

1. 세 변의 길이가 각각 a , $2a-1$, $2a+1$ 인 삼각형 ABC 가 둔각삼각형일 때, a 의 값의 범위를 결정하면?

① $2 < a < 4$

② $0 < a < 4$

③ $2 < a < 8$

④ $0 < a < 8$

⑤ $4 < a < 8$

해설

$x^2 > y^2 + z^2$ 이 성립하면 둔각삼각형이다.

a 는 삼각형의 한 변이므로 $a > 0$ 이고, $2a+1$ 이 가장 긴 변이다.

$$(2a+1)^2 > a^2 + (2a-1)^2$$

$$a^2 - 8a < 0, a(a-8) < 0$$

$a > 0$ 이므로 양변을 a 로 나누면 $a-8 < 0 \therefore a < 8$

또, 삼각형이 되려면 (가장 긴 변의 길이) $<$ (나머지 두 변 길이의 합) 이므로 $2a+1 < a+2a-1 \therefore a > 2$

따라서 $2 < a < 8$

2. 세 자연수 $x+2$, $x+4$, $x+6$ 이 피타고라스의 수가 되도록 하는 x 의 값을 구하여라.

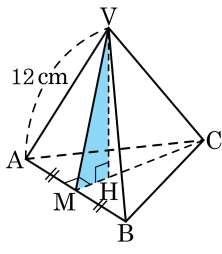
▶ 답 :

▷ 정답 : 4

해설

$$\begin{aligned}(x+6)^2 &= (x+4)^2 + (x+2)^2 \\ x^2 + 12x + 36 &= x^2 + 8x + 16 + x^2 + 4x + 4 \\ x^2 &= 16, x = \pm 4 \\ \therefore x &= 4 (\because x > 0)\end{aligned}$$

3. 다음 그림과 같이 한 모서리의 길이가 12 cm 인 정사면체 $V-ABC$ 의 꼭짓점 V 에서 밑면에 내린 수선의 발을 H , $\overline{AB}$ 의 중점을 M 이라 할 때, $\triangle VMH$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}\text{cm}^2}$

▷ 정답 : $12\sqrt{2}\text{cm}^2$

해설

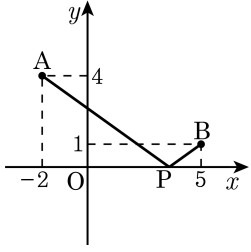
$\overline{VH}$ 는 정사면체 높이 $h = \frac{\sqrt{6}}{3}a = \frac{\sqrt{6}}{3} \times 12 = 4\sqrt{6}(\text{cm})$

$\overline{MC}$ 는 정삼각형의 높이 $h = \frac{\sqrt{3}}{2}a = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 12 = 6\sqrt{3}(\text{cm})$

$\overline{MH}$ 는 $\overline{MC}$ 의 $\frac{1}{3}$ 이므로 $2\sqrt{3}(\text{cm})$

$\therefore \triangle VMH = \frac{1}{2} \times \overline{MH} \times \overline{VH} = \frac{1}{2} \times 2\sqrt{3} \times 4\sqrt{6} = 12\sqrt{2}(\text{cm}^2)$

4. 다음 그림과 같은 좌표평면 위에 두 점 A(-2, 4), B(5, 1) 이 있다. x 축 위에 임의의 점 P 를 잡았을 때, $\overline{AP} + \overline{BP}$ 의 최솟값을 구하여라.



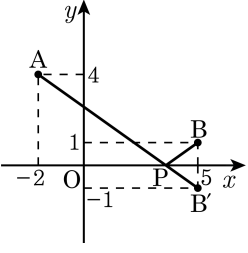
▶ 답 :

▷ 정답 : $\sqrt{74}$

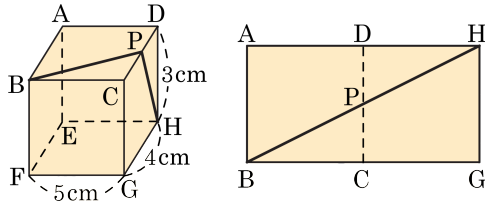
해설

$\overline{AP} + \overline{BP}$ 가 최소가 되는 점 P 는 점 B 와 x 축에 대하여 대칭인 점 $B'(5, -1)$ 을 잡을 때, $\overline{AB'}$ 와 x 축과의 교점이므로 $\overline{AP} + \overline{BP}$ 의 최솟값은 $\overline{AB'}$ 의 길이이다.

$$\therefore \overline{AB'} = \sqrt{(5+2)^2 + (-1-4)^2} = \sqrt{74}$$



5. 그림과 같은 직육면체의 꼭짓점 B에서 모서리 CD를 걸쳐 꼭짓점 H에 이르는 최단거리를 전개도에 나타내면 다음과 같다. 전개도 상에서 $\overline{BH}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : $4\sqrt{5}$ cm

해설

$$\overline{BC} + \overline{CG} = 5 + 3 = 8 \text{ (cm)}, \overline{HG} = 4 \text{ (cm)}$$

$$\overline{BH} = \sqrt{8^2 + 4^2} = \sqrt{80} = 4\sqrt{5} \text{ (cm)}$$

6. 다음 그림의 직육면체에서 $\overline{DE} + \overline{DF}$ 의 값은?

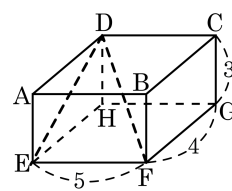
① 3

② $3 + \sqrt{2}$

③ 5

④ $5\sqrt{2}$

⑤ $5 + 5\sqrt{2}$



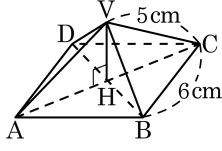
해설

$$\overline{DE} = \sqrt{3^2 + 4^2} = 5$$

$$\overline{DF} = \sqrt{3^2 + 4^2 + 5^2} = 5\sqrt{2}$$

$\therefore \overline{DE} + \overline{DF} = 5 + 5\sqrt{2}$ 이다.

7. 다음 그림은 밑면의 한 변의 길이가 6 cm , 옆면의 모서리가 5 cm 인 정사각뿔이다. 이때, $\triangle VAC$ 의 넓이를 구하여라.



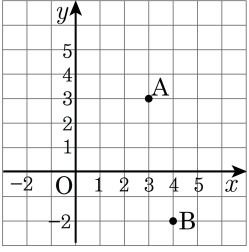
▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : $3\sqrt{14}\text{cm}^2$

해설

$\square ABCD$ 가 정사각형이므로
 $\overline{AC} = \sqrt{6^2 + 6^2} = 6\sqrt{2}(\text{cm})$
 $\overline{AH} = \frac{1}{2}\overline{AC} = 3\sqrt{2}(\text{cm})$
 $\triangle VAH$ 에서
 $\therefore \overline{VH} = \sqrt{5^2 - (3\sqrt{2})^2} = \sqrt{7}(\text{cm})$
 $\triangle VAC$ 의 넓이는
 $S = \frac{1}{2} \times 6\sqrt{2} \times \sqrt{7} = 3\sqrt{14}(\text{cm}^2)$ 이다.

8. 좌표평면 위에 두 점 A(3, 3), B(4, -2)가 있다. 점 A에서 출발하여 y축 위에 임의의 점 P를 지나 점 B까지 가는 최단거리를 $\sqrt{a}$ 라고 할 때, a 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

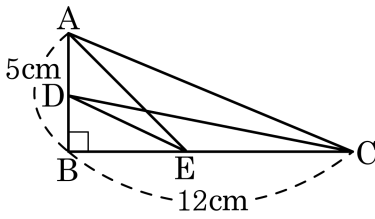
▷ 정답 : $a = 74$

해설

$\overline{AP} + \overline{BP}$ 의 최솟값은 점 B와 y축에 대하여 대칭인 점 B'(-4, -2)를 잡을 때, 선분 AB'의 길이와 같다.

$\therefore AB' = \sqrt{\{3 - (-4)\}^2 + \{3 - (-2)\}^2} = \sqrt{74}$ 이다.

9. 다음 그림과 같이 $\angle B = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC 에서 $\overline{AE} = 7\text{cm}$ 일 때, $\overline{CD}^2 - \overline{DE}^2$ 의 값은?(단, 단위는 생략)

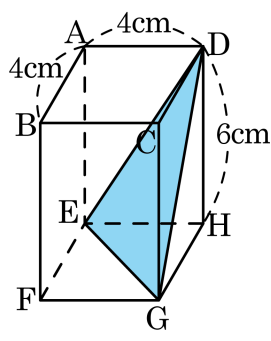


- ① 100 ② 120 ③ 150 ④ 150 ⑤ 210

해설

$\overline{AC} = \sqrt{5^2 + 12^2} = 13$ 이므로 $\overline{CD}^2 - \overline{DE}^2 = 13^2 - 7^2 = 120$

10. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = 4\text{cm}$, $\overline{AD} = 4\text{cm}$, $\overline{DH} = 6\text{cm}$ 인 직육면체가 있을 때, $\triangle DEG$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 : cm²

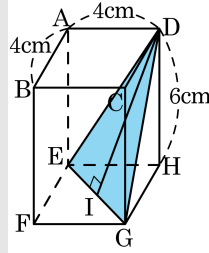
▷ 정답 : $4\sqrt{22}\text{cm}^2$

해설

$$\overline{DE} = \overline{DG} = \sqrt{4^2 + 6^2} = \sqrt{52} = 2\sqrt{13}(\text{cm})$$

$$\overline{EG} = \sqrt{4^2 + 4^2} = 4\sqrt{2}(\text{cm})$$

점 D 에서 $\overline{EG}$ 에 수선의 발을 내린 점을 I 라고 하자.

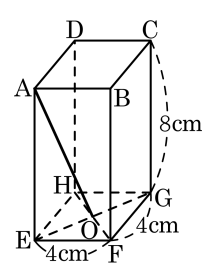


$\triangle DEG$ 는 이등변삼각형이므로

$$\overline{DI} = \sqrt{(2\sqrt{13})^2 - (2\sqrt{2})^2} = \sqrt{44} = 2\sqrt{11}(\text{cm})$$

$$\begin{aligned}\Delta\text{DEG} &= \frac{1}{2} \times \overline{\text{EG}} \times \overline{\text{DI}} \\ &= \frac{1}{2} \times 4\sqrt{2} \times 2\sqrt{11} \\ &= 4\sqrt{22} \text{ (cm}^2\text{)}\end{aligned}$$

11. 세 모서리의 길이가 4cm, 4cm, 8cm 인 직육면체에서 $\overline{AO}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $6\sqrt{2}$

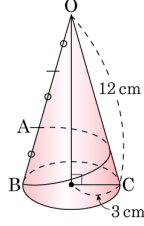
해설

$$\overline{AE} = 8, \overline{EG} = \sqrt{16 + 16} = 4\sqrt{2},$$

$$\overline{EO} = 2\sqrt{2},$$

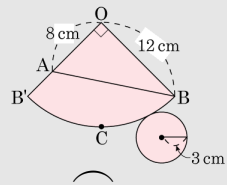
$$\therefore \overline{AO} = \sqrt{64 + (2\sqrt{2})^2} = \sqrt{64 + 8} = \sqrt{72} = 6\sqrt{2}$$

12. 다음 그림은 모선의 길이가 12cm 이고, 반지름의 길이가 3 cm 인 원뿔이다. 점 B 에서부터 출발하여 모선 OC 를 거쳐 모선 OB 의 $\frac{1}{3}$ 지점인 A 까지 가는 최단거리를 구하여라.

▶ 답: cm

▷ 정답 : $4\sqrt{13}\text{cm}$

해설



최단거리는 $\overline{AB}$ 의 길이와 같다.

$$5.0\text{pt}\widehat{\text{BB}'} = 2\pi \times 3 = 6\pi(\text{ cm})$$

$$\angle B'OB = \frac{6\pi}{24\pi} \times 360^\circ = 90^\circ$$

$$\therefore \overline{AB} = \sqrt{12^2 + 8^2} = \sqrt{208} = 4\sqrt{13}(\text{cm})$$

13. 다음 보기가 삼각형의 세 점 A , B , C 를 나타내고 있다. △ABC가 어떤 삼각형인지 구하여라.

보기

㉠ A(1, 2) , B(-2, 4) , C(2, 1)

㉡ A(-1, -4) , B(4, -3) , C(2, 7)

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 정답 : ㉠ ∠A가 둔각인 둔각삼각형

▶ 정답 : ㉡ 직각삼각형

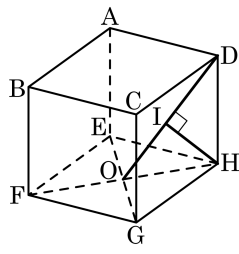
해설

$$\textcircled{㉠} \quad \overline{AB} = \sqrt{(-2-1)^2 + (4-2)^2} = \sqrt{13}, \quad \overline{BC} = \sqrt{(2+2)^2 + (1-4)^2} = \sqrt{25}, \quad \overline{CA} = \sqrt{(1-2)^2 + (2-1)^2} = \sqrt{2}$$

따라서 ∠A가 둔각인 둔각삼각형

$$\textcircled{㉡} \quad \overline{AB} = \sqrt{(4+1)^2 + (-3+4)^2} = \sqrt{26}, \quad \overline{BC} = \sqrt{(2-4)^2 + (7+3)^2} = 2\sqrt{26}, \quad \overline{CA} = \sqrt{(2+1)^2 + (7+4)^2} = \sqrt{130}$$
$$(\sqrt{130})^2 = (\sqrt{26})^2 + (2\sqrt{26})^2, \text{ 직각삼각형}$$

14. 다음 그림과 같이 한 변의 길이가 $\sqrt{2}a$ 인 정육면체에서 밑면의 두 대각선의 교점이 O 이고, 정육면체의 꼭짓점 H 에서 $\overline{DO}$ 위로 수선을 내렸을 때, $\overline{HI}$ 의 길이가 $\sqrt{3}$ 이었다. 이 정육면체의 한 변의 길이는?



- ① 3 ② 5 ③ 7 ④ 9 ⑤ 11

해설

한 변의 길이를 $\sqrt{2}a$ 라고 하면

$$\overline{FH} = 2a$$

$$\overline{OH} = a$$

$$\overline{DO} = \sqrt{a^2 + (\sqrt{2}a)^2} = \sqrt{3}a$$

삼각형 DOH 의 넓이에서

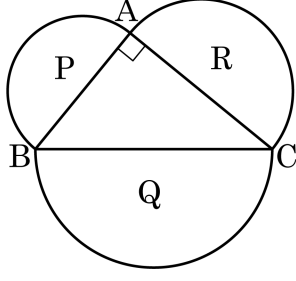
$$\sqrt{3}a \times \sqrt{3} = a \times \sqrt{2}a$$

$$a = \frac{3}{\sqrt{2}} = \frac{3\sqrt{2}}{2}$$

따라서 이 정육면체의 한 변의 길이는

$$\sqrt{2} \times \frac{3\sqrt{2}}{2} = 3 \text{ 이다.}$$

15. 다음 그림과 같이 직각삼각형 ABC 의 세 변을 각각 지름으로 하는 반원의 넓이를 각각 P , Q , R 이라 하자. $P = 10\pi\text{cm}^2$, $R = 15\pi\text{cm}^2$ 일 때, BC 의 길이를 구하여라.



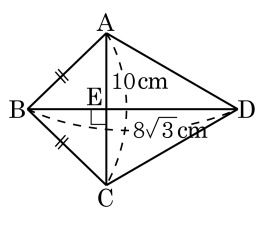
▶ 답 : cm

▷ 정답 : $10\sqrt{2}$ cm

해설

$Q = P + R = 25\pi\text{cm}^2$ 이므로 $\frac{1}{2} \cdot \left(\frac{1}{2}\overline{BC}\right)^2 \cdot \pi = 25\pi$, $\left(\frac{1}{2}\overline{BC}\right)^2 = 50$, $\frac{1}{2}\overline{BC} = 5\sqrt{2}$ 이다. 따라서 $\overline{BC} = 10\sqrt{2}$ cm

16. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{BC}$ 이고 $\overline{AC} = 10\text{ cm}$ 인 이등변삼각형 ABC 의 변 $\overline{AC}$ 를 한 변으로 하는 정삼각형 CDA 를 그렸더니 $\overline{BD} = 8\sqrt{3}\text{ cm}$ 일 때, $\overline{AB}$ 의 길이는?
- ① $\sqrt{13}\text{ cm}$ ② $\sqrt{14}\text{ cm}$
 ③ $2\sqrt{13}\text{ cm}$ ④ $2\sqrt{14}\text{ cm}$
 ⑤ $2\sqrt{15}\text{ cm}$

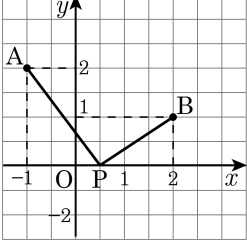


해설

$$\begin{aligned}\overline{DE} &= \frac{\sqrt{3}}{2} \times 10 = 5\sqrt{3} \\ \overline{BE} &= \overline{DB} - \overline{DE} = 8\sqrt{3} - 5\sqrt{3} = 3\sqrt{3} \\ \therefore \overline{AB} &= \sqrt{5^2 + (3\sqrt{3})^2} = 2\sqrt{13}\text{ cm}\end{aligned}$$

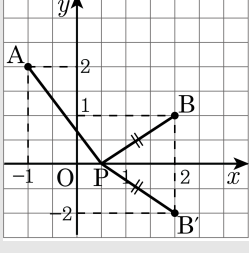
17. 그림과 같은 좌표평면 위에 두 점 A(-1, 2), B(2, 1)이 있다. x 축 위에 임의의 점 P를 잡았을 때, $\overline{AP} + \overline{BP}$ 의 최솟값은?

- ① $2\sqrt{2}$
 ② 3
 ③ $2\sqrt{3}$
- ④ 4
 ⑤ $3\sqrt{2}$



해설

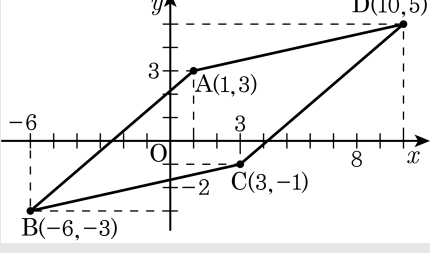
$\overline{AP} + \overline{BP}$ 의 최솟값은 점 B와 x 축에 대하여 대칭인 점 B' (2, -1)을 잡을 때, 선분 AB'의 길이와 같다.

$$\therefore \frac{\overline{AB'}}{\sqrt{[2 - (-1)]^2 + (-1 - 2)^2}} = \sqrt{18} = 3\sqrt{2} \text{ 이다.}$$


18. 좌표평면 위의 네 점 A(1, 3), B(-6, -3), C(3, -1), D(10, 5) 를 꼭짓점으로 하는 □ABCD 는 어떤 사각형인지 고르면?
- ① 사다리꼴 ② 등변사다리꼴 ③ 직사각형
- ④ 마름모 ⑤ 정사각형

해설

$$\begin{aligned}\overline{AB} &= \sqrt{(-6-1)^2 + (-3-3)^2} \\ &= \sqrt{49+36} = \sqrt{85}\end{aligned}$$
$$\begin{aligned}\overline{BC} &= \sqrt{\{3-(-6)\}^2 + \{-1-(-3)\}^2} \\ &= \sqrt{81+4} = \sqrt{85}\end{aligned}$$
$$\begin{aligned}\overline{CD} &= \sqrt{(10-3)^2 + \{5-(-1)\}^2} \\ &= \sqrt{49+36} = \sqrt{85}\end{aligned}$$
$$\begin{aligned}\overline{AD} &= \sqrt{(10-1)^2 + (5-3)^2} \\ &= \sqrt{81+4} = \sqrt{85}\end{aligned}$$

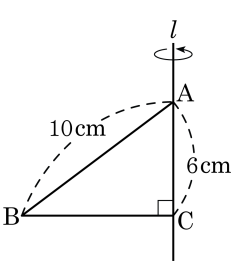


네 변의 길이가 모두 같으나 네 각의 크기는 다르므로 마름모이다.

19. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = 10\text{ cm}$, $\overline{AC} = 6\text{ cm}$ 인 직각삼각형 ABC를 직선 l 을 회전축으로 하여 1회전시켰을 때 생기는 회전체의 겉넓이를 구하면?

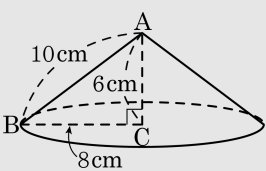
- ① $124\pi\text{ cm}^2$ ② $124\sqrt{2}\pi\text{ cm}^2$
 ③ $134\pi\text{ cm}^2$ ④ $134\sqrt{2}\pi\text{ cm}^2$

⑤ $144\pi\text{ cm}^2$



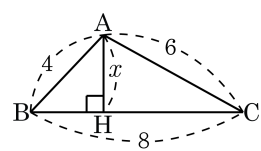
해설

생기는 회전체를 그려 보면 다음 그림과 같다. $\overline{BC} = \sqrt{10^2 - 6^2} = \sqrt{64} = 8(\text{cm})$



따라서 겉넓이는 $\pi \times 8^2 + \frac{1}{2} \times 10 \times (2\pi \times 8) = 64\pi + 80\pi = 144\pi(\text{cm}^2)$ 이다.

20. 다음 그림에서 x 의 값은?



① $\frac{\sqrt{5}}{4}$
④ $\frac{5\sqrt{15}}{4}$

② $\frac{3\sqrt{5}}{4}$
⑤ $\frac{7\sqrt{15}}{4}$

③ $\frac{3\sqrt{15}}{4}$

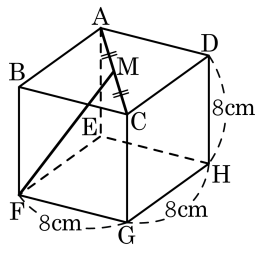
해설

$\overline{BH} = a$ 라 하면

$$4^2 - a^2 = 6^2 - (8 - a)^2, \quad a = \frac{11}{4}$$

따라서 $x = \sqrt{4^2 - \left(\frac{11}{4}\right)^2} = \sqrt{\frac{135}{16}} = \frac{3\sqrt{15}}{4}$ 이다.

21. 다음 그림과 같이 한 모서리의 길이가 8cm 인 정육면체에서 점 M 이 $\overline{AC}$ 의 중점일 때, $\overline{FM}$ 의 길이가 $a\sqrt{b}$ cm 이면, $a + b$ 의 값은?(단, b 는 최소의 자연수)



- ① 4 ② 6 ③ 8 ④ 10 ⑤ 12

해설

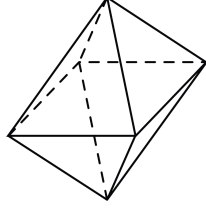
$$\overline{AC} = 8\sqrt{2}(\text{cm}) \text{ 이므로}$$

$$\overline{BM} = 4\sqrt{2}(\text{cm})$$

$$\overline{FM} = \sqrt{8^2 + (4\sqrt{2})^2} = 4\sqrt{6}(\text{cm})$$

따라서 $a + b$ 의 값은 10 이다.

22. 다음 그림은 한 모서리의 길이가 6 인 정팔면체이다. 이 도형의 부피를 구하여라.

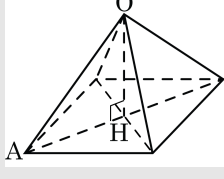


▶ 답 :

▷ 정답 : $72\sqrt{2}$

해설

정팔면체는 아래 그림과 같은 두 개의 정사각뿔로 나눌 수 있다.



꼭짓점 O 에서 내린 수선은 밑면인 정사각형의 중심을 지나므로

$$\overline{AH} = \frac{6\sqrt{2}}{2} = 3\sqrt{2}$$

$\triangle OAH$ 는 직각삼각형이므로

$$\overline{OH} = \sqrt{6^2 - (3\sqrt{2})^2} = 3\sqrt{2}$$

$$\begin{aligned} \therefore (\text{정팔면체의 부피}) &= 2 \times \frac{1}{3} \times (6 \times 6) \times 3\sqrt{2} \\ &= 72\sqrt{2} \end{aligned}$$

23. 이차함수 $y = x^2 + 2x + 3$ 가 있다. 꼭짓점을 P, y 축과 만나는 점을 Q 라 할 때, 선분 PQ 의 길이를 구하면?

① $\sqrt{2}$ ② $2\sqrt{2}$ ③ $3\sqrt{2}$ ④ $4\sqrt{2}$ ⑤ $5\sqrt{2}$

해설

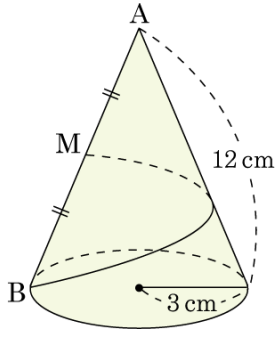
$$y = x^2 + 2x + 3 = (x + 1)^2 + 2$$

꼭짓점 P(-1, 2)

Q 는 y 절편이므로 (0, 3)

$$PQ = \sqrt{(-1 - 0)^2 + (2 - 3)^2} = \sqrt{2}$$

24. 다음 그림과 같이 밑면의 반지름의 길이가 3 cm, 모선의 길이가 12 cm 인 원뿔이 있다.
 밑면 위의 한 점 B 에서 모선 AB 의 중점 M 까지 실을 감을 때, 최단 거리를 구하여라.



▶ 답 : cm

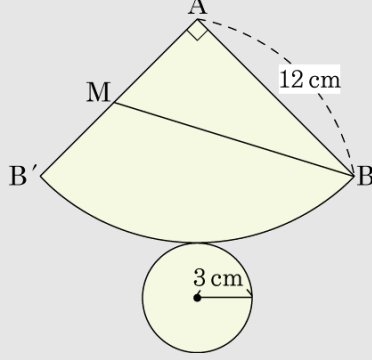
▷ 정답 : $6\sqrt{5}$ cm

해설

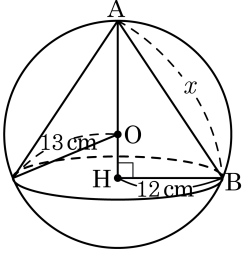
따라서 모선의 길이가 12 cm 이고, 밑면의 반지름의 길이가 3 cm 이므로 $\angle BAB' = 90^\circ$ 이다.

그러므로 피타고라스 정리를 이용하여 $\overline{BM}$ 의 길이를 구하면

$$\overline{BM} = \sqrt{12^2 + 6^2} = 6\sqrt{5}(\text{cm})$$



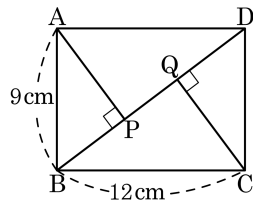
25. 다음 그림과 같이 밑면의 반지름의 길이가 12 cm 인 원뿔이, 반지름의 길이가 13 cm 인 구 안에 꼭 맞는다고 할 때, 원뿔의모선의 길이 x 의 값은?
- ① $4\sqrt{13}$ (cm) ② $5\sqrt{16}$ (cm)
③ $6\sqrt{13}$ (cm) ④ $7\sqrt{13}$ (cm)
⑤ $8\sqrt{13}$ (cm)



해설

$$\begin{aligned}\overline{OB} &= 13 \text{ cm}, \overline{OH} = 5 \text{ cm} \\ \overline{AH} &= 5 + 13 = 18 \text{ (cm)} \\ x &= \sqrt{12^2 + 18^2} = \sqrt{144 + 324} = \sqrt{468} = 6\sqrt{13} \text{ (cm)}\end{aligned}$$

26. 다음 직사각형의 두 꼭짓점 A, C 에서 대각선 BD 에 내린 수선의 발을 각각 P, Q 라 할 때, $\overline{AP} + \overline{PD}$ 의 길이를 구하여라.



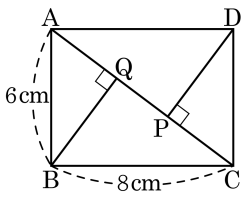
▶ 답 : cm

▷ 정답 : 16.8 cm

해설

$\triangle ABD$ 에서 $\overline{BD} = 15(\text{cm})$ 이다.
 $\overline{AP} \times \overline{BD} = \overline{AB} \times \overline{AD}$ 이므로,
 $\overline{AP} = 7.2(\text{cm})$ 이다.
 $\triangle ADP$ 와 $\triangle ABD$ 는 닮음이므로
 $\overline{PD} : \overline{AD} = \overline{AD} : \overline{BD}$ 에서
 $\overline{AD}^2 = \overline{PD} \times \overline{BD}$ 이므로 $\overline{PD} = 9.6(\text{cm})$ 이다.
따라서 $\overline{AP} + \overline{PD} = 7.2 + 9.6 = 16.8(\text{cm})$ 이다.

27. 다음 직사각형의 두 꼭짓점 B, D에서 대각선 AC에 내린 수선의 발을 각각 Q, P라 할 때, $\overline{PC}$ 의 길이를 구하여라.



- ① 2.6 cm ② 2.8 cm ③ 3.0 cm
 ④ 3.2 cm ⑤ 3.6 cm

해설

$\triangle ABC$ 는 직각삼각형이므로
 $\overline{AC} = \sqrt{6^2 + 8^2} = 10(\text{cm})$ 이다.
 $\triangle DCP$ 와 $\triangle ACD$ 는 닮음이다.
 $\overline{CD} : \overline{AC} = \overline{PC} : \overline{CD}$ 이므로
 $\overline{CD}^2 = \overline{CP} \times \overline{AC}$ 이다.
 따라서 $\overline{PC} = 36 \div 10 = 3.6\text{cm}$ 이다.

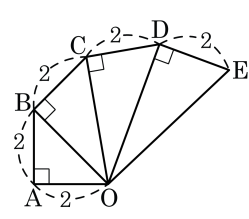
28. 다음 중 세 변의 길이가 각각 $n, n+2, n+3$ 인 삼각형이 둔각삼각형이 되기 위한 n 의 값으로 옳은 것은?

- ① 1
- ② 3
- ③ 4
- ④ 5
- ⑤ 6

해설

삼각형의 세 변의 조건 : $n + (n + 2) > n + 3, n > 1$
둔각삼각형이 될 조건 : $(n + 3)^2 > (n + 2)^2 + n^2$
두 조건을 동시에 만족하는 값은 보기 중에서 3 이다.

29. 다음 그림에서 $\triangle ODE$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 4

해설

$\overline{OD} = \sqrt{2^2 + 2^2 + 2^2 + 2^2} = 4$ 이다.

따라서 $\triangle ODE$ 의 넓이는 $\frac{1}{2} \times 2 \times 4 = 4$ 이다.

30. 세 변의 길이가 8, x , 17 인 삼각형이 둔각삼각형이 되기 위한 정수 x 의 값의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 189

해설

i) $x > 17$ 인 경우

$$8 + 17 > x, x < 25$$

$$x^2 > 8^2 + 17^2 = 353, x > \sqrt{353}$$

$$\therefore \sqrt{353} < x < 25$$

$$18 < \sqrt{353} < 19 \text{ 이므로}$$

$$\therefore x = 19, 20, 21, 22, 23, 24$$

ii) $x < 17$ 인 경우

$$8 + x > 17, x > 9$$

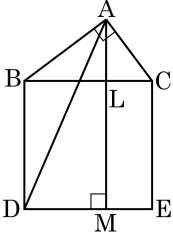
$$17^2 > x^2 + 8^2, x < 15$$

$$\therefore 9 < x < 15$$

$$\therefore x = 10, 11, 12, 13, 14$$

$$\therefore 10 + 11 + 12 + 13 + 14 + 19 + 20 + 21 + 22 + 23 + 24 = 189$$

31. 다음 그림은 $\angle A = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC 에서 $\overline{BC}$ 를 한 변으로 하는 정사각형 BDEC 를 그린 것이다. $\overline{BC} = 15\text{ cm}$, $\triangle ABD = 50\text{ cm}^2$ 일 때, $\overline{AC}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▶ 정답 : $5\sqrt{5}\text{cm}$

해설

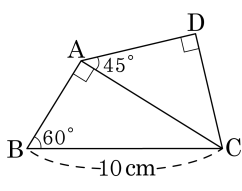
$$\triangle ABD = \triangle LBD = 50(\text{cm}^2) \text{ 이므로 } \square BDML = 100(\text{cm}^2)$$

$$\text{따라서 } \square LMEC = 15^2 - 100 = 125(\text{cm}^2)$$

$$\overline{AC}^2 = 125$$

$$\therefore \overline{AC} = 5\sqrt{5}(\text{cm})$$

32. 다음 그림에서 $\overline{AC}$ 의 길이와 $\overline{AD}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▶ 답 : cm

▷ 정답 : $\overline{AC} = 5\sqrt{3}$ cm

▷ 정답 : $\overline{AD} = \frac{5\sqrt{6}}{2}$ cm

해설

$$\begin{aligned} \overline{AC} : 10 &= \sqrt{3} : 2, \\ 2\overline{AC} &= 10\sqrt{3} \\ \therefore \overline{AC} &= 5\sqrt{3}(\text{cm}) \\ \overline{AD} : 5\sqrt{3} &= 1 : \sqrt{2} \\ \therefore \overline{AD} &= \frac{5\sqrt{3}}{\sqrt{2}} = \frac{5\sqrt{6}}{2}(\text{cm}) \end{aligned}$$

33. 구의 중심에서 구의 반지름의 길이의 $\frac{1}{2}$ 만큼 떨어진 평면으로 구를

자를 때 생기는 단면의 반지름이 4cm 이다. 이때 구의 겉넓이는?

- ① $\frac{32}{3}\pi \text{ cm}^2$
- ② $\frac{64}{3}\pi \text{ cm}^2$
- ③ $\frac{128}{3}\pi \text{ cm}^2$
- ④ $\frac{256}{3}\pi \text{ cm}^2$
- ⑤ $\frac{512}{3}\pi \text{ cm}^2$

해설

구의 반지름의 길이를 2cm라 하면

$(2a)^2 = 4^2 + a^2$

$4a^2 = 16 + a^2$

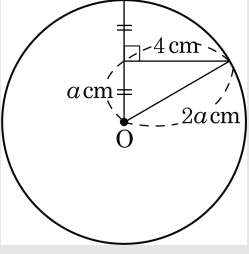
$\therefore a^2 = \frac{16}{3}$

구의 겉넓이는 $4\pi r^2$ 이므로

$4\pi r^2 = 4\pi(2a)^2 = 16\pi a^2 \ (a^2 = \frac{16}{3} \text{ 대}$

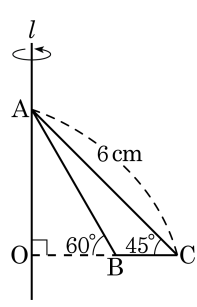
입)

$16\pi a^2 = 16\pi \times \frac{16}{3} = \frac{256}{3}\pi (\text{cm}^2)$



34. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 를 직선 l 을 회전축으로 하여 1 회전시켰을 때 생기는 입체도형의 부피를 구하면?

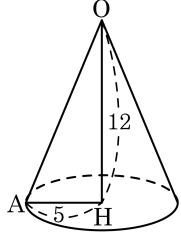
- ① $4\sqrt{3}\pi\text{ cm}^3$ ② $6\sqrt{2}\pi\text{ cm}^3$
 ③ $12\sqrt{2}\pi\text{ cm}^3$ ④ $12\sqrt{3}\pi\text{ cm}^3$
 ⑤ $24\sqrt{2}\pi\text{ cm}^3$



해설

$\triangle AOC$ 에서 $\overline{AO} : \overline{CO} : \overline{AC} = 1 : 1 : \sqrt{2}$ 이므로 $\overline{AO} : \overline{AC} = 1 : \sqrt{2}$, $\overline{AO} : 6 = 1 : \sqrt{2}$, $\therefore \overline{AO} = \overline{CO} = 3\sqrt{2}$ (cm)
 $\triangle AOB$ 에서 $\overline{AO} : \overline{BO} = \sqrt{3} : 1$
 $\therefore \overline{BO} = \sqrt{6}$ (cm)
 따라서 부피는 $\left(\frac{1}{3} \times \pi \times (3\sqrt{2})^2 \times 3\sqrt{2}\right)$
 $- \left(\frac{1}{3} \times \pi \times (\sqrt{6})^2 \times 3\sqrt{2}\right)$
 $= 18\sqrt{2}\pi - 6\sqrt{2}\pi = 12\sqrt{2}\pi$ (cm³) 이다.

35. 다음 그림의 원뿔은 밑면의 반지름의 길이가 5, 높이가 12 이다. 원뿔의 겉넓이를 구하여라.

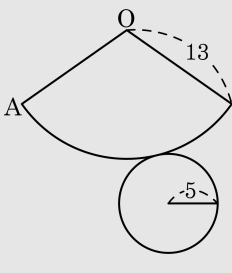


▶ 답 :

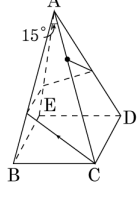
▷ 정답 : 90π

해설

$\triangle OAH$ 에서
 $\overline{OA}^2 = \overline{AH}^2 + \overline{OH}^2$, $\overline{OA} = \sqrt{12^2 + 5^2} = 13$
 밑면의 반지름의 길이가 5 이므로 둘레의 길이는 $2\pi \times 5 = 10\pi$
 전개도에서 옆면은 부채꼴이므로 (옆면의 넓이)
 $= \frac{1}{2} \times (\text{부채꼴의 반지름}) \times (\text{호의 길이})$
 $= \frac{1}{2} \times 13 \times 10\pi$
 $= 65\pi$
 $\therefore (\text{겉넓이}) = 65\pi + 25\pi = 90\pi$

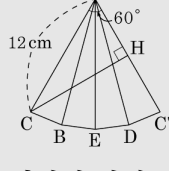


36. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = 12\text{cm}$, $\angle BAC = 15^\circ$ 인 정사각뿔이 있다. 점 C에서 옆면을 지나 $\overline{AC}$ 에 이르는 최단거리를 구하면?



- ① $3\sqrt{3}\text{cm}$ ② $4\sqrt{3}\text{cm}$ ③ $5\sqrt{3}\text{cm}$
 ④ $6\sqrt{3}\text{cm}$ ⑤ $7\sqrt{3}\text{cm}$

해설



옆면의 전개도를 그려 생각하면, 점 C에서 $\overline{AC'}$ 에 내린 수선 $\overline{CH}$ 의 길이가 최단거리가 된다.

$\overline{AC} : \overline{CH} = 2 : \sqrt{3}$ 이므로

$$\therefore \overline{CH} = 12 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 6\sqrt{3}(\text{cm})$$