

1. $\sin(90^\circ - A) = \frac{12}{13}$ 일 때, $\tan A$ 의 값을 구하여라. (단, $0^\circ < A < 90^\circ$)

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{5}{12}$

해설

$$\sin(90^\circ - A) = \cos A = \frac{12}{13} \text{ 이므로}$$

$$\overline{BC} = \sqrt{(13k)^2 - (12k)^2} = 5k$$

$$\therefore \tan A = \frac{5}{12}$$



2. 다음 그림의 직각삼각형 ABC에서 다음 중 옳지 않은 것은?



- ① $\tan A = \frac{1}{3}$ ② $\sin A = \frac{\sqrt{10}}{10}$
③ $\cos B = \frac{2}{5} \sqrt{10}$ ④ $\cos A = \frac{3}{10} \sqrt{10}$
⑤ $\tan B = 3$

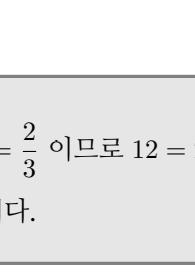
해설

$$\overline{AC} = \sqrt{(\sqrt{10})^2 - 1^2} = 3$$

$$\textcircled{3} \cos B = \frac{1}{\sqrt{10}} = \frac{\sqrt{10}}{10}$$

3. 다음 그림과 같은 직각삼각형 ABC에서 $\sin A = \frac{2}{3}$ 이고, $\overline{BC} \geq 4\text{cm}$

일 때, \overline{AC} 의 길이는?



- ① 4 cm ② 6 cm ③ 8 cm ④ 9 cm ⑤ 12 cm

해설

$$\sin A = \frac{\overline{BC}}{\overline{AC}} = \frac{4}{\overline{AC}} = \frac{2}{3} \text{ 이므로 } 12 = 2 \times \overline{AC} \text{ 이다.}$$

따라서 $\overline{AC} = 6\text{cm}$ 이다.

4. $\cos A = \frac{3}{4}$ 일 때, $\sin A + \tan A$ 의 값은? ($\text{단}, 0^\circ < A < 90^\circ$)

① $\frac{3\sqrt{7}}{4}$ ② $\frac{5\sqrt{7}}{4}$ ③ $\frac{7\sqrt{7}}{4}$ ④ $\frac{5\sqrt{7}}{12}$ ⑤ $\frac{7\sqrt{7}}{12}$

해설

$$\cos A = \frac{3}{4} \text{인 } \triangle ABC \text{ 를 그려 보면}$$

$$BC = \sqrt{(4k)^2 - (3k)^2} = \sqrt{7}k$$

$$\therefore \sin A = \frac{\sqrt{7}}{4}, \tan A = \frac{\sqrt{7}}{3}$$

$$\therefore \sin A + \tan A = \frac{\sqrt{7}}{4} + \frac{\sqrt{7}}{3} =$$

$$\frac{7\sqrt{7}}{12}$$



5. 다음 중 옳지 않은 것은?

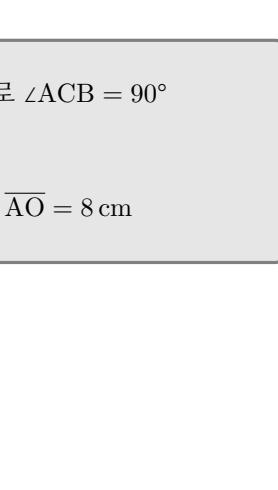
- ① $\sin 0^\circ = 0$, $\sin 90^\circ = 1$ ② $\cos 0^\circ = 1$, $\cos 90^\circ = 0$
③ $\sin 45^\circ = \cos 45^\circ$ ④ $\tan 0^\circ = 0$, $\tan 45^\circ = 1$
⑤ $\frac{\sin 30^\circ}{\cos 30^\circ} = \tan 60^\circ$

해설

$$\textcircled{5} \quad \sin 30^\circ = \frac{1}{2}, \quad \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}, \quad \frac{\sin 30^\circ}{\cos 30^\circ} = \frac{1}{\sqrt{3}} = \tan 30^\circ$$

6. 다음 그림에서 $\overline{BC} = 8\text{ cm}$, $\angle B = 60^\circ$ 일 때, 원 O의 반지름의 길이는?

- ① 2 cm ② 4 cm ③ 6 cm
④ 8 cm ⑤ 10 cm



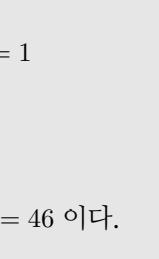
해설

반원에 대한 원주각의 크기는 90° 이므로 $\angle ACB = 90^\circ$

$$\overline{AB} = \frac{8}{\cos 60^\circ} = 16$$

따라서 $\overline{AB} = 16(\text{cm})$ 이므로 반지름인 $\overline{AO} = 8\text{ cm}$

7. 다음 그래프를 보고 직선의 기울기의 절댓값을 x , a 의 크기를 y° 라 할 때,
 $x + y$ 의 값을 구하면?



- ① 16 ② 31 ③ 46 ④ 61 ⑤ 91

해설

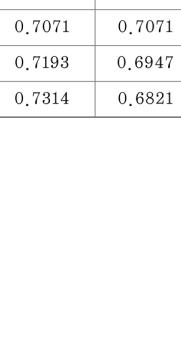
$$(\text{직선의 기울기}) = \frac{2}{-2} = -1$$

$$\tan a = 1$$

$$\therefore a = 45^\circ$$

따라서 $x + y = 1 + 45 = 46$ 이다.

8. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 삼각비의 표를 보고 a 의 값을 구하여라.



〈삼각비의 표〉

x	$\sin x$	$\cos x$	$\tan x$
43°	0,6820	0,7314	0,9325
44°	0,6947	0,7193	0,9657
45°	0,7071	0,7071	1,0000
46°	0,7193	0,6947	1,0355
47°	0,7314	0,6821	1,0724

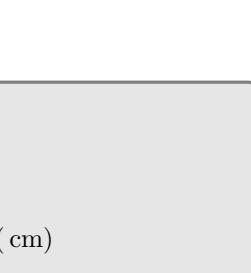
▶ 답:

▷ 정답: 13.642

해설

$$a = 20 \times \cos 47^\circ = 13.642$$

9. 다음 그림의 $\square ABCD$ 에서 $\angle BAC = \angle ADC = 90^\circ$ 이고, $\overline{BC} = 8\text{ cm}$ 일 때, \overline{CD} 의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답: $2\sqrt{6}\text{ cm}$

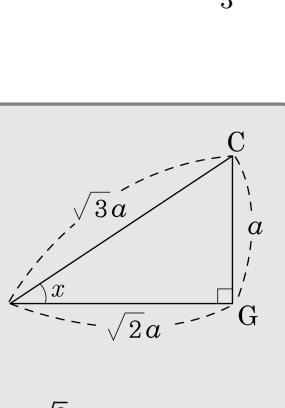
해설

$$\overline{AC} = 8 \cos 30^\circ = 4\sqrt{3} \text{ (cm)}$$

$\triangle ADC$ 는 직각이등변삼각형이므로

$$\overline{CD} = 4\sqrt{3} \sin 45^\circ = 4\sqrt{3} \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 2\sqrt{6} \text{ (cm)}$$

10. 다음 그림은 한 변의 길이가 a 인 정육면체이다. 대각선 CE 와 밑면의 대각선 EG 가 이루는 $\angle CEG$ 의 크기를 x 라 할 때, $\sin x$ 의 값은?



- ① $\frac{\sqrt{2}}{2}$ ② $\frac{\sqrt{3}}{3}$ ③ $\sqrt{2}a$ ④ $\sqrt{3}a$ ⑤ $\frac{\sqrt{6}}{3}$

해설

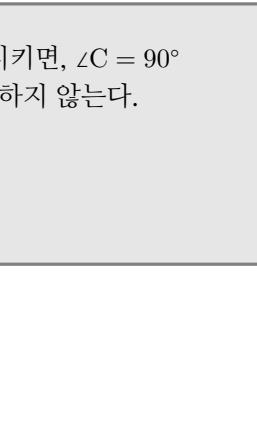
$$\overline{EG} = \sqrt{a^2 + a^2} = \sqrt{2}a$$

$$\overline{CE}^2 = (\sqrt{2}a)^2 + a^2 = 3a^2 \Rightarrow \overline{CE} = \sqrt{3}a$$

$$\therefore \sin x = \frac{a}{\sqrt{3}a} = \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3} \text{이다.}$$

11. 반지름의 길이가 3cm인 원에 내접하는 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{BC} = 5\text{ cm}$ 일 때, $\cos A$ 의 값을 구하면?

① $\frac{5\sqrt{11}}{11}$ ② $\frac{5}{6}$ ③ $\frac{\sqrt{10}}{6}$
④ $\frac{\sqrt{11}}{6}$ ⑤ $\frac{6\sqrt{11}}{11}$



해설

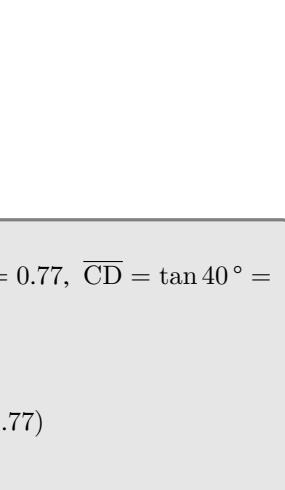
꼭짓점 A를 \overline{BD} 가 지름이 되도록 이동시키면, $\angle C = 90^\circ$

$\angle A$ 는 5.0pt \widehat{BC} 에 대한 원주각이므로 변하지 않는다.

$\overline{BD} = 6$, $\overline{BC} = 5$ 이므로 $\overline{DC} = \sqrt{11}$

$$\therefore \cos A = \frac{\sqrt{11}}{6}$$

12. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 1인 사분원에서 $\angle AOB$ 가 40° 일 때, $\square ABCD$ 의 넓이를 구하여라. (단, $\sin 40^\circ = 0.64$, $\cos 40^\circ = 0.77$, $\tan 40^\circ = 0.84$ 로 계산한다.)



▶ 답:

▷ 정답: 0.1702

해설

$\overline{AB} = \sin 40^\circ = 0.64$, $\overline{OB} = \cos 40^\circ = 0.77$, $\overline{CD} = \tan 40^\circ = 0.84$ 이므로

$$\begin{aligned}\square ABCD &= \frac{1}{2} \times (\overline{AB} + \overline{CD}) \times \overline{BD} \\ &= \frac{1}{2} \times (0.64 + 0.84) \times (1 - 0.77) \\ &= 0.1702\end{aligned}$$

13. $\sqrt{(\sin A + \cos A)^2} + \sqrt{(\cos A - \sin A)^2}$ 을 간단히 하면? (단, $0^\circ < A < 45^\circ$)

① $2 \sin A$

② $2 \cos A$

③ 0

④ 1

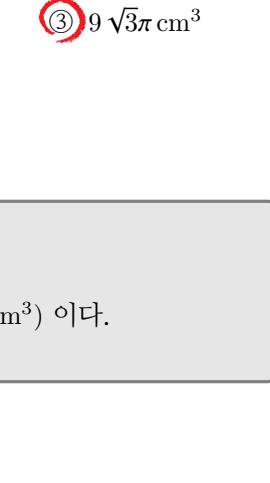
⑤ 2

해설

$0^\circ < A < 45^\circ$ 일 때, $\cos A > \sin A > 0$

$$\therefore (\text{준식}) = \sin A + \cos A + \cos A - \sin A = 2 \cos A$$

14. 다음 그림과 같이 밑면의 반지름의 길이가 3 cm이고 모선과 밑면이 이루는 각의 크기가 60° 인 원뿔의 부피를 구하면?



- ① $6\sqrt{2}\pi \text{ cm}^3$ ② $7\sqrt{3}\pi \text{ cm}^3$ ③ $9\sqrt{3}\pi \text{ cm}^3$
④ $11\sqrt{2}\pi \text{ cm}^3$ ⑤ $27\pi \text{ cm}^3$

해설

원뿔의 높이 $=3 \cdot \tan 60^\circ = 3\sqrt{3}$ (cm)

원뿔의 부피는 $\frac{1}{3} \times 9\pi \times 3\sqrt{3} = 9\sqrt{3}\pi$ (cm^3) 이다.

15. 아래 그림과 같은 직육면체에서 $\overline{HG} = \overline{FG} = 5\text{ cm}$, $\angle BHF = 30^\circ$ 일 때, 이 직육면체의 부피는?



$$\begin{array}{lll} ① \frac{25\sqrt{6}}{3}\text{ cm}^3 & ② \frac{125\sqrt{6}}{3}\text{ cm}^3 & ③ \frac{125\sqrt{6}}{2}\text{ cm}^3 \\ ④ 68\sqrt{6}\text{ cm}^3 & ⑤ 125\sqrt{6}\text{ cm}^3 & \end{array}$$

해설

$$\overline{FH} = 5\sqrt{2}\text{ cm}, \overline{AE} = \overline{BF} = \overline{FH} \times \tan 30^\circ$$

$$\therefore \overline{AE} = 5\sqrt{2} \times \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{5\sqrt{6}}{3}$$

$$\text{부피는 } 5 \times 5 \times \frac{5\sqrt{6}}{3} = \frac{125\sqrt{6}}{3} (\text{cm}^3)$$

16. 두 지점 A, C 사이의 거리를 알아보기 위해 오른쪽 그림과 같이 측정하였다.
두 지점 A, C 사이의 거리를 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답: $10\sqrt{31}$ cm

해설

$$\begin{aligned} AC &= \sqrt{(25\sqrt{3})^2 + 35^2} \\ &= \sqrt{1875 + 1225} \\ &= \sqrt{3100} \\ &= 10\sqrt{31}(\text{m}) \end{aligned}$$



17. 다음 $\triangle ABC$ 에서 $\angle A = 45^\circ$, $\angle B = 75^\circ$, $\overline{AB} = 12\text{cm}$ 일 때, \overline{BC} 의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답: $4\sqrt{6}$ cm

해설

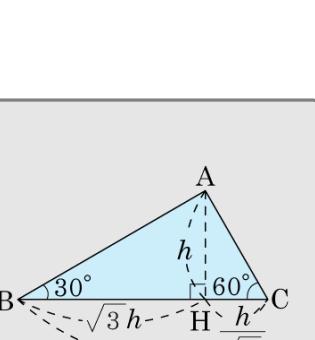


$$12 \sin 45^\circ = x \sin 60^\circ$$

$$12 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = x \times \frac{\sqrt{3}}{2}, 12\sqrt{2} = \sqrt{3}x$$

$$\therefore x = \frac{12\sqrt{2}}{3} = \frac{12\sqrt{6}}{3} \\ = 4\sqrt{6}(\text{cm})$$

18. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 높이 h 를 구하면?



- ① $2\sqrt{5}$ ② $4\sqrt{3}$ ③ $5\sqrt{3}$ ④ $3\sqrt{5}$ ⑤ $5\sqrt{2}$

해설

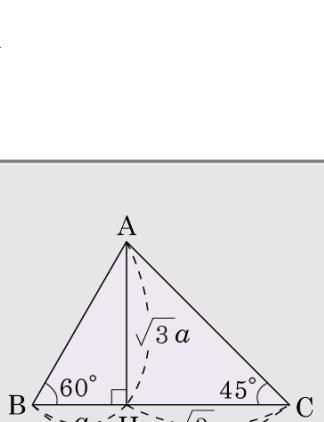
$$\text{그림에서 } \sqrt{3}h + \frac{h}{\sqrt{3}} =$$

$$20, \frac{4\sqrt{3}}{3}h = 20$$

$$\therefore h = 20 \times \frac{3}{4\sqrt{3}} = 5\sqrt{3}$$



19. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 \overline{AH} 의 길이
는?



- ① $25(\sqrt{3} - 1)$ ② $25(3 - \sqrt{3})$ ③ $25\sqrt{3} - 1$
④ $50\sqrt{3} - 1$ ⑤ $50\sqrt{3} + 1$

해설

$$\overline{BH} = a \text{ 라 하면 } a : \overline{AH} = 1 : \sqrt{3}$$

○|므로

$$\overline{AH} = \sqrt{3}a$$

$$\overline{CH} = \overline{AH} = \sqrt{3}a, \overline{BC} = a + \sqrt{3}a = 50$$

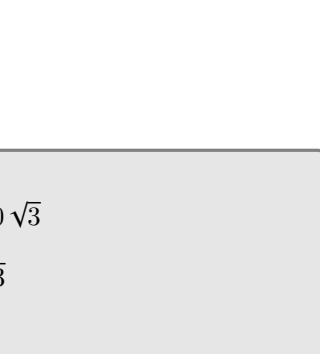
$$(1 + \sqrt{3})a = 50, a = \frac{50}{\sqrt{3} + 1} =$$

$$25(\sqrt{3} - 1)$$

$$\therefore \overline{AH} = \sqrt{3} \times 25(\sqrt{3} - 1) = 25(3 - \sqrt{3})$$



20. 다음 그림과 같은 삼각형 ABC의 넓이가 $30\sqrt{3}\text{ cm}^2$ 일 때, x의 값을 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 10cm

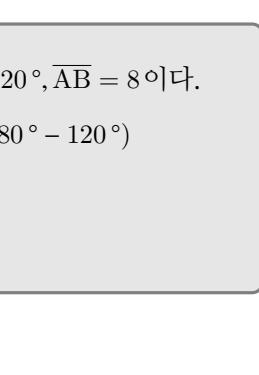
해설

$$\begin{aligned}\triangle ABC &= \frac{1}{2} \times x \times 12 \times \sin 60^\circ = 30\sqrt{3} \\ &= \frac{1}{2} \times x \times 12 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 30\sqrt{3}\end{aligned}$$

따라서 $x = 10$ (cm)

21. 다음 그림과 같은 삼각형 ABC의 넓이는?

- ① $15\sqrt{3}$ ② $16\sqrt{3}$ ③ $18\sqrt{3}$
④ $20\sqrt{3}$ ⑤ $22\sqrt{3}$



해설

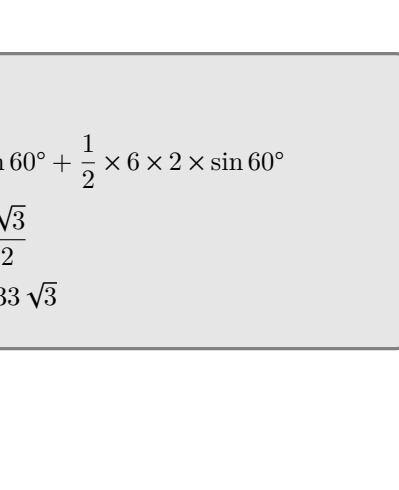
$\angle ACB = \angle BAC = 30^\circ$ $\Rightarrow \angle ABC = 120^\circ, \overline{AB} = 8$ 이다.

$$\begin{aligned} (\triangle ABC \text{의 넓이}) &= \frac{1}{2} \times \overline{AB} \times \overline{BC} \times \sin(180^\circ - 120^\circ) \\ &= \frac{1}{2} \times 8 \times 8 \times \sin 60^\circ \\ &= 16\sqrt{3} \end{aligned}$$

22. 다음 그림과 같은 사각형 ABCD의 넓이는?

- ① $30\sqrt{3}$
- ② $31\sqrt{3}$
- ③ $32\sqrt{3}$
- ④ $33\sqrt{3}$
- ⑤ $34\sqrt{3}$

④ $33\sqrt{3}$

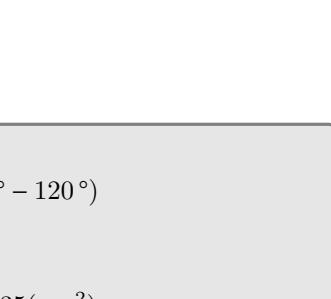


해설

접 B와 D를 연결하면

$$\begin{aligned}\square ABCD &= \frac{1}{2} \times 10 \times 12 \times \sin 60^\circ + \frac{1}{2} \times 6 \times 2 \times \sin 120^\circ \\ &= 60 \times \frac{\sqrt{3}}{2} + 6 \times \frac{\sqrt{3}}{2} \\ &= 30\sqrt{3} + 3\sqrt{3} = 33\sqrt{3}\end{aligned}$$

23. 다음 사각형의 넓이를 구하여라.



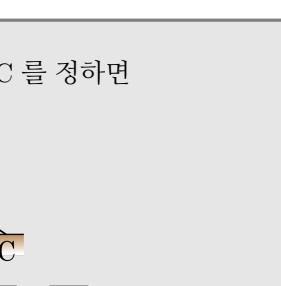
▶ 답 : cm²

▷ 정답 : 135 cm²

해설

$$\begin{aligned}| \text{넓이} | &= \frac{1}{2} \times 20 \times 9\sqrt{3} \times \sin(180^\circ - 120^\circ) \\&= \frac{1}{2} \times 20 \times 9\sqrt{3} \times \sin 60^\circ \\&= \frac{1}{2} \times 20 \times 9\sqrt{3} \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 135(\text{cm}^2)\end{aligned}$$

24. 다음 그림과 같이 지면에 수직으로 서 있던 나무가 부러져 지면과 30° 의 각을 이루게 되었다. 이 때, 처음 나무의 높이는?



- ① $4\sqrt{3}$ ② $8\sqrt{3}$ ③ $12\sqrt{3}$ ④ $16\sqrt{3}$ ⑤ $20\sqrt{3}$

해설

그림처럼 A, B, C를 정하면



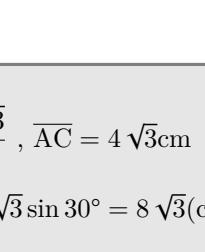
$$\text{나무의 높이} = \overline{AB} + \overline{AC}$$

$$\overline{AB} = 12 \times \tan 30^\circ = 4\sqrt{3}$$

$$\overline{AC} = \frac{12}{\cos 30^\circ} = 8\sqrt{3}$$

따라서 $\overline{AB} + \overline{AC} = 4\sqrt{3} + 8\sqrt{3} = 12\sqrt{3}$ 이다.

25. 다음 그림과 같은 □ABCD의 넓이는?



① $6\sqrt{3} \text{ cm}^2$ ② $8\sqrt{3} \text{ cm}^2$ ③ $12\sqrt{3} \text{ cm}^2$

④ $14\sqrt{3} \text{ cm}^2$ ⑤ $16\sqrt{3} \text{ cm}^2$

해설

$$\cos 30^\circ = \frac{\overline{AC}}{8} = \frac{\sqrt{3}}{2}, \overline{AC} = 4\sqrt{3} \text{ cm}$$

$$\triangle ABC = \frac{1}{2} \times 8 \times 4\sqrt{3} \sin 30^\circ = 8\sqrt{3} (\text{cm}^2)$$

$$\triangle ACD = \frac{1}{2} \times 6 \times 4\sqrt{3} \sin 30^\circ = 6\sqrt{3} (\text{cm}^2)$$

따라서, □ABCD = $8\sqrt{3} + 6\sqrt{3} = 14\sqrt{3} (\text{cm}^2)$ 이다.