

1. Ⓛ, Ⓜ에 알맞은 수를 써넣으시오.

×	(×)
$\frac{1}{5}$	$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{40}$
$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{4}$	(⌚)
$\frac{1}{30}$	⌚	

① Ⓛ $\frac{1}{32}$, Ⓜ $\frac{1}{10}$ ② Ⓛ $\frac{1}{32}$, Ⓜ $\frac{1}{24}$ ③ Ⓛ $\frac{1}{12}$, Ⓜ $\frac{1}{10}$
④ Ⓛ $\frac{1}{4}$, Ⓜ $\frac{1}{2}$ ⑤ Ⓛ $\frac{1}{12}$, Ⓜ $\frac{1}{24}$

해설

$$\textcircled{1} : \frac{1}{8} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{32},$$
$$\textcircled{2} : \frac{1}{6} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{24}$$

2. 성진이네 집에는 감자가 있습니다. 첫째 날에는 전체의 $\frac{1}{4}$ 을 먹고, 둘째 날에는 첫째 날 먹은 양의 $\frac{3}{5}$ 을 먹고, 셋째 날에는 둘째 날 먹은 양의 $\frac{2}{3}$ 를 먹었습니다. 3일 동안 먹은 감자는 전체의 얼마인지 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{1}{2}$

해설

둘째 날 먹은 감자는 전체의

$$\frac{1}{4} \times \frac{3}{5} = \frac{3}{20} \text{ 입니다.}$$

셋째 날 먹은 감자는 전체의

$$\frac{3}{20} \times \frac{2}{3} = \frac{1}{10} \text{ 입니다.}$$

따라서 3일 동안 먹은 감자는 전체의

$$\frac{1}{4} + \frac{3}{20} + \frac{1}{10} = \frac{5}{20} + \frac{3}{20} + \frac{2}{20} = \frac{10}{20} = \frac{1}{2} \text{ 입니다.}$$

3. 2분 동안에 $\frac{4}{9}$ cm 씩 타는 양초가 있습니다. 이 양초에 불을 붙인지 8분이 지난 후 양초의 길이를 재었더니 처음 길이의 $\frac{5}{6}$ 가 되었습니다.

처음 양초의 길이를 구하시오.

▶ 답: cm

▷ 정답: $10\frac{2}{3}$ cm

해설

2분 동안에 $\frac{4}{9}$ cm 씩 타므로 8분 동안 탄 길이는
 $\frac{4}{9} \times 4 = \frac{16}{9} = 1\frac{7}{9}$ (cm)입니다.

8분이 지난 후 양초의 길이는 처음 길이의 $\frac{5}{6}$ 이므로 탄 양초의 길이는 처음 길이의 $\frac{1}{6}$ 입니다. 따라서 처음 양초의 길이는 탄 양초의 길이의 6배이므로 $\frac{16}{9} \times 6 = \frac{32}{3} = 10\frac{2}{3}$ (cm)입니다.

4. 몇 명의 농부가 두 논의 벼를 수확하려고 합니다. 한 논의 넓이는 다른 논의 넓이의 2 배라고 합니다. 오전에 모든 농부가 넓이가 큰 논에서 벼를 수확하였고, 오후에는 농부들이 반으로 나뉘어 각각 두 논에 가서 벼를 수확하였습니다. 일을 끝내고 보니 넓이가 큰 논은 모두 수확을 끝냈지만, 나머지 논은 한 명의 농부가 하루종일 일을 해야만 끝낼 수 있는 벼가 남아 있었습니다. 그러면 처음에 일을 시작한 농부의 수는 몇 명입니까? (단, 오전과 오후의 작업량이 같고, 모든 농부의 작업량이 같습니다.)

▶ 답:

명

▷ 정답: 8명

해설

큰 논과 작은 논의 일을 다 마치려면 몇 명의 농부가 필요한지 계산하고, 큰 논이 작은 논의 2배임을 이용합니다. 농부의 수를 □명이라 하고, 하루를 1이라고 합니다. 큰 논의 일을 다 마치려면 오전에 □명의 농부와 오후에 그 절반의 농부가 필요합니다.

$$\text{즉, } \left(\frac{1}{2} \times \square\right) + \left(\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \square\right) = \frac{3}{4} \times \square \text{ (명)} \text{ 이 필요합니다.}$$

작은 논의 일을 다 마치려면 오후에 그 절반의 농부와 다음 날 1명이 더 필요하므로,

$$\left(\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \square\right) + 1 = \frac{1}{4} \times \square + 1 \text{ 이 필요합니다.}$$

큰 논은 작은 논의 2 배이므로

$$\left(\frac{1}{4} \times \square + 1\right) + \left(\frac{1}{4} \times \square + 1\right) = \frac{3}{4} \times \square$$

$$\frac{2}{4} \times \square + 2 = \frac{3}{4} \times \square$$

$$\frac{1}{4} \times \square = 2$$

$$\square = 8 \text{ (명)} \text{ 입니다.}$$

따라서, 전체 농부 수는 8 명입니다.

5. 다음 선대청도형을 보고 주어진 각과 크기가 같은 각을 찾아 쓰시오.



(1) 각 $\angle L$

(2) 각 $\angle E$

(3) 각 $\angle O$

(4) 각 $\angle M$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: (1) 각 $\angle O$

▷ 정답: (2) 각 $\angle H$

▷ 정답: (3) 각 $\angle L$

▷ 정답: (4) 각 $\angle E$

해설

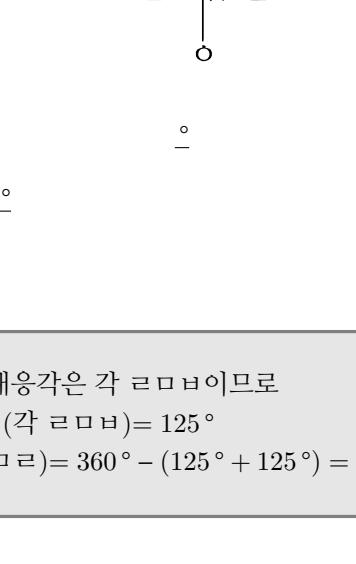
$$(1) (\text{각 } \angle L) = (\text{각 } \angle O)$$

$$(2) (\text{각 } \angle E) = (\text{각 } \angle H)$$

$$(3) (\text{각 } \angle O) = (\text{각 } \angle L)$$

$$(4) (\text{각 } \angle M) = (\text{각 } \angle E)$$

6. 다음 도형은 직선 AO 을 대칭축으로 하는 선대칭도형입니다. 각 GMO 의 크기를 구하시오.



▶ 답:

$^{\circ}$

▷ 정답: 110°

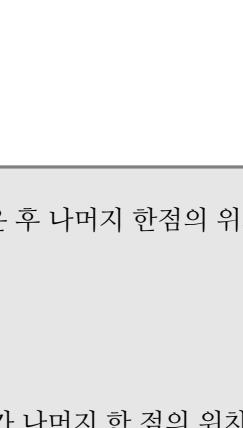
해설

각 GMO 의 대응각은 각 GMO 이므로

$$(\text{각 } \text{GMO}) = (\text{각 } \text{GMO}') = 125^{\circ}$$

따라서 $(\text{각 } \text{GMO}) = 360^{\circ} - (125^{\circ} + 125^{\circ}) = 110^{\circ}$ 입니다.

7. 눈금 하나가 2cm인 모눈종이에 다섯 군데 점이 찍혀 있습니다. 점 하나를 더 찍어서 선분으로 연결한 모양이 선대칭도형이 되게 하려고 합니다. 점을 어디에 찍어야 합니까?



▶ 답:

▷ 정답: ①

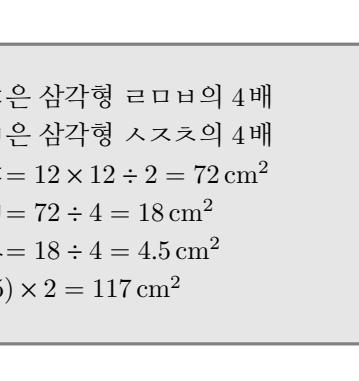
해설

먼저 대칭축을 찾은 후 나머지 한 점의 위치를 찾습니다.



따라서, ①의 위치가 나머지 한 점의 위치가 됩니다.

8. 다음 그림은 선분 \overline{BC} 을 대칭축으로 하는 선대칭도형의 일부입니다.
선대칭도형이 완성됐을 때 색칠한 부분의 넓이를 구하시오. (단, 선분 $\overline{AB} =$ 선분 \overline{CD} , 선분 $\overline{AC} =$ 선분 \overline{BD} , 선분 $\angle A =$ 선분 $\angle C$, 선분 $\angle B =$ 선분 $\angle D$)



▶ 답:

▷ 정답: 117 cm^2

해설

삼각형 $\triangle ABC$ 은 삼각형 $\triangle CDA$ 의 4배

삼각형 $\triangle CDA$ 은 삼각형 $\triangle BDC$ 의 4배

삼각형 $\triangle ABC = 12 \times 12 \div 2 = 72 \text{ cm}^2$

삼각형 $\triangle CDA = 72 \div 4 = 18 \text{ cm}^2$

삼각형 $\triangle BDC = 18 \div 4 = 4.5 \text{ cm}^2$

$(72 - 18 + 4.5) \times 2 = 117 \text{ cm}^2$

9. 수 100!에서 10과 01은 가운데 선을 대칭축으로 하여 선대칭 위치에 있고, 가운데 점을 중심으로 하여 점대칭 위치에 있습니다. 네 자리 수 중에서 이와 같은 수는 100!을 포함하여 모두 몇 개입니다?

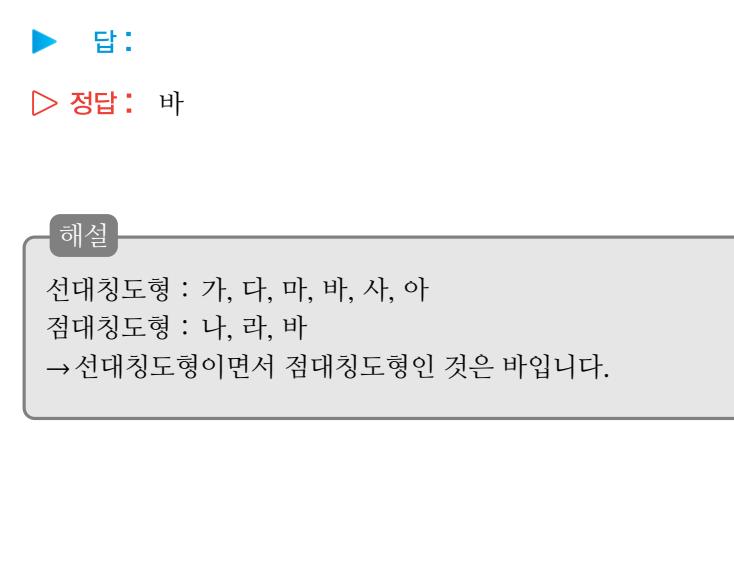
▶ 답: 개

▷ 정답: 6개

해설

100!, 1111, 1881, 80008, 8118, 8888
→ 6개

10. 다음 도형 중 선대칭도형도 되고 접대칭도형도 되는 것을 찾으시오.



▶ 답:

▷ 정답: 바

해설

선대칭도형 : 가, 다, 마, 바, 사, 아

접대칭도형 : 나, 라, 바

→ 선대칭도형이면서 접대칭도형인 것은 바입니다.

11. 다음 조건을 모두 만족하는 수를 구하시오.

- 2.3×7 보다 큽니다.
- 40.3×0.4 보다 작습니다.
- 소수 두 자리 수입니다.

▶ 답:

▷ 정답: 16.11

해설

$2.3 \times 7 = 16.1$,
 $40.3 \times 0.4 = 16.12$
16.1보다 크고 16.12보다 작은 소수 두 자리수는 16.11입니다.

12. 다음을 보고 0.8을 100번 곱하면 소수 100번째 자리의 숫자는 얼마 인지 구하시오.

$$\begin{aligned}0.8 &= 0.8 \\0.8 \times 0.8 &= 0.64 \\0.8 \times 0.8 \times 0.8 &= 0.512 \\0.8 \times 0.8 \times 0.8 \times 0.8 &= 0.4096 \\0.8 \times 0.8 \times 0.8 \times 0.8 \times 0.8 &= 0.32768 \\&\vdots && \vdots\end{aligned}$$

▶ 답:

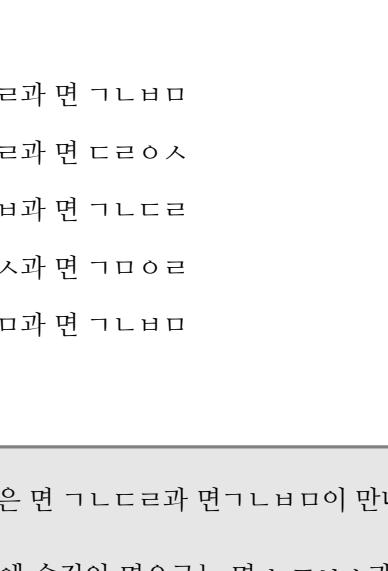
▷ 정답: 6

해설

0.8을 100번 곱하면, 소수 한 자리 수를 100번 곱하는 것이므로 그 곱은 소수 백 자리 수가 됩니다. 그러므로 소수 백 번째 자리의 숫자는 가장 끝자리의 숫자입니다. 0.8을 한 번씩 곱할 때마다 소수 끝자리 수는 8, 4, 2, 6이 반복하여 바뀝니다.

0.8을 100번 곱했을 때 소수 끝자리의 숫자는 6입니다.

13. 직육면체의 모서리 ㄱㄴ은 어느 면과 어느 면이 만나는 모서리입니까?



① 면 ㄱㄴㄷㄹ과 면 ㄱㄴㅂㅁ

② 면 ㄱㄴㄷㄹ과 면 ㄷㄹㅇㅅ

③ 면 ㄴㄷㅅㅂ과 면 ㄱㄴㄷㄹ

④ 면 ㄷㄹㅇㅅ과 면 ㄱㅁㅇㄹ

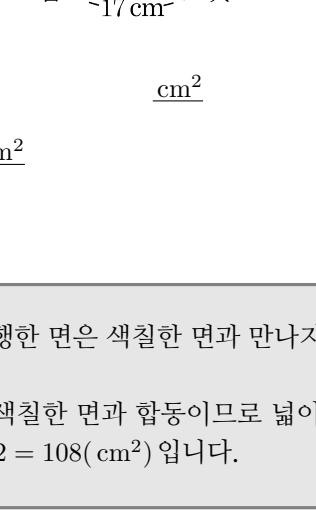
⑤ 면 ㅂㅅㅇㅁ과 면 ㄱㄴㅂㅁ

해설

모서리 ㄱㄴ은 면 ㄱㄴㄷㄹ과 면 ㄱㄴㅂㅁ이 만나는 모서리입니다.

모서리 ㄱㄴ에 수직인 면으로는 면 ㄴㄷㅂㅅ과 면 ㄱㄹㅇㅁ이 있습니다.

14. 직육면체에서 색칠한 면과 평행한 면의 넓이는 몇 cm^2 인지 구하시오.



▶ 답: $\underline{\hspace{2cm}}$ cm^2

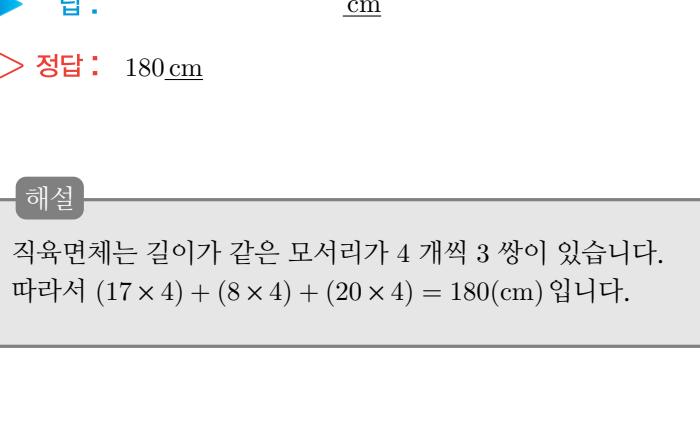
▷ 정답: 108 cm^2

해설

색칠한 면과 평행한 면은 색칠한 면과 만나지 않는 면 ㄱㄴㅂㅁ입니다.

면 ㄱㄴㅂㅁ은 색칠한 면과 합동이므로 넓이는 색칠한 면의 넓이와 같은 $9 \times 12 = 108(\text{cm}^2)$ 입니다.

15. 다음은 준영이가 어느 직육면체의 면을 본뜬 모양입니다. 준영이가 본뜬 직육면체의 모든 모서리 길이의 합은 몇 cm 입니까?



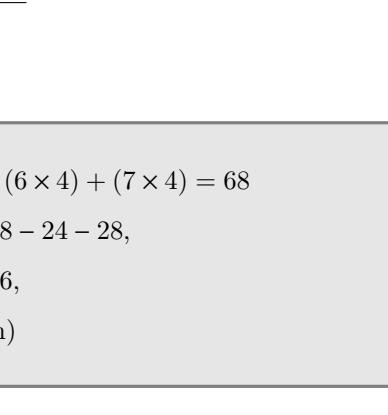
▶ 답: cm

▷ 정답: 180 cm

해설

직육면체는 길이가 같은 모서리가 4 개씩 3 쌍이 있습니다.
따라서 $(17 \times 4) + (8 \times 4) + (20 \times 4) = 180(\text{cm})$ 입니다.

16. 다음 직육면체의 모서리의 길이의 합은 68cm입니다. 안에
알맞은 수를 써넣으시오.



▶ 답: cm

▷ 정답: 4 cm

해설

$$(\square \times 4) + (6 \times 4) + (7 \times 4) = 68$$

$$\square \times 4 = 68 - 24 - 28,$$

$$\square \times 4 = 16,$$

$$\square = 4(\text{ cm})$$

17. 경석이의 국어, 수학, 사회, 과학 4과목 시험 성적의 평균은 90점이고, 국어, 사회, 과학 세 과목의 평균은 88점이라고 합니다. 수학은 몇 점이겠습니까?

▶ 답 : 점

▷ 정답 : 96점

해설

3과목의 총점 : $88 \times 3 = 264$ (점),

4과목의 총점 : $90 \times 4 = 360$ (점)

수학 점수는 $360 - 264 = 96$ (점)

18. 서로 다른 세 수가 있습니다. 각각 다른 두 수끼리의 평균이 각각 28, 35, 33입니다. 세 수를 구하시오.(단, 작은 수부터 적으시오.)

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 26

▷ 정답: 30

▷ 정답: 40

해설

세 수를 \heartsuit , \clubsuit , \diamondsuit 라고 하면

$$(\heartsuit + \clubsuit) \div 2 = 28 \rightarrow \heartsuit + \clubsuit = 56,$$

$$(\clubsuit + \diamondsuit) \div 2 = 35 \rightarrow \clubsuit + \diamondsuit = 70,$$

$$(\diamondsuit + \heartsuit) \div 2 = 33 \rightarrow \diamondsuit + \heartsuit = 66$$

$$(\heartsuit + \clubsuit + \diamondsuit) \times 2 = 56 + 70 + 66 = 192,$$

$$\heartsuit + \clubsuit + \diamondsuit = 96$$

$$\diamondsuit = 96 - 56 = 40,$$

$$\heartsuit = 96 - 70 = 26, \clubsuit = 96 - 66 = 30$$