1. 주머니 속에 1000 원 짜리, 5000 원짜리, 10000 원짜리, 50000 원짜리 지폐가 각각 한 개씩 들어 있다. 이 주머니에서 꺼낼 수 있는 금액의 경우의 수를 구하여라.

▶ 답 : 가지

▷ 정답 : 15 가지

해설

각 동전마다 나올 수 있는 경우의 수는 2 가지씩이므로 $2 \times 2 \times 2 \times 2 = 16$, 그런데 하나도 안 뽑히는 경우는 빼야하므로 $16 - 1 = 15$(가지) 이다.

2. 서울에서 부산까지 오가는 교통편이 하루에 비행기는 3 회, 기차는 5 회, 버스는 10 회가 다닌다고 한다. 서울에서 부산까지 가는 경우의 수를 구하여라.

▶ 답 : 가지

▷ 정답 : 18 가지

해설

비행기를 타고 가는 방법과 기차를 타고 가는 방법, 버스를 타고 가는 방법은 동시에 일어나는 사건이 아니므로 경우의 수는 $3 + 5 + 10 = 18$(가지) 이다.

3. 다음 그림은 서울에서 대전까지 가는 길 a, b, c와 대전에서 부산까지 가는 길 x, y를 나타낸 것이다. 부산에서 대전을 거쳐 서울로 가는 방법은 모두 몇 가지인지 구하여라.

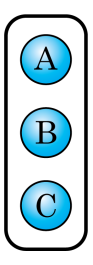
① 2가지 ② 3가지 ③ 4가지

④ 5가지 ⑤ 6가지

해설

부산에서 대전으로 가는 경우의 수 : 2가지
대전에서 서울로 가는 경우의 수 : 3가지
$\therefore 2 \times 3 = 6$(가지)

4. 다음 그림과 같이 3 개의 전등 A, B, C 를 켜거나 끄는 것으로 신호를 보낼 때, 한 번에 신호를 보낼 수 있는 방법은 모두 몇 가지인가?



① 2 가지 ② 4 가지 ③ 6 가지

④ 8 가지 ⑤ 10 가지

해설

$2 \times 2 \times 2 = 8$ (가지)

5. A, B, C, D, E의 5명이 있다. 3 명을 뽑아 한 줄로 세우는 경우의 수는?

① 15 가지 ② 30 가지 ③ 36 가지

④ 60 가지 ⑤ 120 가지

해설

$5 \times 4 \times 3 = 60$ (가지)

6. 0, 1, 2, 3 의 숫자가 적힌 4장의 카드 중에서 3장을 뽑아서 만들 수 있는 세 자리의 정수는 모두 몇 가지인가?

① 6가지 ② 9가지 ③ 12가지

④ 18가지 ⑤ 24가지

해설

백의 자리에 올 수 있는 숫자는 0을 제외한 1, 2, 3 의 3가지이고, 십의 자리에 올 수 있는 숫자는 백의 자리의 숫자를 제외한 3가지이다. 일의 자리에 올 수 있는 숫자는 백의 자리와 십의 자리의 숫자를 제외한 2가지이다.

$\therefore\ 3\times3\times2=18$ (가지)

7. 서로 다른 주사위 A, B 를 던져서 A 에서 나온 눈의 수를 x, B 에서 나온 눈의 수를 y라 할 때, $x < y$ 이 성립하는 경우의 수를 구하여라.

▶ 답 : 가지

▷ 정답 : 15 가지

해설

$(x, y) = (1, 2),\ (1, 3),\ (1, 4),\ (1, 5),\ (1, 6),$
$(2, 3),\ (2, 4),\ (2, 5),\ (2, 6),\ (3, 4),$
$(3, 5),\ (3, 6),\ (4, 5),\ (4, 6),\ (5, 6)$
$\therefore$ 15 가지

8. 1에서 50까지의 숫자가 적힌 카드 50장이 있다. 이 중에서 한 장을 뽑을 때, 3의 배수 또는 4의 배수가 나오는 경우의 수를 구하여라.

▶ 답 : 가지

▷ 정답 : 24가지

해설

3의 배수 : 3, 6, 9, 12, ⋯ , 48의 16가지
4의 배수 : 4, 8, 12, 16, ⋯ , 48의 12가지
3과 4의 최소공배수 12의 배수 : 12, 24, 36, 48의 4가지
∴ $16 + 12 - 4 = 24$(가지)

9. 자음 ㄱ, ㄴ, ㄷ이 적힌 3장과 ㅏ, ㅓ, ㅗ, ㅜ가 적힌 4장의 카드가 있다. 자음 1개와 모음 1개를 짝지어 만들 수 있는 글자는 몇 개인지 구하여라.

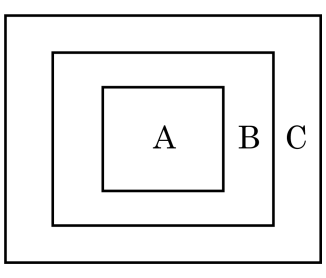
▶ 답 : 개

▷ 정답 : 12개

해설

3 × 4 = 12(개)

10. 다음 그림의 A, B, C 에 빨강, 주황, 노랑, 초록, 파랑, 남색, 보라색 중에서 서로 다른 색을 칠하려고 한다. B 에는 반드시 보라색을 칠한다고 할 때, A, B, C에 서로 다른 색을 칠할 수 있는 모든 경우의 수는?



① 6 가지 ② 12 가지 ③ 20 가지

④ 30 가지 ⑤ 42 가지

해설

보라색을 제외한 나머지 6가지 색 중에서 2가지 색을 뽑아 칠하는 경우의 수이므로 $6 \times 5 = 30$ (가지)이다.

11. 남자 A, B, C와 여자 D, E중에서 2명의 대표를 뽑을 때, 남학생이 적어도 한 명 이상 뽑히는 경우의 수는?

① 6 ② 7 ③ 9 ④ 12 ⑤ 20

해설

남학생이 적어도 한 명 이상 뽑히는 경우는 전체에서 여학생만 뽑히는 경우를 제외하면 된다. 5명 중에서 2명의 대표를 뽑을 때 경우의 수는 $\frac{5\times4}{2\times1}=10$(가지)이고, 여자 D, E중에서 2명의 대표를 뽑는 경우의 수는 1가지이므로 $10-1=9$(가지)이다.

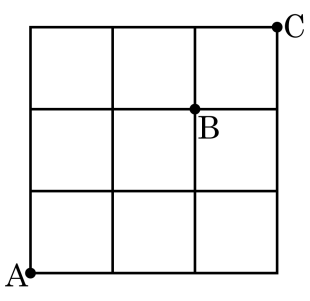
12. 주사위 한 개를 연속으로 두 번 던질 때, 처음 나온 수를 x, 두 번째 나온 눈의 수를 y 라고 할 때, $2x+4y=12$ 가 되는 경우의 수를 구하면?

① 2가지　② 3가지　③ 4가지
④ 5가지　⑤ 6가지

해설

$x=6-2y$ 이므로 x, y의 순서쌍은 $(4,1),(2,2)$
$\therefore$ 2가지

13. 다음 그림과 같은 도형에서 A를 출발하여 변을 따라 B를 지나 C로 가려고 한다. 가장 짧은 거리로 가는 모든 경우의 수는? (단, 각 변의 길이는 같다.)



① 12가지 ② 13가지 ③ 14가지
④ 15가지 ⑤ 16가지

해설

왼쪽에서 오른쪽으로 가는 것을 a, 아래에서 위로 가는 것을 b라 하면
A → B : 6 가지
(a, a, b, b), (a, b, a, b), (a, b, b, a), (b, b, a, a), (b, a, b, a), (b, a, a, b)
B → C : 2 가지
(a, b), (b, a)
그러므로 구하는 경우의 수는 $6 \times 2 = 12$ (가지)

14. 원 위에 7 개의 점이 있다. 이 점 중 4 개의 점을 이어서 만들 수 있는 서로 다른 사각형의 개수를 구하여라.

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 35 개

해설

원 위의 점을 각각 A, B, C, D, E, F, G 라 할 때, □ABCD, □ABDC, □ACBD, □ACDB, □ADBC, □ADCB 는 모두 같은 사각형이다.
따라서 7 개의 점 중에서 순서에 관계없이 4 개의 점을 택한다.

$\therefore \dfrac{7\times6\times5\times4}{4\times3\times2\times1} = 35$(개) 이다.

15. 항아리 속에 1 에서 50 까지의 숫자가 각각 적힌 구슬 50 개가 들어있다. 항아리 속에서 구슬 한 개를 꺼낼 때 2 의 배수 또는 3 의 배수 또는 4 의 배수인 구슬이 나올 경우의 수는 얼마인가?

▶ 답 : 가지

▷ 정답 : 33 가지

해설

1 에서 50 까지의 수 중에서 2 의 배수가 나오는 경우의 수는 25 가지,
3 의 배수가 나오는 경우의 수는 16 가지, 4 의 배수가 나오는 경우의 수는 12 가지,
2 와 3 의 공배수인 경우의 수가 8 가지, 3 과 4 의 공배수인 경우의 수가 4 가지,
2 와 4 의 공배수인 경우의 수가 12 가지,
2, 3, 4 의 공배수인 경우의 수가 4 가지이다.
따라서 2 의 배수 또는 3 의 배수 또는 4 의 배수인 구슬이 나오는 경우의 수는
$25 + 16 + 12 - 8 - 4 - 12 + 4 = 33$(가지) 이다.

16. A, B, C, D 네 사람을 일렬로 세울 때, A를 B보다 앞에 세우는 경우의 수는?

① 6 ② 12 ③ 18 ④ 20 ⑤ 24

해설

A가 맨 앞에 서는 경우는 A××× : $3 \times 2 \times 1 = 6$(가지)
A가 두 번째에 서는 경우는 ×A×× : $2 \times 2 \times 1 = 4$(가지)(밑줄 친 부분에 B는 올 수 없다.)
A가 세 번째에 서는 경우는 ××A× : $2 \times 1 = 2$(가지)(밑줄 친 부분이 B 의 위치이다.)

따라서 구하는 경우의 수는 $6 + 4 + 2 = 12$

17. 남학생 3 명, 여학생 3 명을 일렬로 세울 때, 어느 남학생끼리도 이웃하지 않고, 어느 여학생끼리도 서로 이웃하지 않도록 세우는 경우의 수는?

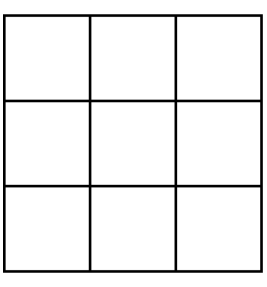
① 12 가지 ② 24 가지 ③ 48 가지

④ 60 가지 ⑤ 72 가지

해설

남학생끼리 이웃하지 않고, 여학생끼리도 서로 이웃하지 않도록 세우는 경우는 남학생과 여학생을 번갈아 가며 세우는 것이다. (남, 여, 남, 여, 남, 여), (여, 남, 여, 남, 여, 남) 의 두 경우에서 각각 남학생과 여학생을 세우는 방법의 수는 $3 \times 2 \times 1 = 6$ (가지) 이다. 따라서 (남, 여, 남, 여, 남, 여) 로 세우는 경우는 $6 \times 6 = 36$ (가지) 이고 (여, 남, 여, 남, 여, 남) 의 경우도 36 가지이므로 구하는 경우의 수는 72 가지이다.

18. 다음 그림은 정사각형의 각 변을 3등분하여 얻은 도형이다. 이 도형의 선분으로 이루어질 수 있는 직사각형의 수는?



① 12개 ② 24개 ③ 36개 ④ 48개 ⑤ 60개

해설

가로 4개의 선에서 2개의 선을 택하고 세로 4개의 선에서 2개의 선을 택하면 하나의 직사각형이 만들어진다. 그러므로 가로 2개의 선과 세로 2 개의 선을 선택하는 경우를 생각한다. 구하는 사각형의 개수는 $\frac{4\times 3}{2}\times\frac{4\times 3}{2}=6\times 6=36$(개) 이다.

19. x의 값이 $x=-3,\ -2,\ -1,\ 0,\ 1$이고, y의 값이 $y=-1,\ 2,\ 3,\ 4$이다. 순서쌍 (x,y)를 좌표평면에 나타낼 때, 이 중 제 3사분면에 위치한 순서쌍은 a개, 좌표축에 위치한 순서쌍은 b개이다. 이때, ab의 값을 구하여라.

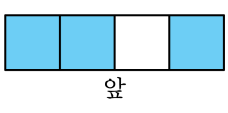
▶ 답:

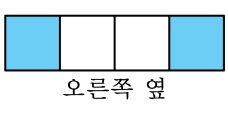
▷ 정답: 12

해설

제 3사분면에 위치한 순서쌍은 $x<0,\ y<0$이어야 하므로
$(-3,-1),\ (-2,-1),\ (-1,-1)$의 3개이다.
$\therefore\ a=3$
좌표축에 위치한 순서쌍은 x,y 중 하나 이상은 0이어야 하므로
$(0,-1),\ (0,2),\ (0,3),\ (0,4)$의 4개이다.
$\therefore\ b=4\ \therefore\ ab=12$

20. 12 개의 투명 정육면체와 4 개의 파란색 정육면체를 가로에 4 개, 세로에 4 개 있게 쌓았을 때, 이 입체도형을 두 방향에서 본 모양이 다음과 같았다. 이때, 이 도형을 위에서 본 모양의 서로 다른 가짓수를 구하여라.


앞

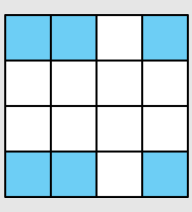

오른쪽 옆

▶ 답 : 가지

▷ 정답 : 12 가지

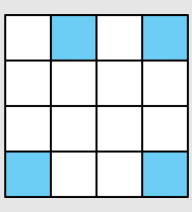
해설

색이 보이는 행과 열에 적어도 한 개의 색깔 정육면체가 있어야 하므로 4 개가 배열되는 모양은 행을 기준으로 했을 때, 각 행에 (3, 1), (2, 2) 로 배열되어야 한다.



(1) (3, 1) 의 경우 3 개가 놓이는 행이 결정되는 경우는 2 가지

다음 그림과 같이 1 행에 3 개가 배열되는 경우는 4 행에서 3 열이 아닌 어느 곳에 색깔 정육면체를 놓아도 되므로 3 가지



따라서 $2 \times 3 = 6$(가지)

(2) (2, 2) 의 경우 2 개, 2 개가 놓이는 행이 결정되는 경우는 오른쪽 그림과 같이 1 가지

1 행에 2 개가 놓이는 경우의 수는 3 가지 이때, 4 행에서 2 개를 놓는 경우의 수는 1 행에서 3열을 제외하고 색깔 정육면체가 하나도 놓이지 않은 열에 1 개가 반드시 놓여야 하고 나머지 하나는 1 행과 겹쳐지게 놓여야 하므로 2 가지

따라서 $1 \times 3 \times 2 = 6$ (가지)

따라서 구하는 경우의 수는 $6 + 6 = 12$(가지) 이다.