

1. 두 집합  $A = \{x \mid x \text{는 } 12 \text{의 배수}\}$ ,  $B = \{x \mid x \text{는 } \square \text{의 배수}\}$ 에 대하여  $A \subset B$ 이고  $A \neq B$ 일 때,  $\square$  안에 알맞은 가장 큰 자연수를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 6

해설

$A$ 는  $B$ 의 진부분집합이고,  
 $A = \{12, 24, 36, \dots\}$ 이므로  
 $B = \{x \mid x \text{는 } \square \text{의 배수}\}$ 의  $\square$ 에는 12의 약수 중 12를 제외한 수가 들어가야 한다.  
따라서  $\square$ 안에 들어갈 수는 1, 2, 3, 4, 6이고, 가장 큰 자연수는 6이다.

2. 집합  $A = \{x \mid x \text{는 } 4 \leq x \leq 8 \text{인 자연수}\}$ 의 부분집합 중에서 원소의 개수가 3개인 부분집합의 개수를 구하여라.

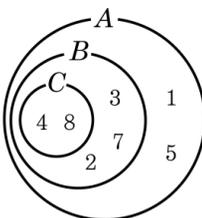
▶ 답:                        개

▷ 정답: 10개

**해설**

집합  $A$ 의 부분집합 중 원소의 개수가 3개인 부분집합은  $\{4, 5, 6\}$ ,  $\{4, 5, 7\}$ ,  $\{4, 5, 8\}$ ,  $\{4, 6, 7\}$ ,  $\{4, 6, 8\}$ ,  $\{4, 7, 8\}$ ,  $\{5, 6, 7\}$ ,  $\{5, 6, 8\}$ ,  $\{5, 7, 8\}$ ,  $\{6, 7, 8\}$  따라서 부분집합의 개수는 10이다.

3. 다음 벤 다이어그램을 보고,  $C \subset X \subset A$ 를 만족하는 집합  $X$ 가 될 수 있는 것을 다음 중 찾고 집합 앞에 있는 단어를 이용해서 단어를 만들어라.



- (구) {1, 2, 8}  
 (부) {3, 4, 8}  
 (수) {3, 5, 8}  
 (학) {1, 4, 6, 7}  
 (분) {4, 5, 7, 8}  
 (합) {2, 3, 4, 8}  
 (집) {2, 4, 7, 8}  
 (직) {1, 2, 3, 6, 8}

▶ 답:

▷ 정답: 부분집합

**해설**

집합  $C$ 와 집합  $A$ 를 원소 나열법으로 각각 나타내면  $C = \{4, 8\}$ ,  $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$ 이다.  $C \subset X \subset A$ 를 만족하는 집합  $X$ 는 집합  $A$ 의 부분집합 중 원소 4, 8을 반드시 포함하는 부분집합이다. 따라서 집합  $X$ 가 될 수 있는 집합은  $\{3, 4, 8\}$ ,  $\{4, 5, 7, 8\}$ ,  $\{2, 3, 4, 8\}$ ,  $\{2, 4, 7, 8\}$ 이고 만들 수 있는 단어는 '부분집합'이다.

4. 집합  $A = \{x \mid x \text{는 } 20 \text{ 이하의 홀수}\}$ 의 부분집합 중에서 원소 1, 15는 반드시 포함하고, 소수는 포함하지 않는 부분집합의 개수는?

① 1개    ② 2개    ③ 3개    ④ 4개    ⑤ 5개

해설

$A = \{1, 3, 5, 7, \dots, 19\}$ 의 부분집합 중 원소 1, 15는 반드시 포함하고, 소수 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19는 포함하지 않는 부분집합의 개수는  $2^{10-2-7} = 2^1 = 2$  (개)

5. 집합  $A = \{x \mid x \text{는 } 9 \text{보다 작은 자연수}\}$ 의 부분집합 중 원소가 홀수로만 이루어진 부분집합은 모두 몇 개인지 구하여라.

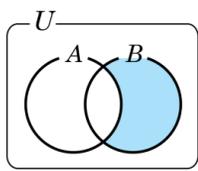
▶ 답:                          개

▷ 정답: 15개

해설

$A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$   
짝수를 제외한  $\{1, 3, 5, 7\}$ 의 부분집합을 먼저 구하면  
원소가 0개인 부분집합:  $\emptyset$   
원소가 1개인 부분집합:  $\{1\}, \{3\}, \{5\}, \{7\}$   
원소가 2개인 부분집합:  $\{1, 3\}, \{1, 5\}, \{1, 7\}, \{3, 5\}, \{3, 7\}, \{5, 7\}$   
원소가 3개인 부분집합:  $\{1, 3, 5\}, \{1, 3, 7\}, \{1, 5, 7\}, \{3, 5, 7\}$   
원소가 4개인 부분집합:  $\{1, 3, 5, 7\}$   
이고, 이 중 원소가 0개인 부분집합은 홀수가 한 개도 포함되어 있지 않으므로 원소가 홀수로만 이루어진 부분집합이 아니다.  
따라서 홀수로만 이루어진 부분집합의 갯수는 15개이다.

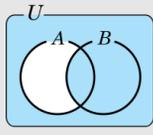
6. 다음 벤 다이어그램의 색칠한 부분을 나타내는 것이 아닌 것은?



- ①  $B - A$                       ②  $A^c \cap B$                       ③  $A^c \cup B$   
④  $B - (A \cap B)$                       ⑤  $(A \cup B) - A$

해설

③  $A^c \cup B$  를 벤 다이어그램으로 나타내면 다음과 같다.



7. 전체집합  $U$ 의 공집합이 아닌 두 부분집합  $A, B$ 에 대하여 보기 중에서 옳은 문제의 번호를 모두 찾아 다음 그림판에서 색칠하면 태봉이가 제일 좋아하는 숫자가 나타난다. 그 수는 무엇인지 구하여라.

4	6	3
5	1	2
6	4	2
4	5	1
6	3	4

보기

- ①  $A \cup A^c = \emptyset$                       ②  $A \cap A^c = \emptyset$   
 ③  $(A^c)^c = A$                           ④  $U - A = A^c$   
 ⑤  $A - B = A \cup B^c$                   ⑥  $B - A = B \cap A^c$

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

①  $A \cup A^c = U$   
 ⑤  $A - B = A \cap B^c$   
 옳은 것은 ②, ③, ④, ⑥으로 그림판에 색칠하면 다음 그림과 같다.  
 따라서 태봉이가 제일 좋아하는 숫자는 2이다.

4	6	3
5	1	2
6	4	2
4	5	1
6	3	4

8. 자연수 범위에서 정의된 두 집합  $A = \{2, 3, a^2 + 4\}$ ,  $B = \{a + 1, 4, 2a + 3\}$ 에 대하여  $A \cap B = \{2, 5\}$ 가 되도록 하는 상수  $a$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $a = 1$

해설

$A \cap B = \{2, 5\}$  이어야 하므로 집합  $A$ 에서  $a^2 + 4 = 5 \quad \therefore a = \pm 1$

(i)  $a = 1$ 일 때,  $A = \{2, 3, 5\}$ ,  $B = \{2, 4, 5\}$

$A \cap B = \{2, 5\}$

(ii)  $a = -1$ 일 때,

$A = \{2, 3, 5\}$ ,  $B = \{0, 1, 4\}$

$A \cap B = \emptyset$

$\therefore a = 1$

9. 자연수  $k$ 의 배수를 원소로 하는 집합을  $A_k$ 라 할때,  $(A_4 \cap A_6) \supset A_k$ 인  $k$ 의 최솟값을  $a$ 라 하고  $(A_8 \cup A_{12}) \subset A_k$ 인  $k$ 의 최댓값을  $b$ 라 할 때  $a+b$ 의 값은?

- ① 16      ② 20      ③ 10      ④ 15      ⑤ 27

해설

$(A_4 \cap A_6) \supset A_k$ 인  $k$ 는 4와 6의 공배수이므로  $k$ 의 최솟값은 4와 6의 최소공배수 12이다.  $(A_8 \cup A_{12}) \subset A_k$ 인  $k$ 는 8과 12의 공약수이므로  $k$ 의 최댓값은 8과 12의 최대공약수 4이다.  
 $\therefore$  최솟값  $a$ 는 12이고 최댓값  $b$ 는 4이므로  $a+b = 12+4 = 16$

10. 전체집합  $U$  의 두 부분집합  $A, B$  에 대하여  $A * B = (A \cap B) \cup (A \cup B)^c$  라고 정의할 때, 항상 성립한다고 할 수 없는 것은?

①  $A * B = B * A$

②  $A * \phi = A^c$

③  $A * U = U$

④  $A * A^c = \phi$

⑤  $A * B = A^c * B^c$

해설

$$\begin{aligned} \text{③ } A * U &= (A \cap U) \cup (A \cup U)^c \\ &= A \cup U^c = A \cup \phi = A \end{aligned}$$

11. 우리 반 학생 중에서 형이 있는 학생이 15명, 누나가 있는 학생이 10명이고, 형과 누나가 모두 있는 학생이 5명이다. 형이나 누나가 있는 학생 수는?

① 10명    ② 15명    ③ 20명    ④ 25명    ⑤ 30명

해설

형이 있는 학생을  $A$  라 하면  $n(A) = 15$   
누나가 있는 학생을  $B$  라 하면  $n(B) = 10$   
형과 누나가 모두 있는 학생은  $A \cap B$  이므로  $n(A \cap B) = 5$   
형이나 누나가 있는 학생은  $A \cup B$  이다.  
 $\therefore n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B)$   
 $= 15 + 10 - 5 = 20(\text{명})$

12. 다음 중 참인 명제의 개수는?

- (가) 6의 배수는 2의 배수이다.
- (나) 두 삼각형의 넓이가 같으면 합동이다.
- (다) 소수는 모두 홀수이다.
- (라) 평행사변형은 정사각형이다.
- (마) 홀수의 집합은 덧셈에 대하여 닫혀 있다.
- (바) 얼마나 아름다운 풍경인가?

- ① 1개    ② 2개    ③ 3개    ④ 4개    ⑤ 5개

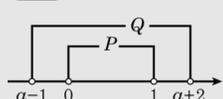
**해설**

- (가) 6의 배수의 집합은 2의 배수의 집합에 포함되므로 참이다.
- (나) 두 삼각형의 넓이가 같아도 형태가 다를 수 있으므로 꼭 합동이 되지만은 않는다.
- (다) 소수에는 2도 포함되므로 짝수도 있다.
- (라) 정사각형의 집합이 평행사변형의 집합의 진부분집합이므로 거짓이다.
- (마) 예를 들어  $3 + 5 = 8$  즉, 짝수가 나오므로 닫혀있지 않다.
- (바) 명제가 성립되지 않는다. ( $\therefore$  참, 거짓을 구분할 수 없다.)

13. 명제 '0 < x ≤ 1 이면 a-1 < x < a+2 이다.' 가 참이 되도록 하는 a의 값의 범위를 구하면?

- ① -2 < a < 1      ② -1 < a < 0      ③ -1 < a < 1  
 ④ -1 < a ≤ 1      ⑤ 0 < a ≤ 2

해설



$p : 0 < x \leq 1$ ,  $q : a-1 < x < a+2$  라 하고, 조건  $p, q$  를 만족하는 집합을 각각  $P, Q$  라 할 때, 명제  $p \rightarrow q$  가 참이 되려면  $P \subset Q$  이어야 한다.

위 그림에서  $a-1 \leq 0$ ,  $a+2 > 1$

$a \leq 1$ ,  $a > -1$

$\therefore -1 < a \leq 1$

14. 세 명제  $\sim p \rightarrow q, q \rightarrow \sim r$  가 참이고, 조건  $p, q, r$  를 만족하는 집합을 각각  $P, Q, R$  라 할 때, 다음 중 항상 옳은 것은?

- ①  $P \subset Q$                       ②  $R \subset Q^c$                       ③  $R \cup P^c = R$   
④  $P \subset R$                       ⑤  $R \cap Q = R$

해설

- $\sim p \rightarrow q, q \rightarrow \sim r$  가 참이므로  
 $\sim p \rightarrow q \rightarrow \sim r$  에서  $P^c \subset Q \subset R^c$  이다.  
①  $P \not\subset Q$   
②  $Q \subset R^c$  이므로  $R \subset Q^c$   
③  $P^c \subset R^c$  이므로  $R \cup P^c \neq R$   
④  $P^c \subset R^c$  이므로  $R \subset P$   
⑤  $Q \subset R^c$  에서  $R \subset Q^c$  이므로  $R \cap Q \neq R$

15. 우성, 동건, 정재는 전교 3등 안에 드는 학생들이다.

- ㉠ 우성: 나는 전교 1등이 아니야
- ㉡ 동건: 나는 2등이 아니야.
- ㉢ 정재: 나는 2등이야.

위

의 주장 중 하나만 참이라 할 때, 전교1, 2, 3등을 차례대로 적으면?

- ① 동건, 정재, 우성                      ② 정재, 동건, 우성
- ③ 우성, 동건, 정재                      ④ 정재, 우성, 동건
- ⑤ 동건, 우성, 정재

**해설**

우성의 주장이 참이라고 가정하면, 동건이와 정재의 주장은 거짓이 된다.

따라서, 우성-전교 1등이 아님, 동건-전교 2등, 정재-전교 2등이 아니다.

이상에서 우성은 전교 1등이 아닌데, 동건이가 2등이므로 당연히 3등이 되고, 남은 정재가 전교 1등이 된다. 즉, 모순이 없으므로 정재, 동건, 우성이 각각 1, 2, 3 등이다.(동건의 주장이 참이라면 우성, 정재가 거짓이 되는데, 이 경우 정재가 2등이 되어 참을 말한 것이 되므로 모순이다. 또한, 정재가 참이라면 우성, 동건이 거짓이 되어야 하는데, 동건이가 참을 말한 결과가 되므로 모순이다.)

16. 조건  $p$ 는 조건  $q$ 이기 위한 어떤 조건인지 차례대로 바르게 나열한 것은? (단,  $x, y, z$ 는 실수)

$$\textcircled{㉠} p : x^2 + y^2 > 0, q : x \neq 0, y \neq 0$$

$$\textcircled{㉡} p : x + z > y + z, q : x > y$$

- ① ㉠ 필요조건 ㉡ 충분조건  
② ㉠ 충분조건 ㉡ 필요조건  
③ ㉠ 충분조건 ㉡ 필요충분조건  
④ ㉠ 필요충분조건 ㉡ 필요충분조건  
⑤ ㉠ 필요조건 ㉡ 필요충분조건

해설

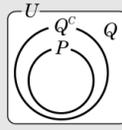
- ㉠ 주어진 명제는 거짓이고 역은 참이다.  
㉡ 주어진 명제와 역 모두 참이다.

17. 두 조건  $p, q$ 에 대하여  $\sim q$ 는  $p$ 이기 위한 필요조건이다. 조건  $p, q$ 를 만족하는 집합을 각각  $P, Q$ 라 할 때, 다음 중 옳은 것은? (단,  $U$ 는 전체집합이다.)

- ①  $P \cap Q = \emptyset$       ②  $P \cup Q = U$       ③  $P \subset Q$   
 ④  $Q \subset P$       ⑤  $Q^c = P$

해설

$P \subset Q^c \Rightarrow P - Q^c = \emptyset \Rightarrow P \cap (Q^c)^c = \emptyset$   
 $\therefore P \cap Q = \emptyset$   
 벤다이어그램으로 나타내면 다음과 같다.



18. 다음은  $x > 0$  일 때,  $x + \frac{1}{x} \geq 2$ 임을 증명한 것이다.

$x > 0$ 이면 (가)  $> 0$  이므로 산술평균과 기하평균의 관계에 의하여  $\frac{1}{2}(\text{나}) \geq (\text{다})$  이므로  $\frac{1}{2}(\text{나}) \geq 1$  이다. 즉, 등호가 성립하는 것은  $x = (\text{가})(x > 0)$  일 때 이므로  $\therefore x = 1$

위의 증명 과정에서 (가), (나), (다)에 알맞은 것을 차례로 적으면?

- ①  $x, \frac{1}{x}, x + \frac{1}{x}$                       ②  $x, \frac{1}{x}, 2\left(x + \frac{1}{x}\right)$   
 ③  $x, x + \frac{1}{x}, 2\left(x + \frac{1}{x}\right)$             ④  $\frac{1}{x}, x + \frac{1}{x}, \sqrt{x \cdot \frac{1}{x}}$   
 ⑤  $\frac{1}{x}, 2\left(x + \frac{1}{x}\right), \sqrt{x \cdot \frac{1}{x}}$

**해설**

산술평균과 기하평균의 관계에 의해

$$\frac{1}{2}\left(x + \frac{1}{x}\right) \geq \sqrt{x \cdot \frac{1}{x}}$$

19. 집합  $X = \{-1, 0, 1\}$ 에 대하여 다음 보기 중 함수  $f: X \rightarrow X$ 로 가능한 것의 개수는 몇 개인가?

보기

㉠  $f(x) = -x$       ㉡  $f(x) = x^2$       ㉢  $f(x) = |x|$   
㉣  $f(x) = \frac{1}{x}$       ㉤  $f(x) = \sqrt{x}$

- ① 1 개      ② 2 개      ③ 3 개      ④ 4 개      ⑤ 5 개

해설

㉠  $f(x) = -x$ 에서  $f(-1) = 1 \in X$ ,  $f(0) = 0 \in X$ ,  $f(1) = -1 \in X$  따라서 함수이다.

㉡  $f(x) = x^2$ 에서  $f(-1) = 1 \in X$ ,  $f(0) = 0 \in X$ ,  $f(1) = 1 \in X$  따라서 함수이다.

㉢  $f(x) = |x|$ 에서  $f(-1) = 1 \in X$ ,  $f(0) = 0 \in X$ ,  $f(1) = 1 \in X$  따라서 함수이다.

㉣  $f(x) = \frac{1}{x}$ 에서  $f(0)$ 이 정의되지 않으므로 함수가 아니다.

㉤  $f(x) = \sqrt{x}$ 에서  $f(-1) = i \notin X$ 이므로 함수가 아니다.

따라서 함수로 가능한 것은 ㉠, ㉡, ㉢의 3개다.

20.  $f$ 는 임의의 자연수에 대하여 정의된 함수이고, 다음 두 조건을 만족한다.

$$\begin{aligned} \textcircled{A} \quad & f(2n) = 2 \cdot f(n) (n = 1, 2, 3, \dots) \\ \textcircled{B} \quad & f(2n+1) = (-1)^n \cdot 2 (n = 0, 1, 2, 3, \dots) \end{aligned}$$

이

때,  $f(32)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 64

해설

$$\begin{aligned} f(32) &= 2 \cdot f(16) = 2^2 \cdot f(8) = 2^3 \cdot f(4) \\ &= 2^4 \cdot f(2) = 2^5 \cdot f(1) = 2^5 \cdot f(2 \cdot 0 + 1) \\ &= 2^5 \cdot (-1)^0 \cdot 2 = 2^6 = 64 \end{aligned}$$

21. 두 함수  $f(x) = -x + 4$ ,  $g(x) = 3x + 2$ 에 대하여  $(f \circ g)(k) = 2$ 를 만족하는 상수  $k$ 의 값은?

- ① -1    ② 0    ③ 1    ④ 2    ⑤ 3

해설

$$\begin{aligned}(f \circ g)(x) &= f(g(x)) = f(3x + 2) \\ &= -(3x + 2) + 4 = -3x + 2 \text{이므로} \\ (f \circ g)(k) &= 2 \text{에서 } -3k + 2 = 2 \\ \therefore k &= 0\end{aligned}$$

22. 두 함수  $f(x) = 4x - 3$ ,  $g(x) = 2x + 1$  에 대하여  $h \circ g = f$  를 만족하는 함수  $h(x)$  를 구하면?

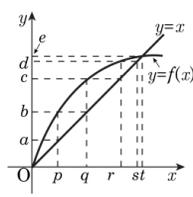
- ①  $h(x) = x + 4$     ②  $h(x) = 2x - 5$     ③  $h(x) = 3x + 2$   
④  $h(x) = 3x + 5$     ⑤  $h(x) = 5x + 3$

해설

$h(x) = ax + b$  라고 놓으면  
 $h \circ g = f$  에서  $a(2x + 1) + b = 4x - 3$   
 $\therefore 2a = 4, a + b = -3$   
이것을 풀면  $a = 2, b = -5$   
따라서  $h(x) = 2x - 5$

23. 림은  $y = f(x)$  와  $y = x$  의 그래프이다. 이를 이용하여  $(f \circ f)(x) = d$  를 만족시키는  $x$  의 값은 얼마인가?

- ①  $p$       ②  $q$       ③  $r$   
 ④  $s$       ⑤  $t$



해설

$(f \circ f)(x) = f(f(x)) = d \dots \dots \textcircled{1}$   
 그런데, 주어진 그래프에서  $f(r) = d$  이므로  
 $\textcircled{1}$ 에서  $f(x) = r$   
 $\therefore r = c$  에서  $f(x) = r = c$   
 $\therefore x = q$

24.  $\frac{1}{1 \times 2} + \frac{1}{2 \times 3} + \frac{1}{3 \times 4} + \dots + \frac{1}{13 \times 14} = \frac{a}{14}$  에서  $a$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 13

해설

$$\begin{aligned} \text{준식} &= 1 - \frac{1}{2} + \frac{1}{2} - \frac{1}{3} \cdots - \frac{1}{14} = 1 - \frac{1}{14} = \frac{13}{14} \\ \therefore a &= 13 \end{aligned}$$

25.  $1 - \frac{1}{1 - \frac{1}{1 - \frac{1}{x}}} = 5$ 을 만족하는  $x$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

$$\begin{aligned} 1 - \frac{1}{1 - \frac{1}{1 - \frac{1}{x}}} &= 1 - \frac{x-1}{x-1-x} \\ &= 1+x-1=x \\ \therefore x &= 5 \end{aligned}$$

26.  $x + \frac{1}{x} = 2$ 일 때,  $x^2 - \frac{1}{x^2}$ 의 값을 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: 0

해설

$$\left(x - \frac{1}{x}\right)^2 = \left(x + \frac{1}{x}\right)^2 - 4 = 2^2 - 4 = 0$$

$$\therefore x^2 - \frac{1}{x^2} = \left(x - \frac{1}{x}\right)\left(x + \frac{1}{x}\right) = 0 \times 2 = 0$$

27.  $3x = 4y = 2z$  일 때,  $\frac{x^2 - y^2 + z^2}{x^2 + y^2 - z^2}$  의 값은? (단,  $xyz \neq 0$ )

- ①  $-\frac{1}{7}$     ②  $\frac{2}{11}$     ③  $-\frac{43}{11}$     ④  $\frac{7}{9}$     ⑤ 2

해설

$3x = 4y = 2z = k$ 라 놓는다.

$x = \frac{k}{3}, y = \frac{k}{4}, z = \frac{k}{2}$  를 주어진 식에 대입한다.

$$\begin{aligned}\therefore \frac{x^2 - y^2 + z^2}{x^2 + y^2 - z^2} &= \frac{\frac{k^2}{9} - \frac{k^2}{16} + \frac{k^2}{4}}{\frac{k^2}{9} + \frac{k^2}{16} - \frac{k^2}{4}} \\ &= \frac{64 - 36 + 144}{64 + 36 - 144} \\ &= \frac{172}{-44} = -\frac{43}{11}\end{aligned}$$

28.  $\frac{x+y}{3} = \frac{y+z}{4} = \frac{z+x}{5}$  일 때, 유리식  $\frac{xy+yz+zx}{x^2+y^2+z^2}$  의 값은?

- ①  $\frac{7}{11}$       ②  $\frac{9}{11}$       ③  $\frac{5}{14}$       ④  $\frac{9}{14}$       ⑤  $\frac{11}{14}$

해설

$$\frac{x+y}{3} = \frac{y+z}{4} = \frac{z+x}{5} = k$$

$$\begin{cases} x+y = 3k \cdots \text{㉠} \\ y+z = 4k \cdots \text{㉡} \\ z+x = 5k \cdots \text{㉢} \end{cases}$$

㉠ + ㉡ + ㉢ 을 하면

$$2(x+y+z) = 12k \quad \therefore x+y+z = 6k \cdots \text{㉣}$$

$$\text{㉣} - \text{㉡} \rightarrow x = 2k$$

$$\text{㉣} - \text{㉢} \rightarrow y = k$$

$$\text{㉣} - \text{㉠} \rightarrow z = 3k$$

$$\frac{xy+yz+zx}{x^2+y^2+z^2} = \frac{2k^2+3k^2+6k^2}{4k^2+k^2+9k^2} = \frac{11k^2}{14k^2} = \frac{11}{14}$$

29. 괄호가 없는 수식의 계산을 오른쪽에서 왼쪽으로 계산하는 전자계산기가 있다. 예를 들면  $a \times b - c$ 는  $a(b-c)$ 로 계산한다. 이 전자계산기로  $a \div b - c + d$ 를 계산하면?

- ①  $\frac{a}{b} - c + d$       ②  $\frac{a}{b} - c - d$       ③  $\frac{d+c-b}{a}$   
④  $\frac{a}{b-c+d}$       ⑤  $\frac{a}{b-c-d}$

해설

$a \div b - c + d$ 의 오른쪽부터 차례로 계산하면  
 $d \rightarrow d + c \rightarrow -(d + c) \rightarrow b - c - d \rightarrow \frac{a}{b - c - d}$

30. 다음 그래프 중 평행이동에 의하여  $y = \frac{1}{x}$  의 그래프와 겹쳐지는 것은?

①  $y = \frac{x+1}{x-1}$

②  $y = \frac{x}{x-1}$

③  $y = \frac{x-2}{x-1}$

④  $y = \frac{-x}{x-1}$

⑤  $y = \frac{x+3}{x+1}$

해설

$y = \frac{1}{x}$  과 겹쳐지는 함수는  $y = \frac{1}{x-a} + b$  의 꼴로 된 것이다.

$$\therefore \textcircled{2} y = \frac{x}{x-1} = \frac{x-1+1}{x-1} = 1 + \frac{1}{x-1}$$

31. 함수  $y = \frac{2x+4}{x-1}$  의 그래프가 점  $(a, b)$  에 대하여 대칭일 때,  $a+b$  의 값은?

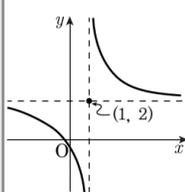
- ① -3      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 3

해설

$$\begin{aligned} y &= \frac{2x+4}{x-1} \\ &= \frac{2(x-1)+6}{x-1} \\ &= \frac{6}{x-1} + 2 \text{이므로} \end{aligned}$$

주어진 함수의 그래프는 점  $(1, 2)$  에 대하여 대칭이다.

$$\therefore a+b = 1+2 = 3$$



32. 분수함수  $f(x) = \frac{x+3}{2x-1}$  에 대하여 합성함수  $y = (f \circ f \circ f)(x)$  의 그래프는 점  $(a, b)$  에 대하여 대칭이다. 이 때,  $a+b$  의 값을 구하면?

- ① 0      ② 1      ③ 2      ④ 3      ⑤ 4

해설

$$\begin{aligned} \text{분수함수 } f(x) &= \frac{x+3}{2x-1} \text{ 에서} \\ (f \circ f)(x) &= f(f(x)) = \frac{\frac{x+3}{2x-1} + 3}{2 \cdot \frac{x+3}{2x-1} - 1} \\ &= \frac{x+3+3(2x-1)}{2(x+3)-(2x-1)} = x \text{ 이므로} \\ y &= (f \circ f \circ f)(x) = f((f \circ f)(x)) = f(x) \\ \text{따라서, } y &= f(x) \text{ 의 점근선은} \\ x &= \frac{1}{2}, y = \frac{1}{2} \text{ 이고, 그 그래프는 점근선의} \\ \text{교점 } &\left(\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right) \text{ 에 대하여 대칭이므로} \\ a &= \frac{1}{2}, b = \frac{1}{2} \\ \therefore a+b &= 1 \end{aligned}$$

33. 유리함수  $f(x) = \frac{kx}{x+3}$ 의 그래프가 직선  $y = x$ 에 대하여 대칭일 때, 실수  $k$ 의 값은?

① -5      ② -3      ③ -1      ④ 1      ⑤ 3

해설

$f(x) = \frac{kx}{x+3}$ 가 직선  $y = x$ 에 대해 대칭이므로

$$f(x) = f^{-1}(x), f^{-1}(x) = \frac{-3x}{x-k}$$

$$\frac{kx}{x+3} = \frac{-3x}{x-k}$$

$$\therefore k = -3$$