

1. 다음 중 비례식이 옳은 것은 어느 것입니까?

① $4 : 1 = 5 : 20$

② $11 : 8 = 22 : 10$

③ $20 : 50 = 2 : 5$

④ $\frac{1}{3} : \frac{2}{3} = 2 : 1$

⑤ $36 : 24 = 2 : 3$

해설

비의 값이 같은지 확인합니다.

$$\textcircled{3} \quad 20 : 50 = (20 \div 10) : (50 \div 10) = 2 : 5$$

2. 다음 중 틀린 것은 어느 것입니까?

- ① $4 : 8$ 의 전항은 4입니다.
- ② $6 : 14 = 3 : 7$ 일 때 외항은 6과 7입니다.
- ③ $21 : 24 = 7 : 8$ 일 때 24는 내항입니다.
- ④ $9 : 11 = 27 : 33$ 일 때 내항은 9와 11입니다.
- ⑤ $2 : 3 = 40 : 60$ 에서 전항은 2와 40입니다.

해설

- ④ $9 : 11 = 27 : 33$ 일 때 내항은 11과 27입니다.

3. 비의 성질을 이용하여 비례식을 만들었습니다. 다음 중 비례식을 만드는 데 이용한 비의 성질이 다른 것은 어느 것입니까?

① $3 : 5 = 15 : 25$

② $6 : 7 = 12 : 14$

③ $8 : 10 = 4 : 5$

④ $4 : 9 = 100 : 225$

⑤ $12 : 7 = 24 : 14$

해설

①, ②, ④, ⑤ : 비의 전항과 후항에 0이 아닌 같은 수를 곱했습니다.

③ : 비의 전항과 후항을 0이 아닌 같은 수로 나누었습니다.

4. 다음 중 비의 값이 다른 하나는 어느 것인지 고르시오.

① $36 : 30$

② $6 : 5$

③ $0.5 : 0.6$

④ $18 : 15$

⑤ $\frac{1}{5} : \frac{1}{6}$

해설

① $36 : 30 = \frac{36}{30} = \frac{6}{5}$

② $6 : 5 = \frac{6}{5}$

③ $0.5 : 0.6 = 5 : 6 = \frac{5}{6}$

④ $18 : 15 = \frac{18}{15} = \frac{6}{5}$

⑤ $\frac{1}{5} : \frac{1}{6} = 6 : 5 = \frac{6}{5}$

5. 다음 두 비의 값을 보고, 비례식으로 나타낸 것으로 바르지 않은 것을 고르시오.

$$\frac{1}{5} = \frac{2}{10}$$

- ① $1 : 5 = 2 : 10$ ② $2 : 10 = 1 : 5$ ③ $1 : 2 = 5 : 10$
④ $2 : 5 = 1 : 10$ ⑤ $5 : 10 = 1 : 2$

해설

$$\frac{1}{5} = \frac{2}{10}$$

$$\rightarrow 1 \times 10 = 2 \times 5 \rightarrow 1 : 2 = 5 : 10 \rightarrow 2 : 10 = 1 : 5$$

④는 비례식이 성립하지 않는다.

$$2 \times 10 \neq 5 \times 1$$

6. 비례식 $\square : 12 = 24 : 36$ 에서 \square 를 구하는 식으로 알맞은 것은 어느 것입니까?

- ① $(12 \times 21) \times 36$
- ② $(24 \times 36) \div 12$
- ③ $(24 \div 36) \div 12$
- ④ $(12 \times 24) \div 36$
- ⑤ $(36 \times 12) \times 24$

해설

비례식에서 외항의 곱과 내항의 곱은 같다.

$$\square \times 36 = 12 \times 24$$

$$\square = (12 \times 24) \div 36$$

7. 전항이 5 인 비에서 비의 값이 $\frac{5}{7}$ 일 때, 후항은 ㉠이고, 후항이 13 인 비에서 비의 값이 $\frac{9}{13}$ 일 때, 전항은 ㉡입니다. ㉠ × ㉡의 값을 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 63

해설

$$(\text{전항}) : (\text{후항}) \Rightarrow \text{비의 값} : \frac{(\text{전항})}{(\text{후항})}$$

$$5 : ㉠ = \frac{5}{㉠} = \frac{5}{7}, \quad ㉠ = 7$$

$$㉡ : 13 = \frac{㉡}{13} = \frac{9}{13}, \quad ㉡ = 9$$

$$㉠ \times ㉡ = 7 \times 9 = 63$$

8. 안에 알맞은 수를 써넣으시오.

$$\begin{aligned} \text{가} \times 1\frac{1}{2} &= \text{나} \times 0.8 \\ \rightarrow \text{가} : \text{나} &= \boxed{\quad} : 15 \end{aligned}$$

▶ 답 :

▶ 정답 : 8

해설

$$\text{가} \times 1\frac{1}{2} = \text{나} \times 0.8$$

$$\rightarrow \text{가} : \text{나} = 0.8 : 1\frac{1}{2} = 0.8 : 1.5 = 8 : 15$$

9. 어느 과수원에 사과나무가 240그루, 배나무가 45그루 있습니다. 사과나무 수에 대한 배나무 수의 비를 가장 간단한 자연수의 비로 나타내시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 3 : 16

해설

$$45 : 240 = (45 \div 5) : (240 \div 5) = 9 : 48 = (9 \div 3) : (48 \div 3) = 3 : 16$$

10. 로봇 6개를 만드는데 10시간이 걸린다고 합니다. 걸리는 시간에 대한
로봇 개수의 비를 가장 간단한 자연수의 비로 나타내시오.

▶ 답 :

▶ 정답 : 3 : 5

해설

$$6 : 10 = 3 : 5$$

11. 다음 비례식에서 내항의 곱이 5.6 일 때, ㉡에 알맞은 수를 구하시오.

$$4 : 7 = ㉠ : ㉡$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 1.4

해설

내항의 곱 5.6 과 외항의 곱 $4 \times ㉡$ 은 같다.

$$4 \times ㉡ = 5.6 \rightarrow ㉡ = 5.6 \div 4 = 1.4$$

12. 다음 중 참인 비례식을 모두 찾아 기호를 써 보시오.

㉠ $2 : 3 = 3 : 4$

㉡ $1 : 3 = 3 : 9$

㉢ $16 : 20 = 0.5 : 0.4$

㉣ $3 : 2\frac{1}{2} = 12 : 10$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉡

▷ 정답 : ㉣

해설

참인 비례식은 내항의 곱과 외항의 곱이 같다.

㉠. $2 \times 4 \neq 3 \times 3$

㉡. $1 \times 9 = 3 \times 3$

㉢. $16 \times 0.4 \neq 20 \times 0.5$

㉣. $3 \times 10 = 2\frac{1}{2} \times 12$

13. 18분 동안 15km 를 달리는 오토바이가 있습니다. 같은 빠르기로 1시간 30분을 달린다면, 몇 km 를 달릴 수 있겠습니까?

▶ 답: km

▶ 정답: 75km

해설

$$1 \text{ 시간 } 30 \text{ 분} = 90 \text{ 분}$$

90 분 동안 달릴 수 있는 거리를 \square km 라고 하면

$$18 : 15 = 90 : \square,$$

$$18 \times \square = 15 \times 90,$$

$$18 \times \square = 1350,$$

$$\square = 75(\text{ km})$$

14. 콩이 들어 있는 바구니의 무게 중 5%가 바구니의 무게라고 할 때,
콩과 바구니의 무게의 비를 가장 간단한 자연수의 비로 나타내시오.

▶ 답:

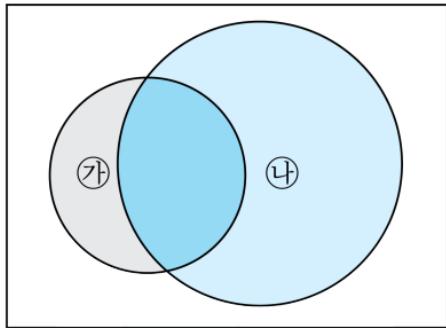
▷ 정답: 19 : 1

해설

콩만의 무게는 전체의 $100 - 5 = 95(\%)$ 이다.

$$95 : 5 = (95 \div 5) : (5 \div 5) = 19 : 1$$

15. 원 ①과 ④가 다음 그림과 같이 겹쳐 있습니다. 겹친 부분의 넓이는 ①의 $\frac{3}{4}$ 이고, ④의 $\frac{2}{3}$ 입니다. ①과 ④의 넓이의 비를 가장 작은 자연수의 비로 나타내시오.



▶ 답 :

▷ 정답 : 8 : 9

해설

$$\textcircled{1} \times \frac{3}{4} = \textcircled{4} \times \frac{2}{3}$$

$$\textcircled{1} : \textcircled{4} = \frac{2}{3} : \frac{3}{4} = \left(\frac{2}{3} \times 12\right) : \left(\frac{3}{4} \times 12\right) = 8 : 9$$

16. 다음 비례식에서 외항의 곱이 40 일 때, ㉠×㉡의 값을 구하시오. (단, ㉡은 자연수입니다.)

$$(㉡+3) : ㉠ = 2 : ㉡$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 100

해설

$$(㉡ + 3) : ㉠ = 2 : ㉡$$

외항의 곱 : 40

내항의 곱 : 40

$$㉠ \times 2 = 40$$

$$㉠ = 40 \div 2$$

$$㉠ = 20$$

$$(㉡ + 3) \times ㉡ = 40$$

⇒ 두 수의 곱이 40이면서 두 수의 차가 3인 두 수는 8.5입니다.

$$㉡ = 5 \quad (8 \times 5 = 40)$$

$$㉠ = 20, ㉡ = 5$$

$$㉠ \times ㉡ = 20 \times 5 = 100$$

17. 색종이 117장이 있습니다. 이 색종이의 $\frac{4}{9}$ 를 지영이가 가지고, 나머지 색종이를 미영이와 혜진이가 3 : 2의 비로 나누어 가졌습니다. 미영이는 몇 장을 가지게 되는지 구하시오.

▶ 답: 장

▷ 정답: 39장

해설

지영이가 갖는 색종이의 수는 $117 \times \frac{4}{9} = 52$ (장)

(나머지 색종이 수) = $117 - 52 = 65$ (장)

(미영이의 색종이 수) : (혜진이의 색종이 수)
= 3 : 2 이므로 미영이가 갖게 되는 색종이

수는 $65 \times \frac{3}{5} = 39$ (장)

18. 짤 240kg 을 형제가 나누어 가졌습니다. 형이 200kg 을 가졌다면, 형과 동생은 어떤 비로 비례배분한 것인지 가장 작은 자연수의 비로 나타내시오.

▶ 답 :

▶ 정답 : 5 : 1

해설

동생이 가진 양 : $240 - 200 = 40(\text{kg})$

형 : 동생 = $200 : 40 = 5 : 1$

19. 크고 작은 두 개의 직사각형이 있습니다. 두 직사각형의 가로의 비는 $1 : 2$ 이고, 세로의 비는 $2 : 3$ 입니다. 큰 직사각형의 넓이가 120 cm^2 일 때, 작은 직사각형의 넓이는 몇 cm^2 입니까?

▶ 답: cm^2

▷ 정답: 40 cm^2

해설

두 직사각형의 넓이의 비는 $(1 \times 2) : (2 \times 3)$ 이다.

큰 직사각형의 넓이가 120 cm^2 이므로 작은

직사각형의 넓이를 $\square \text{ cm}^2$ 라고 하면

$$(1 \times 2) : (2 \times 3) = \square : 120$$

$$2 : 6 = \square : 120$$

$$6 \times \square = 2 \times 120$$

$$6 \times \square = 240$$

$$\square = 240 \div 6$$

$$\square = 40(\text{cm}^2)$$

20. 둘레의 길이가 8.2km인 호수가를 1시간 동안 아버지는 4.2km의 빠르기로, 영진이는 3.8km의 빠르기로 돌았습니다. 두 사람이 한 지점에서 서로 반대 방향으로 걸었다면, 출발한 지 몇 분 만에 서로 만나겠는지 구하시오.

▶ 답: 분

▷ 정답: 61.5분

해설

호수가를 도는데 걸리는 시간을 \square 라고 하면,

속력 \times 시간 = 거리

$$4.2 \times \square + 3.8 \times \square = 8.2$$

$$8 \times \square = 8.2$$

$$\square = 1.025(\text{시간})$$

$$\square = 1.025 \times 60 = 61.5(\text{분})$$