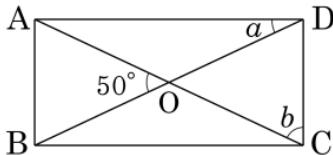


1. 다음 그림과 같은 직사각형 ABCD에서  $\angle b - \angle a$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 :  $40^\circ$

해설

$\triangle AOD$ 는  $\overline{OA} = \overline{OD}$ 인 이등변삼각형이므로

$$\angle OAD = \angle a$$

$$\text{즉}, \angle a + \angle a = 50^\circ$$

$$\therefore \angle a = 25^\circ$$

$\overline{AB} // \overline{CD}$ 이므로  $\angle ACD = \angle BAC = \angle b$

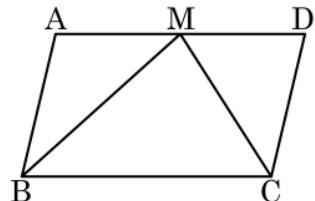
$$\text{즉 } \angle A = \angle a + \angle b = 90^\circ \text{이므로}$$

$$25^\circ + \angle b = 90^\circ$$

$$\therefore \angle b = 65^\circ$$

$$\therefore \angle b - \angle a = 65^\circ - 25^\circ = 40^\circ$$

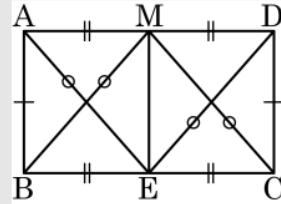
2. 다음 그림의 평행사변형 ABCD에서 선분  $\overline{AD}$ 의 중점을 M이라고 할 때,  $\overline{BM} = \overline{CM}$ 이 되면  $\square ABCD$ 는 어떤 사각형인가?



- ① 사다리꼴
- ② 평행사변형
- ③ 직사각형
- ④ 마름모
- ⑤ 정사각형

### 해설

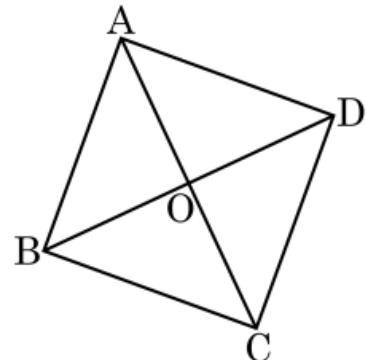
그림과 같이  $\overline{ME}$  을 그리면,



$\overline{BM} = \overline{AE}$  이고,  $\overline{CM} = \overline{DE}$  이므로  
 $\square ABEM$  과  $\square MECD$  는 직사각형  
 $\therefore \square ABCD$  는 직사각형이다.

3. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서  $\angle A = 90^\circ$ ,  $\overline{AB} = \overline{BC}$  일 때, □ABCD는 어떤 사각형인가?

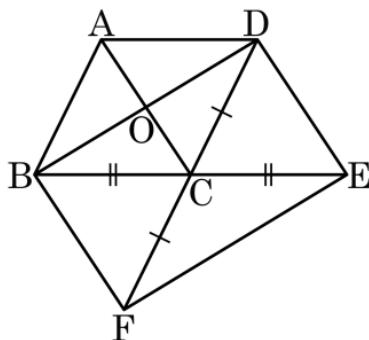
- ① 직사각형
- ② 평행사변형
- ③ 마름모
- ④ 정사각형
- ⑤ 사다리꼴



해설

한 내각의 크기가  $90^\circ$ 인 평행사변형은 직사각형이고 이웃하는 두 변의 길이가 같은 평행사변형은 마름모이다.  
 $\therefore$  □ABCD는 네 변의 길이가 같고 네 내각의 크기도 같으므로 정사각형이다.

4. 평행사변형 ABCD 의 두 변 BC, DC 의 연장선 위에  $\overline{BC} = \overline{CE}$ ,  $\overline{DC} = \overline{CF}$  가 되도록 두 점 E, F 를 잡을 때,  $\square ABCD$  를 제외한 사각형이 평행사변형이 되는 조건은 보기에서 모두 몇 개인가?



보기

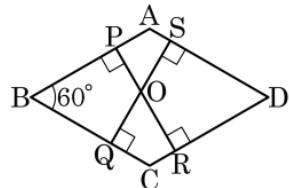
- Ⓐ 두 쌍의 대변이 각각 평행하다.
- Ⓑ 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같다.
- Ⓒ 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.
- Ⓓ 두 대각선이 서로 다른 것을 이등분한다.
- Ⓔ 한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같다.

- ① 1 개      ② 2 개      ③ 3 개      ④ 4 개      ⑤ 5 개

해설

평행사변형이 되는 조건은  $\square ABFC$ ,  $\square ACED$  가 평행사변형이 되는 조건 Ⓛ 과  $\square BFED$  가 평행사변형이 되는 조건 Ⓜ 로 2개이다.

5. 다음 그림과 같이  $\angle ABC = 60^\circ$  인 마름모  $ABCD$  의 내부에 임의의 한 점  $O$  가 있다. 점  $O$  에서 마름모  $ABCD$  의 각 변 또는 그의 연장선 위에 내린 수선의 발을 각각  $P, Q, R, S$  라 할 때, 다음 중  $\overline{OP} + \overline{OQ} + \overline{OR} + \overline{OS}$  와 같은 것은?



①  $\overline{AC}$

②  $\overline{BD}$

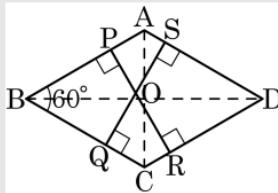
③  $\overline{OA} + \overline{OC}$

④  $\overline{OB} + \overline{OD}$

⑤  $2\overline{AB}$

### 해설

마름모  $ABCD$  의 한 변의 길이를  $a$  라 하면



$$\square ABCD = \triangle OAB + \triangle OBC + \triangle OCD + \triangle OAD$$

$$= \frac{a}{2} \times \overline{OP} + \frac{a}{2} \times \overline{OQ} + \frac{a}{2} \times \overline{OR} + \frac{a}{2} \times \overline{OS}$$

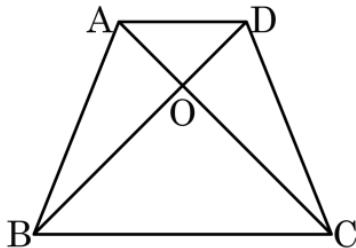
$$= \frac{a}{2} (\overline{OP} + \overline{OQ} + \overline{OR} + \overline{OS}) \quad \dots \textcircled{⑦}$$

또한  $\overline{AC}$  를 그으면  $\overline{AB} = \overline{BC}$ ,  $\angle B = 60^\circ$  이므로  $\triangle ABC$  는 정삼각형이다. 즉,  $\overline{AC} = a$  이므로

$$\square ABCD = \frac{1}{2} \times \overline{AC} \times \overline{BD} = \frac{a}{2} \times \overline{BD} \quad \dots \textcircled{⑧}$$

$$\textcircled{⑦}, \textcircled{⑧} \text{에서 } \frac{a}{2} (\overline{OP} + \overline{OQ} + \overline{OR} + \overline{OS}) = \frac{a}{2} \times \overline{BD} \therefore \overline{OP} + \overline{OQ} + \overline{OR} + \overline{OS} = \overline{BD}$$

6. 다음 그림과 같은 등변사다리꼴 ABCD에서  $\triangle AOD = 9 \text{ cm}^2$  이다.  
 $\frac{AO}{OC} : \frac{OC}{CD} = 3 : 7$  일 때,  $\square ABCD$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 : cm<sup>2</sup>

▷ 정답 : 100cm<sup>2</sup>

해설

$$\triangle DOC = \frac{7}{3} \times 9 = 21 (\text{ cm}^2)$$

$\triangle OAB = \triangle ODC$  이므로

$$\triangle OBC = \frac{7}{3} \times 21 = 49 (\text{ cm}^2)$$

$$\therefore \square ABCD = 9 + 21 \times 2 + 49 = 100 (\text{ cm}^2)$$

7. 다음 조건을 만족하는 사각형 ABCD 가 평행사변형이 되는 것은 모두 몇 개인가?

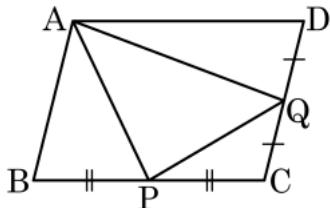
- Ⓐ  $\angle A = 80^\circ$ ,  $\angle B = 100^\circ$ ,  $\angle C = 80^\circ$  인  $\square ABCD$
- Ⓑ  $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ ,  $\overline{AB} = 5\text{cm}$ ,  $\overline{DC} = 5\text{cm}$  인  $\square ABCD$
- Ⓒ 두 대각선이 서로 다른 것을 이등분하는  $\square ABCD$
- Ⓓ  $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ ,  $\angle B = \angle D$  인  $\square ABCD$

- ① 없다      ② 1개      ③ 2개      ④ 3개      ⑤ 4개

해설

평행사변형이 되는 것은 Ⓐ, Ⓑ, Ⓓ이다.

8. 평행사변형 ABCD에서 두 점 P, Q는 각각 변 BC, CD의 중점이다. □ABCD의 넓이가  $32\text{cm}^2$  일 때,  $\triangle APQ$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답: cm<sup>2</sup>

▷ 정답: 12cm<sup>2</sup>

해설

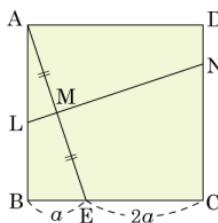
$$\triangle ABP = \frac{1}{4} \square ABCD = \frac{1}{4} \times 32 = 8 \text{ (cm}^2\text{)}$$

$$\triangle AQD = \frac{1}{4} \square ABCD = \frac{1}{4} \times 32 = 8 \text{ (cm}^2\text{)}$$

$$\triangle PCQ = \frac{1}{8} \square ABCD = \frac{1}{8} \times 32 = 4 \text{ (cm}^2\text{)}$$

$$\triangle APQ = 32 - (8 + 8 + 4) = 12 \text{ (cm}^2\text{)}$$

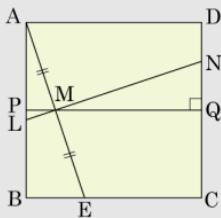
9. 한 변의 길이가 12cm인 정사각형 ABCD에서  $2\overline{BE} = \overline{EC}$ ,  $\overline{AM} = \overline{ME}$ 가 성립하도록 점 E, M을 잡았을 때,  $\frac{\overline{LM}}{\overline{MN}}$ 을 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 :  $\frac{1}{5}$  cm

### 해설



점 M을 지나면서  $\overline{AD}$ 에 평행하는 보조선을 그었고,  $\overline{AB}$ ,  $\overline{CD}$ 와 만나는 점을 각각 P, Q라고 하자.

$\triangle PLM$ ,  $\triangle QNM$ ,에서

$\angle PML = \angle QMN$  ( $\because$  맞꼭지각)

$\angle MPL = \angle MQN$  ( $\because 90^\circ$ )

$\angle MLP = \angle MNQ$  ( $\because$  엇각)

가 성립하므로  $\triangle PLM \sim \triangle QNM$

$2\overline{BE} = \overline{EC}$ ,  $\overline{AM} = \overline{ME}$ 에 의해

$$\overline{BE} = 12 \times \frac{1}{3} = 4 \text{ (cm)} \text{ 이므로}$$

$$\overline{PM} = 4 \times \frac{1}{2} = 2 \text{ (cm)}$$

$$\text{따라서 } \frac{\overline{LM}}{\overline{MN}} = \frac{2}{12 - 2} = \frac{1}{5} \text{ 이다.}$$