

1.  $x^2 - \frac{5}{6}x + \frac{1}{6}$  을 인수분해하면?

①  $\left(x + \frac{1}{2}\right) \left(x - \frac{1}{3}\right)$

②  $\left(x + \frac{1}{6}\right) (x + 1)$

③  $\left(x - \frac{1}{2}\right) \left(x - \frac{1}{3}\right)$

④  $(x - 1) \left(x - \frac{1}{6}\right)$

⑤  $\left(x - \frac{1}{2}\right) \left(x + \frac{1}{3}\right)$

해설

$a = -\frac{1}{2}$ ,  $b = -\frac{1}{3}$  라 하면  $a + b = -\frac{5}{6}$ ,  $ab = \frac{1}{6}$  이므로

$x^2 - \frac{5}{6}x + \frac{1}{6} = \left(x - \frac{1}{2}\right) \left(x - \frac{1}{3}\right)$  이 성립한다.

2. 다음 중  $2x^2 - x - 15$  의 인수를 모두 고르면?(정답 2개)

①  $2x + 5$

②  $x - 3$

③  $x + 3$

④  $2x - 5$

⑤  $2x + 3$

해설

$$2x^2 - x - 15 = (2x + 5)(x - 3)$$

3. 다음 중 인수분해가 바르게 된 것은?

①  $4a^2 - 2ab = 2a(a - b)$

②  $x^2 + 20x - 100 = (x + 10)^2$

③  $-x^2 + 1 = (x + 1)(-x - 1)$

④  $x^2 - 7x + 12 = (x - 2)(x - 6)$

⑤  $10x^2 + 23x - 21 = (x + 3)(10x - 7)$

해설

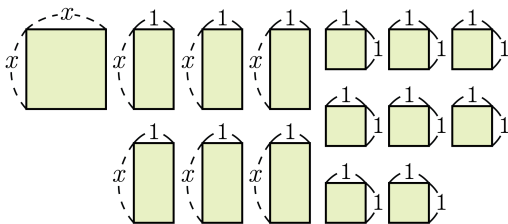
①  $4a^2 - 2ab = 2a(2a - b)$

③  $-x^2 + 1 = -(x + 1)(x - 1)$

④  $x^2 - 7x + 12 = (x - 3)(x - 4)$

4. 다음 그림과 같이 한 변의 길이가  $x$  인 정사각형 한 개와, 두 변의 길이가 각각  $x$ , 1 인 직사각형 6 개, 한 변의 길이가 1 인 정사각형 8 개를 재배열하여 직사각형 한 개를 만들려한다.

이 직사각형의 가로의 길이를  $a$ , 세로의 길이를  $b$  라 할 때,  $(b-a)^2$  을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 4

### 해설

한 변이  $x$  인 정사각형 한 개의 넓이 :  $x^2$

세로, 가로가 각각  $x$ , 1 인 직사각형 6 개의 넓이 :  $6x$

한 변의 길이가 1 인 정사각형 8 개의 넓이 : 8

따라서 직사각형의 넓이는  $x^2 + 6x + 8 = (x+2)(x+4)$

가로 길이를  $x+2 = a$ , 세로 길이를  $x+4 = b$  라 하면

$$(b-a)^2 = \{(x+4) - (x+2)\}^2 = 2^2 = 4$$

5.  $6xy - 8x - 9y + 12 = (ax + b)(cy + d)$  에서  $a + b + c + d$  의 값을 구하면?

① 1

② 2

③ 0

④ -1

⑤ -2

해설

$$\begin{aligned} 6xy - 8x - 9y + 12 &= 2x(3y - 4) - 3(3y - 4) \\ &= (2x - 3)(3y - 4) \end{aligned}$$

$$\therefore a + b + c + d = -2$$

6.  $a = 1.75$ ,  $b = 0.25$  일 때,  $a^2 - 6ab + 9b^2$  의 값을 구하면?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$\begin{aligned} a^2 - 6ab + 9b^2 &= (a - 3b)^2 \\ &= (1.75 - 3 \times 0.25)^2 \\ &= 1^2 = 1 \end{aligned}$$

7.  $\frac{4}{25}ax^2 - 2ax + \frac{25}{4}a$  를 인수분해했을 때 인수가 아닌 것을 모두 고르면?

①  $\frac{2}{5}ax - \frac{5}{2}$

②  $a$

③  $\left(\frac{2}{5}x - \frac{5}{2}\right)^2$

④  $\frac{2}{5}x - \frac{5}{2}$

⑤  $\frac{2}{5}a - \frac{5}{2}$

해설

$$\frac{4}{25}ax^2 - 2ax + \frac{25}{4}a = a \left( \frac{2}{5}x - \frac{5}{2} \right)^2$$

8. 두 식  $(x-3)^2 - 2(x-3) - 35$ 와  $2x^2 + x - 6$ 의 공통인 인수를 구하면?

①  $x + 3$

②  $x + 2$

③  $3x - 13$

④  $2x - 3$

⑤  $x - 10$

해설

$x - 3 = t$ 로 치환하면

$$\begin{aligned} t^2 - 2t - 35 &= (t + 5)(t - 7) \\ &= (x - 3 - 7)(x - 3 + 5) \\ &= (x - 10)(x + 2) \end{aligned}$$

한편,  $2x^2 + x - 6 = (2x - 3)(x + 2)$

따라서 공통인 인수는  $x + 2$



9.  $x^2 - 5x + n$ 이 두 일차식의 곱으로 인수 분해될 때, 자연수  $n$ 의 개수를 구하여라.

▶ 답 :      개

▷ 정답 : 2 개

해설

$$x^2 - 5x + 6 = (x - 3)(x - 2) \quad \text{에서 } n = 6$$

$$x^2 - 5x + 4 = (x - 1)(x - 4) \quad \text{에서 } n = 4$$

$\therefore$  2 개

10.  $x - 1$  이  $3x^2 - ax - 4$  의 인수일 때,  $a$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 :  $a = -1$

해설

또 다른 인수를  $(Ax + B)$  라 하면

$$\begin{aligned}(x - 1)(Ax + B) &= Ax^2 - Ax + Bx - B \\ &= 3x^2 - ax - 4\end{aligned}$$

$$A = 3, B = 4, a = A - B = -1$$

11.  $xy - x + y - 1 = (x - a)(y + b)$ 가 성립할 때,  $a + b$ 의 값을 구하여라. (단,  $b < 0$ )

▶ 답:

▷ 정답:  $a + b = -2$

해설

$y - 1 = X$ 로 치환하면

$$\begin{aligned} xy - x + y - 1 &= xX + X = X(x + 1) \\ &= (x + 1)(y - 1) \end{aligned}$$

$$\therefore a + b = -2$$

12. 다음  $x(x+1)(x+2)(x+3)+1$  을 인수분해하면?

①  $(x^2 + 3x + 6)^2$

②  $(x^2 + 3x - 1)^2$

③  $(x^2 - 3x + 3)^2$

④  $(x^2 - 5x + 3)^2$

⑤  $(x^2 + 3x + 1)^2$

해설

$$(x^2 + 3x)(x^2 + 3x + 2) + 1$$

$$x^2 + 3x = A \text{ 라 하면}$$

$$\begin{aligned} A(A + 2) + 1 &= A^2 + 2A + 1 = (A + 1)^2 \\ &= (x^2 + 3x + 1)^2 \end{aligned}$$

13.  $x^2 - 4xy + 3y^2 - 6x + 2y - 16$  을 인수분해 하였더니  $(x + ay + b)(x + cy + d)$  가 되었다. 이 때,  $a + b + c + d$  의 값은?

① -10

② -9

③ -8

④ -3

⑤ 2

해설

$x$  에 대하여 정리하면,

$$x^2 - (4y + 6)x + 3y^2 + 2y - 16$$

$$= x^2 - (4y + 6)x + (3y + 8)(y - 2)$$

$$= (x - 3y - 8)(x - y + 2)$$

$$\therefore a = -3, b = -8, c = -1, d = 2$$

$$\therefore -3 - 8 - 1 + 2 = -10$$

14.  $x^2 + \frac{1}{x^2} = 6$ 일 때,  $2x + \frac{2}{x}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 :  $4\sqrt{2}$

▷ 정답 :  $-4\sqrt{2}$

해설

$$\left(x + \frac{1}{x}\right)^2 = x^2 + \frac{1}{x^2} + 2 = 6 + 2 = 8$$

$$x + \frac{1}{x} = \pm 2\sqrt{2}$$

$$2x + \frac{2}{x} = 2\left(x + \frac{1}{x}\right) = 2 \times (\pm 2\sqrt{2}) = \pm 4\sqrt{2}$$

15.  $\sqrt{x} = a - 1$  이고,  $-1 < a < 3$  일 때,  $\sqrt{x + 4a} + \sqrt{x - 4a + 8}$  을 간단히 하면?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$\sqrt{x} = a - 1$  의 양변을 제곱하면  $x = (a - 1)^2$

$$\sqrt{a^2 + 2a + 1} + \sqrt{a^2 - 6a + 9}$$

$$= \sqrt{(a + 1)^2} + \sqrt{(a - 3)^2}$$

$$= |a + 1| + |a - 3|$$

$$= a + 1 - a + 3 = 4$$

16.  $(x-1)^2 + \frac{1}{(x-1)^2} - 2$  를 인수분해하면?

①  $\frac{x^2(x-2)}{(x-1)^2}$

②  $\frac{x(x-2)^2}{(x-1)^2}$

③  $\frac{x^2(x-2)^2}{(x-1)}$

④  $\frac{(x-2)^2}{(x-1)^2}$

⑤  $\frac{x^2(x-2)^2}{(x-1)^2}$

해설

$x-1=a$  로 치환하면

$$(x-1)^2 + \frac{1}{(x-1)^2} - 2$$

$$= a^2 + \frac{1}{a^2} - 2 = \left(a - \frac{1}{a}\right)^2 = \left(\frac{a^2 - 1}{a}\right)^2$$

$$= \left\{ \frac{(a+1)(a-1)}{a} \right\}^2$$

$$= \frac{x^2(x-2)^2}{(x-1)^2}$$



17.  $(a - b + 3)^2 - (a + b + 3)^2$  을 간단히 한 것은?

①  $-4b(a - 3)$

②  $-4a(b + 3)$

③  $-8b(a + 3)$

④  $-4a(b - 3)$

⑤  $-4b(a + 3)$

해설

$$\begin{aligned} & (a - b + 3)^2 - (a + b + 3)^2 \\ &= \{(a - b + 3) + (a + b + 3)\} \\ & \quad \{(a - b + 3) - (a + b + 3)\} \\ &= (-2b)(2a + 6) \\ &= -4b(a + 3) \end{aligned}$$

18.  $49x^2 - 9 + 14xy + y^2$  을 인수분해하였더니  $(ax + y + b)(ax + cy + 3)$  가 되었다. 이때, 상수  $a, b, c$  에 대하여  $a - b + c$  의 값을 구하면?

① 2

② 4

③ 6

④ 11

⑤ 16

해설

$$\begin{aligned} 49x^2 + 14xy + y^2 - 9 &= (7x + y)^2 - 3^2 \\ &= (7x + y + 3)(7x + y - 3) \end{aligned}$$

$$a = 7, b = -3, c = 1$$

$$\therefore a - b + c = 11$$

19.  $x^2 - 10x + A = (x + B)^2$  에서  $A, B$  에 맞는 수를 써라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 :  $A = 25$

▷ 정답 :  $B = -5$

해설

$$\begin{aligned}(x + B)^2 &= x^2 + 2Bx + B^2 \\ &= x^2 - 10x + A\end{aligned}$$

$$2B = -10 \quad \therefore B = -5$$

$$B^2 = (-5)^2 = A \quad \therefore A = 25$$

20.  $\frac{\sqrt{9^{11} - 81^5}}{\sqrt{27^6 - 9^8}}$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 9

해설

$$\begin{aligned}\frac{\sqrt{9^{11} - 81^5}}{\sqrt{27^6 - 9^8}} &= \frac{\sqrt{(3^2)^{11} - (3^4)^5}}{\sqrt{(3^3)^6 - (3^2)^8}} \\&= \frac{\sqrt{3^{22} - 3^{20}}}{\sqrt{3^{18} - 3^{16}}} \\&= \frac{\sqrt{3^{20}(3^2 - 1)}}{\sqrt{3^{16}(3^2 - 1)}} \\&= \sqrt{3^4} = 9\end{aligned}$$