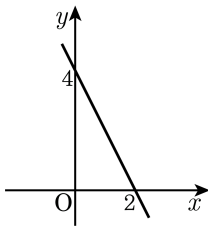


1. 일차함수 $y = ax + b$ 의 그래프는 다음 그림의 직선과 평행하고, y 축과 만나는 점의 y 좌표가 -3 이다. 이때, $y = ax + b$ 의 그래프의 x 절편은?



① $-\frac{3}{2}$

② -1

③ 2

④ 4

⑤ 6

해설

그림에 있는 함수의 그래프의 기울기는 -2 이고, 이 함수와 $y = ax + b$ 가 평행하므로 $a = -2$

또한 y 축과 만나는 점의 y 좌표가 -3 이므로 $b = -3$,
따라서 주어진 일차함수는 $y = -2x - 3$ 이다.

이 함수의 x 절편은 $0 = -2x - 3$, $x = -\frac{3}{2}$ 이다.

2. 일차함수 $f(x) = ax + b$ 의 그래프가 다음 조건을 만족할 때, $a - b$ 의 값은?

$$\textcircled{㉠} \frac{f(5) - f(-3)}{5 - (-3)} = -4$$

$\textcircled{㉡} y = nx + 6$ 의 그래프와 y 축 위에서 만난다.

① -8

② 8

③ -10

④ 10

⑤ -12

해설

$\textcircled{㉠}$ 에서 $\frac{(y\text{의 값의 변화량})}{(x\text{의 값의 변화량})}$ 이므로 기울기가 -4 이고 $\textcircled{㉡}$ 에서

$y = nx + 6$ 의 그래프와 y 축 위에서 만나므로 y 절편이 같다. 따라서 기울기가 -4 , y 절편이 6 인 일차함수 이므로 $f(x) = ax + b$ 는 $f(x) = -4x + 6$ 이다. 따라서 $a - b = -4 - 6 = -10$ 이다.

3. 기울기가 2이고, 점 $(5, -5)$ 를 지나는 직선을 그래프로 갖는 일차함수의 식을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $y = 2x - 15$

해설

기울기가 2이므로 $y = 2x + b$

점 $(5, -5)$ 를 지나므로 $-5 = 10 + b$ 에서 $b = -15$

$\therefore y = 2x - 15$

4. $y = ax + 3$ 의 그래프를 y 축의 양의 방향으로 b 만큼 평행이동시켰더니 점 $(0, -4)$ 를 지나고, $y = -x - 2$ 와 x 축 위에서 만난다고 할 때, 직선의 방정식 $y = bx + a$ 위에 있지 않은 점은?

① $(0, -2)$

② $(1, -9)$

③ $(-1, 5)$

④ $(-2, 12)$

⑤ $(2, -14)$

해설

$y = ax + 3 + b$ 가 점 $(0, -4)$ 를 지나므로

$$3 + b = -4 \quad \therefore b = -7$$

$y = -x - 2$ 과 x 축 위에서 만나므로

$(-2, 0)$ 은 $y = ax - 4$ 위에 있다.

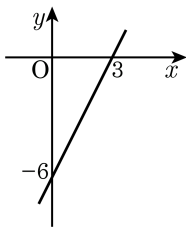
$$0 = -2a - 4 \quad \therefore a = -2$$

$$\therefore y = -7x - 2$$

$-14 \neq -7 \times 2 - 2$ 이므로

$(2, -14)$ 는 $y = -7x - 2$ 위에 있는 점이 아니다.

5. 다음 그림은 일차함수 $y = ax + b$ 의 그래프이다.
이 그래프와 일차함수 $mx + y = 1$ 의 그래프가
서로 평행할 때, m 의 값은?



▶ 답 :

▷ 정답 : -2

해설

주어진 직선은 y 절편이 -6 이므로 $y = ax - 6$
또 두 점 $(0, -6)$, $(3, 0)$ 을 지나므로

$$\text{기울기 } a = \frac{0 - (-6)}{3 - 0} = 2$$

따라서 $y = 2x - 6$ 이다.

한편 $mx + y = 1$ 을 y 에 관해 풀면

$$y = -mx + 1 \text{이다.}$$

일차함수 $y = 2x - 6$ 와 $y = -mx + 1$ 의 그래프가
서로 평행하면 기울기가 같으므로 $-m = 2$
 $m = -2$ 이다.

6. 일차함수 $y = ax + b$ 는 점 $(5, 3)$ 을 지나고 $\frac{f(m) - f(n)}{m - n} = \frac{2}{5}$ 이다. 이 때, $f(-2) + f(7)$ 의 값은?

① 3

② 4

③ 5

④ 6

⑤ 7

해설

기울기 $a = \frac{2}{5}$ 이므로

$y = \frac{2}{5}x + b$ 에 점 $(5, 3)$ 을 대입하면

$$3 = 2 + b, b = 1$$

$$y = \frac{2}{5}x + 1$$

$$\therefore f(-2) + f(7) = -\frac{4}{5} + 1 + \frac{14}{5} + 1 = 4$$

7. x 의 값이 -1 이상 4 이하일 때, 함수값이 -3 이상 1 이하인 일차함수 $y = ax + b$ ($a > 0$)를 고르면 ?

① $y = -\frac{3}{5}x - \frac{11}{5}$

② $y = \frac{2}{5}x + \frac{1}{5}$

③ $y = \frac{4}{5}x + \frac{13}{5}$

④ $y = -\frac{3}{5}x + \frac{11}{5}$

⑤ $y = \frac{4}{5}x - \frac{11}{5}$

해설

(기울기) > 0 이므로 오른쪽 위를 향하는 그래프이다. 따라서 x 의 값이 -1 일 때, y 의 최솟값인 -3 을 지나고 x 의 값이 4 일 때 y 의 최댓값인 1 을 지난다.

기울기는 $\frac{1 - (-3)}{4 - (-1)} = \frac{4}{5}$ 이고, $y = ax + b$ 에서 $y = \frac{4}{5}x + b$ 이므로

점 $(4, 1)$ 을 대입하면 $1 = \frac{16}{5} + b$, $b = -\frac{11}{5}$ 이다. 따라서 일차

함수의 식은 $y = \frac{4}{5}x - \frac{11}{5}$ 이다.

8. 함수 $f(x) = \frac{b}{a}x + \frac{c}{a}$ 의 그래프에서, $f(0) = 1$ 이고, $f(1) = 0$ 일 때, $f(3)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -2

해설

$$f(0) = 1 \text{ 이면 } 1 = \frac{c}{a}$$

$$f(1) = 0 \text{ 이면 } 0 = \frac{b}{a} + \frac{c}{a}$$

$$\therefore \frac{b}{a} = -1$$

따라서 $a = -b = c$

$$\therefore f(3) = \frac{3b}{a} + \frac{c}{a} = \frac{-3a + a}{a} = -2$$

9. 일차함수 $ax - 5y + b = 0$ 의 그래프가 한 점 $(3, 3)$ 을 지나고 x 절편이 -2 일 때, $a^2 + b^2$ 의 값은?

① 18

② 27

③ 36

④ 45

⑤ 54

해설

$ax - 5y + b = 0$ 이 두 점 $(3, 3)$, $(-2, 0)$ 을 지나므로

$$3a - 15 + b = 0 \quad \cdots \textcircled{㉠}$$

$$-2a + b = 0 \quad \cdots \textcircled{㉡}$$

$\textcircled{㉠}$, $\textcircled{㉡}$ 을 연립하여 풀면 $a = 3$, $b = 6$

$$\therefore a^2 + b^2 = 9 + 36 = 45$$

10. 함수 $f(x) = \frac{a}{c}x + \frac{c}{b}$ 의 그래프에서, y 절편이 3 이고, x 절편이 1 일 때 $\frac{b-a}{c}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : $\frac{10}{3}$

해설

$$y \text{ 절편이 } 3 \text{ 이면 } \frac{c}{b} = 3$$

$$x \text{ 절편이 } 1 \text{ 이면 } 0 = \frac{a}{c} + \frac{c}{b} = \frac{a}{c} + 3$$

$$\therefore \frac{a}{c} = -3$$

$$c = 3b, a = -3c = -9b \text{ 이다.}$$

$$\text{따라서 } \frac{b-a}{c} = \frac{b-(-9b)}{3b} = \frac{10b}{3b} = \frac{10}{3} \text{ 이다.}$$