 부피} : \frac{4}{3}\pi \times 3^3 = 36\pi (\text{cm}^3)$$

$$\text{원기둥의 부피} : \pi \times 3^2 \times 6 = 54\pi (\text{cm}^3)$$

20. 다음 그림과 같이 두 직육면체 모양의 그릇에 있는 물의 양이 같을 때,
 x 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

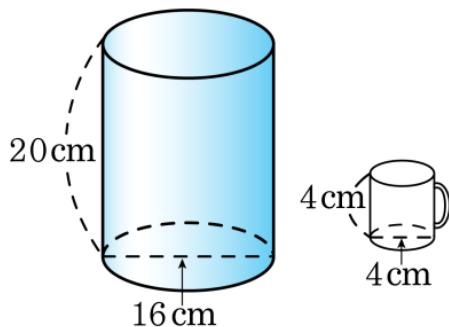
▶ 정답 : 2cm

해설

$$\frac{1}{3} \times \left(\frac{1}{2} \times 6 \times 7 \right) \times 3 = \frac{1}{2} \times 7x \times 3$$

$$\therefore x = 2(\text{cm})$$

21. 다음 그림과 같이 밑면의 지름이 16cm 이고 높이가 20cm 인 커다란 물통에 음료수가 가득 들어 있다. 그 옆에 있는 밑면의 지름이 4cm 이고 높이가 4cm 인 컵에 음료수를 따르면 몇 잔이 나오는지 구하여라.(단, 두께는 무시한다.)



▶ 답 : 잔

▷ 정답 : 80잔

해설

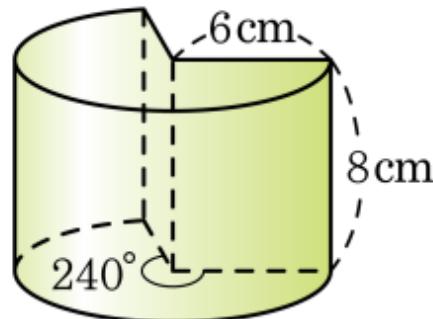
$$(\text{큰 물통의 부피}) = \pi \times 8^2 \times 20 = 1280\pi(\text{cm}^3)$$

$$(\text{작은 컵의 부피}) = \pi \times 2^2 \times 4 = 16\pi(\text{cm}^3)$$

$$\therefore 1280\pi \div 16\pi = 80(\text{잔})$$

22. 다음 그림과 같이 밑면이 부채꼴인 기둥의 부피를 구하면?

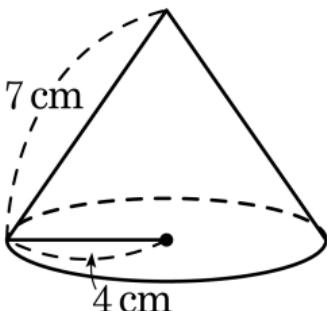
- ① $48\pi \text{ cm}^3$
- ② $96\pi \text{ cm}^3$
- ③ $144\pi \text{ cm}^3$
- ④ $192\pi \text{ cm}^3$
- ⑤ $368\pi \text{ cm}^3$



해설

$$\pi \times 6^2 \times \frac{240^\circ}{360^\circ} \times 8 = 192\pi (\text{cm}^3)$$

23. 반지름 길이 4cm, 모선의 길이 7cm 인 원뿔의 겉넓이를 구하여라.



▶ 답: cm²

▶ 정답: $44\pi \text{cm}^2$

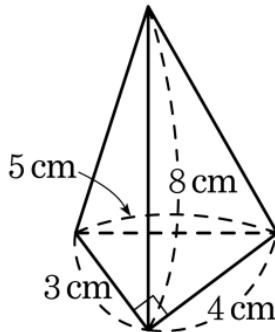
해설

(원뿔의 겉넓이) = (밑넓이) + (옆넓이)에서

모선의 길이를 l 이라고 하면

$$S = \pi r^2 + \pi r l = 16\pi + 28\pi = 44\pi \text{cm}^2$$

24. 다음 그림과 같이 높이가 8cm, 밑면의 변의 길이가 3cm, 4cm인 삼각뿔의 부피는?

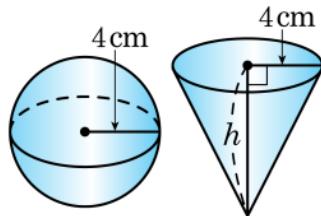


- ① 13cm^3 ② 14cm^3 ③ 15cm^3
④ 16cm^3 ⑤ 18cm^3

해설

$$\begin{aligned}(\text{각뿔의 부피}) &= \frac{1}{3} \times (\text{밑넓이}) \times (\text{높이}) \\&= \frac{1}{3} \times 3 \times 4 \times \frac{1}{2} \times 8 = 16(\text{cm}^3)\end{aligned}$$

25. 다음 그림에서 반구와 원뿔의 부피가 같다고 한다. 이 때, 원뿔의 높이를 구하여라.



- ① 2cm ② 4cm ③ 6cm ④ 8cm ⑤ 10cm

해설

(반구의 부피)

$$= \frac{4}{3}\pi \times 4^3 \times \frac{1}{2} = \frac{128}{3}\pi(\text{cm}^3)$$

(원뿔의 부피)

$$= 4 \times 4 \times \pi \times h \times \frac{1}{3} = \frac{16h}{3}\pi(\text{cm}^3)$$

$$\frac{128}{3}\pi = \frac{16h}{3}\pi$$

$$\therefore h = 8(\text{cm})$$