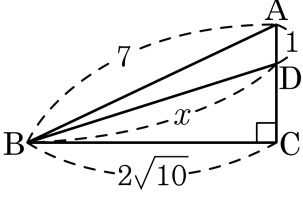


1. 다음 그림에서 x 의 값을 구하여라.

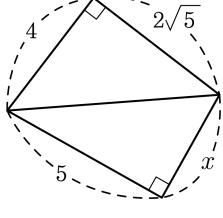


- ① 6 ② $3\sqrt{10}$ ③ 3 ④ $2\sqrt{10}$ ⑤ $2\sqrt{11}$

해설

$\triangle ABC$ 에서 $(\overline{CD} + 1)^2 + (2\sqrt{10})^2 = 7^2$
 $(\overline{CD} + 1)^2 = 49 - 40 = 9$
 $\overline{CD} + 1 = 3, \overline{CD} = 2$
 $\triangle DBC$ 에서 $x^2 = 2^2 + (2\sqrt{10})^2 = 4 + 40 = 44$
 $\therefore x = 2\sqrt{11}$

2. 다음 그림에서 x 의 길이는 ?

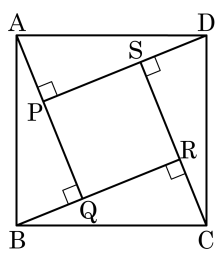


- ① $\sqrt{10}$ ② $\sqrt{11}$ ③ $2\sqrt{3}$ ④ $\sqrt{13}$ ⑤ $\sqrt{14}$

해설

피타고라스 정리를 적용하면 두 직각삼각형의 공통변의 길이는 6
따라서 $x = \sqrt{36 - 25} = \sqrt{11}$

3. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 는 정사각형이고, $\overline{DC} = 8$, $\overline{BQ} = 3$ 일 때, 사각형 PQRS 의 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▶ 정답 : $4\sqrt{55} - 12$

해설

사각형 PQRS 는 정사각형이고,

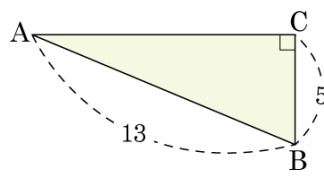
$$\overline{PQ} = \overline{AQ} - \overline{AP}$$

$$= \sqrt{8^2 - 3^2} - 3 = \sqrt{55} - 3 \text{ 이므로}$$

둘레는 $4 \times (\sqrt{55} - 3) = 4\sqrt{55} - 12$ 이다.

4. 다음 그림에서 $\angle C = 90^\circ$ 일 때,
 $\sin A + \cos A$ 의 값은?

- ① $\frac{17}{13}$ ② $-\frac{17}{13}$ ③ $\frac{7}{13}$
 ④ $-\frac{7}{13}$ ⑤ $\frac{18}{13}$



해설

$$\overline{AC} = \sqrt{13^2 - 5^2} = 12$$

따라서 $\sin A + \cos A = \frac{5}{13} + \frac{12}{13} = \frac{17}{13}$ 이다.

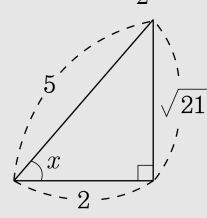
5. $\cos x = \frac{2}{5}$ 일 때, $\frac{\sin x}{\tan x}$ 의 값은?

- ① $\frac{2}{3}$ ② $\frac{2}{5}$ ③ $\frac{4}{3}$ ④ $\frac{5}{3}$ ⑤ $\frac{10}{3}$

해설

$$\cos x = \frac{2}{5}, \tan x = \frac{\sqrt{21}}{2}, \sin x = \frac{\sqrt{21}}{5}$$

$$\frac{\sin x}{\tan x} = \frac{\frac{\sqrt{21}}{5}}{\frac{\sqrt{21}}{2}} = \frac{2}{5}$$



6. 다음 삼각비의 값을 크기가 작은 것부터 차례로 나열한 것은?

보기

- $\text{㉠} \sin 90^\circ$
- $\text{㉡} \cos 60^\circ$
- $\text{㉢} \cos 90^\circ$
- $\text{㉣} \tan 60^\circ$
- $\text{㉤} \sin 60^\circ$

- ① $\text{㉠}\text{㉢}\text{㉡}\text{㉣}\text{㉤}$
- ② $\text{㉡}\text{㉤}\text{㉠}\text{㉣}\text{㉢}$
- ③ $\text{㉢}\text{㉣}\text{㉤}\text{㉠}\text{㉡}$
- ④ $\text{㉡}\text{㉠}\text{㉤}\text{㉣}\text{㉢}$
- ⑤ $\text{㉤}\text{㉠}\text{㉣}\text{㉢}\text{㉡}$

해설

$\text{㉠} \sin 90^\circ = 1$

$\text{㉡} \cos 60^\circ = \frac{1}{2}$

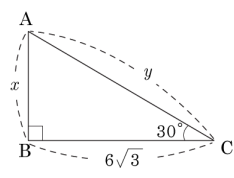
$\text{㉢} \cos 90^\circ = 0$

$\text{㉣} \tan 60^\circ = \sqrt{3}$

$\text{㉤} \sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$

$\text{㉢} \cos 90^\circ < \text{㉡} \cos 60^\circ < \text{㉤} \sin 60^\circ < \text{㉠} \sin 90^\circ < \text{㉣} \tan 60^\circ$

7. 다음 그림에서 $y - x$ 의 값은?



- ① 18 ② 15 ③ 12 ④ 9 ⑤ 6

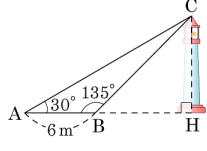
해설

$$\cos 30^\circ = \frac{6\sqrt{3}}{y} = \frac{\sqrt{3}}{2} \quad \therefore y = 12$$

$$\sin 30^\circ = \frac{x}{12} = \frac{1}{2} \quad \text{이므로 } x = 6$$

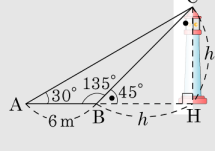
$$\therefore y - x = 12 - 6 = 6$$

8. 다음 그림은 등대의 높이를 알아보기 위해 측정한 결과이다. 등대의 높이는?



- ① $(3 - \sqrt{3})\text{m}$ ② $(3\sqrt{3} - 3)\text{m}$ ③ $(4\sqrt{3} - 1)\text{m}$
④ $(4\sqrt{3} + 1)\text{m}$ ⑤ $(3\sqrt{3} + 3)\text{m}$

해설



등대의 높이를 h 라 하면
 $\angle CBH = 45^\circ$ 이므로 $BH = h$
 $\angle CAH = 30^\circ$ 이므로
 $6 + h : h = \sqrt{3} : 1$, $\sqrt{3}h = 6 + h$
 $(\sqrt{3} - 1)h = 6$
 $\therefore h = \frac{6}{\sqrt{3} - 1} = 3(\sqrt{3} + 1) = 3\sqrt{3} + 3(\text{m})$

9. 세 변의 길이가 7 cm, 8 cm, x cm 인 삼각형이 둔각삼각형이 되기 위한 x 의 값의 범위를 구하여라. (단, $x > 8$)

- ①

$\sqrt{113} < x < 15$
- ②

$8 < x < 15$
- ③

$x > \sqrt{113}$
- ④

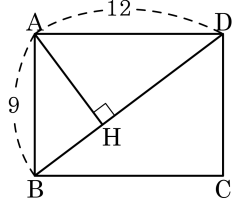
$x > 14$
- ⑤

$\sqrt{115} \leq x < 13$

해설

둔각삼각형이 될 조건
 $x > 8$ 이므로 x 가 가장 긴 변이므로 $x^2 > 7^2 + 8^2$, $x^2 > 113$, $x > \sqrt{113}$
삼각형이 될 조건
 $x < 7 + 8, x < 15$
따라서 두 조건을 모두 만족시키는 값은 $\sqrt{113} < x < 15$

10. 다음 그림에서 직사각형 ABCD의 점 A에서 대각선 BD까지의 거리는?



- ① 18 ② 36 ③ $\frac{12}{5}$ ④ $\frac{18}{5}$ ⑤ $\frac{36}{5}$

해설

$$\overline{BD} = \sqrt{9^2 + 12^2} = \sqrt{81 + 144} = 15$$

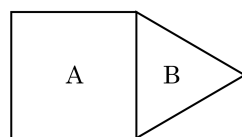
점 A와 대각선 BD 사이의 거리 $\overline{AH}$

$\triangle ABD$ 의 높이이므로

$$\triangle ABD \text{의 넓이는 } 9 \times 12 \times \frac{1}{2} = 15 \times \overline{AH} \times \frac{1}{2}$$

$$\therefore \overline{AH} = \frac{36}{5}$$

11. 다음 도형은 한 변의 길이가 모두 같다. 이때, '삼각형의 넓이 : 사각형의 넓이' 로 옳은 것은?



- ① $2 : \sqrt{2}$ ② $2 : \sqrt{3}$ ③ $4 : \sqrt{2}$
④ $4 : \sqrt{3}$ ⑤ $5 : \sqrt{3}$

해설

모든 변의 길이를 a 라고 하면

$$A = a^2, B = \frac{\sqrt{3}}{4}a^2$$

$$\therefore a^2 : \frac{\sqrt{3}}{4}a^2 = 1 : \frac{\sqrt{3}}{4} = 4 : \sqrt{3}$$

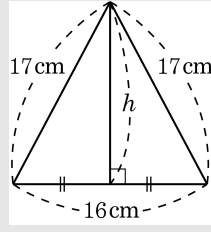
12. 세 변의 길이가 다음과 같을 때, 이등변삼각형의 가장 긴 높이는?

17 cm, 17 cm, 16 cm

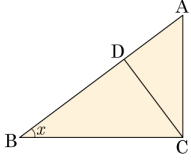
- ① 5 cm ② 7 cm ③ 9 cm ④ 10 cm ⑤ 15 cm

해설

이등변삼각형의 높이 $h = \sqrt{17^2 - 8^2} = \sqrt{225} = 15 \text{ cm}$



13. 다음 그림에서 $\angle C = 90^\circ$, $\overline{AB} \perp \overline{CD}$ 이고 $\angle B = x$ 일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?



- ① $\sin x = \frac{\overline{AC}}{\overline{AB}}$
- ② $\cos x = \frac{\overline{CD}}{\overline{AC}}$
- ③ $\tan x = \frac{\overline{CD}}{\overline{AD}}$
- ④ $\sin x = \frac{\overline{AD}}{\overline{AC}}$
- ⑤ $\cos x = \frac{\overline{BD}}{\overline{BC}}$

해설

③ $\tan x = \frac{\overline{AC}}{\overline{BC}} = \frac{\overline{AD}}{\overline{CD}} = \frac{\overline{CD}}{\overline{BD}}$

14. $45^\circ < x < 90^\circ$ 일 때, $\sqrt{1 - 2\sin x \cos x} + \sqrt{1 + 2\sin x \cos x}$ 를 간단히 하면?

① $-\sin x$

② $-2\sin x$

③ $\sin x$

④ $2\sin x$

⑤ $3\sin x$

해설

$45^\circ < x < 90^\circ$ 일 때, $0 < \cos x < \sin x$ 이므로

$$\sqrt{1 - 2\sin x \cos x} + \sqrt{1 + 2\sin x \cos x}$$

$$= \sqrt{\sin^2 x + \cos^2 x - 2\sin x \cos x} + \sqrt{\sin^2 x + \cos^2 x + 2\sin x \cos x}$$

$$= \sqrt{(\sin x - \cos x)^2} + \sqrt{(\sin x + \cos x)^2}$$

$$= (\sin x - \cos x) + (\sin x + \cos x)$$

$$= 2\sin x$$

15. $\sin(2x + 30^\circ) = \cos(3y - 45^\circ)$ 일 때, $4x - y$ 의 값을 구하면? (단, $0^\circ < x < 30^\circ$, $15^\circ < y < 45^\circ$)

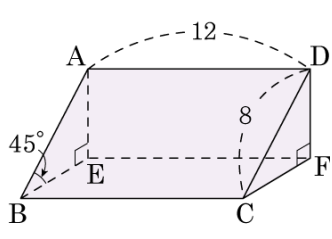
㉠ 0° ㉡ $\frac{15}{2}^\circ$ ㉢ 18° ㉣ 30° ㉤ 45°

해설

$\sin x = \cos x$ 인 $x = 45^\circ$ 이다. 따라서 $2x + 30^\circ = 45^\circ$, $3y - 45^\circ = 45^\circ$

$x = \frac{15}{2}$, $y = 30$ 이다. 따라서 $4x - y = 30^\circ - 30^\circ = 0^\circ$ 이다.

16. 다음 그림과 같은 직사각형 모양의
널판지 ABCD 가 수평면에 대하여
 45° 만큼 기울어져 있다. 이 때, 직
사각형 EBCF 의 넓이는?



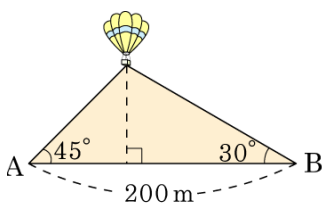
- ① 48 ② $48\sqrt{2}$ ③ $48\sqrt{3}$ ④ $48\sqrt{5}$ ⑤ $48\sqrt{6}$

해설

$$\overline{BE} = 8 \times \cos 45^\circ = 4\sqrt{2},$$

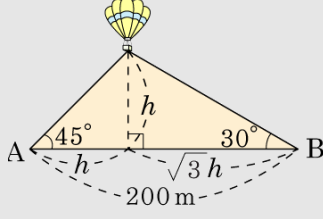
$$\text{넓이} = 4\sqrt{2} \times 12 = 48\sqrt{2}$$

17. 다음 그림과 같이 200 m 떨어져 있는 지면 위의 두 지점 A, B 에서 기구를 올려다본 각의 크기가 각각 45° , 30° 이었다. 지면으로부터 기구까지의 높이는?



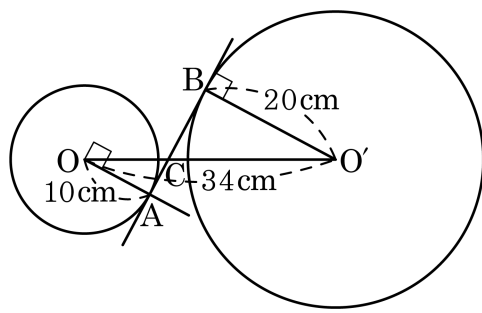
- ① $100(\sqrt{3} - 1)$ m
 ② $100\sqrt{2}$ m
- ③ $100\sqrt{3}$ m
 ④ 200 m
- ⑤ $100(\sqrt{3} + 1)$ m

해설



높이를 h 라 하면 $h + \sqrt{3}h = 200$
 $(\sqrt{3} + 1)h = 200 \therefore h = \frac{200}{\sqrt{3} + 1} = 100(\sqrt{3} - 1)$ m

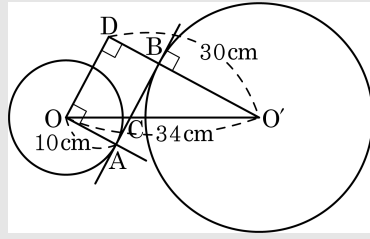
18. 다음 그림에서 반지름의 길이가 10 cm, 20 cm 인 원 O, O' 의 중심 사이의 거리는 34 cm 이다. 공통접선 $\overline{AB}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

▶ 정답 : 16cm

해설



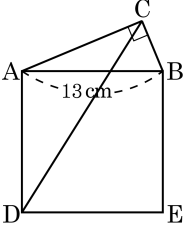
$\overline{OB}$ 의 연장선과 점 O에서 $\overline{AB}$ 에 평행하게 그은 직선이 만나는 점을 D라 하면

$$\overline{O'D} = 20 + 10 = 30(\text{ cm})$$

$$\begin{aligned}\overline{AB} &= \overline{OD} = \sqrt{\overline{OO'}^2 - \overline{O'D}^2} \\ &= \sqrt{34^2 - 30^2} = \sqrt{256} \\ &= 16(\text{cm})\end{aligned}$$

19. 다음 그림은 $\angle C = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC 의 변 $\overline{AB}$ 를 한 변으로 하는 정사각형을 그린 것이다. $\overline{AB} = 13\text{ cm}$, $\triangle ACD = 72\text{ cm}^2$ 일 때, $\overline{BC}$ 를 한 변으로 하는 정사각형의 넓이는?

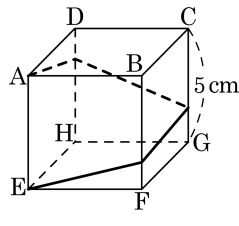
- ① 21 cm^2 ② 22 cm^2 ③ 25 cm^2
 ④ 30 cm^2 ⑤ 40 cm^2



해설

$\triangle ACD$ 는 $\overline{AC}$ 를 한 변으로 하는 정사각형 넓이의 $\frac{1}{2}$ 이므로 $\overline{AC}$ 를 한 변으로 가지는 정사각형의 넓이는 144 cm^2 이다.
 또, $\square ADEB = 13^2 = 169\text{ (cm}^2\text{)}$ 이므로 $\overline{BC}$ 를 한 변으로 하는 정사각형의 넓이는
 $169 - 144 = 25\text{ (cm}^2\text{)}$ 이다.

20. 다음 그림과 같은 정육면체의 한 꼭짓점 E에서 모서리 BF, CG, DH를 순서대로 지나 점 A에 이르는 선 중에서 가장 짧은 선의 길이를 구하여라.

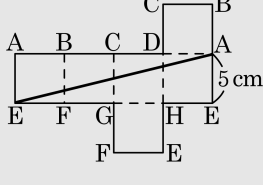


▶ 답: cm

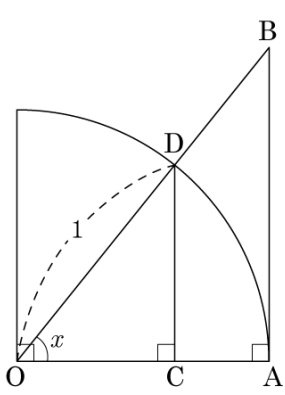
▷ 정답: $5\sqrt{17}$ cm

해설

위의 그림에서 점 E에서 모서리 BF, CG, DH를 순서대로 지나 점 A에 이르는 가장 짧은 선은 $\overline{EA}$ 가 된다.
 $\overline{EA}^2 = 5^2 + 20^2 = 25 + 400 = 425$
 $\therefore EA = 5\sqrt{17} \text{ (cm)}$



21. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 1 인
사분원에서 $\overline{OC} = 0.59$ 일 때, $\overline{CD}$ 의 길
이를 구하면?



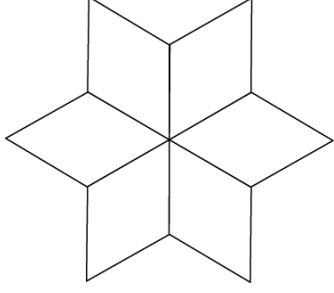
각도	사인	코사인	탄젠트
53°	0.80	0.60	1.33
54°	0.81	0.59	1.38
55°	0.82	0.57	1.43
56°	0.83	0.56	1.48

- ① 0.57
- ② 1.38
- ③ 0.59
- ④ 0.82
- ⑤ 0.81

해설

$\cos x^\circ = \frac{\overline{OC}}{\overline{OD}} = \frac{\overline{OC}}{1}, \overline{OC} = 0.59$ 이므로
 $x^\circ = 54^\circ$
 $\sin 54^\circ = \frac{\overline{CD}}{\overline{OD}} = \frac{\overline{CD}}{1} = 0.81$ 이므로
 $\therefore \overline{CD} = 0.81$

22. 다음 그림은 한 변의 길이가 3cm 인 여섯 개의 합동인 마름모로 이루어진 별모양이다. 별의 넓이가 $a\sqrt{b}\text{cm}^2$ 일 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.(단, b 는 최소의 자연수)



▶ 답 :

▷ 정답 : 30

해설

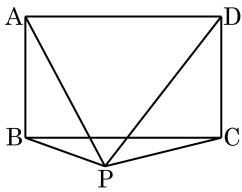
$360^\circ \div 6 = 60^\circ$ 이므로 마름모 한 개의 넓이는

$$3 \times 3 \times \sin 60^\circ = \frac{9}{2} \sqrt{3} (\text{cm}^2) \text{ 이다.}$$

따라서, 별의 넓이는 $\frac{9}{2} \sqrt{3} \times 6 = 27 \sqrt{3} (\text{cm}^2)$

$\therefore a + b = 27 + 3 = 30$ 이다.

23. 다음 그림과 같이 직사각형 ABCD 의 외부에 잡은 한 점 P 와 사각형의 각 꼭짓점을 연결하였다. $\overline{PA}^2 = 20$, $\overline{PB}^2 = 5$, $\overline{PD}^2 = 25$ 일 때, $\overline{PC}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $\sqrt{10}$

해설

다음 그림과 같이

$\triangle AQP$, $\triangle BQP$, $\triangle DRP$, $\triangle CRP$ 이 직각삼각형이 되도록 점 Q 와 점 R 을 잡고,
 $\overline{AB} = a$, $\overline{BQ} = b$, $\overline{PQ} = c$, $\overline{PR} = d$ 라 놓으면

$$\triangle AQP \text{ 에서 } \overline{AP}^2 = (a+b)^2 + c^2 \dots \textcircled{㉠}$$

$$\triangle BQP \text{ 에서 } \overline{BP}^2 = b^2 + c^2 \dots \textcircled{㉡}$$

$$\triangle DRP \text{ 에서 } \overline{PD}^2 = (a+b)^2 + d^2 \dots \textcircled{㉢}$$

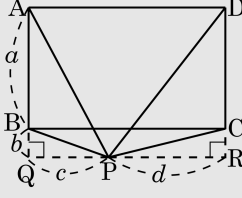
$$\triangle CRP \text{ 에서 } \overline{PC}^2 = b^2 + d^2 \dots \textcircled{㉤}$$

$\textcircled{㉠}$, $\textcircled{㉡}$, $\textcircled{㉢}$, $\textcircled{㉤}$ 에서

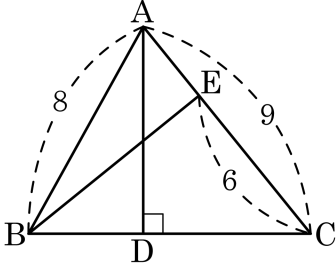
$\overline{PA}^2 + \overline{PC}^2 = \overline{PB}^2 + \overline{PD}^2$ 이 성립함을 알 수 있다.

따라서, $20 + \overline{PC}^2 = 5 + 25$, $\overline{PC}^2 = 10$

$\therefore PC = \sqrt{10}$ ($\because PC > 0$)



24. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 $\angle AEB = 90^\circ$ 일 때, $\overline{BC}$ 의 길이를 구하여라.



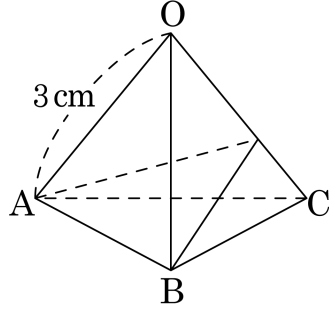
▶ 답 :

▷ 정답 : $\sqrt{91}$

해설

$\triangle ABE$ 에서 $\overline{BE}^2 = \overline{AB}^2 - \overline{AE}^2 = 8^2 - 3^2 = 55 \therefore \overline{BE} = \sqrt{55}$
 $\triangle BCE$ 에서 $\overline{BC}^2 = \overline{BE}^2 + \overline{CE}^2 = 55 + 36 = 91 \therefore \overline{BC} = \sqrt{91}$

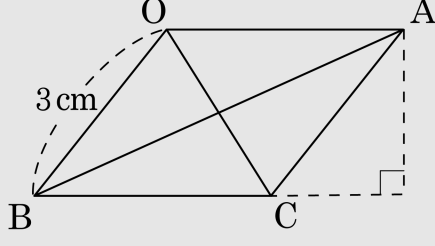
25. 다음 그림과 같이 한 모서리의 길이가 3 cm 인 정사면체의 꼭짓점 A에서 겹면을 따라 OC를 지나 점 B에 이르는 최단 거리를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : $3\sqrt{3}$ cm

해설



따라서 $\overline{BA}$ 의 거리는

$$\begin{aligned}\overline{BA} &= \sqrt{\left(3 + \frac{3}{2}\right)^2 + \left(\frac{3}{2}\sqrt{3}\right)^2} \\ &= \sqrt{\frac{81}{4} + \frac{27}{4}} \\ &= 3\sqrt{3}(\text{cm}) \text{ 이다.}\end{aligned}$$