

1. $(-1)^n + (-1)^{n+1}$ 의 값은? (n 은 자연수)

- ① 0 ② -1 ③ 1 ④ -2 ⑤ 2

해설

$$\begin{aligned} n = 2k : (-1)^n + (-1)^{n+1} \\ &= (-1)^{2k} + (-1)^{2k+1} \\ &= 0 \\ n = 2k - 1 : (-1)^n + (-1)^{n+1} \\ &= (-1)^{2k-1} + (-1)^{2k} \\ &= 0 \end{aligned}$$

해설

$$\begin{aligned} n = \text{홀수일 때}, n+1 = \text{짝수}, \\ (-1)^n + (-1)^{n+1} = -1 + 1 = 0 \\ n = \text{짝수일 때}, n+1 = \text{홀수}, \\ (-1)^n + (-1)^{n+1} = 1 + (-1) = 0 \end{aligned}$$

2. $(a - b - c)^2$ 을 옳게 전개한 것은?

① $a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2bc + 2ca$

② $a^2 + b^2 + c^2 - 2ab - 2bc - 2ca$

③ $a^2 - b^2 - c^2 - 2ab - 2bc - 2ca$

④ $a^2 + b^2 + c^2 - 2ab + 2bc - 2ca$

⑤ $a^2 - b^2 - c^2 + 2ab - 2bc - 2ca$

해설

$$\begin{aligned}(a - b - c)^2 &= a^2 + (-b)^2 + (-c)^2 + 2a(-b) + 2(-b)(-c) + 2(-c)a \\&= a^2 + b^2 + c^2 - 2ab + 2bc - 2ca\end{aligned}$$

3. 다항식 $(5x^2 + 3x + 1)^2$ 을 전개하였을 때, x^2 의 계수는?

- ① 10 ② 13 ③ 16 ④ 19 ⑤ 25

해설

$$(5x^2 + 3x + 1)(5x^2 + 3x + 1) \text{에서}$$

i) (일차항) \times (일차항)의 경우 $9x^2$

ii) (이차항) \times (상수항)의 경우 $2 \times 5x^2$

$$\therefore 5x^2 + 5x^2 + 9x^2 = 19x^2$$

$$\therefore 19$$

4. 등식 $(x - 2)(ax - 3) = 4x^2 + bx + c$ 가 항등식이 되도록 상수 a, b, c 의 값을 구하면?

- ① $a = 4, b = 5, c = 6$ ② $a = 2, b = -10, c = 5$
③ $\textcircled{a} = 4, b = -11, c = 6$ ④ $a = 2, b = -10, c = 6$
⑤ $a = 2, b = -9, c = 5$

해설

(좌변) = $ax^2 - (2a + 3)x + 6$ \textcircled{o}]므로
 $ax^2 - (2a + 3)x + 6 = 4x^2 + bx + c$
계수를 비교하면 $a = 4, -2a - 3 = b, 6 = c$
이것을 풀면 $a = 4, b = -11, c = 6$

5. $(x+1)^5 = a_0 + a_1x + a_2x^2 + a_3x^3 + a_4x^4 + a_5x^5$ 이 x 에 대한 항등식일 때, $a_0 + a_1 + a_2 + a_3 + a_4 + a_5$ 의 값을 구하면?

- ① 8 ② 16 ③ 32 ④ 64 ⑤ 128

해설

양변에 $x = 1$ 을 대입하면,
 $(1+1)^5 = a_0 + a_1 + \dots + a_5$ 이므로
 $\therefore 2^5 = 32$

6. 다항식 $x^3 - 2x^2 + 5x - 6$ 을 일차식 $x - 2$ 로 나눌 때의 나머지는?

- ① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= x^3 - 2x^2 + 5x - 6 \\&= (x - 2)Q(x) + R \\ \therefore f(2) &= 2^3 - 2 \cdot 2^2 + 5 \cdot 2 - 6 \\&= 8 - 8 + 10 - 6 \\&= 4 \\ \therefore R &= 4\end{aligned}$$

7. 다항식 $2x^3 + x^2 + 3x$ 를 $x^2 + 1$ 로 나눈 나머지는?

- ① $x - 1$ ② x ③ 1
④ $x + 3$ ⑤ $3x - 1$

해설

직접 나누어보면

$$(2x + 1) + \frac{x - 1}{x^2 + 1}$$

몫 : $2x + 1$, 나머지 : $x - 1$

8. $a^2 + b^2 + c^2 = 9$, $ab + bc + ca = 9$, $a + b + c$ 의 값은?

- ① $-3\sqrt{2}$ ② $-2\sqrt{3}$ ③ $\pm 3\sqrt{3}$
④ $\pm 3\sqrt{2}$ ⑤ $\sqrt{6}$

해설

$$\begin{aligned}(a+b+c)^2 &= a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + bc + ca) \\&= 9 + 18 = 27\end{aligned}$$

$$\therefore a+b+c = \pm 3\sqrt{3}$$

9. $2x^2 - 3x - 2 = a(x - 1)(x + 2) + bx(x + 2) + cx(x - 1)$ $\circ|$ x 에 대한
항등식이 되도록 a, b, c 의 값을 정하면?

- ① $a = 1, b = -1, c = 2$ ② $a = -1, b = 1, c = -2$
③ $a = 1, b = 1, c = 2$ ④ $a = -1, b = -1, c = -2$
⑤ $a = 1, b = -1, c = -2$

해설

수치대입법을 이용한다.
 $x = 0$ 을 대입 $-2 = -2a \quad \therefore a = 1$
 $x = 1$ 을 대입 $-3 = 3b \quad \therefore b = -1$
 $x = -2$ 를 대입 $12 = 6c \quad \therefore c = 2$

10. $(x+y)a - (x-y)b - (y-z)c - 4z = 0$ \diamond x, y, z 의 값에 관계없이 항상 성립할 때, 곱 abc 를 구하면?

- ① 4 ② 8 ③ 16 ④ 32 ⑤ 64

해설

x, y, z 에 대해 정리하면
 $(a-b)x + (a+b-c)y + (c-4)z = 0$
 x, y, z 에 대한 항등식이므로
 $a = b, a + b - c = 0, c = 4$
 $\therefore a = b = 2, c = 4$
 $\therefore abc = 16$

11. $f(x) = 3x^3 + px^2 + qx + 12$ 가 $x+2$ 로도 나누어떨어지고, $x-1$ 로도

나누어떨어질 때, $\frac{q}{p}$ 의 값은?

- ① 9 ② 4 ③ -9 ④ -3 ⑤ -12

해설

$$f(-2) = -24 + 4p - 2q + 12 = 0$$

$$f(1) = 3 + p + q + 12 = 0$$

$$p = -3, q = -12, \frac{q}{p} = \frac{-12}{-3} = 4$$

12. 다항식 $2x^3 + ax^2 + bx + 3$ 이 다항식 $2x^2 - x - 3$ 으로 나누어 떨어질 때, $a + b$ 의 값은 ?

- ① 3 ② 1 ③ -1 ④ -2 ⑤ -5

해설

$$2x^3 + ax^2 + bx + 3 = (2x^2 - x - 3)Q(x)$$
$$= (x+1)(2x-3)Q(x)$$

$x = -1$ 일 때, $-2 + a - b + 3 = 0$

$$\therefore a - b = -1 \cdots \textcircled{①}$$

$$x = \frac{3}{2} \text{ 일 때, } \frac{27}{4} + \frac{9}{4}a + \frac{3}{2}b + 3 = 0$$

$$27 + 9a + 6b + 12 = 0$$

$$\therefore 3a + 2b = -13 \cdots \textcircled{②}$$

①, ② 에서 $a = -3$, $b = -2$

$$\therefore a + b = (-3) + (-2) = -5$$

13. 다항식 $2x^2 + 5ax - a^2$ 을 다항식 $P(x)$ 로 나눈 몫이 $x + 3a$, 나머지가 $2a^2$ 일 때, 다항식 $(x + a)P(x)$ 를 나타낸 것은?

- ① $x^2 + 2ax - 2a^2$ ② $x^2 - a^2$
③ $2x^2 + 3ax + a^2$ ④ $2x^2 - 3ax - a^2$
⑤ $2x^2 + ax - a^2$

해설

$$\begin{aligned} 2x^2 + 5ax - a^2 &= P(x)(x + 3a) + 2a^2 \quad \text{이므로} \\ P(x)(x + 3a) &= 2x^2 + 5ax - 3a^2 \\ \text{따라서, } \text{다항식 } P(x) \text{는 } 2x^2 + 5ax - 3a^2 &\text{을 } x + 3a \text{로 나눈 몫이므로} \\ P(x) &= 2x - a \\ \therefore (x + a)P(x) &= (x + a)(2x - a) \\ &= 2x^2 + ax - a^2 \end{aligned}$$

14. k 의 값에 관계없이 $(2k^2 - 3k)x - (k + 2)y - (k^2 - 4)z = 28$ 의 항상 성립하도록 x, y, z 의 값을 정할 때, $3x + y + z$ 의 값은?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

주어진 식을 k 에 대해 정리하면

$$(2x - z)k^2 - (3x + y)k - (2y - 4z + 28) = 0$$

$$\therefore 2x - z = 0, 3x + y = 0, 2y - 4z + 28 = 0$$

$z = 2x, y = -3x$ 을 $2y - 4z + 28 = 0$ 에 대입하면

$$x = 2, y = -6, z = 4$$

$$\therefore 3x + y + z = 4$$

15. 다항식 $P(x)$ 를 $x + 1$ 로 나누면 떨어지고, $x - 2$ 로 나누면 나머지가 3이다. 이때, $P(x)$ 를 $(x + 1)(x - 2)$ 로 나누었을 때 나머지는?

- ① x ② $-x + 1$ ③ $x + 1$
④ $-2x + 2$ ⑤ $2x + 2$

해설

$$P(x) = (x + 1)Q(x)$$

$$P(x) = (x - 2)Q'(x) + 3$$

$$P(x) = (x + 1)(x - 2)Q''(x) + ax + b$$

$$P(-1) = 0, \quad P(2) = 3 \text{이므로,}$$

$$-a + b = 0, \quad 2a + b = 3$$

$$\therefore a = 1, \quad b = 1$$

따라서 나머지는 $x + 1$ 이다.