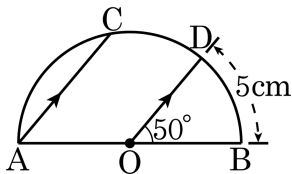


1. 다음 그림의 반원 O 에서 $\overline{AC} \parallel \overline{OD}$, $\angle DOB = 50^\circ$ 일 때, $5.0\text{pt}\widehat{AC}$ 의 길이는?



① 6cm

② 8cm

③ 10cm

④ 12cm

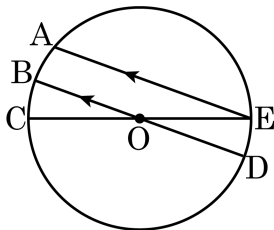
⑤ 15cm

해설

점 O 에서 점 C 를 연결하면 $\triangle AOC$ 는 이등변삼각형이고 $\overline{AC} \parallel \overline{OD}$ 이므로 $\angle CAO = \angle DOB = 50^\circ$ 이고, $\angle AOC = 180^\circ - 50^\circ - 50^\circ = 80^\circ$ 이다.

따라서 $50^\circ : 80^\circ = 5 : 5.0\text{pt}\widehat{AC}$, $5.0\text{pt}\widehat{AC} = 8(\text{cm})$ 이다.

2. 다음 그림과 같이 $\overline{AE} \parallel \overline{BD}$ 이고, $\angle BOC = 20^\circ$ 일 때, $\angle EOD + \angle OAE$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

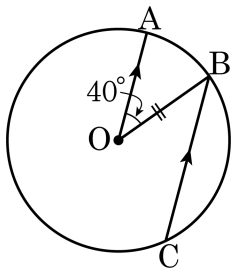
°

▷ 정답 : 40°

해설

$\overline{AE} \parallel \overline{BD}$ 이고, 점 O 에서 점 A 에 선을 연결하면 $\triangle OAE$ 는 이등변삼각형이므로 $\angle BOC = \angle EOD$ (맞꼭지각) 이고 $\angle EOD = \angle OEA$ (엇각), $\triangle OAE$ 는 이등변삼각형이므로 $\angle EOD + \angle OAE = 20^\circ + 20^\circ = 40^\circ$ 이다.

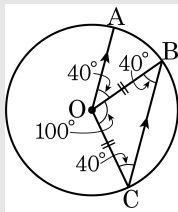
3. 다음 그림과 같이 $\overline{BC} \parallel \overline{AO}$ 이고, $\angle AOB = 40^\circ$ 일 때, $\angle BOC$ 와 $\angle OBC$ 의 크기의 차를 구하여라.



▶ 답 : $\quad \quad \quad ^\circ$

▶ 정답 : 60°

해설

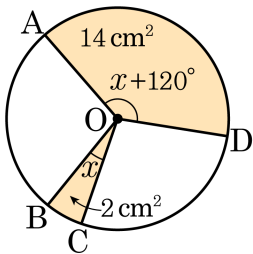


$\overline{BC} \parallel \overline{AO}$ 이고 점 O 에서 점 C 를 연결하면 $\triangle OBC$ 는 이등변 삼각형이므로

$$\angle BOC = 180^\circ - 40^\circ - 40^\circ = 100^\circ \text{ 이고}$$

$$\angle AOB = \angle OBC = 40^\circ \text{ 이므로 } \angle BOC - \angle OBC = 100^\circ - 40^\circ = 60^\circ \text{ 이다.}$$

4. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: °

▶ 정답: 20°

해설

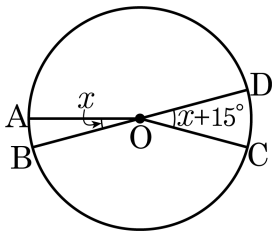
부채꼴의 넓이는 중심각의 크기에 정비례하므로,

$$2 : 14 = x : (x + 120^\circ)$$

$$14x = 2x + 240^\circ$$

$$\therefore \angle x = 20^\circ$$

5. 다음 그림의 원 O 에서 부채꼴 AOB 의 넓이가 24cm^2 이고 부채꼴 COD 의 넓이가 48cm^2 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.

▶ **답:** ○

▶ 정답 : 15°

해설

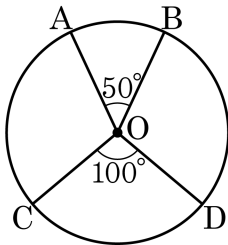
부채꼴의 넓이는 중심각의 크기에 정비례하므로,

$$24 : 48 = x : (x + 15^\circ)$$

$$2x = x + 15^\circ$$

$$\therefore x = 15^\circ$$

6. 부채꼴 OAB 의 넓이가 15 일 때, 부채꼴 OCD 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 30

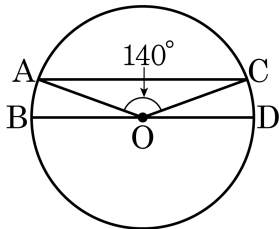
해설

부채꼴의 넓이는 중심각의 크기에 정비례하므로,

$$50^{\circ} : 100^{\circ} = 15 : x$$

$$\therefore x = 30$$

7. 다음 그림에서 $\overline{BD}$ 는 원 O 의 지름이고 $\overline{AC} \parallel \overline{BD}$, $\angle AOC = 140^\circ$ 일 때, $5.0\text{pt}\widehat{BD}$ 의 길이가 $5.0\text{pt}\widehat{AB}$ 의 길이의 몇 배인가?



- ① 5 배 ② 6 배 ③ 7 배 ④ 8 배 ⑤ 9 배

해설

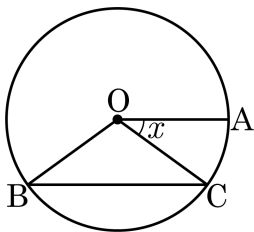
$\triangle AOC$ 가 이등변삼각형이므로 $\angle OAC = 20^\circ$ 이고, $\overline{AC} \parallel \overline{BD}$ 이므로

$\angle OAC = \angle AOB = 20^\circ$ 이다.

$\overline{BD}$ 는 지름이므로 $\angle BOD = 180^\circ$ 이다.

따라서 9 배이다.

8. 아래 그림과 같은 원O에서 $\overline{OA} \parallel \overline{BC}$ 이고, $5.0\text{pt}\widehat{BC} = 35.0\text{pt}\widehat{AC}$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



① 20°

② 30°

③ 36°

④ 45°

⑤ 60°

해설

부채꼴의 중심각의 크기는 호의 길이에 비례하므로 $\angle BOC = 3\angle x$ 이다.

$\overline{OA} \parallel \overline{BC}$ 이므로 $\angle AOC = \angle OCB = \angle x$ 이다.

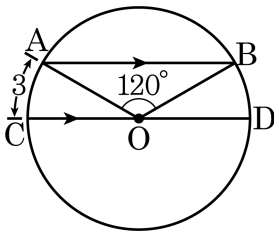
$\triangle OBC$ 는 $\overline{OB} = \overline{OC}$ 인 이등변삼각형이므로 $\angle OBC = \angle OCB = \angle x$ 이다.

$$3\angle x + \angle x + \angle x = 180^\circ$$

$$5\angle x = 180^\circ$$

$$\therefore \angle x = 36^\circ$$

9. 다음 그림과 같은 원 O 에서 $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$, $\angle AOB = 120^\circ$, $5.0\text{pt}\widehat{AC} = 3$ 일 때, $5.0\text{pt}\widehat{AB}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

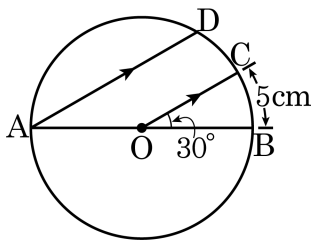
▷ 정답 : 12

해설

$\triangle AOB$ 는 이등변삼각형이고, $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ 이므로 $\angle BAO = 30^\circ = \angle AOC$ 이고

$30^\circ : 120^\circ = 3 : 5.0\text{pt}\widehat{AB}$, $5.0\text{pt}\widehat{AB} = 12$ 이다.

10. 아래 그림과 같이 $\overline{AB}$ 를 지름으로 하는 원 O 에서 $\angle BOC = 30^\circ$, $5.0\text{pt}\widehat{BC} = 5\text{cm}$, $\overline{AD} \parallel \overline{OC}$ 일 때, $5.0\text{pt}\widehat{AD}$ 의 길이를 구하여라.



- ① 10 cm ② 15 cm ③ 18 cm
 ④ 20 cm ⑤ 22 cm

해설

점 O 와 D 를 연결하는 선분 $\overline{OD}$ 를 그리면

$\overline{AD} \parallel \overline{OC}$ 이므로 $\angle OAD = \angle BOC = 30^\circ$

$\triangle AOD$ 는 $\overline{AO} = \overline{DO}$ 인 이등변삼각형이므로

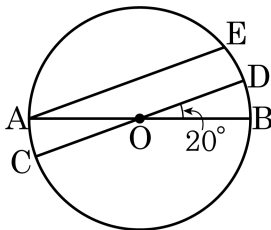
$\angle OAD = \angle ODA = 30^\circ$ 이다.

$\triangle AOD$ 에서

$\angle AOD = 180^\circ - (30^\circ + 30^\circ) = 120^\circ$

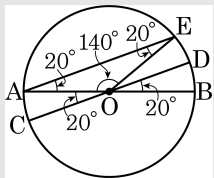
따라서 $30 : 120 = 5 : 5.0\text{pt}\widehat{AD}$ 에서 $5.0\text{pt}\widehat{AD} = 20(\text{cm})$ 이다.

11. 다음 그림에서 $\widehat{AE} \parallel \widehat{CD}$ 이며, $\angle DOB = 20^\circ$, $5.0\text{pt}\widehat{AC} = 5\text{cm}$ 이다.
이 때, $5.0\text{pt}\widehat{AE}$ 의 길이는?



- ① 15cm ② 20cm ③ 25cm ④ 30cm ⑤ 35cm

해설



$\angle DOB = \angle EAO = 20^\circ$ (동위각)

$\overline{OA} = \overline{OE}$ 이므로 $\angle EAO = \angle AEO = 20^\circ$

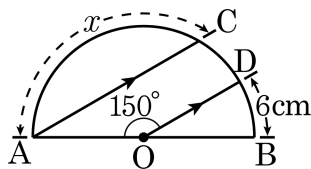
$\angle AOC = \angle DOB = 20^\circ$ (맞꼭지각)

$\therefore 5.0\text{pt}\widehat{AC} : 5.0\text{pt}\widehat{AE} = 20^\circ : 140^\circ$

$5 : 5.0\text{pt}\widehat{AE} = 1 : 7$

$\therefore 5.0\text{pt}\widehat{AE} = 35(\text{cm})$

12. 다음 그림에서 $5.0\text{pt}\widehat{AC}$ 의 길이를 구하여라. (단, $\overline{AC} \parallel \overline{OD}$, $\angle AOD = 150^\circ$, $5.0\text{pt}\widehat{BD} = 6\text{cm}$)

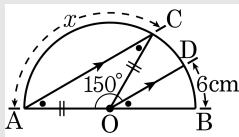


▶ 답 : cm

▷ 정답 : 24 cm

해설

점 O와 C를 연결하면



$\angle DOB = \angle CAO = 30^\circ$ (동위각),

$\overline{OA} = \overline{OC}$ 이므로

$\angle OAC = \angle OCA = 30^\circ$,

$\angle AOC = 120^\circ$,

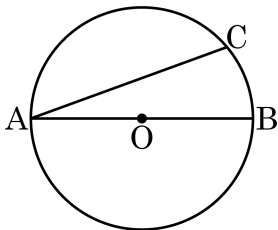
부채꼴의 호의 길이와 중심각의 크기는

정비례하므로,

$$6 : 30 = x : 120$$

$$\therefore x = 24(\text{cm})$$

13. 다음 그림과 같이 원 O 에서 호 CB 의 길이가 4cm 이고 $\angle CAB = 20^\circ$ 일 때, 호 AC 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 14cm

해설

삼각형 AOC 는 이등변삼각형이다.

$$\angle AOC = 180^\circ - 20^\circ \times 2 = 140^\circ$$

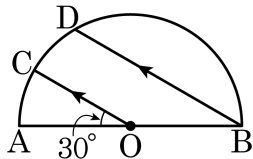
$$\angle BOC = 180^\circ - 140^\circ = 40^\circ$$

부채꼴의 호의 길이는 중심각의 크기에 정비례하므로
호 AC 의 길이를 x 라 하면

$$40^\circ : 4 = 140^\circ : x$$

따라서 호 AC 의 길이는 14cm 이다.

14. 다음 그림의 반원 O 에서 $\overline{CO} \parallel \overline{DB}$ 이고 $\angle AOC = 30^\circ$, $5.0\text{pt}\widehat{DB} = 12\text{cm}$ 일 때, $5.0\text{pt}\widehat{AC} + 5.0\text{pt}\widehat{CD}$ 의 길이를 구하여라.



답 :

cm



정답 : 6 cm

해설

점 O 에서 점 D 를 연결하면 $\triangle DOB$ 는 이등변삼각형이다.

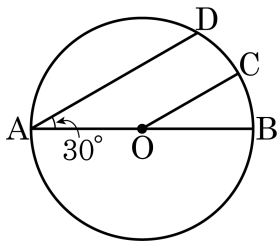
$\overline{CO} \parallel \overline{DB}$ 이므로 $\angle AOC = \angle DBO = 30^\circ$ 이다.

$\angle DOB = 180^\circ - 30^\circ - 30^\circ = 120^\circ$ 이다.

따라서 $\angle COD = 180^\circ - 120^\circ - 30^\circ = 30^\circ$ 이다.

$30^\circ : 120^\circ = 5.0\text{pt}\widehat{AC} : 12$, $5.0\text{pt}\widehat{AC} = 3(\text{cm})$ 이고 $5.0\text{pt}\widehat{AC} = 5.0\text{pt}\widehat{CD}$ 이므로 $5.0\text{pt}\widehat{AC} + 5.0\text{pt}\widehat{CD} = 3 + 3 = 6(\text{cm})$ 이다.

15. 다음 그림에서 $\overline{AD} \parallel \overline{OC}$ 일 때 $5.0\text{pt}\widehat{BC}$ 의 길이를 구하여라. (단, $5.0\text{pt}\widehat{AC} = 30\text{cm}$)



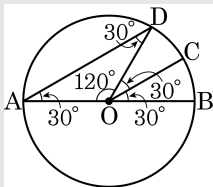
답 :

cm



정답 : 6cm

해설

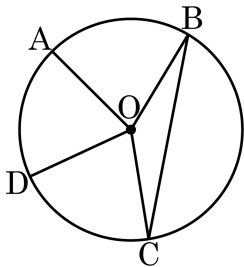


$$5.0\text{pt}\widehat{AC} : 5.0\text{pt}\widehat{BC} = 150^\circ : 30^\circ$$

$$30 : 5.0\text{pt}\widehat{BC} = 5 : 1$$

$$\therefore 5.0\text{pt}\widehat{BC} = 6(\text{cm})$$

16. 다음 원을 보고 $2\angle AOD = \angle BOC$ 일 때 옳은 것을 모두 고르면?



① $\overline{OA} = \overline{OC}$

② $25.0\text{pt}\widehat{AD} = 5.0\text{pt}\widehat{BC}$

③ $2\overline{AD} = \overline{BC}$

④ $2\triangle ODA = \triangle OBC$

⑤ $2\overline{OB} = \overline{DB}$

해설

① $\overline{OA} = \overline{OC}$

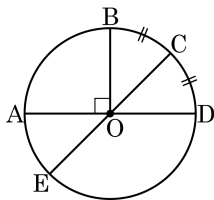
② $25.0\text{pt}\widehat{AD} = 5.0\text{pt}\widehat{BC}$

③ $2\overline{AD} \neq \overline{BC}$

④ $2\triangle ODA \neq \triangle OBC$

⑤ $2\overline{OB} \neq \overline{DB}$

17. 다음 그림에서 $\overline{AD}$, $\overline{CE}$ 는 원 O의 지름이고 $\overline{AD} \perp \overline{BO}$, $5.0\text{pt}\widehat{BC} = 5.0\text{pt}\widehat{CD}$ 일 때, 다음 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

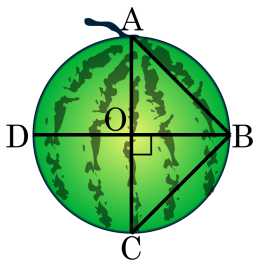


- ① $\frac{1}{3}\overline{DE} = \overline{AE}$
- ② $\frac{2}{3}5.0\text{pt}\widehat{DE} = 5.0\text{pt}\widehat{BD}$
- ③ $\angle DOE - \angle BOC = \angle AOB$
- ④ (부채꼴 AOB의 넓이) = (부채꼴 COD의 넓이) $\times 2$
- ⑤ $\triangle AOB$ 의 넓이는 $\triangle AOE$ 의 넓이의 두 배와 같다.

해설

- ① 중심각의 크기와 현의 길이는 정비례하지 않는다.
- ⑤ $\triangle AOB$ 의 넓이는 (부채꼴 AOB의 넓이) - (현 $\overline{AB}$ 와 호 $5.0\text{pt}\widehat{AB}$ 로 이루어진 활꼴의 넓이)

18. 희재는 수박을 먹기위해 자르려고 한다. 자를 때 희재가 생각한 것 중 옳은 것을 모두 골라라.



$\overline{BD}$ 로 자르고 $\overline{AC}$ 로 잘라야겠다.

㉠ $\overline{AB}$ 는 직선 $\overline{BC}$ 와 길이가 같겠다.

㉡ 수박을 이렇게 안 자르고 $\overline{AC}$ 보다 더 긴 선분으로 자를 수 있을 것 같아.

㉢ $5.0\text{pt}\widehat{AB}$ 는 $5.0\text{pt}\widehat{AC}$ 의 절반이 되겠네.

㉣ $\overline{AB}$ 와 $\overline{BC}$ 의 합은 $\overline{AC}$ 와 같겠다.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 정답 : ㉠

▶ 정답 : ㉢

해설

㉠ ○ : 직선 $\overline{AB}$ 는 직선 $\overline{BC}$ 와 길이가 같겠다. (중심각의 크기가 90° 로 같으므로 길이는 같다)

㉡ × : 수박을 이렇게 안 자르고 $\overline{AC}$ 보다 더 긴 선분으로 자를 수 있을 것 같아. ($\overline{AC}$ 는 가장 긴 현의 길이이다.)

㉢ ○ : $5.0\text{pt}\widehat{AB}$ 는 $5.0\text{pt}\widehat{AC}$ 의 절반이 되겠네. (호의 길이는 중심각의 크기에 정비례한다.)

㉣ × : $\overline{AB}$ 와 $\overline{BC}$ 의 합은 $\overline{AC}$ 와 같겠다. (현의 길이는 중심각의 크기에 정비례하지 않는다.)

19. 다음 보기 중에서 옳은 것을 모두 고르면?

보기

- ㉠ 반지름의 길이에 대한 원주의 비율을 원주율이라 하며 그 값은 일정하다.
- ㉡ 한 원에서 가장 길이가 긴 현은 지름이다.
- ㉢ 한 원에서 같은 크기의 중심각에 대한 현의 길이는 같다.
- ㉤ 한 원에서 부채꼴의 호의 길이는 중심각의 크기에 정비례한다.
- ㉥ 한 원에서 부채꼴의 넓이는 중심각의 크기에 정비례한다.
- ㉦ 한 원에서 부채꼴의 현의 길이는 중심각의 크기에 정비례한다.

① ㉠, ㉡, ㉢, ㉤, ㉥, ㉦

② ㉠, ㉡, ㉢, ㉥

③ ㉡, ㉢, ㉤, ㉥

④ ㉠, ㉡, ㉤, ㉥

⑤ ㉡, ㉤, ㉥

해설

- ㉠ 반지름이 아니라 지름의 길이에 대한 원주의 비율을 원주율이라 한다.
- ㉦ 한 원에서 부채꼴의 현의 길이는 중심각의 크기에 정비례하지 않는다.

20. 다음 보기 중에서 옳지 않은 것의 개수는?

보기

- ㉠ 한 원에서 같은 크기의 중심각에 대한 부채꼴의 넓이는 같다.
- ㉡ 한 원에서 부채꼴의 현의 길이는 중심각의 크기에 정비례한다.
- ㉢ 한 원에서 가장 길이가 긴 호는 지름이다.
- ㉣ 한 원에서 부채꼴의 중심각의 크기가 같은 두 현의 길이는 같다.
- ㉤ 한 원에서 부채꼴의 호의 길이는 중심각의 크기에 정비례한다.

① 1 개

② 2 개

③ 3 개

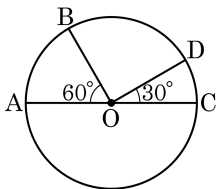
④ 4 개

⑤ 5 개

해설

- ㉡ 한 원에서 부채꼴의 현의 길이는 중심각의 크기에 정비례하지 않는다.
- ㉣ 한 원에서 가장 길이가 긴 현은 지름이다.

21. 다음 그림에서 $\overline{AC}$ 는 원 O 의 지름이고 $\angle AOB = 60^\circ$, $\angle COD = 30^\circ$ 일 때, 다음 중 옳은 것은?



- ① $5.0\text{pt}\widehat{AB} = 25.0\text{pt}\widehat{CD}$ ② $\overline{AB} = 2\overline{CD}$
 ③ $\overline{AB} > 2\overline{CD}$ ④ $\overline{AB} = 2\overline{OC}$
 ⑤ $\triangle AOB = \triangle COD$

해설

- ② 현의 길이는 중심각의 크기에 정비례하지 않는다.
 ③ $\overline{AB} < 2\overline{CD}$
 ④ $\overline{AB} = \overline{OC}$
 ⑤ $\triangle AOB \neq \triangle COD$