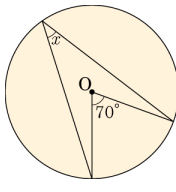


1. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

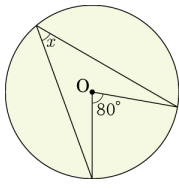
°

▷ 정답 : 35 °

해설

$$\therefore \angle x = \frac{1}{2} \times 70^\circ = 35^\circ$$

2. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기는?

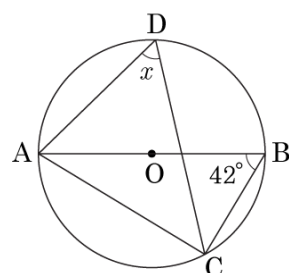


- ① 35° ② 40° ③ 45° ④ 50° ⑤ 55°

해설

$$\therefore \angle x = \frac{1}{2} \times 80^\circ = 40^\circ$$

3. 그림에서 $\overline{AB}$ 는 원 O 의 지름이고 $\angle ABC = 42^\circ$ 일 때, x 의 값은?

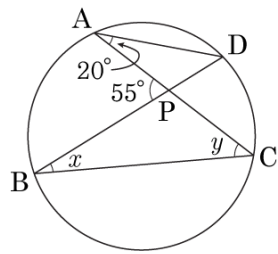


- ① 37° ② 38° ③ 42° ④ 53° ⑤ 54°

해설

한 원에 대한 원주각의 크기는 같으므로 42° 이다.

4. 다음 그림에서 x , y 의 값을 각각 구하면?

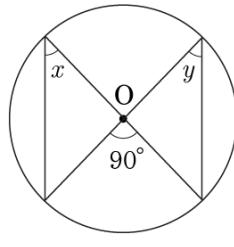


- ① $x = 20^\circ$, $y = 20^\circ$ ② $x = 20^\circ$, $y = 30^\circ$
 ③ $x = 20^\circ$, $y = 35^\circ$ ④ $x = 25^\circ$, $y = 35^\circ$
 ⑤ $x = 25^\circ$, $y = 55^\circ$

해설

$\angle x = \angle CAD = 20^\circ$
 $\angle y = \angle ADB$
 $\triangle ADP$ 에서 $20^\circ + \angle ADB = 55^\circ$
 $\therefore \angle ADB = \angle y = 35^\circ$

5. 다음 그림에서 $\angle x$, $\angle y$ 의 크기를 각각 구한 것은?

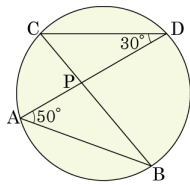


- ① $x = 90^\circ$, $y = 45^\circ$ ② $x = 45^\circ$, $y = 45^\circ$
③ $x = 90^\circ$, $y = 90^\circ$ ④ $x = 50^\circ$, $y = 40^\circ$
⑤ $x = 40^\circ$, $y = 50^\circ$

해설

$$x = y = \frac{1}{2} \times 90^\circ = 45^\circ$$

6. 다음 그림에서 $\angle CDA = 30^\circ$, $\angle DAB = 50^\circ$ 일 때, $\angle BPD$ 의 크기는?



- ① 80° ② 85° ③ 90° ④ 95° ⑤ 100°

해설

$\angle B$ 는 $\widehat{AC}$ 의 원주각이므로 $\angle D$ 와 같다.

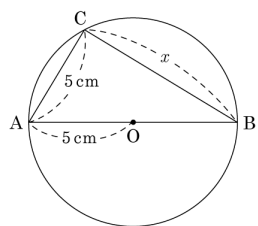
$\therefore \angle B = 30^\circ$

따라서 $\triangle APB$ 에서 $\angle BPD$ 는

두 내각의 합과 같으므로

$\angle BPD = 50^\circ + 30^\circ = 80^\circ$ 이다.

7. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 5cm 인 원에 내접하는 삼각형 ABC 에서 $\overline{BC}$ 의 길이는?



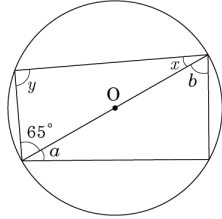
- ① $4\sqrt{6}\text{cm}$ ② $5\sqrt{3}\text{cm}$ ③ $6\sqrt{3}\text{cm}$
④ $7\sqrt{3}\text{cm}$ ⑤ $8\sqrt{3}\text{cm}$

해설

$\angle C$ 가 90° 이므로

$$10^2 = 5^2 + x^2 \quad \therefore x = 5\sqrt{3}$$

8. 다음 그림에서 $x + y - a - b$ 의 값은?



- ① 20° ② 25° ③ 30° ④ 35° ⑤ 40°

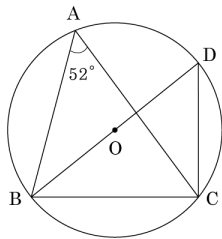
해설

반원에 대한 원주각의 크기는 90° 이므로 $y = 90^\circ$, $x = 90 - 65 = 25^\circ$ 이다.

$$a + b = 180^\circ - 90^\circ = 90^\circ$$

$$\therefore x + y - a - b = x + y - (a + b) = 25^\circ + 90^\circ - 90^\circ = 25^\circ$$

9. 다음 그림에서 $\overline{BD}$ 는 원 O 의 지름이고 $\angle A = 52^\circ$ 일 때, $\angle DBC$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

°

▷ 정답 : 38°

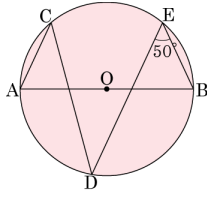
해설

$$\angle BDC = 52^\circ, \quad \angle BCD = 90^\circ$$

$\triangle DBC$ 에서

$$\therefore \angle x = 180^\circ - (90^\circ + 52^\circ) = 38^\circ$$

10. 다음 그림에서 현 AB는 원 O의 중심을 지나고 $\angle BED = 50^\circ$ 일 때, $\angle ACD$ 의 크기를 구하여라.



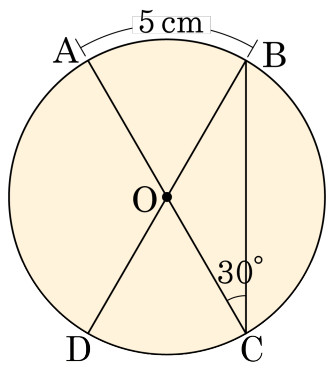
▶ 답 : °

▷ 정답 : 40°

해설

점 A와 E를 이으면
 $\angle AEB = 90^\circ$ 이므로
 $\angle AED = 40^\circ$ 이다.
따라서 $\angle ACD = \angle AED = 40^\circ$ 이다.

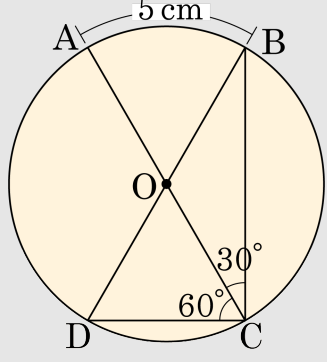
11. 다음 그림에서 O는 원의 중심이고 $\angle ACB = 30^\circ$, $5.0\text{pt}\widehat{AB} = 5\text{cm}$ 일 때, $5.0\text{pt}\widehat{AD}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

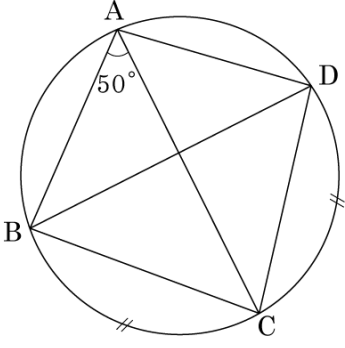
▷ 정답 : 10cm

해설



C와 D를 연결하면 $5.0\text{pt}\widehat{AD}$ 의 원주각은 60°
 $30^\circ : 60^\circ = 5 : 5.0\text{pt}\widehat{AD}$
 $\therefore 5.0\text{pt}\widehat{AD} = 10(\text{cm})$

12. 다음 그림과 같이 $\square ABCD$ 가 원에 내접할 때, $5.0\text{pt}\widehat{BC} = 5.0\text{pt}\widehat{CD}$ 라고 한다. $\angle BAD$ 의 크기는?

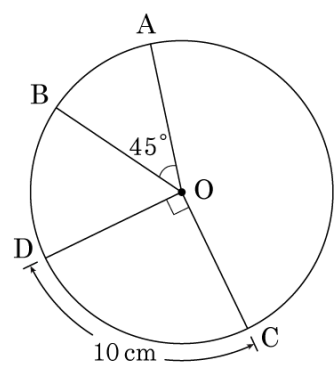


- ① 60° ② 70° ③ 80° ④ 90° ⑤ 100°

해설

- i) 호의 길이가 서로 같으면 원주각의 크기가 서로 같다.
ii) $\angle BAD = \angle BAC + \angle CAD$
 $= 50^\circ + 50^\circ = 100^\circ$

13. 다음 그림을 보고 $5.0\text{pt}\widehat{AB}$ 의 길이를 구하면?

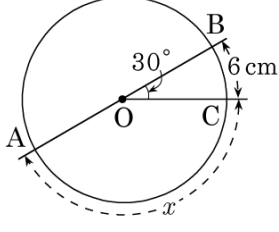


- ① 1 cm ② 2 cm ③ 3 cm ④ 4 cm ⑤ 5 cm

해설

$90^\circ : 45^\circ = 10 : 5.0\text{pt}\widehat{AB}$
 $\therefore 5.0\text{pt}\widehat{AB} = 5 \text{ (cm)}$

14. 다음 그림에서 $\overline{AB}$ 가 원 O 의 지름이고, $\angle COB = 30^\circ$ 일 때, $5.0\text{pt}\widehat{AC}$ 의 길이를 구하여라.



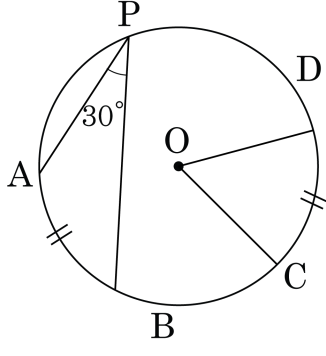
▶ 답: cm

▷ 정답: 30 cm

해설

$\angle AOC = 150^\circ$ 이므로
 $30^\circ : 150^\circ = 6 : x$
 $1 : 5 = 6 : x$
 $\therefore x = 30 \text{ (cm)}$

15. 다음 그림의 원 O 에서 $\angle APB = 30^\circ$, $5.0\text{pt}\widehat{AB} = 5.0\text{pt}\widehat{CD}$ 일 때, $\angle COD$ 의 크기를 구하여라.



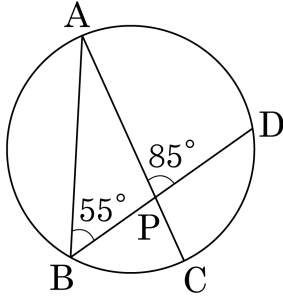
▶ 답 : °

▷ 정답 : 60°

해설

$5.0\text{pt}\widehat{AB} = 5.0\text{pt}\widehat{CD}$ 이므로 원주각과 중심각이 비례하므로
 $\angle COD = 30^\circ \times 2 = 60^\circ$

16. 다음 그림에서 두 현 AC, BD 의 교점은 P 이고, $5.0\text{pt}\widehat{BC}$ 의 길이가 6π 일 때, 이 원의 원주의 길이는?

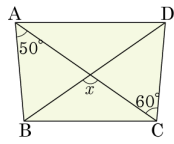


- ① 36π ② 40π ③ 44π ④ 48π ⑤ 52π

해설

$\angle BAP = 85^\circ - 55^\circ = 30^\circ$
 $5.0\text{pt}\widehat{BC}$ 의 원주각은 30° 이다.
 $30^\circ : 180^\circ = 6\pi : (\text{원주의 길이})$
 $\therefore (\text{원주의 길이}) = 36\pi$

17. 다음 그림에서 네 점 A, B, C, D가 한 원 위에 있을 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: 0

▶ 정답 : 110°

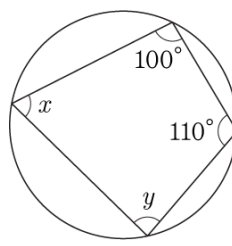
해설

$$\angle BAC = \angle BDC = 50^\circ$$

$$\therefore \angle x = 50^\circ + 60^\circ = 110^\circ$$

18. 다음 그림에서 $\angle x + \angle y$ 의 크기는?

- ① 100° ② 130° ③ 150°
④ 160° ⑤ 170°



해설

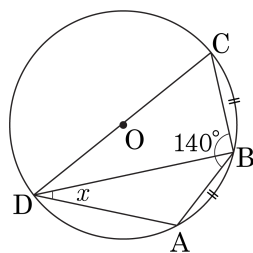
원에 내접하는 사각형에서 대각의 합은 180° 이므로

$$\angle x = 180^\circ - 110^\circ = 70^\circ$$

$$\angle y = 180^\circ - 100^\circ = 80^\circ$$

$$\therefore \angle x + \angle y = 70^\circ + 80^\circ = 150^\circ$$

19. 원 O 에서 $5.0\text{pt}\widehat{AB} = 5.0\text{pt}\widehat{BC}$ 이고 $\angle ABC = 140^\circ$ 일 때, $\angle ADB = (\quad)^\circ$ 이다. ()에 알맞은 수를 구하여라.



▶ 답 :

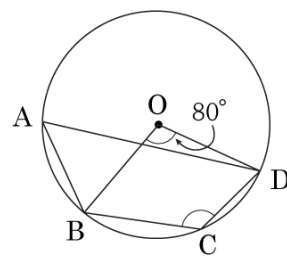
▷ 정답 : 20

해설

$\angle ADC = 40^\circ$
 $\angle ADB = \angle BDC (\because 5.0\text{pt}\widehat{AB} = 5.0\text{pt}\widehat{BC})$
 $\therefore \angle ADB = 20^\circ$

20. 다음 그림과 같이 사각형 ABCD 가 원 O 에 내접할 때 $\angle BCD$ 의 크기는?

- ① 100° ② 110° ③ 120°
④ 130° ⑤ 140°



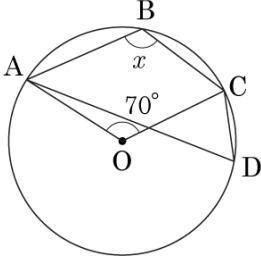
해설

$\angle BCD + \angle BAD = 180^\circ$ 이고

$$\angle BAD = \frac{1}{2} \angle BOD = \frac{1}{2} \times 80^\circ = 40^\circ$$

따라서, $\angle BCD = 140^\circ$ 이다.

21. 다음 그림과 같이 원 O에 대하여 □ABCD가 내접할 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : °

▷ 정답 : 145°

해설

5.0pt24.88pt $\widehat{ABC}$ 에 대하여 $\angle ADC = \frac{1}{2}\angle AOC = 35^\circ$

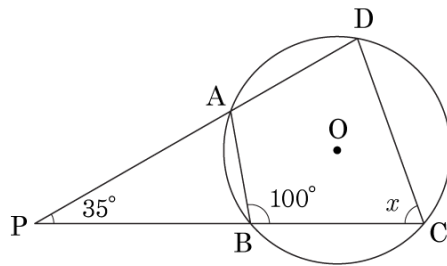
내접사각형 ABCD에 대하여

$$\angle ADC + \angle ABC = 180^\circ$$

$$35^\circ + \angle x = 180^\circ$$

$$\therefore \angle x = 145^\circ$$

22. 다음 그림에서 $\angle BCD = (\quad)^\circ$ 이다. $(\quad)$ 에 알맞은 수를 구하여라.



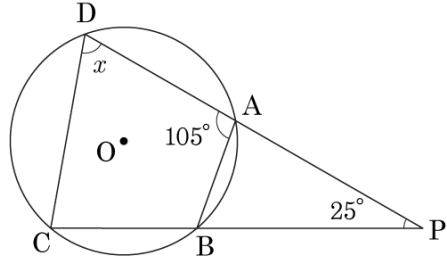
▶ 답 :

▶ 정답 : 65

해설

$$\begin{aligned}\angle DAB &= 35^\circ + 80^\circ = 115^\circ \\ \therefore x &= 180^\circ - 115^\circ = 65^\circ\end{aligned}$$

23. 다음 그림에서 x 의 값을 구하여라.



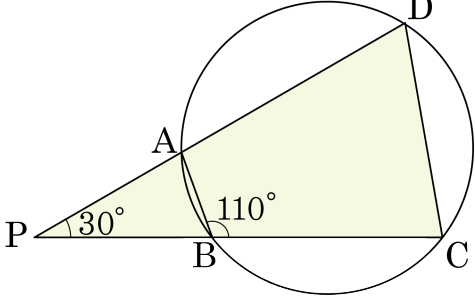
▶ 답 : °

▶ 정답 : 80°

해설

□ABCD 에서 대각의 합은 180° 이므로
 $\angle DCB = 180^\circ - \angle DAB = 180^\circ - 105^\circ = 75^\circ$
한편, $\triangle PCD$ 에서 세 내각의 크기의 합은 180° 이므로
 $\angle PDC = 180^\circ - (\angle DPC + \angle DCP)$
 $\quad = 180^\circ - (25^\circ + 75^\circ)$
 $\quad = 80^\circ$
 $\therefore x = 80^\circ$

24. 다음 그림과 같이 $\angle P = 30^\circ$ 이고 $\angle ABC = 110^\circ$ 인 내접사각형 ABCD에 대하여 $\angle BCD$ 의 크기는?

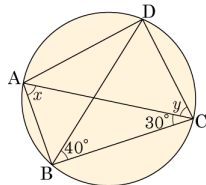


- ① 80° ② 90° ③ 100° ④ 110° ⑤ 120°

해설

□ABCD 가 원에 내접하므로
 $\angle ADC = 180^\circ - 110^\circ = 70^\circ$
따라서 $\triangle PDC$ 에서 $\angle BCD = 180^\circ - (30^\circ + 70^\circ) = 80^\circ$ 이다.

26. 다음 그림에서 $\angle x + \angle y$ 를 구하여라.



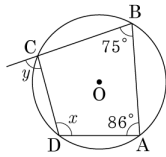
▶ 답 : °

▷ 정답 : 110 °

해설

$\angle DBC = \angle DAC = 40^\circ$
 $\square ABCD$ 가 원에 내접하므로
 $\angle x + 40^\circ + \angle y + 30^\circ = 180^\circ$
 $\therefore \angle x + \angle y = 110^\circ$

27. 다음 그림과 같이 원 O 에 □ABCD 가 내접한다고 한다. $\angle x$, $\angle y$ 의 값을 각각 구한 것으로 바르게 짝지어진 것은?

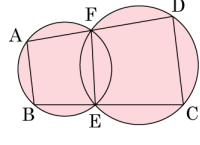


- ① $\angle x = 102^\circ$, $\angle y = 88^\circ$ ② $\angle x = 104^\circ$, $\angle y = 88^\circ$
 ③ $\angle x = 105^\circ$, $\angle y = 86^\circ$ ④ $\angle x = 106^\circ$, $\angle y = 86^\circ$
 ⑤ $\angle x = 106^\circ$, $\angle y = 88^\circ$

해설

□ABCD 가 원에 내접하므로 $\angle x + 75^\circ = 180^\circ$
 $\therefore \angle x = 105^\circ$
 $\therefore \angle y = 86^\circ$

29. 다음 그림에서 두 점 E, F 은 두 원의 교점이다. 다음 설명 중 옳지 않은 것은 ?

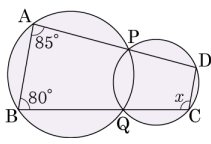


- ① $\angle FAB = \angle FEC$
- ② $\angle FDC = \angle FEB$
- ③ $\angle AFE + \angle ECD = 180^\circ$
- ④ $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$
- ⑤ $\angle FEC + \angle FDC = 180^\circ$

해설

③
평각을 이용하여 $\angle AFE = 180^\circ - \angle EFD$ 이고
 $\square ECDF$ 는 원에 내접하므로 $\angle ECD = 180^\circ - \angle EFD$ 이다.
따라서 $\angle AFE = \angle ECD$ 이다.

30. 다음 그림의 두 원이 두 점 P, Q 에서 서로 만나고 $\angle PAB = 85^\circ$, $\angle ABQ = 80^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



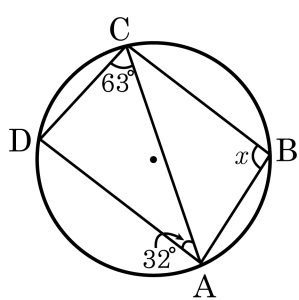
▶ 답: —

▶ 정답 : 100°

해설

$$\begin{aligned}\angle ABQ &= \angle DPQ = 80^\circ \\ \therefore \angle x &= 180^\circ - 80^\circ = 100^\circ\end{aligned}$$

32. 다음 그림을 보고 알맞은 $\angle x$ 의 값을 구하면?

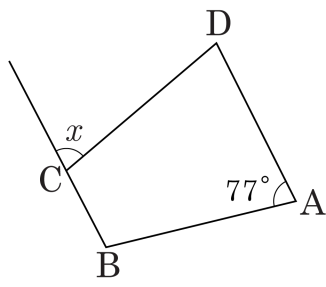


- ① 93° ② 95° ③ 96° ④ 98° ⑤ 99°

해설

$$\begin{aligned}\angle ADC &= 180^\circ - 32^\circ - 63^\circ = 85^\circ \\ \therefore \angle x &= 180^\circ - 85^\circ = 95^\circ\end{aligned}$$

33. 다음과 같이 원에 내접하는 □ABCD 에서 $\angle x$ 의 크기는?



- ① 75° ② 76° ③ 77° ④ 78° ⑤ 79°

해설

□ABCD 가 원에 내접하려면 $\angle x = \angle A$