$$-2ax^2y^2 + xy - 3$$

- ① 항이 모두 3개로 이루어진 식이다.
- ② x에 대한 내림차순으로 정리된 식이다.
- ③ y에 대한 내림차순으로 정리된 식이다.
- ④ x 에 관한 4차식이다.
- ⑤ xy 의 계수는 1이다.

해설

④ x 에 관한 2차식이다.

2. 다항식  $(x^2 + 2x - 3)(3x^2 + x + k)$ 의 전개식에서 일차항의 계수가 15일 때, 상수 k의 값은?

3. 이차방정식 
$$x^2 - x + 4 = 0$$
 의 근을 구하면?  
①  $x = 1 \pm \sqrt{3}$  ②  $x = 1 \pm \sqrt{15}$ 

① 
$$x = 1 \pm \sqrt{3}$$
 ②  $x = 1 \pm \sqrt{15}$  ③  $x = -1 \pm \sqrt{15}i$    
 ④  $x = \frac{1 \pm \sqrt{3}i}{2}$  ⑤  $x = \frac{1 \pm \sqrt{15}i}{2}$ 

근의 공식을 이용한다. 
$$x^2 - x + 4 = 0, \quad x = \frac{1 \pm \sqrt{15}i}{2}$$

4. 이차함수  $y = x^2 - 2(k-3)x + 4$ 의 그래프가 x축과 서로 다른 두점에서 만날 때, 상수 k의 값의 범위는?

(4) 3 < k < 5

① 
$$k < 1$$
 ②  $1 < k < 3$ 

 $k^2 - 6k + 5 > 0$ , (k-1)(k-5) > 0

∴ k < 1 또는 k > 5

(3) k < 3

해설 이차함수 
$$y = x^2 - 2(k-3)x + 4$$
의 그래프가  $x$ 축과 서로 다른 두점에서 만나므로 이차방정식  $x^2 - 2(k-3)x + 4 = 0$ 의 판별식을  $D$ 라 하면  $D > 0$ 이어야 한다. 
$$\frac{D}{4} = (k-3)^2 - 4 > 0$$

5. 이차함수  $y = -\frac{1}{3}(x-2)^2 + 3$ 에 대한 설명으로 옳은 것은?

- ① x = -2 일 때, 최댓값 3을 갖는다.
- ② x = -2일 때, 최솟값 3을 갖는다.
- ③ x = 2일 때, 최댓값 3을 갖는다.
  - ④ x = 2일 때, 최솟값 3을 갖는다.
- ⑤  $x = -\frac{1}{3}$ 일 때, 최댓값 3을 갖는다.

해설

x = 2일 때, 최댓값 3을 갖는다.

**6.** 다항식  $2x^3 + ax^2 + bx + 3$  이 다항식  $2x^2 - x - 3$  으로 나누어 떨어질 때, a + b 의 값은 ?

= (x+1)(2x-3)O(x)

해설 
$$2x^3 + ax^2 + bx + 3 = (2x^2 - x - 3)O(x)$$

$$x = -1$$
 일 때,  $-2 + a - b + 3 = 0$   
∴  $a - b = -1$  · · ·  $\bigcirc$ 

$$x = \frac{3}{2}$$
 일 때,  $\frac{27}{4} + \frac{9}{4}a + \frac{3}{2}b + 3 = 0$   
 $27 + 9a + 6b + 12 = 0$ 

$$\therefore 3a + 2b = -13 \cdots \bigcirc$$

①, ○ 에서 
$$a = -3$$
,  $b = -2$ 

$$\therefore a + b = (-3) + (-2) = -5$$

7. 실수 x 에 대하여 복소수  $(1+i)x^2 - (1+3i)x - (2-2i)$  가 순허수가 되도록 하는 x 의 값은?

$$(1+i)x^2 - (1+3i)x - (2-2i)$$
  
=  $(x^2 - x - 2) + (x^2 - 3x + 2)i$   
순허수가 되려면 (실수 부분)=0, (허수 부분) $\neq$  0이어야 하므로  
 $x^2 - x - 2 = 0$ ,  $x^2 - 3x + 2 \neq 0$ 

$$x = -1$$
 또는  $x = 2$   
(ii)  $x^2 - 3x + 2 \neq 0$  에서  $(x - 1)(x - 2) \neq 0$ 

(i)  $x^2 - x - 2 = 0$  에서 (x+1)(x-2) = 0

- 8. 다음의 이차방정식에 대한 설명 중 <u>틀린</u> 것은? (단, a, b, c는 실수이다.)
  - ① 이차방정식  $ax^2 + bx + c = 0$ 의 두 근을  $\alpha$ ,  $\beta$ 라 하면  $ax^2 + bx + c = a(x \alpha)(x \beta)$ 이다.
  - ② 이차방정식  $ax^2 + bx + c = 0$ 의 두 근을  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $D = b^2 4ac$ 라고 하면  $(\alpha \beta)^2 = \frac{D}{a^2}$ 이다.
  - ③ 이차방정식  $ax^2 + bx + c = 0$ 이 서로 다른 부호의 두 실근을 가지기 위한 필요충분 조건은 ab < 0이다.
  - ④ 이차방정식  $x^2 + ax + b = 0$ 이 서로 다른 두 실근을 가지면,  $x^2 + (a 2c)x + b ac$ 도 서로 다른 두 실근을 갖는다.
  - ⑤ 이차방정식  $ax^2 + bx + c = 0$ 의 두 근을  $\alpha$ ,  $\beta$ 라 하면  $\alpha + \beta = -\frac{b}{a}$ ,  $\alpha\beta = \frac{c}{a}$ (단,  $a \neq 0$ )

## 해설

③ 이차방정식  $ax^2 + bx + c = 0$ 이 서로 다른 부호의 두 실근을 가지기 위한 필요충분 조건은 ac < 0이다.

**).** x에 대한 삼차방정식  $x^3 + 3x^2 - kx - 5 = 0$ 의 한 근이 -1일 때, 상수 k의 값은?

해설 
$$x^3 + 3x^2 - kx - 5 = 0$$
의 한 근이  $-1$ 이므로  $x = -1$ 을 대입하면 
$$(-1)^3 + 3(-1)^2 - k(-1) - 5 = 0$$
$$\therefore k = 3$$

10. 다음 연립부등식의 해가 
$$a < x < b$$
 일 때,  $b - a$  값은? 
$$\begin{cases} 3(4x - 3) > 2(x + 3) \\ 5(x + 9) - 5 > 15(x - 4) \end{cases}$$

 $\Rightarrow x > \frac{3}{2}$ 

 $\Rightarrow x < 10$ 

 $\Rightarrow 12x - 9 > 2x + 6$ 

 $\Rightarrow x + 9 - 1 > 3x - 12$ 

 $a = \frac{3}{2}$ , b = 10 이므로  $b - a = 10 - \frac{3}{2} = \frac{17}{2}$ 

③ 13

i) 
$$3(4x-3) > 2(x+3)$$
  

$$\Rightarrow 12x-9 > 2x+6$$

$$\Rightarrow x > \frac{3}{2}$$
ii)  $5(x+9) - 5 > 15(x-4)$ 

$$\Rightarrow x+9-1 > 3x-12$$

$$\Rightarrow x < 10$$

$$\therefore \frac{3}{2} < x < 10$$

1. 연립부등식 
$$\begin{cases} 3x+1 \ge \frac{1}{2}x-4 \\ 4x-4 < x+2 \end{cases}$$
 를 만족하는  $x$  의 값 중 가장 작은

정수를 a , 가장 큰 정수를 b 라 할 때, a+b 의 값을 구하여라.

해설

$$3x + 1 \ge \frac{1}{2}x - 4$$
 의 양변에 2를 곱하면

6x + 2 > x - 8

$$-2 \ge x - 8$$
$$5x \ge -10$$

 $x \ge -2$ 

4x - x < 2 + 4

$$3x < 6$$
,  $x < 2$   
그러므로  $-2 \le x < 2$ 

a + b = (-2) + 1 = -1

**12.** 연립부등식  $1 < -\frac{x-a}{3} < 2$  의 해가 1 < x < b 일 때, a-b 의 값은?



3 ③



4)

⑤ 11

해설 
$$1 < -\frac{x-a}{3} < 2$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 1 < -\frac{x-a}{3} \\ -\frac{x-a}{3} < 2 \end{cases}$$
$$\Rightarrow \begin{cases} x < a - 3 \\ a - 6 < x \end{cases}$$

$$a-6=1$$
  $\therefore a=7$   
 $a-3=b$   $\therefore b=4$ 

$$\therefore a - b = 7 - 4 = 3$$

## 13. 세 모서리의 길이의 합이 22이고 대각선의 길이가 14인 직육면체의 겉넓이는?

① 144 ② 196 ③ 288 ④ 308 ⑤ 496

세 모서리를 
$$x$$
,  $y$ ,  $z$ 라 하면  $x + y + z = 22 \cdots \cdots 1$   $\sqrt{x^2 + y^2 + z^2} = 14 \cdots \cdots 2$  이고 겉넓이는  $2(xy + yz + zx)$  이다. ①, ② 에서  $22^2 = 14^2 + 2(xy + yz + zx)$ 

 $\therefore 2(xy + yz + zx) = 288$ 

**14.** f(x)가 x의 다항식일 때  $(x^2-2)(x^4+1)f(x)=x^8+ax^4+b$ 가 x에 대한 항등식이 될 때 a+b의 값을 구하여라.

$$(x^2-2)(x^4+1)f(x) = x^8 + ax^4 + b$$
에서  
 $x^2=2$ 를 대입하면  $0=16+4a+b\cdots$ ①  
 $x^4=-1$ 을 대입하면  $0=1-a+b\cdots$ ②

①, ②를 연립하여 풀면 a = -3, b = -4

 $\therefore a+b=-7$ 

**15.** x의 다항식  $x^3 + ax + b = x^2 - 3x + 2$ 로 나눌 때, 나머지가 2x + 1이 되도록 상수 a, b의 값의 합을 구하여라.

## ▶ 답:

▷ 정답: 2

몫을 
$$x+q$$
라 하면 (일반적으로  $px+q$ 로 해야겠지만  $x^3$ 의 계수가 1이므로  $x+q$ )  $x^3+ax+b=(x^2-3x+2)(x+q)+2x+1$ 

 $\therefore x^3 + ax + b = (x-2)(x-1)(x+q) + 2x + 1$ 

 $x^3 + ax + b = x^2 - 3x + 2$ 로 나눌 때.

이 등식은 
$$x$$
에 관한 항등식이므로  $x = 1$ 을 대입하면  $1 + a + b = 2 + 1 \cdots$   $\bigcirc$ 

$$x = 2$$
를 대입하면  $8 + 2a + b = 4 + 1 \cdots$  ① ①, ①에서  $a = -5$ ,  $b = 7$ 

$$\therefore a+b=2$$

**16.** 다항식 
$$f(x)$$
를  $x-2$ ,  $x+2$ 로 나누었을 때, 나머지가 각각 5, 3이라 한다. 이 때, 다항식  $f(x)$ 를  $x^2-4$ 로 나눈 나머지를 구하면  $ax+b$ 이다.  $4a+b$ 의 값을 구하시오.

$$f(2) = 5, \ f(-2) = 3$$

$$f(x) = (x^2 - 4)Q(x) + ax + b$$

$$= (x - 2)(x + 2)Q(x) + ax + b$$

$$f(2) = 2a + b = 5, \ f(-2) = -2a + b$$

$$f(2) = 2a + b = 5, \ f(-2) = -2a + b = 3$$
  
 $a = \frac{1}{2}, \ b = 4$ 

17. 
$$\frac{2012^3+1}{2012\times2011+1}$$
의 값을  $a$ 라 할 때,  $\frac{a+1}{a-1}$ 의 값을 구하여라.

$$ightharpoonup$$
 정답:  $\frac{1007}{1006}$ 

$$a = \frac{(2012+1)(2012^2 - 2012+1)}{(2012^2 - 2012+1)}$$

= 2013이므로  

$$\frac{a+1}{a-1} = \frac{2013+1}{2013-1} = \frac{2014}{2012} = \frac{1007}{1006}$$

**18.** 두 다항식  $x^3 + 2x^2 - x - 2$ ,  $(x-1)(3x^2 + ax + 2a)$ 의 최대공약수가 이차식이 되도록 상수 a의 값을 구하여라.

∴ x + 1를 인수로 갖는다.

$$x^3 + 2x^2 - x - 2 = (x - 1)(x + 2)(x + 1)$$
  
  $\therefore 3x^2 + ax + 2a$ 는  $x + 2$  또는  $x + 1$ 을 인수로 가져야 한다.  $f(x) = 3x^2 + ax + 2a$ 로 놓을 때  $x + 2$ 가 인수이면  $f(-2) = 12 - 2a + 2a = 12$ 가 되어 적합하지 않다.

$$x+1$$
이 인수이면  $f(-1) = 3 - a + 2a = 3 + a = 0$   
 $\therefore a = -3$ 

$$z = \frac{1-i}{1+i} = -i$$

$$z^{100} + \frac{1}{z^{100}} = (-i)^{100} + \frac{1}{(-i)^{100}} = 1 + 1 = 2$$

**19.**  $z = \frac{1-i}{1+i}$ 일 때,  $z^{100} + \frac{1}{z^{100}}$ 의 값을 구하여라. $(i = \sqrt{-1})$ 

**20.** 복소수 
$$z$$
 와 그 켤레복소수  $\bar{z}$ 에 대하여  $z+\bar{z}=6$ ,  $z\bar{z}=9$ 일 때,  $\frac{z}{1+\sqrt{2}i}$ 의 실수 부분의 값은?

$$z = a + bi$$
,  $\bar{z} = a - bi$   $(a, b 는 실수)$   
 $z + \bar{z} = a + bi + a - bi = 2a = 6$ ,  $a = bi$ 

$$z + \overline{z} = a + bi + a - bi = 2a = 6$$
,  $a = 3$   
 $z\overline{z} = (a + bi)(a - bi) = a^2 + b^2 = 9$ ,  $b = 0$ 

$$zz = (a+bi)(a-bi) = a^{2} + b^{2} = 9, b = 0$$

$$z = 3$$

$$\frac{z}{1+\sqrt{2}i} = \frac{3}{1+\sqrt{2}i} = \frac{3(1-\sqrt{2}i)}{3} = 1-\sqrt{2}i$$

**21.** 방정식|x-3|+|x-4|=2의 해의 합을 구하여라.

▷ 정답: 7

## 해설

i ) x < 3일 때,

$$-(x-3) - (x-4) = 3, -2x = -5$$

$$\therefore x = \frac{5}{2}$$

$$(x-3) - (x-4) = 2, \ 0 \cdot x = 1$$

$$x-3+x-4=2$$
,  $2x=9$ 

$$\therefore x = \frac{9}{2}$$

따라서 
$$x = \frac{5}{2}$$
,  $\frac{9}{2}$ 이고 그 합은 7

2. 이차방정식  $x^2 + mx + m - 1 = 0$ 의 한 근이 1일 때, 다른 한 근을 구하여라.

$$1$$
이  $x^2 + mx + m - 1 = 0$ 의 근이므로  $x = 1$ 을 대입하면  $1 + m + m - 1 = 0$   $\therefore m = 0$ 

주어진 방정식은  $x^2 - 1 = 0$  :  $x = \pm 1$ 따라서 다른 한 근은 x = -1

**23.** 이차방정식 
$$x^2 - x + 5 = 0$$
의 두근을  $\alpha, \beta$ 라 할때,  $\alpha + 1$ 과  $\beta + 1$ 을 두근으로 하는 이차방정식을 구하면? (단, 최고차항의 계수는 1이다.)

① 
$$x^2 + 3x - 7 = 0$$
 ②  $x^2 - 3x - 7 = 0$   
③  $x^2 + 7x - 3 = 0$  ④  $x^2 - 7x + 3 = 0$ 

 $x^2 - 3x + 7 = 0$ 

$$\alpha + \beta = 1, \ \alpha\beta = 5$$
  
두근의 합:  $(\alpha + 1) + (\beta + 1) = (\alpha + \beta) + 2 = 3$   
두근의 곱:  $(\alpha + 1)(\beta + 1) = \alpha\beta + (\alpha + \beta) + 1$   
 $= 5 + 1 + 1 = 7$ 

24. 지면으로부터 초속 20m 로 위로 던진 공의 x 초 후의 높이를 ym 라고 하면  $y = -5x^2 + 20x$  인 관계가 성립한다. 이 공이 가장 높이 올라갔을 때의 지면으로부터의 높이를 구하여라.

 $^{\mathrm{m}}$ 

25. 다음 방정식의 해가 <u>아닌</u> 것은?

$$(x^2 + x)^2 - 8(x^2 + x) + 12 = 0$$

 $\bigcirc$  -3

② -2

**3**-1

4

5) 2

해설

$$(x^2 + x)^2 - 8(x^2 + x) + 12 = 0$$
 에서  $x^2 + x = X$ 라 하면  $X^2 - 8X + 12 = 0$ ,  $(X - 2)(X - 6) = 0$ 

(i) 
$$X = 2$$
 일 때,  $x^2 + x = 2$  에서  $x^2 + x - 2 = 0$ ,

$$(x-1)(x+2) = 0$$

$$\therefore x = 1 \ \text{\Pi} = x = -2$$

(ii) 
$$X = 6$$
 일 때,  $x^2 + x = 6$  에서  
 $x^2 + x - 6 = 0$ 

$$(x+3)(x-2) = 0$$

$$\therefore x = -3 \, \Xi \stackrel{\smile}{\smile} x = 2$$

$$(i)$$
,  $(ii)$ 에서 주어진 방정식의 해는  $x = -3$  또는  $x = -2$  또는  $x = 1$  또는  $x = 2$ 

따라서, 해가 아닌 것은 ③