

1. 다항식  $8x^3 - 1$ 을  $4x^2 + 2x + 1$ 로 나누었을 때의 몫을  $Q(x)$ 라 할 때  $Q(x)$ 의 상수항의 계수는?

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

$$8x^3 - 1 = (2x)^3 - 1^3 = (2x - 1)(4x^2 + 2x + 1)$$

$$\therefore Q(x) = 2x - 1$$

∴ 상수항은 -1

2.  $a^2b + b^2c - b^3 - a^2c$  을 인수분해하면?

- ①  $(a + b)(a - b)(b + c)$       ②  $(a - b)(b - c)(c + a)$
- ③  $(a - b)(a + b)(b - c)$       ④  $(a - b)(a + b)(c - a)$
- ⑤  $(a - b)(b + c)(c - a)$

해설

$$\begin{aligned} & a^2b + b^2c - b^3 - a^2c \\ &= a^2(b - c) - b^2(b - c) \\ &= (a - b)(a + b)(b - c) \end{aligned}$$

3.  $x^2 + y^2 + 2xy - x - y$  을 인수분해 하면?

- ①  $(x - y)(x + y + 1)$
- ②  $(x + y)(x - y - 1)$
- ③  $(x - y)(x - y - 1)$
- ④  $(x + y)(x + y - 1)$
- ⑤  $(x + y)(x + y + 1)$

해설

$$\begin{aligned}x^2 + y^2 + 2xy - x - y \\= (x + y)^2 - (x + y) = (x + y)(x + y - 1)\end{aligned}$$

4.  $\frac{k}{3}(k+1)(k+2) + (k+1)(k+2)$  와 같은 것은?

①  $\frac{1}{6}(k+1)(k+3)(k+4)$

②  $\frac{1}{3}k(k+1)(k+2)$

③  $\frac{1}{3}(k+1)(k+2)(k+3)$

④  $\frac{1}{3}k(k+1)(k+2)(k+3)$

⑤  $\frac{1}{4}(k+1)(2k+1)(3k+2)$

해설

$$(k+1)(k+2) = \frac{3}{3}(k+1)(k+2) \text{ 이므로}$$

공통인수  $\frac{1}{3}(k+1)(k+2)$  로 둑으면

$$(\text{준 식}) = \frac{1}{3}(k+1)(k+2)(k+3)$$

5. 다음 중  $a^3 - b^2c - ab^2 + a^2c$ 의 인수인 것은?

①  $a - b + c$

②  $c - a$

③  $b + c$

④  $a - b$

⑤  $c - b + a$

해설

$$\begin{aligned}a^3 - b^2c - ab^2 + a^2c &= a^3 - ab^2 + a^2c - b^2c \\&= a(a^2 - b^2) + (a^2 - b^2)c \\&= (a - b)(a + b)(a + c)\end{aligned}$$

6.  $x^2 - 2x - y^2 + 2y$ 를 인수분해하였더니,  $(x + ay)(x - by + c)$ 가 되었다.  
이 때,  $a$ ,  $b$ ,  $c$ 를 순서대로 쓴 것은?

- ① -1, 0, 1
- ② -1, 1, 2
- ③ -2, -1, 1
- ④ -1, -1, -2
- ⑤ -1, 2

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 2x - y^2 + 2y &= (x + y)(x - y) - 2(x - y) \\&= (x - y)(x + y - 2)\end{aligned}$$

$$\therefore a = -1, b = -1, c = -2$$

7.  $(x^2 + x)(x^2 + x + 1) - 6$  을 인수분해하면?

- ①  $(x - 1)(x + 2)(x^2 + x + 3)$       ②  $(x - 1)(x + 2)(x^2 + x - 3)$
- ③  $(x - 2)(x + 1)(x^2 + x + 3)$       ④  $(x - 1)(x + 2)(x^2 - x + 3)$
- ⑤  $(x + 1)(x - 2)(x^2 - x + 3)$

해설

$x^2 + x = X$  라 하자.

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= X(X + 1) - 6 \\&= X^2 + X - 6 \\&= (X + 3)(X - 2) \\&= (x^2 + x + 3)(x^2 + x - 2) \\&= (x - 1)(x + 2)(x^2 + x + 3)\end{aligned}$$

8. 다음 중 다항식  $x^4 - 5x^2 + 4$ 를 인수분해 할 때, 나타나는 인수가 아닌 것은?

- ①  $x - 1$
- ②  $x - 2$
- ③  $x - 3$
- ④  $x + 1$
- ⑤  $x + 2$

해설

$$\begin{aligned}x^4 - 5x^2 + 4 &= (x^2 - 1)(x^2 - 4) \\&= (x + 1)(x - 1)(x + 2)(x - 2)\end{aligned}$$

9.  $(a - b + c)(a + b - c)$  를 전개한 식은?

- ①  $a^2 + b^2 + c^2 - 2bc$
- ②  $a^2 - b^2 + c^2 - 2bc$
- ③  $\textcircled{a^2 - b^2 - c^2 + 2bc}$
- ④  $a^2 + b^2 - c^2 - 2bc$
- ⑤  $a^2 + b^2 + c^2 + 2bc$

해설

$$\begin{aligned}(a - b + c)(a + b - c) \\&= \{a - (b - c)\}\{a + (b - c)\} \\&= a^2 - (b - c)^2 \\&= a^2 - b^2 - c^2 + 2bc\end{aligned}$$

10.  $(x^4 - 8x^2 - 9) \div (x^2 - 9)$  를 계산하여라.

- ①  $x^2 + 1$       ②  $x^2 - 1$       ③  $x^2 + 2$   
④  $x^2 - 2$       ⑤  $x^2 + 3$

해설

$$x^4 - 8x^2 - 9 = (x^2 - 9)(x^2 + 1)$$

$$\therefore (\text{준식}) = x^2 + 1$$

11. 다항식  $(x - 1)^3 + 27$ 을 바르게 인수분해한 것은?

①  $(x - 1)(x^2 + 3)$

②  $(x - 1)(x^2 - x - 2)$

③  $(x - 1)(x^2 + 3x + 3)$

④  $(x + 2)(x^2 + x + 7)$

⑤  $(x + 2)(x^2 - 5x + 13)$

해설

$x - 1$  을  $A$ 로 치환하면

$$\text{준 식} = A^3 + 27 = (A + 3)(A^2 - 3A + 9)$$

다시  $x - 1$  을 대입하면  $(x + 2)(x^2 - 5x + 13)$

12.  $x^4 + 3x^2 + 4 = (x^2 + x + 2)(x^2 + ax + b)$  일 때, 상수  $a, b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -2

해설

$$\begin{aligned}(\text{좌변}) &= (x^2 + 2)^2 - x^2 \\&= (x^2 + x + 2)(x^2 - x + 2)\end{aligned}$$

$$\therefore a = -1, b = 2$$

$$\therefore ab = -1 \times 2 = -2$$

13. 다음 중 다항식  $x^4 - 8x^2 - 9$ 의 인수가 아닌 것은?

①  $x - 3$

②  $x + 3$

③  $x^2 + 1$

④  $x^2 + 9$

⑤  $x^3 + 3x^2 + x + 3$

해설

준 식을 인수분해 하면

$$x^4 - 8x^2 - 9 = (x^2 + 1)(x^2 - 9)$$

$$= (x^2 + 1)(x + 3)(x - 3)$$

⑤  $x^2(x + 3) + x + 3 = (x^2 + 1)(x + 3)$

14.  $x^4 + 4x^3 - 2x^2 + ax + b$  가 이차식의 완전제곱식이 될 때, 상수  $a, b$ 의 값은?

①  $a = 12, b = 9$

②  $\textcircled{a} = -12, b = 9$

③  $a = 12, b = -9$

④  $a = -12, b = -9$

⑤  $a = 9, b = 12$

해설

$$x^4 + 4x^3 - 2x^2 + ax + b = (x^2 + px + q)^2 \text{ 으로 놓으면}$$

이 식의 우변은

$$x^4 + 2x^2(px + q) + (px + q)^2$$

$$= x^4 + 2px^3 + (p^2 + 2q)x^2 + 2pqx + q^2$$

좌변과 계수를 비교하면

$$2p = 4, p^2 + 2q = -2$$

$$p = 2, q = -3 \text{에서}$$

$$a = 2pq = -12, b = q^2 = 9$$

## 15. 다음 중 인수분해가 잘못된 것을 고르면?

- ①  $(x - y)^2 - xy(y - x) = (x - y)(x - y + xy)$
- ②  $3a^2 - 27b^2 = 3(a + 3b)(a - 3b)$
- ③  $64a^3 - 125 = (4a + 5)(16a^2 - 20a + 25)$
- ④  $(x^2 - x)(x^2 - x + 1) - 6 = (x^2 - x + 3)(x + 1)(x - 2)$
- ⑤  $2x^2 - 5x + 3 = (x - 1)(2x - 3)$

해설

$$\begin{aligned}64a^3 - 125 &= (4a)^3 - (5)^3 \\&= (4a - 5)(16a^2 + 20a + 25)\end{aligned}$$

16. 다음 ⑦~⑩ 중 인수분해를 한 결과가 틀린 것은 모두 몇 개인가?

㉠  $x^2(a-b) - y^2(b-a) = (a-b)(x+y)(x-y)$

㉡  $9x^2 + 3xy - 2y^2 = (3x-2y)(3x+y)$

㉢  $x^3 - 125 = (x-5)(x^2 - 5x + 25)$

㉣  $2x^2 - xy - y^2 - 4x + y + 2 = (2x-y+2)(x-y+1)$

- ① 0 개      ② 1 개      ③ 2 개      ④ 3 개      ⑤ 4 개

해설

㉠  $x^2(a-b) - y^2(b-a) = x^2(a-b) + y^2(a-b) = (a-b)(x^2 + y^2)$

㉡  $9x^2 + 3xy - 2y^2 = (3x+2y)(3x-y)$

㉢  $x^3 - 125 = (x-5)(x^2 + 5x + 25)$

㉣  $2x^2 - xy - y^2 - 4x + y + 2$

$$= 2x^2 - (4+y)x - (y^2 - y - 2)$$

$$= 2x^2 - (4+y)x - (y-2)(y+1)$$

$$= \{2x + (y-2)\} \{x - (y+1)\}$$

$$= (2x+y-2)(x-y-1)$$

17. 사차식  $x^4 - 10x^2y^2 + 9y^4$ 의 인수가 아닌 것은?

①  $x - 3y$

②  $x - 2y$

③  $x - y$

④  $x + y$

⑤  $x + 3y$

해설

$$\begin{aligned}x^4 - 10x^2y^2 + 9y^4 &= (x^2 - 9y^2)(x^2 - y^2) \\&= (x - 3y)(x + 3y)(x - y)(x + y)\end{aligned}$$

18.  $(x^2 + 5x + 4)(x^2 + 5x + 2) - 24$  를 인수분해하면  $(x^2 + ax + b)(x^2 + cx + d)$  일 때  $a + b + c + d$  를 구하면?

- ① 16      ② -16      ③ 15      ④ 18      ⑤ 0

해설

$$\begin{aligned}(x^2 + 5x + 4)(x^2 + 5x + 2) - 24 \text{에서} \\ x^2 + 5x = t \text{로 치환하면} \\ (\text{준식}) &= (t + 4)(t + 2) - 24 \\ &= t^2 + 6t + 8 - 24 = t^2 + 6t - 16 \\ &= (t + 8)(t - 2)\end{aligned}$$

○] 때  $t = x^2 + 5x$  ○] 므로

$$\therefore (x^2 + 5x + 8)(x^2 + 5x - 2)$$

$$\therefore a = 5, b = 8, c = 5, d = -2$$

$$a + b + c + d = 5 + 8 + 5 + (-2) = 16$$

## 19. 다음 보기 중 항상 옳다고 할 수 없는 등식은?

㉠  $x^2 + y^2 + z^2 = (x + y + z)^2 - 2(xy + yz + zx)$

㉡  $x^2 + y^2 = (x + y)^2 - 2xy$

㉢  $(x^2 + x + 1)(x^2 - x - 1) = x^4 + x + 1$

㉣  $x^2 - x - 2 = (x - 2)(x + 1)$

㉤  $(x - y)^3 = x^3 - 3x^2y + 3xy^2 - y^3$

① ㉠

② ㉡

③ ㉢

④ ㉣

⑤ ㉤

### 해설

㉢  $x + 1 = A$ 로 치환하여 전개하면

$$(x^2 + A)(x^2 - A) = x^4 - A^2 = x^4 - x^2 - 2x - 1$$

20.  $x^4 - 11x^2 + 1$  Ⓛ  $(x^2 + ax + b)(x^2 + 3x + b)$ 로 인수분해될 때,  $a + b$ 의 값은?

- ① -1      ② -2      ③ -3      ④ -4      ⑤ -5

해설

$$\begin{aligned}x^4 - 11x^2 + 1 &= (x^2 - 1)^2 - 9x^2 \\&= (x^2 - 1)^2 - (3x)^2 \\&= (x^2 - 3x - 1)(x^2 + 3x - 1) \\&= (x^2 + ax + b)(x^2 + 3x + b)\end{aligned}$$

$$\therefore a = -3, b = -1$$

$$\therefore a + b = -4$$