

1. 다음 중 비례식인 것은 어느 것입니까?

① $35 = 12$

② $182 = 33$

③ $4 : 5 = 8 : 10$

④ $9 - 5 = 1 + 3$

⑤ $16 - 2 = 3 : 7$

해설

비례식이란 비의 값이 같은 두 비를 등식으로 나타낸 식입니다.

③ $4 : 5 = (4 \times 2) : (5 \times 2) = 8 : 10$

2. 다음 비례식을 보고, 알맞게 짹지어진 것은 어느 것입니까?

$$7 : 13 = 21 : 39$$

- ① $7 \Rightarrow$ 후항 ② $13 \Rightarrow$ 외항 ③ $21 \Rightarrow$ 외항
④ $39 \Rightarrow$ 전항 ⑤ $13 \Rightarrow$ 후항

해설

전항 $\Rightarrow 7, 21$

후항 $\Rightarrow 13, 39$ 이며,

내항(안쪽의 두 항) $\Rightarrow 13, 21$

외항(바깥쪽의 두 항) $\Rightarrow 7, 39$

3. 다음 <보기>와 같이 □안에 알맞은 수를 차례대로 써넣으시오.

보기

$$6 : 12 = (6 \div 6) : (12 \div 6) = 1 : 2 \Rightarrow \frac{1}{2}$$

$$3 : 27 = (3 \div 3) : (27 \div 3) = 1 : \boxed{} \Rightarrow \frac{1}{\boxed{}}$$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 9

▷ 정답 : 9

해설

$$3 : 27 = 1 : 9 = \frac{1}{9}$$

4. 비 $0.3 : 0.4$ 를 가장 간단한 자연수의 비로 나타내려고 합니다. 각 항에 얼마를 곱해야 하는지 구하시오.

▶ 답:

▶ 정답: 10

해설

소수 첫째 자리까지 나온 경우 일반적으로 10 을
곱해 준다.

5. 다음 비례식에서 외항의 곱과 내항의 곱을 각각 구하여 차례대로 쓰시오.

$$6 : 8 = 9 : 12$$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 72

▷ 정답 : 72

해설

외항의 곱 : $6 \times 12 = 72$

내항의 곱 : $8 \times 9 = 72$

6. 다음 비례식에서 □의 값은 얼마인지 소수로 나타내시오.

$$\square : 2.4 = 0.3 : 0.8$$

▶ 답 :

▶ 정답 : 0.9

해설

$$\square \times 0.8 = 2.4 \times 0.3$$

$$\square = \frac{2.4 \times 0.3}{0.8} = 0.9$$

7. 쌀 240kg 을 형제가 나누어 가졌습니다. 형이 200kg 을 가졌다면, 형과 동생은 어떤 비로 비례배분한 것인지 가장 작은 자연수의 비로 나타내시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 5 : 1

해설

동생이 가진 양 : $240 - 200 = 40(\text{kg})$

형 : 동생 = $200 : 40 = 5 : 1$

8. 다음 중 비의 값이 $25 : 35$ 와 같은 것은 어느 것인지 고르시오.

① $1 : 10$

② $10 : 15$

③ $15 : 20$

④ $5 : 7$

⑤ $125 : 135$

해설

$$25 : 35 = 5 : 7 = \frac{5}{7}$$

① $1 : 10 = \frac{1}{10}$

② $10 : 15 = 2 : 3 = \frac{2}{3}$

③ $15 : 20 = 3 : 4 = \frac{3}{4}$

④ $5 : 7 = \frac{5}{7}$

⑤ $125 : 135 = 25 : 27 = \frac{25}{27}$

9. 다음 비를 가장 간단한 자연수의 비로 나타내시오.

$$55 : 110$$

▶ 답 :

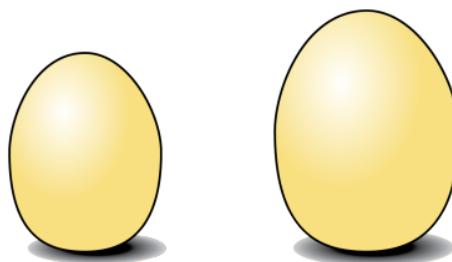
▷ 정답 : $1 : 2$

해설

전항과 후항을 두 수의 최대공약수인 55로 나눕니다.

$$55 : 110 = (55 \div 55) : (110 \div 55) = 1 : 2$$

10. 두 달걀의 무게를 재었더니 다음과 같았습니다. 두 달걀의 무게의 비를 가장 간단한 자연수의 비로 나타내시오.



▶ 답 :

▷ 정답 : 15 : 19

해설

공약수로 나누어 가장 간단한 자연수의 비로 고칩니다.

$$450 : 570 = 45 : 57 = 15 : 19$$

11. 동화책은 1500 원, 위인전은 1800 원입니다. 동화책 가격에 대한 위인 전 가격의 비를 가장 간단한 자연수의 비로 나타내시오.

▶ 답 :

▶ 정답 : 6 : 5

해설

$$1800 : 1500 = 18 : 15 = 6 : 5$$

12. 혜정이와 현석이의 예금액의 비는 5 : 9입니다. 현석이의 예금액이 45000 원일 때, 혜정이의 예금액은 얼마인지 구하시오.

▶ 답: 원

▶ 정답: 25000 원

해설

$$(\text{혜정이}):(\text{현석이}) = 5 : 9$$

혜정이의 예금액을 □라고 하면

$$5 : 9 = \square : 45000$$

$$9 \times \square = 45000 \times 5$$

$$\square = 225000 \div 9$$

$$\square = 25000(\text{ 원})$$

13. 영호가 운동장을 한 바퀴 도는데 걸어서는 17분 걸리고, 자전거로는 4분이 걸린다고 합니다. 운동장을 한 바퀴 도는 데 걸어서 34분이 걸렸다면 자전거로는 몇 분이 걸리겠는지 구하시오.

▶ 답 : 분

▷ 정답 : 8분

해설

(걸어서 갈 때 걸리는 시간):(자전거로 갈 때 걸리는 시간)= 17 : 4

자전거로 갈 때, 걸리는 시간을 \square 라 하면

$$17 : 4 = 34 : \square$$

$$17 \times \square = 4 \times 34$$

$$\square = 136 \div 17$$

$$\square = 8(\text{분})$$

14. 다음 중 어떤 양을 $7 : 8$ 로 비례배분할 때, 알맞은 분수의 비를 모두 고르시오.

① $\frac{1}{7} : \frac{1}{8}$

② $\frac{1}{8} : \frac{1}{7}$

③ $\frac{8}{56} : \frac{7}{56}$

④ $\frac{7}{15} : \frac{8}{15}$

⑤ $\frac{8}{15} : \frac{7}{15}$

해설

가장 간단한 자연수의 비로 고쳐서 $7 : 8$ 이 나오는 것을 찾습니다.

- ① $8 : 7$ ② $7 : 8$ ③ $8 : 7$ ④ $7 : 8$ ⑤ $8 : 7$

15. 10을 3 : 2로 비례배분하시오.

▶ 답 :

▶ 정답 : 6, 4

해설

$$10 \times \frac{3}{3+2} = 6$$

$$10 \times \frac{2}{3+2} = 4$$

16. 95를 9 : 10으로 비례배분하시오.

▶ 답:

▶ 정답: 45, 50

해설

$$95 \times \frac{9}{9 + 10} = 45$$

$$95 \times \frac{10}{9 + 10} = 50$$

17. 색종이 104장을 $\frac{1}{5} : \frac{1}{8}$ 의 비로 나누어 꽃과 종이배를 만들려고 합니다. 종이배는 몇 개를 만들 수 있는지 구하시오.

▶ 답: 개

▶ 정답: 40 개

해설

$\frac{1}{5} : \frac{1}{8}$ 의 가장 간단한 비를 구하면 $8 : 5$ 이다.

따라서 종이배는 $104 \times \frac{5}{13} = 40$ 개이다.

18. 글을 읽고, 형은 얼마를 가지면 되는지 구하시오.

어머니 : 이번 달 용돈은 60000 원이다. 형과 나누어 가져라.

동생 : 그걸 어떻게 나누어 가져요?

어머니 : 형과 네가 8 : 7의 비로 나누어 가지면 어떻겠니?

▶ 답 : 원

▶ 정답 : 32000원

해설

$$\text{형} : 60000 \times \frac{8}{15} = 32000(\text{원})$$

19. 형은 12살이고 동생은 8살입니다. 8000원을 형과 동생의 나이의 비로 나누어 가진다고 할 때, 형과 동생은 각각 얼마씩 가지면 되는지 구하시오.

- ① 형-6000 원, 동생-2000 원
- ② 형-5500 원, 동생-2500 원
- ③ 형-5000 원, 동생-3000 원
- ④ 형-4800 원, 동생-3200 원
- ⑤ 형-4500 원, 동생-3500 원

해설

나이의 비는 12 : 8이고 8000원을 형의 나이에

맞게 비례배분하면 $\frac{12}{12+8} \times 8000 = 4800$ 이 됩니다.

20. 전항이 5 인 비에서 비의 값이 $\frac{5}{7}$ 일 때, 후항은 ㉠이고, 후항이 13 인 비에서 비의 값이 $\frac{9}{13}$ 일 때, 전항은 ㉡입니다. ㉠ × ㉡의 값을 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 63

해설

$$(전항) : (후항) \Rightarrow \text{비의 값} : \frac{(전항)}{(후항)}$$

$$5 : ㉠ = \frac{5}{㉠} = \frac{5}{7}, \quad ㉠ = 7$$

$$㉡ : 13 = \frac{㉡}{13} = \frac{9}{13}, \quad ㉡ = 9$$

$$㉠ \times ㉡ = 7 \times 9 = 63$$

21. 다음에서 비의 값이 같은 것끼리 비례식을 만드시오.

$$\frac{1}{3} : \frac{1}{9} \quad 4 : 7 \quad 12 : 21 \quad 6 : 3$$

▶ 답 :

▷ 정답: $4 : 7 = 12 : 21$

해설

$$\frac{1}{3} : \frac{1}{9} = 3 : 1$$

$$12 : 21 = 4 : 7$$

$$6 : 3 = 2 : 1$$

따라서 비의 값이 같은 것은 $4 : 7$ 과 $12 : 21$ 입니다.

비례식을 만들면 $4 : 7 = 12 : 21$ 입니다.

22. 형은 2400 원, 동생은 1800 원을 가지고 있습니다. 형이 가진 돈에 대한 동생이 가진 돈의 비를 가장 간단한 자연수의 비로 나타내시오.

▶ 답:

▶ 정답: 3 : 4

해설

형이 가지고 있는 돈을 기준량으로 생각한다.

$$(\text{동생}) : (\text{형}) = 1800 : 2400 = 18 : 24 = 3 : 4$$

23. 다음 비례식에서 □ 안에 알맞은 수를 쓰시오.

$$\frac{1}{4} : \frac{2}{5} = \frac{5}{6} : \underline{\underline{\square}} \quad 3$$

▶ 답:

▶ 정답: 4

해설

내항의 곱과 외항의 곱은 같음을 이용하여 풁니다.

$$\underline{\underline{\square}} \times \frac{1}{4} = \frac{2}{5} \times \frac{5}{6}$$

$$\underline{\underline{\square}} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{3} \times 4 = \frac{4}{3}$$

24. ⑦과 ⑧의 합을 구하시오.

$$3 : (\textcircled{7} - 8) = 27 : 81$$

$$(\textcircled{8} + 7) : 5 = 91 : 35$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 23

해설

$$3 : (\textcircled{7} - 8) = 27 : 81$$

$$(\textcircled{7} - 8) \times 27 = 3 \times 81$$

$$\textcircled{7} = 17$$

$$(\textcircled{8} + 7) : 5 = 91 : 35$$

$$(\textcircled{8} + 7) \times 35 = 5 \times 91$$

$$\textcircled{8} = 6$$

$$\text{따라서 } \textcircled{7} + \textcircled{8} = 17 + 6 = 23$$

25. 어느 염전에서는 바닷물 3kg을 증발시켜서 소금 95g을 얻습니다. 소금 570g을 얻으려면 몇 kg의 바닷물을 증발시켜야 하는지 구하시오.

▶ 답 : kg

▶ 정답 : 18kg

해설

소금 570g을 얻는데 필요한 바닷물을 □kg이라 하면

$$3 : 95 = \square : 570$$

$$95 \times \square = 570 \times 3$$

$$\square = 18(\text{ kg})$$

26. 박하사탕과 자두맛 사탕이 들어 있는 상자의 무게 중 8%가 바구니의 무게이고 박하사탕의 무게가 32%라고 할 때, 자두맛 사탕과 상자의 무게의 비를 가장 간단한 자연수의 비로 나타내시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 15 : 2

해설

자두맛 사탕의 무게는 전체의 $100 - 8 - 32 = 60(%)$ 이다.

$$60 : 8 = (60 \div 4) : (8 \div 4) = 15 : 2$$

27. 연필 5 다스가 있습니다. 이 연필을 하림이에게 전체의 $\frac{1}{3}$ 을 주고, 나머지를 지은이와 명진이에게 3 : 1 의 비로 나누어 주려고 합니다. 지은이는 몇 자루를 가지게 되는지 구하시오.

▶ 답: 자루

▷ 정답: 30자루

해설

전체 연필의 수 $12 \times 5 = 60$ (자루)

(하림이에게 주고 남은 연필의 수)

$$= 12 \times 5 \times \frac{2}{3} = 60 \times \frac{2}{3} = 40 \text{ (자루)}$$

(지은이가 갖게 되는 연필의 수)

$$= \left(12 \times 5 \times \frac{2}{3}\right) \times \frac{3}{4} = 40 \times \frac{3}{4} = 30 \text{ (자루)}$$

28. 다음 비의 값은 같다고 합니다. ㉠과 ㉡의 차가 16이라고 할 때, ㉠과 ㉡에 알맞은 수를 차례로 써 보시오.

$$3 : 7 = ㉠ : ㉡$$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 12

▷ 정답 : 28

해설

$$3 : 7 = (3 \times 2) : (7 \times 2) = 6 : 14$$

$$= (3 \times 3) : (7 \times 3) = 9 : 21$$

$$= (3 \times 4) : (7 \times 4) = 12 : 28$$

$28 - 12 = 16$ 이므로 ㉠은 12, ㉡은 28이다.

29. ① 상품의 정가를 3 할 할인한 가격과 ② 상품의 정가를 30% 인상한 가격이 같다면, 두 상품 ①, ②의 정가의 비를 가장 간단한 자연수의 비로 나타내시오.

▶ 답 :

▶ 정답 : 13 : 7

해설

$$\textcircled{1} \times 0.7 = \textcircled{2} \times 1.3$$

$$\rightarrow \textcircled{1} : \textcircled{2} = 1.3 : 0.7 = 13 : 7$$

30. 진형이와 재영이는 같은 거리를 달리는 데, 진형이는 24분, 재영이는 32분 걸렸습니다. 진형이와 재영이의 빠르기를 가장 간단한 자연수의 비로 나타내시오.

▶ 답 :

▶ 정답 : $4 : 3$

해설

속도가 늘어나면 걸리는 시간이 줄기 때문에 속도의 비와 시간의 비는 서로 반대입니다.

$$\text{걸린 시간의 비} \Rightarrow 24 : 32 = 3 : 4$$

$$\text{속도의 비} \Rightarrow 4 : 3$$

31. 맞물려 돌아가는 두 톱니바퀴 ⑨와 ⑩가 있습니다. ⑨의 톱니 수가 35 개이고, ⑩의 톱니 수가 49 개일 때, ⑨와 ⑩ 톱니의 회전 수의 비를 가장 간단한 자연수의 비로 나타내시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 7 : 5

해설

$$\begin{aligned} 35 \times (\textcircled{9} \text{의 회전 수}) &= 49 \times (\textcircled{10} \text{의 회전 수}) \text{ 이므로} \\ (\textcircled{9} \text{의 회전 수}) : (\textcircled{10} \text{의 회전 수}) &= 49 : 35 = (49 \div 7) : (35 \div 7) = 7 : 5 \end{aligned}$$