

1. 다음 중 항상 닮음이 아닌 도형을 모두 골라라.

- | | | |
|----------|---------|----------|
| Ⓐ 두 정육면체 | Ⓑ 두 원뿔 | Ⓒ 두 사각기둥 |
| Ⓓ 두 구 | Ⓔ 두 원기둥 | |

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓟ

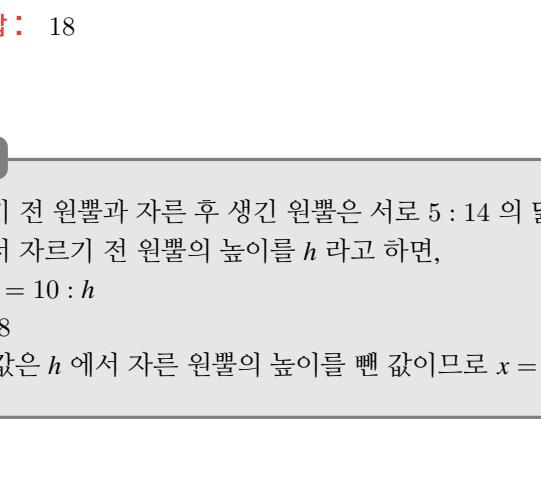
▷ 정답: Ⓢ

▷ 정답: Ⓣ

해설

두 구, 두 정육면체는 항상 닮음이다.

2. 다음 그림과 같이 원뿔을 잘라 원뿔대와, 원뿔을 만들었다. 원뿔대의 높이 x 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 18

해설

자르기 전 원뿔과 자른 후 생긴 원뿔은 서로 $5 : 14$ 의 닮음이다.

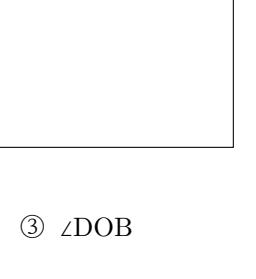
따라서 자르기 전 원뿔의 높이를 h 라고 하면,

$$5 : 14 = 10 : h$$

$$h = 28$$

x 의 값은 h 에서 자른 원뿔의 높이를 뺀 값이므로 $x = 18$ 이다.

3. 다음 그림에서 $2\overline{AO} = \overline{DO}, 2\overline{CO} = \overline{BO}$ 일 때, $\angle A = \angle D$ 임을 증명하였다. $\boxed{\quad}$ 안에 알맞지 않은 것은?



증명

$\triangle AOC$ 와 $\triangle DOB$ 에서
 $\overline{AO} : \overline{DO} = \overline{CO} : \overline{BO} = \boxed{①} : \boxed{②}$
 $\angle AOC = \boxed{③}$ (\because 맞꼭지각) 이므로
 $\triangle AOC \boxed{④} \triangle DOB (\boxed{⑤} \text{ 닮음})$
 따라서 $\angle A = \angle D$ 이다.

① 1

② 2

③ $\angle DOB$

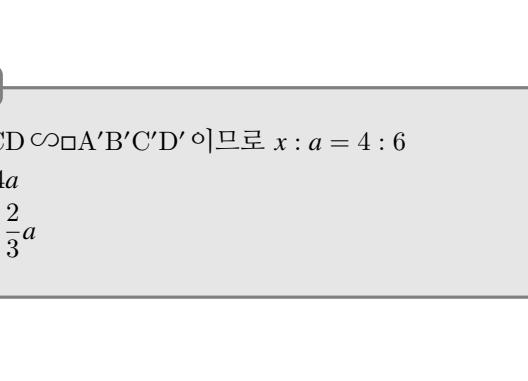
④ \sim

⑤ SSS

해설

$\triangle AOC$ 와 $\triangle DOB$ 에서
 $\overline{AO} : \overline{DO} = \overline{AO} : 2\overline{AO} = 1 : 2$,
 $\overline{CO} : \overline{BO} = \overline{CO} : 2\overline{CO} = 1 : 2$
 $\angle AOC = \angle DOB$ (맞꼭지각)
 $\therefore \triangle AOC \sim \triangle DOB$ (SAS 닮음)
 $\therefore \angle A = \angle D$

4. 다음 그림의 $\square ABCD$ 와 $\square A'B'C'D'$ 의 두 닮음 사각형에서 \overline{AB} 의 길이를 a 로 나타내면?



- ① $\frac{1}{3}a$ ② $\frac{2}{3}a$ ③ $\frac{1}{2}a$ ④ $\frac{3}{4}a$ ⑤ $\frac{3}{5}a$

해설

$\square ABCD \sim \square A'B'C'D'$ [므로 $x : a = 4 : 6$

$$6x = 4a$$

$$\therefore x = \frac{2}{3}a$$

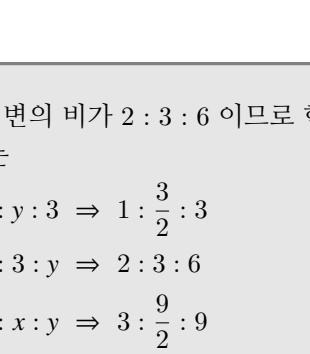
5. 넓음비가 4 : 5인 두 정사각형이 있다. 이 두 정사각형의 둘레의 합이 72cm 일 때, 작은 정사각형의 한 변의 길이를 a cm, 큰 정사각형의 한 변의 길이를 b cm라고 하자. $a + b$ 의 값은?

① 8 ② 10 ③ 18 ④ 32 ⑤ 40

해설

두 정사각형의 둘레의 합이 72cm 이므로 작은 정사각형의 둘레는 $72 \times \frac{4}{9} = 32$ (cm), 큰 정사각형의 둘레는 $72 \times \frac{5}{9} = 40$ (cm)이다. 따라서 한 변의 길이는 각각 $a = 8$, $b = 10$ 이다.
 $\therefore a + b = 8 + 10 = 18$

6. 다음 그림과 같은 직육면체와 닮음이고 한 모서리의 길이가 3 인 직육면체를 만들려고 한다. 이 때, 새로 만드는 직육면체의 모서리가 될 수 있는 것은?



- ① 4 ② 5 ③ $\frac{1}{2}$ ④ $\frac{9}{2}$ ⑤ $\frac{1}{3}$

해설

작은 변부터 세 변의 비가 $2 : 3 : 6$ 이므로 한 변의 길이가 3 인 닮음 직육면체는

1) $2 : 3 : 6 = x : y : 3 \Rightarrow 1 : \frac{3}{2} : 3$

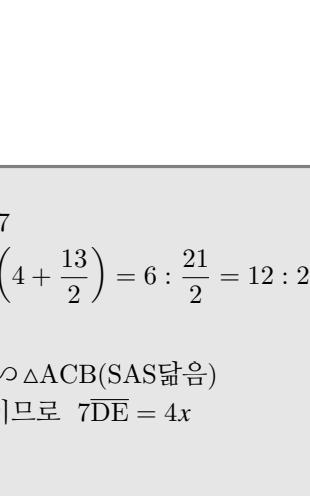
2) $2 : 3 : 6 = x : 3 : y \Rightarrow 2 : 3 : 6$

3) $2 : 3 : 6 = 3 : x : y \Rightarrow 3 : \frac{9}{2} : 9$

세 가지 경우이다.

따라서 모서리가 될 수 있는 것은 $\frac{9}{2}$ 이다.

7. 각 변의 길이가 다음과 같을 때, \overline{DE} 의 길이를 x 에 관한 식으로 나타내어라.



▶ 답:

▷ 정답: $\frac{4}{7}x$

해설

$$\overline{AD} : \overline{AC} = 4 : 7$$
$$\overline{AE} : \overline{AB} = 6 : \left(4 + \frac{13}{2}\right) = 6 : \frac{21}{2} = 12 : 21 = 4 : 7$$

$\angle A$ 는 공통

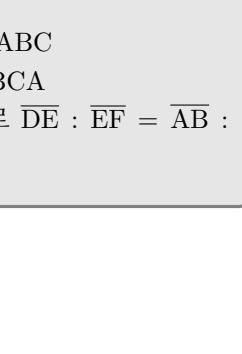
따라서 $\triangle ADE \sim \triangle ACB$ (SAS정리)

$$\overline{DE} : x = 4 : 7 \text{ 이므로 } 7\overline{DE} = 4x$$

$$\therefore \overline{DE} = \frac{4}{7}x$$

8. 다음 그림에서 $\angle BAD = \angle CBE = \angle ACF$ 이고, $\overline{AB} = 7$, $\overline{BC} = 8$, $\overline{CA} = 9$ 일 때, $\overline{DE} : \overline{EF}$ 은?

- ① 9 : 8 ② 9 : 7 ③ 7 : 9
④ 8 : 7 ⑤ 7 : 8



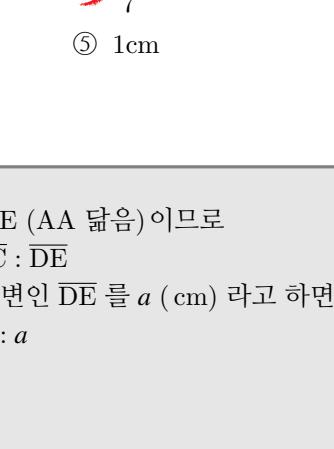
해설

$\triangle ABE$ 에서 $\angle DEF = \angle ABE + \angle BAD = \angle ABC$

$\triangle BCF$ 에서 $\angle EFD = \angle BCF + \angle CBE = \angle BCA$

따라서 $\triangle ABC \sim \triangle DEF$ (AA 닮음) 이므로 $\overline{DE} : \overline{EF} = \overline{AB} : \overline{BC} = 7 : 8$

9. 아래 그림에서 $\overline{AB} = 3\text{cm}$, $\overline{BC} = 4\text{cm}$, $\overline{AC} = 5\text{cm}$ 일 때, 정사각형 DBFE의 한 변의 길이를 구하면?



- ① 2cm ② $\frac{12}{7}\text{cm}$ ③ $\frac{10}{7}\text{cm}$
 ④ $\frac{3}{2}\text{cm}$ ⑤ 1cm

해설

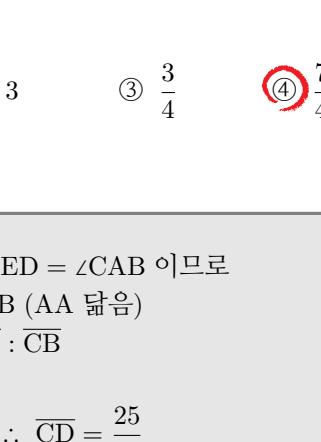
$\triangle ABC \sim \triangle ADE$ (AA 닮음) 이므로
 $\overline{AB} : \overline{AD} = \overline{BC} : \overline{DE}$

정사각형의 한 변인 \overline{DE} 를 a (cm) 라고 하면
 $3 : (3 - a) = 4 : a$

$$a = \frac{12}{7}$$

$$\therefore \frac{12}{7}\text{cm}$$

10. 다음 그림에서 $\angle A = 90^\circ$ 인 $\triangle ABC$ 를 선분 DE 를 접는 선으로 하여 꼭짓점 B 와 C 를 일치하게 접었을 때, \overline{AD} 의 값은?



- ① $\frac{1}{5}$ ② 3 ③ $\frac{3}{4}$ ④ $\frac{7}{4}$ ⑤ $\frac{7}{5}$

해설

$\angle C$ 는 공통, $\angle CED = \angle CAB$ 이므로

$\triangle CED \sim \triangle CAB$ (AA 닮음)

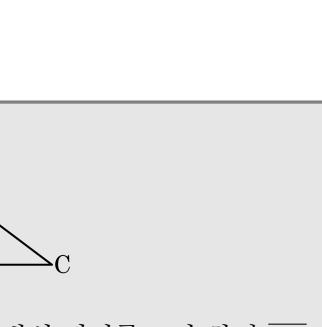
$$\overline{CE} : \overline{CA} = \overline{CD} : \overline{CB}$$

$$5 : 8 = \overline{CD} : 10$$

$$8\overline{CD} = 50 \quad \therefore \overline{CD} = \frac{25}{4}$$

$$\therefore \overline{AD} = 8 - \frac{25}{4} = \frac{7}{4}$$

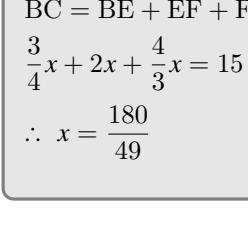
11. 다음 그림에서 크기가 같은 정사각형 2 개가 $\angle A = 90^\circ$ 인 직각삼각형 안에 내접하고 있다. $\overline{AB} = 9$, $\overline{BC} = 15$, $\overline{AC} = 12$ 일 때, 정사각형의 한 변의 길이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $\frac{180}{49}$

해설



정사각형의 한 변의 길이를 x 라 하면 $\overline{DE} = \overline{GF} = x$, $\overline{DG} = \overline{EF} = 2x$

$\triangle DBE \sim \triangle CBA$ 에서 $\angle A = \angle BED = 90^\circ$, $\angle B$ 가 공통이므로
 $\triangle DBE \sim \triangle CBA$ (AA 닮음)

$\overline{DB} : \overline{CB} = \overline{BE} : \overline{BA} = \overline{DE} : \overline{CA}$ 를 이용하여 \overline{BE} 를 구하면

$$\overline{BE} : 9 = x : 12$$

$$\therefore \overline{BE} = \frac{3}{4}x$$

$\triangle GFC \sim \triangle BAC$ 에서 $\angle A = \angle GFC = 90^\circ$, $\angle C$ 가 공통이므로

$\triangle GFC \sim \triangle BAC$ (AA 닮음)

$\overline{GF} : \overline{BA} = \overline{FC} : \overline{AC} = \overline{GC} : \overline{BC}$ 를 이용하여 \overline{FC} 를 구하면

$$x : 9 = \overline{FC} : 12$$

$$\therefore \overline{FC} = \frac{4}{3}x$$

$$\overline{BC} = \overline{BE} + \overline{EF} + \overline{FC} = 15$$

$$\frac{3}{4}x + 2x + \frac{4}{3}x = 15$$

$$\therefore x = \frac{180}{49}$$