

1. 정십이각형의 내각의 합, 외각의 합을 각각 구하면?

- ① $900^\circ, 360^\circ$
- ② $1800^\circ, 360^\circ$
- ③ $900^\circ, 540^\circ$
- ④ $1800^\circ, 540^\circ$
- ⑤ $3600^\circ, 540^\circ$

해설

$$(\text{내각의 합}) = 180^\circ \times (12 - 2) = 1800^\circ$$

2. 다음 <보기>의 입체도형 중에서 회전체를 모두 고른 것은?

보기

㉠ 원뿔

㉡ 원뿔대

㉢ 정사면체

㉣ 구

㉤ 원기둥

㉥ 사각뿔

① ㉠, ㉡, ㉢

② ㉠, ㉣, ㉤

③ ㉡, ㉢, ㉣, ㉤

④ ㉠, ㉡, ㉣, ㉤

⑤ ㉠, ㉡, ㉢, ㉥

해설

회전체는 한 직선을 축으로 하여 평면도형을 회전시킬 때 생기는 입체도형이므로

㉠ 원뿔-회전체

㉡ 원뿔대-회전체

㉢ 정사면체-다면체

㉣ 구-회전체

㉤ 원기둥-회전체

㉥ 사각뿔-다면체

∴ ㉠, ㉡, ㉣, ㉤

3. 다음 중 회전체를 모두 고르면 몇 개인가?

삼각뿔대, 구, 사각기둥, 원뿔, 원뿔대
정팔면체, 육각뿔, 원기둥, 직육면체

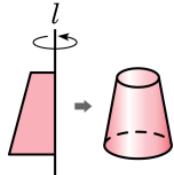
- ① 3개 ② 4개 ③ 5개 ④ 6개 ⑤ 7개

해설

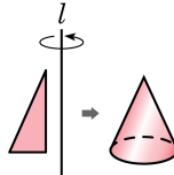
회전체는 한 직선을 축으로 하여 평면도형을 회전시켰을 때 생기는 입체도형이므로 구, 원뿔, 원뿔대, 원기둥의 4개이다.

4. 다음 각각의 도형을 직선 l 을 축으로 회전시킬 때, 만들어지는 회전체로 바르게 연결되지 않은 것은?

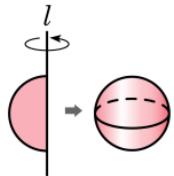
①



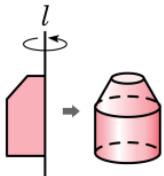
②



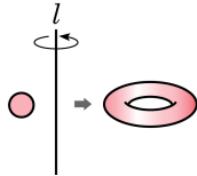
③



④

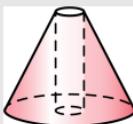


⑤



해설

②



5. 다음 중 회전체를 회전축을 포함하는 평면으로 잘랐을 때, 단면의 모양을 잘못 연결한 것은?

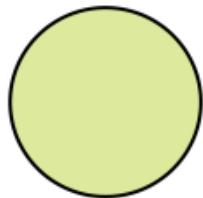
- ① 원뿔대 – 사다리꼴
- ② 원기둥 – 직사각형
- ③ 구 – 원
- ④ 원뿔 – 이등변삼각형
- ⑤ 반구 – 원

해설

반구를 회전축을 포함하는 평면으로 자르면 그 단면은 반원이다.

6. 다음 중 원뿔을 자른 단면의 모양이 될 수 없는 것은?

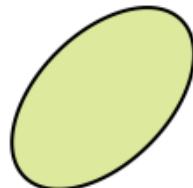
①



②



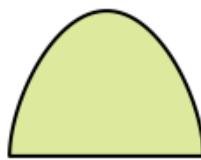
③



④



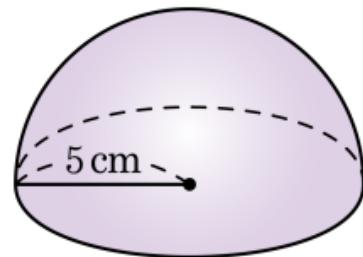
⑤



해설

사다리꼴은 불가능하다.

7. 반지름의 길이가 5 cm 인 반구의 겉넓이를 구 하여라.



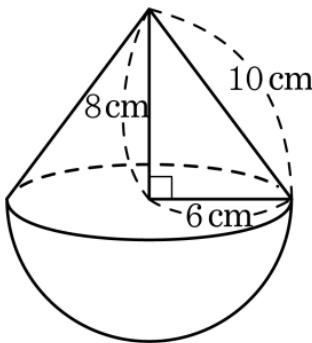
▶ 답: cm²

▶ 정답: $75\pi \text{cm}^2$

해설

$$\begin{aligned}4\pi \times 5^2 \times \frac{1}{2} + \pi \times 5^2 &= 50\pi + 25\pi \\&= 75\pi (\text{cm}^2)\end{aligned}$$

8. 다음 입체도형의 겉넓이는?



- ① $124\pi\text{cm}^2$ ② $132\pi\text{cm}^2$ ③ $148\pi\text{cm}^2$
④ $176\pi\text{cm}^2$ ⑤ $192\pi\text{cm}^2$

해설

원뿔에 반구를 붙여놓은 형태의 입체도형이 만들어 진다.

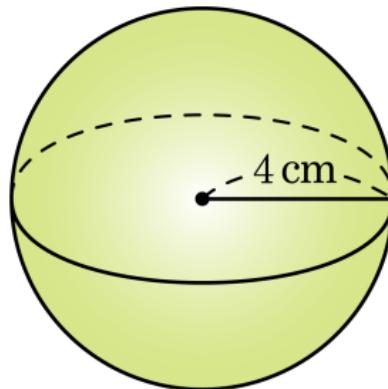
원뿔의 옆면 :

$$S_1 = \frac{1}{2}rl = \frac{1}{2} \times 10 \times 12\pi = 60\pi(\text{cm}^2)$$

반구 : $S_2 = 4\pi \times 6^2 \times \frac{1}{2} = 72\pi(\text{cm}^2)$

$$\therefore S = S_1 + S_2 = 60\pi + 72\pi = 132\pi(\text{cm}^2)$$

9. 다음 입체도형의 겉넓이를 구하여라.



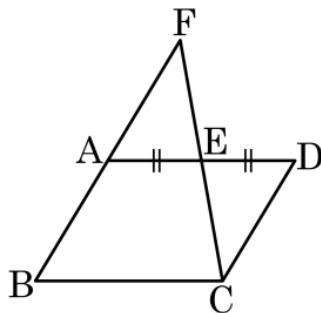
▶ 답: cm²

▷ 정답: $64\pi \text{cm}^2$

해설

$$S = 4\pi r^2 = 4\pi \times 4^2 = 64\pi(\text{cm}^2)$$

10. 다음 그림에서 사각형 ABCD 는 평행사변형이고 $\overline{AE} = \overline{ED}$ 이다.
 $\triangle AEF$ 와 $\triangle DEC$ 는 서로 합동이다. 이때, 사용된 합동조건은 무엇인가?

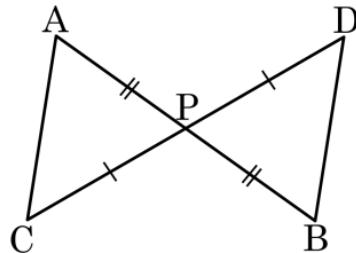


- ① SSS 합동 ② SAS 합동 ③ ASA 합동
④ RHS 합동 ⑤ RHA 합동

해설

$\overline{AE} = \overline{ED}$, $\angle AEF = \angle DEC$ (맞꼭지각), $\angle FAE = \angle CDE$ (엇각)
 $\therefore \triangle AEF \sim \triangle DEC$ (ASA 합동)

11. 아래 그림에서 점 P가 \overline{AB} , \overline{CD} 의 중점일 때, $\triangle ACP \cong \triangle BDP$ 이다.
다음 보기 중 $\triangle ACP \cong \triangle BDP$ 임을 설명하기 위한 조건이 아닌 것을 모두 고르면?



보기

- | | |
|-----------------------------------|-----------------------------------|
| Ⓐ $\overline{AP} = \overline{BP}$ | Ⓛ $\overline{CP} = \overline{DP}$ |
| Ⓑ $\overline{AC} = \overline{BD}$ | Ⓜ $\angle APC = \angle BPD$ |
| Ⓓ $\angle ACP = \angle BDP$ | Ⓔ $\angle ACP = \angle DBP$ |

① Ⓑ

② Ⓑ, Ⓣ

③ Ⓛ, Ⓣ

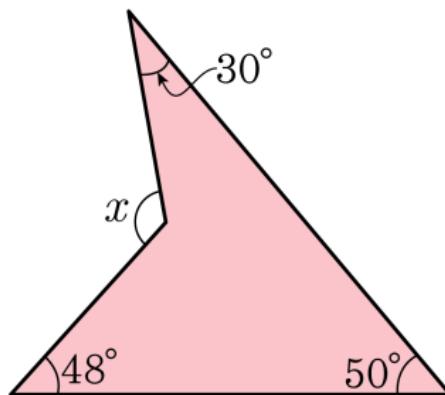
④ Ⓑ, Ⓛ, Ⓛ, Ⓣ

⑤ Ⓢ, Ⓑ, Ⓛ, Ⓛ, Ⓣ

해설

$\overline{AP} = \overline{BP}$, $\overline{CP} = \overline{DP}$, $\angle APC = \angle BPD$ (맞꼭지각)
 \therefore SAS 합동

12. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



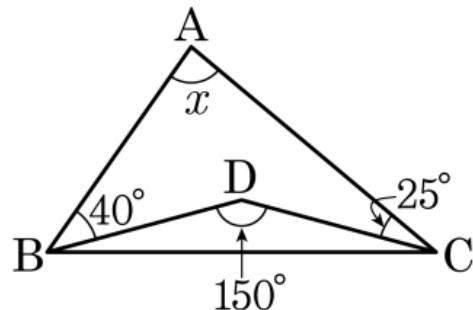
▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}$

▷ 정답 : 128°

해설

$$30^\circ + 48^\circ + 50^\circ = 128^\circ$$

13. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}$

▷ 정답 : 85°

해설

$$\angle x + 40^\circ + 25^\circ = 150^\circ$$

$$\therefore \angle x = 85^\circ$$

14. 한 내각의 크기가 144° 인 정다각형을 말하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 정십각형

해설

정 n 각형의 한 외각의 크기 : $180^\circ - 144^\circ = 36^\circ$

$$\frac{360^\circ}{n} = 36^\circ$$

$$n = 10$$

∴ 정십각형

15. 한 내각과 한 외각의 크기의 비가 5 : 1 인 정다각형의 변의 개수는?

- ① 10 개
- ② 11 개
- ③ 12 개
- ④ 13 개
- ⑤ 14 개

해설

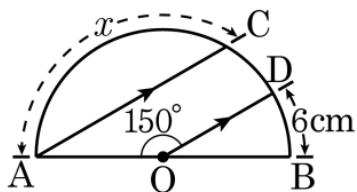
한 외각의 크기를 구하면

$$180^\circ \times \frac{1}{6} = 30^\circ$$

$$\frac{360^\circ}{30^\circ} = 12$$

따라서 정십이각형이므로 변의 개수는 12 개이다.

16. 다음 그림에서 \widehat{AC} 의 길이를 구하여라. (단, $\overline{AC} \parallel \overline{OD}$, $\angle AOD = 150^\circ$, $5.0\text{pt}\widehat{BD} = 6\text{cm}$)

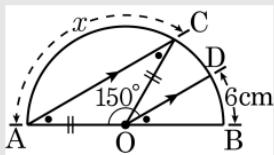


▶ 답: cm

▷ 정답: 24 cm

해설

점 O 와 C 를 연결하면



$$\angle DOB = \angle CAO = 30^\circ \text{ (동위각)},$$

$\overline{OA} = \overline{OC}$ 이므로

$$\angle OAC = \angle OCA = 30^\circ,$$

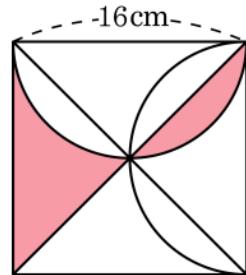
$$\angle AOC = 120^\circ,$$

부채꼴의 호의 길이와 중심각의 크기는
정비례하므로,

$$6 : 30 = x : 120$$

$$\therefore x = 24(\text{cm})$$

17. 다음 정사각형에서 색칠된 부분의 넓이를 구하여라.



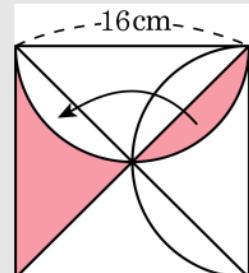
▶ 답 : cm²

▷ 정답 : 64 cm²

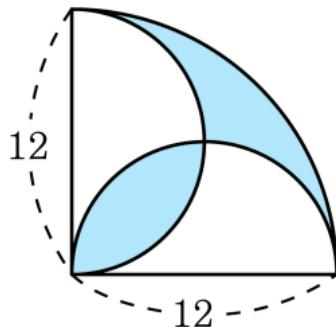
해설

그림과 같이 색칠된 부분을 옮기면 정사각형의 넓이의 $\frac{1}{4}$ 이다.

따라서 구하고자 하는 넓이는 $16^2 \times \frac{1}{4} = 64(\text{cm}^2)$ 이다.



18. 다음 그림에서 색칠한 부분의 둘레의 길이는?



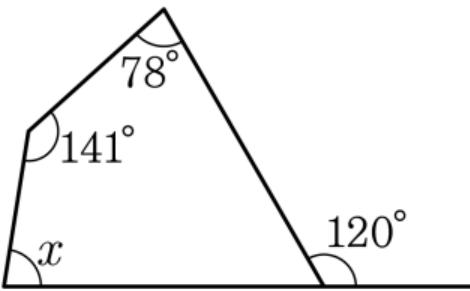
- ① 18π ② 6π ③ 12π ④ 36π ⑤ 24π

해설

지름이 12인 원의 둘레의 길이와 반지름이 12이고 중심각이 90° 인 부채꼴의 호의 길이의 합이다.

$$\therefore 12\pi + 24\pi \times \frac{1}{4} = 18\pi$$

19. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기는?



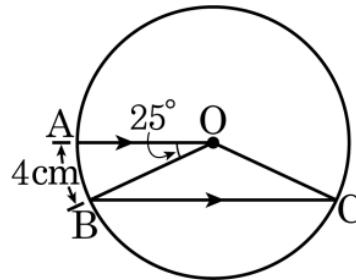
- ① 81° ② 71° ③ 61° ④ 51° ⑤ 41°

해설

사각형의 내각의 합은 360° 이므로 $141^\circ + 78^\circ + x + (180^\circ - 120^\circ) = 360^\circ$ 이다.

따라서 $x = 81^\circ$ 이다.

20. 다음 그림과 같은 원 O에서 $\overline{AO} \parallel \overline{BC}$, $\angle AOB = 25^\circ$, $5.0\text{pt}\widehat{AB} = 4\text{cm}$ 일 때, $5.0\text{pt}\widehat{BC}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 20.8 cm

해설

$\triangle OBC$ 가 이등변삼각형이고 $\overline{AO} \parallel \overline{BC}$ 이므로
 $\angle AOB = \angle OBC = 25^\circ$ 이다.

$\angle BOC = 180^\circ - 25^\circ - 25^\circ = 130^\circ$ 이다.

$25^\circ : 130^\circ = 4 : 5.0\text{pt}\widehat{BC}$, $5.0\text{pt}\widehat{BC} = 20.8$ 이다.