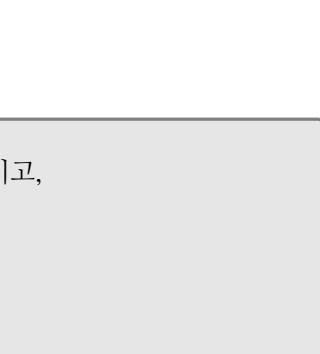


1. 다음 그림에서 \overline{PA} , \overline{PB} 는 원 O의 접선이고 $\angle ABO = 20^\circ$ 일 때, $\angle APB$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

$^\circ$

▷ 정답: 40°

해설

접선의 성질의 의해 $\angle OAP = 90^\circ$ 이고,

$\triangle OAB$ 는 이등변삼각형이므로

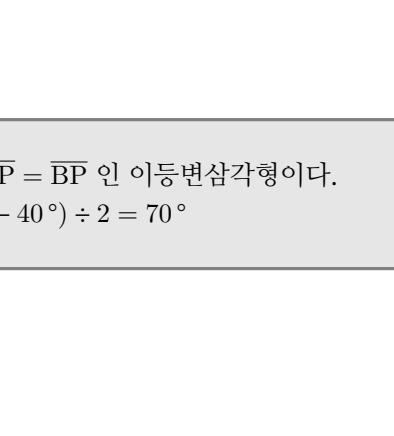
$\angle BAP = \angle ABP = 70^\circ$

또한 $\overline{PA} = \overline{PB}$ 이므로

$\triangle APB$ 는 이등변삼각형

$\therefore \angle PAB = 180^\circ - 140^\circ = 40^\circ$

2. 다음 그림에서 \overline{PA} 와 \overline{PB} 는 점 A, B 를 각각 접점으로 하는 원의 접선이다. $\angle APB$ 의 크기가 40° 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

$^\circ$

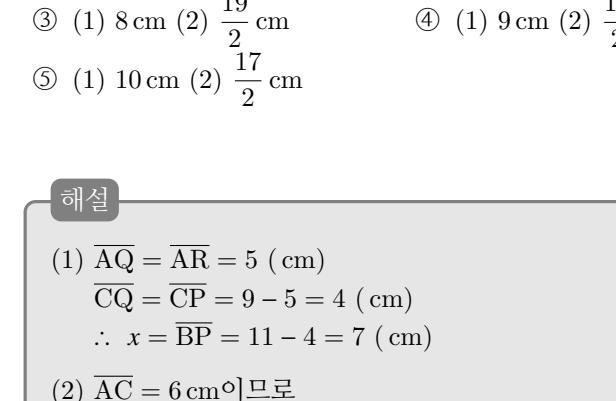
▷ 정답 : 70°

해설

$\triangle ABP$ 는 $\overline{AP} = \overline{BP}$ 인 이등변삼각형이다.

$$\angle x = (180^\circ - 40^\circ) \div 2 = 70^\circ$$

3. 다음 그림에서 세 점 P, Q, R 는 원 O 의 접점이고, 원 O 는 삼각형 ABC 의 내접원이라 할 때 x의 길이로 바르게 짹지는 것은?



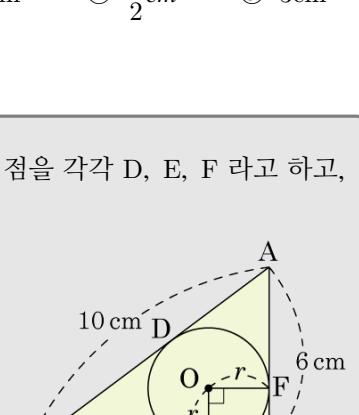
- (1) (1) 7 cm (2) $\frac{17}{2}$ cm
 (3) (1) 8 cm (2) $\frac{19}{2}$ cm
 (4) (1) 9 cm (2) $\frac{19}{2}$ cm
 (5) (1) 10 cm (2) $\frac{17}{2}$ cm

해설

$$(1) \overline{AQ} = \overline{AR} = 5 \text{ (cm)} \\ \overline{CQ} = \overline{CP} = 9 - 5 = 4 \text{ (cm)} \\ \therefore x = \overline{BP} = 11 - 4 = 7 \text{ (cm)}$$

$$(2) \overline{AC} = 6 \text{ cm} \text{ } \circ \text{ } \text{[므로]} \\ (12 - x) + (14 - x) = 7 \\ 26 - 2x = 7 \\ -2x = -19 \\ \therefore x = \frac{19}{2} \text{ cm}$$

4. 다음 그림의 원 O 는 $\overline{AB} = 10\text{cm}$, $\overline{BC} = 8\text{cm}$, $\overline{AC} = 6\text{cm}$ 이고 $\angle C = 90^\circ$ 인 직각삼각형에 내접하고 있다. 내접원 O 의 반지름의 길이는?



- ① 1cm ② $\frac{3}{2}\text{cm}$ ③ 2cm ④ $\frac{5}{2}\text{cm}$ ⑤ 3cm

해설

원 O 와 직각삼각형 ABC 의 접점을 각각 D, E, F 라고 하고, 원의 반지름을 r 라고 하자.

□CFOE 가 정사각형이므로

$$\overline{CF} = \overline{CE} = r \text{ (cm)}$$

$$\overline{BD} = \overline{BE} = \overline{BC} - \overline{CE} =$$

$$8 - r \text{ (cm)}, \quad \overline{AD} = \overline{AF} =$$

$$\overline{AC} - \overline{CF} = 6 - r \text{ (cm)}, \quad \overline{AB} =$$

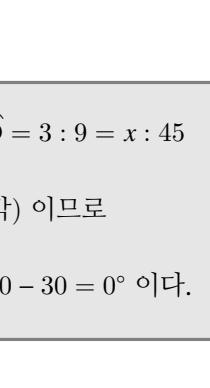
$$\overline{BD} + \overline{AD}$$

$$10 = (8 - r) + (6 - r), 2r = 4,$$

$$\therefore r = 2 \text{ (cm)}$$



5. 다음 그림에서 $2\angle x - \angle y$ 의 크기는?



- ① 0° ② 15° ③ 30° ④ 45° ⑤ 60°

해설

$$5.0\text{pt}\widehat{BC} = 5.0\text{pt}\widehat{CD} = 3 : 9 = x : 45$$

$$\therefore x = 15^\circ$$

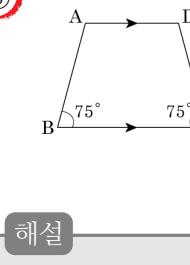
(원주각 $\times 2 =$ 중심각) 이므로

$$\therefore y = 2x = 30^\circ$$

따라서 $2\angle x - \angle y = 30 - 30 = 0^\circ$ 이다.

6. 다음 그림에서 네 점 A, B, C, D 가 한 원 위에 있는 것을 모두 고르면?

①



②



③



④



⑤

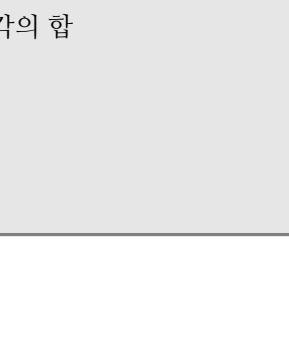


해설

$$\begin{aligned} \textcircled{4} \quad & 2 \times 12 = 3 \times 8 = 24 \\ \textcircled{5} \quad & \angle BAD = 105^\circ \\ \therefore \quad & \angle BAD + \angle BCD = 180^\circ \end{aligned}$$

7. 다음 그림에서 $\angle x + \angle y$ 의 크기는?

- ① 100° ② 110° ③ 120°
④ 125° ⑤ 135°



해설

$\angle x = 70^\circ$ 이고 이등변삼각형의 세 내각의 합

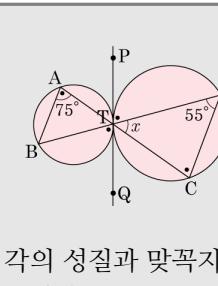
$$\angle x + 2\angle y = 180^\circ$$

$$70^\circ + 2\angle y = 180^\circ$$

$$\therefore \angle y = 55^\circ$$

따라서, $\angle x + \angle y = 125^\circ$ 이다.

8. 다음 그림에서 두 원이 점 T에서 서로 접하고 $\angle BAT = 75^\circ$, $\angle CDT = 55^\circ$ 일 때, $\angle CTD$ 의 크기는?



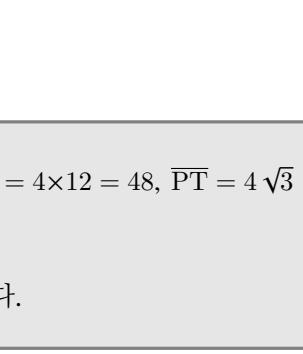
- ① 45° ② 50° ③ 55° ④ 65° ⑤ 75°

해설



접선과 현이 이루는 각의 성질과 맞꼭지각의 성질에 따라
 $\angle DCT = 75^\circ$, $\triangle DCT$ 에서 $\therefore x = 180^\circ - 75^\circ - 55^\circ = 50^\circ$

9. 다음 그림에서 $\overline{PT} + \overline{PT'}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $8\sqrt{3}$

해설

$\overline{PT}^2 = \overline{PA} \times \overline{PB} = \overline{PT'}^2$ 이므로 $\overline{PT}^2 = 4 \times 12 = 48$, $\overline{PT} = 4\sqrt{3}$ 이고,
 $\overline{PT} = \overline{PT'}$ 이므로
 $\overline{PT} + \overline{PT'} = 4\sqrt{3} + 4\sqrt{3} = 8\sqrt{3}$ 이다.

10. 다음 그림은 원의 일부이다. $\overline{AM} = \overline{BM} = 5\text{ cm}$, $\overline{CM} = 2\text{ cm}$, $\overline{AB} \perp \overline{CM}$ 일 때, 원의 반지름의 길이는?

① $\frac{13}{4}\text{ cm}$ ② $\frac{19}{4}\text{ cm}$
③ $\frac{23}{4}\text{ cm}$ ④ $\frac{25}{4}\text{ cm}$

⑤ $\frac{29}{4}\text{ cm}$

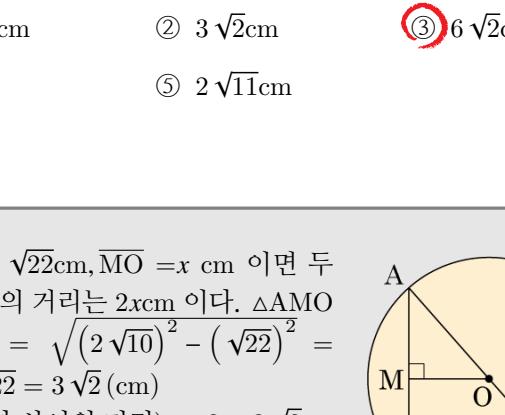


해설

직각삼각형 AOM에서

$$r^2 = (r - 2)^2 + 5^2, r = \frac{29}{4}\text{ cm 이다.}$$

11. 반지름의 길이가 $2\sqrt{10}$ cm인 원 O에서 평행인 두 현 AB와 CD의 길이가 모두 $2\sqrt{22}$ cm이다. 이 때, 두 현 사이의 거리는?



- ① $\frac{3\sqrt{2}}{2}$ cm ② $3\sqrt{2}$ cm ③ $6\sqrt{2}$ cm
 ④ 6cm ⑤ $2\sqrt{11}$ cm

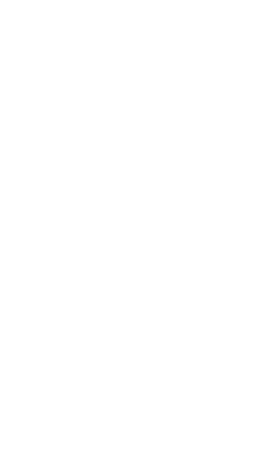
해설

$$\overline{AM} = \sqrt{22}\text{cm}, \overline{MO} = x \text{ cm} \text{ 이면 두 현 사이의 거리는 } 2x \text{cm이다. } \triangle AMO$$

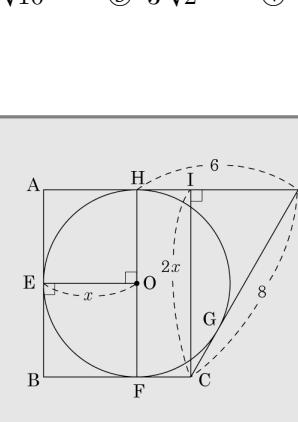
$$\text{에서 } x = \sqrt{(2\sqrt{10})^2 - (\sqrt{22})^2} = \sqrt{40 - 22} = 3\sqrt{2} \text{ (cm)}$$

$$\therefore (\text{두 현 사이의 거리}) = 2 \times 3\sqrt{2} =$$

$$6\sqrt{2} \text{ (cm)}$$



12. 다음 그림과 같이 원 O의 외접사각형 ABCD에서 네 점 E, F, G, H는 접점이고 선분 HF는 원 O의 지름이다. $\overline{CD} = 8$, $\overline{DH} = 6$ 일 때, 원 O의 반지름의 길이는?



- ① 3 ② $\sqrt{10}$ ③ $3\sqrt{2}$ ④ 4 ⑤ $2\sqrt{3}$

해설



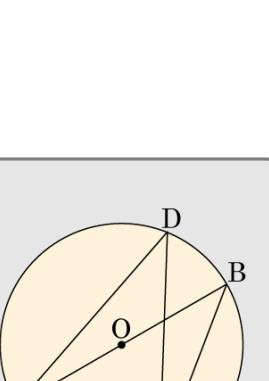
그림에서 반지름의 길이를 x 라 하고 C에서 \overline{AD} 에 내린 수선의 발을 I라 하자.

$\overline{CI} = 2x$, $\overline{DH} = 6$ 이므로 $\overline{DG} = 6$, $\overline{HI} = \overline{CF} = \overline{CG} = 2$ 이고
 $\overline{DI} = 4$

$$\triangle CDI \text{에서 } (2x)^2 + 4^2 = 8^2 \quad \therefore x = 2\sqrt{3}$$

13. 다음 그림에서 \overline{AB} 는 원 O의 지름이다.

$\angle BAC = 51^\circ$ 일 때, $\angle ADC$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

°

▷ 정답: 39°

해설

점 B와 C를 이으면
 $\angle ACB = 90^\circ$, $\angle ABC = 90^\circ - 51^\circ = 39^\circ$

5.0ptAC의 원주각 $\angle ABC$ =
 $\angle ADC = 39^\circ$



14. 다음 그림에서 원 O의 중심을 지나고, $\angle BED = 57^\circ$ 일 때, $\angle ACD$ 의 크기는?

- ① 30° ② 31° ③ 32°
④ 33° ⑤ 34°

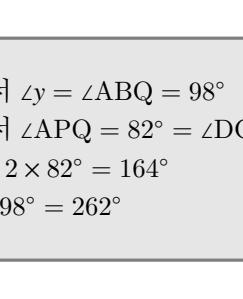


해설

중심 O와 점 D를 이으면
 $\angle DOB = 2 \times 57^\circ = 114^\circ$
 $\therefore \angle AOD = 180^\circ - 114^\circ = 66^\circ$

$\therefore \angle ACD = \frac{1}{2} \times 66^\circ = 33^\circ$

15. 다음 그림에서 $\angle ABQ = 98^\circ$ 일 때, $x + y$ 의 값은?

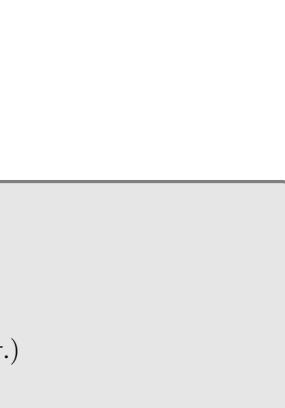


- ① 156° ② 164° ③ 196° ④ 262° ⑤ 328°

해설

사각형 PQCD 에서 $\angle y = \angle ABQ = 98^\circ$
사각형 ABQP 에서 $\angle APQ = 82^\circ = \angle DCQ$
 $\angle x = 2 \times \angle DCQ = 2 \times 82^\circ = 164^\circ$
 $\therefore x + y = 164^\circ + 98^\circ = 262^\circ$

16. 다음 그림에서 점 P 는 원의 접점일 때,
 x 의 값을 구하여라. (단, 단위는 생략한다.)



▶ 답:

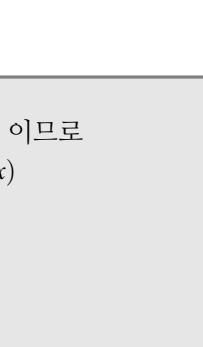
°

▷ 정답: 50°

해설

점 P 와 점 A 를 이으면
 $\angle PAC = 40^\circ$, $\angle PCA = 50^\circ$
 $\angle PCA = \angle PBA$
(\because 한 호에 대한 원주각의 크기는 같다.)
 $\therefore x = 50^\circ$

17. 다음 그림에서 x 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $2\sqrt{2}$

해설

$$\overline{CP} = 4 - x, \overline{BP} = 4 \text{ 이므로}$$

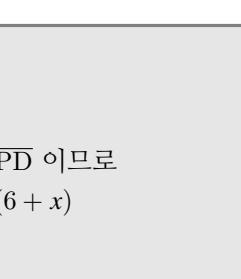
$$2 \times 4 = (4 - x)(4 + x)$$

$$8 = 16 - x^2$$

$$x^2 = 8$$

$$\therefore x = 2\sqrt{2}$$

18. 다음 그림에서 \overline{PT} 가 원의 접선일 때, x 의 값은?



- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}\overline{PT}^2 &= \overline{PA} \times \overline{PB} \\ \overline{PT}^2 &= \overline{PC} \times \overline{PD}\end{aligned}$$

$\overline{PA} \times \overline{PB} = \overline{PC} \times \overline{PD}$ 이므로

$$4 \times (4 + 8) = 6 \times (6 + x)$$

$$48 = 36 + 6x$$

$$\therefore x = 2$$

19. 다음 그림에서 \overline{PT} 는 원 O의 접선이고, T는 접점이다. x의 값을 구하면?

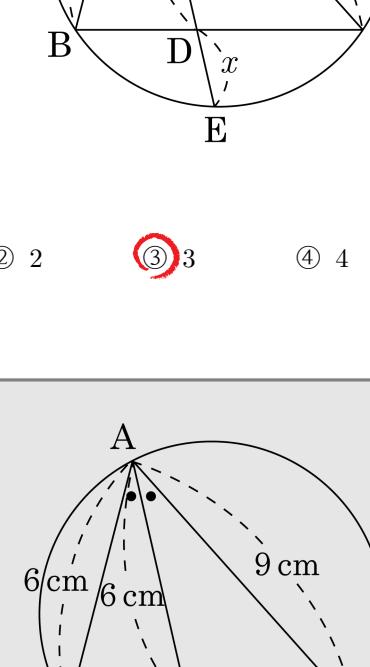
- ① 6.4 ② 6.5 ③ 6.6
④ 7 ⑤ 7.5



해설

$$\begin{aligned}\overline{AT} &= 6, \overline{AP} = 10 \text{ 이므로} \\ \overline{PT} &= \sqrt{10^2 - 6^2} = \sqrt{100 - 36} = 8 \\ 8^2 &= x \times 10, 64 = 10x \\ \therefore x &= \frac{64}{10} = \frac{32}{5} = 6.4\end{aligned}$$

20. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\angle A$ 의 이등분선 \overline{AD} 의 연장선이 원과 만나는 점을 E 라 할 때, x 의 값은?



- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설



$$\triangle ABE \sim \triangle ADC (\because AA\text{비례})$$

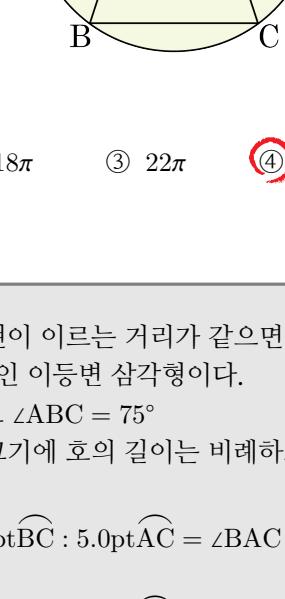
$$\frac{\overline{AB}}{\overline{AD}} = \frac{\overline{AE}}{\overline{AC}}$$

$$\overline{AB} \times \overline{AC} = \overline{AD} \times \overline{AE}$$

$$6 \times 9 = 6 \times (6 + x)$$

$$\therefore x = 3$$

21. 다음 그림의 원 O에서 $5.0\text{pt}\widehat{BC} = 10\pi$, $\angle BAC = 30^\circ$ 일 때, $5.0\text{pt}\widehat{AC}$ 의 길이는?



- ① 15π ② 18π ③ 22π ④ 25π ⑤ 30π

해설

원의 중심에서 현이 이르는 거리가 같으면 두 현의 길이가 같으므로 $AB = AC$ 인 이등변 삼각형이다.

$\angle A = 30^\circ$ 이므로 $\angle ABC = 75^\circ$

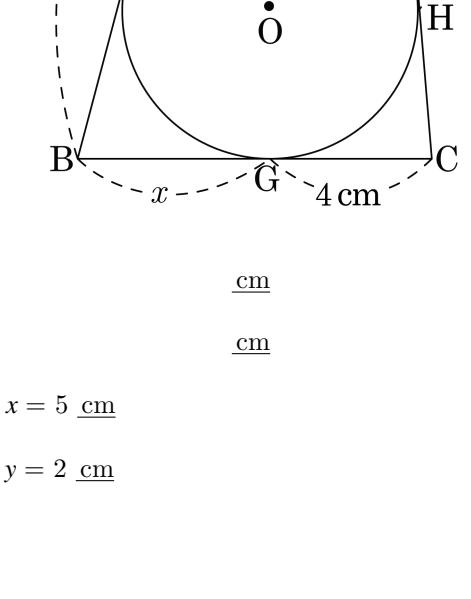
또한 원주각의 크기에 호의 길이는 비례하므로

$$5.0\text{pt}\widehat{BC} : 5.0\text{pt}\widehat{AC} = \angle BAC : \angle ABC$$

$$10\pi : 5.0\text{pt}\widehat{AC} = 30^\circ : 75^\circ$$

$$\therefore 5.0\text{pt}\widehat{AC} = 25\pi$$

22. 다음 그림과 같이 $\square ABCD$ 가 원 O 에 외접할 때, x , y 의 길이를 구하라.



▶ 답: cm

▶ 답: cm

▷ 정답: $x = 5$ cm

▷ 정답: $y = 2$ cm

해설

$$\overline{AF} = \overline{AE} = 5(\text{cm})$$

$$\overline{DH} = \overline{ED} = 2(\text{cm})$$

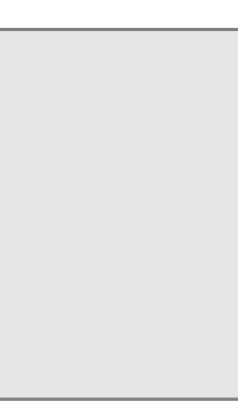
$$\overline{BF} = \overline{BG} = 5(\text{cm})$$

$$\therefore x = 5(\text{cm}), y = 2(\text{cm})$$

23. 다음 그림에서 점 P 는 두 현 AB, CD 의 연장선의 교점이고 $\angle APC = 36^\circ$, $\angle BQD = 78^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?

Ⓐ 21° Ⓛ 22° Ⓜ 23°

④ 24° Ⓟ 25°



해설

5.0ptAC에 대한 원주각이므로

$$\angle ABC = \angle ADC = \angle x$$

$\triangle BPC$ 에서

$$\angle QCD = 36^\circ + \angle x$$

$\triangle QCD$ 에서

$$\angle QCD + \angle QDC = 78^\circ$$

$$36^\circ + \angle x + \angle x = 78^\circ$$

$$\therefore \angle x = 21^\circ$$

24. 다음 그림의 원에서
5.0pt \widehat{ADC} 의 길이는 원
주의 $\frac{2}{3}$, 5.0pt \widehat{BCD} 의
길이는 원주의 $\frac{2}{5}$ 일 때, $\angle ADC + \angle DCE$
의 크기의 합을 구하여라.



▶ 답:

°

▷ 정답: 132°

해설

$$\angle ABC = 180^\circ \times \frac{2}{3} = 120^\circ$$

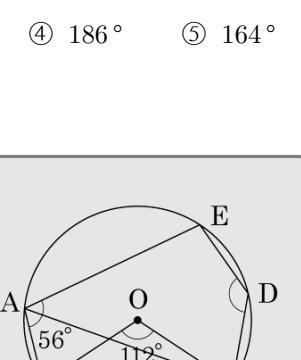
$$\angle BAD = 180^\circ \times \frac{2}{5} = 72^\circ$$

$$\therefore \angle ADC = 60^\circ$$

$$\angle DCE = 72^\circ$$

$$\angle ADC + \angle DCE = 60^\circ + 72^\circ = 132^\circ$$

25. 다음 그림에서 오각형 ABCDE 는 원 O 에 내접하고 $\angle BOC = 112^\circ$ 일 때,
 $\angle A + \angle D$ 의 크기는?



- ① 252° ② 236° ③ 212° ④ 186° ⑤ 164°

해설

점 A 와 점 C 에 보조선을 그으면
 $\angle D + \angle EAC = 180^\circ$, $\angle BAC = \frac{1}{2} \times$
 $\angle BOC = 112^\circ = 56^\circ$

$$\therefore \angle A + \angle D = 180^\circ + 56^\circ = 236^\circ$$

