

1. $a^2b + b^2c - b^3 - a^2c$ 을 인수분해하면?

- ① $(a+b)(a-b)(b+c)$ ② $(a-b)(b-c)(c+a)$
③ $(a-b)(a+b)(b-c)$ ④ $(a-b)(a+b)(c-a)$
⑤ $(a-b)(b+c)(c-a)$

해설

$$\begin{aligned} & a^2b + b^2c - b^3 - a^2c \\ &= a^2(b - c) - b^2(b - c) \\ &= (a - b)(a + b)(b - c) \end{aligned}$$

2. 다음 중 다항식 $x^4 - 8x^2 - 9$ 의 인수가 아닌 것은?

- ① $x - 3$ ② $x + 3$
③ $x^2 + 1$ ④ $x^2 + 9$
⑤ $x^3 + 3x^2 + x + 3$

해설

준 식을 인수분해 하면

$$\begin{aligned}x^4 - 8x^2 - 9 &= (x^2 + 1)(x^2 - 9) \\&= (x^2 + 1)(x + 3)(x - 3) \\⑤ \quad x^2(x + 3) + x + 3 &= (x^2 + 1)(x + 3)\end{aligned}$$

3. $x^2 - 2x - y^2 + 2y$ 를 인수분해 하였더니 $(x + ay)(x - by + c)$ 가 된다고 할 때, $a + b + c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -4

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 2x - y^2 + 2y \\&= (x^2 - y^2) - 2(x - y) \\&= (x + y - 2)(x - y) \\&= (x + ay)(x - by + c) \\&\text{계수를 비교하면} \\&a = -1, b = -1, c = -2 \\&\therefore a + b + c = -1 - 1 - 2 = -4\end{aligned}$$

4. 다음 중 $x(x+1)(x+2)(x+3) - 24$ 의 인수인 것은?

- ① $(x-4)$ ② $(x+1)$ ③ $(x^2 - 3x + 6)$
④ $(x^2 + 3x + 6)$ ⑤ $(x^2 - 3x - 6)$

해설

$$\begin{aligned} & x(x+1)(x+2)(x+3) - 24 \\ &= x(x+3)(x+1)(x+2) - 24 \\ &= (x^2 + 3x)(x^2 + 3x + 2) - 24 \\ & x^2 + 3x = X \text{로 치환하면} \\ & X(X+2) - 24 = X^2 + 2X - 24 \\ &= (X+6)(X-4) \\ &= (x^2 + 3x + 6)(x^2 + 3x - 4) \\ &= (x^2 + 3x + 6)(x-1)(x+4) \end{aligned}$$

5. $\frac{2012^3 + 1}{2012 \times 2011 + 1}$ 의 값을 a 라 할 때, $\frac{a+1}{a-1}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{1007}{1006}$

해설

$$\begin{aligned} a &= \frac{(2012+1)(2012^2 - 2012 + 1)}{(2012^2 - 2012 + 1)} \\ &= 2013 \text{이므로} \\ \therefore \frac{a+1}{a-1} &= \frac{2013+1}{2013-1} = \frac{2014}{2012} = \frac{1007}{1006} \end{aligned}$$

6. 다음 식을 인수분해하면 $x^4 - 3x^2y^2 + 4y^4 = (x^2 + axy + by^2)(x^2 + cxy + dy^2)$ 일 때, $a + b + c + d$ 의 값을 구하여라. (a, b, c, d 는 상수)

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= x^4 + 4x^2y^2 + 4y^4 - 7x^2y^2 \\&= (x^2 + 2y^2)^2 - 7x^2y^2 \\&= (x^2 + \sqrt{7}xy + 2y^2)(x^2 - \sqrt{7}xy + 2y^2) \\∴ a + b + c + d &= 4\end{aligned}$$

7. x, y, z 가 삼각형의 세 변의 길이이고, $xz^2 - yz^2 + yx^2 + zx^2 - zy^2 - xy^2 = 0$ 을 만족할 때, 이 삼각형은 어떤 삼각형인가?

① z 가 빗변인 직각삼각형 ② x 가 빗변인 직각삼각형

③ $x = y$ 인 이등변삼각형 ④ $y = z$ 인 이등변삼각형

⑤ $z = x$ 인 이등변삼각형

해설

$$xz^2 - yz^2 + yx^2 + zx^2 - zy^2 - xy^2 = 0$$

$$(x-y)z^2 + (x^2 - y^2)z + (x-y)xy = 0$$

$$(x-y)z^2 + (x+y)z + xy = 0$$

$$(x-y)(z+x)(z+y) = 0 \therefore x = y (\because x, y, z \text{는 모두 양수})$$

$$\therefore x = y \text{인 이등변삼각형}$$

8. $x^3 + x^2 - 8x - 12$ 를 인수분해하면 $(x-3)\boxed{\quad}$ 이다. 이 때, □안에 알맞은 식은?

- ① $(x+2)^2$ ② $(x-2)^2$ ③ $(x+1)^2$
④ $(x-3)^2$ ⑤ $(x+3)^2$

해설

조립제법을 이용한다.

$$\begin{array}{c|cccc} 3 & 1 & 1 & -8 & -12 \\ & & 3 & 12 & 12 \\ \hline -2 & 1 & 4 & 4 & 0 \\ & & -2 & -4 & \\ \hline -2 & 1 & 2 & 0 & \\ & & -2 & & \\ \hline & 1 & 0 & & \end{array}$$

$$x^3 + x^2 - 8x - 12 = (x-3)(x+2)^2$$

$$\therefore \boxed{\quad} = (x+2)^2$$