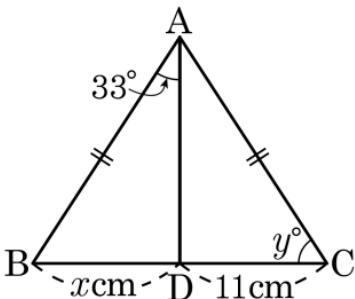


1. 다음 그림과 같이  $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형 ABC에서  $\angle A$ 의 이등분선과  $\overline{BC}$ 의 교점을 D라 하자.  $\overline{DC} = 11\text{cm}$ ,  $\angle BAD = 33^\circ$ 일 때,  $x + y$ 의 값은?



- ① 48      ② 58      ③ 68      ④ 78      ⑤ 88

해설

이등변삼각형에서 꼭지각의 이등분선은 밑변을 수직이등분하므로

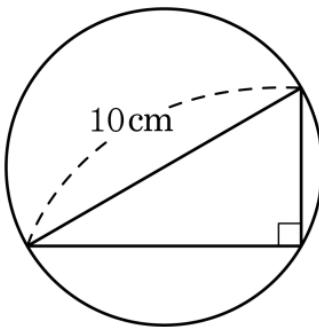
$$\overline{BD} = \overline{DC} = 11\text{cm}$$

$\triangle ABC$ 는 이등변삼각형이므로

$$y = \frac{1}{2}(180^\circ - 66^\circ) = 57^\circ$$

$$\therefore x + y = 11 + 57 = 68$$

2. 다른 그림과 같이 빗변의 길이가 10cm인 직각삼각형의 외접원의 반지름의 길이를 구하여라.

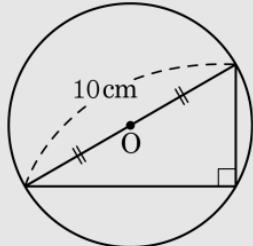


▶ 답 : cm

▷ 정답 : 5 cm

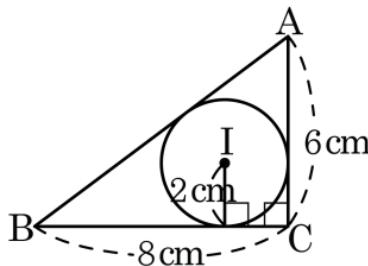
해설

직각삼각형의 외심 O는 빗변의 중심에 존재한다.



따라서 반지름의 길이는 5cm이다.

3. 다음 그림에서 점 I는  $\triangle ABC$ 의 내심이다. 내접원의 반지름의 길이  
는 2cm이고,  $\triangle ABC$ 는 직각삼각형일 때,  $\triangle ABC$ 의 둘레의 길이를  
구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 24 cm

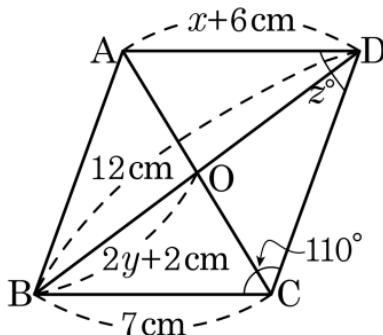
해설

$$\triangle ABC \text{의 넓이가 } 6 \times 8 \times \frac{1}{2} = 24 \text{ 이므로 } \frac{1}{2} \times 2 \times$$

$(\triangle ABC \text{의 둘레의 길이}) = 24$

따라서  $\triangle ABC$ 의 둘레의 길이는 24cm이다.

4. 평행사변형 ABCD에서  $\overline{BC} = 7\text{cm}$ ,  $\overline{BD} = 12\text{cm}$ ,  $\angle BCD = 110^\circ$  일 때,  $z - x - y$ 의 값을 구하여라.(단, 단위생략)



▶ 답 :

▷ 정답 : 67

해설

$$\overline{AD} = \overline{BC} \text{ 이므로 } x + 6 = 7$$

$$\therefore x = 1(\text{cm})$$

평행사변형의 대각선은 서로 다른 것을 이등분하므로

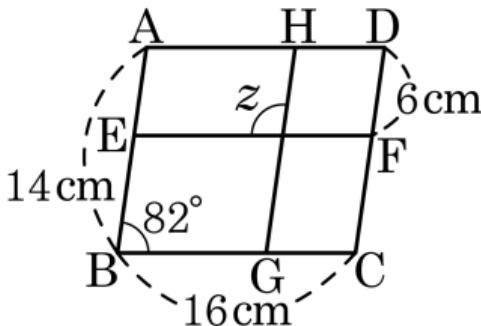
$$\overline{OB} = \frac{1}{2}\overline{BD}, \text{ 즉 } 2y + 2 = 6$$

$$\therefore y = 2(\text{cm})$$

$$\angle C + \angle D = 180^\circ, \text{ 즉 } 110^\circ + z = 180^\circ \text{ 이므로 } z = 70^\circ$$

$$\therefore z - x - y = 67$$

5. 다음 그림의 평행사변형 ABCD에서  $\overline{AD} \parallel \overline{EF}$ ,  $\overline{AB} \parallel \overline{HG}$  일 때,  $z$ 의 값은?

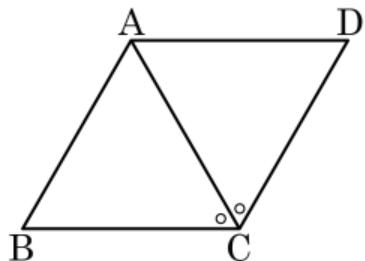


- ①  $82^\circ$       ②  $86^\circ$       ③  $90^\circ$       ④  $92^\circ$       ⑤  $98^\circ$

해설

$$\angle z = 180^\circ - 82^\circ = 98^\circ$$

6. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서  $\angle BCA = \angle DCA$  이면  $\square ABCD$  는 어떤 사각형인가?

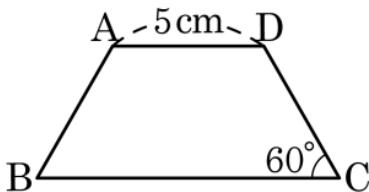


- ① 평행사변형      ② 사다리꼴      ③ 직사각형  
④ 정사각형      ⑤ 마름모

해설

$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$  이므로  $\angle BCA = \angle DAC$  (엇각),  $\angle DCA = \angle CAB$  (엇각)이고,  $\overline{AB} = \overline{DC}$ ,  $\overline{AD} = \overline{BC}$  이므로  $\triangle ABC$ ,  $\triangle CDA$ 는 이등변삼각형이다.  $\therefore \overline{AB} = \overline{BC}$ ,  $\overline{AD} = \overline{CD} \rightarrow \overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CD} = \overline{DA}$   $\therefore \square ABCD$ 는 마름모가 된다.

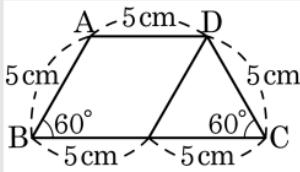
7. 다음 그림에서  $\square ABCD$  는  $\overline{AB} = \overline{AD}$  인 등변사다리꼴이다.  $\overline{AD} = 5\text{ cm}$ ,  $\angle C = 60^\circ$  일 때,  $\square ABCD$  의 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

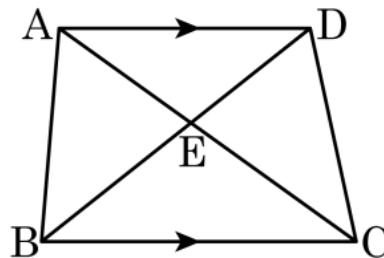
▷ 정답 : 25 cm

해설



$$5 \times 5 = 25(\text{ cm})$$

8. 다음 그림의 사각형 ABCD에서  $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이고,  $\triangle ABC$ 의 넓이가  $15\text{cm}^2$  일 때,  $\triangle DBC$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :  $\text{cm}^2$

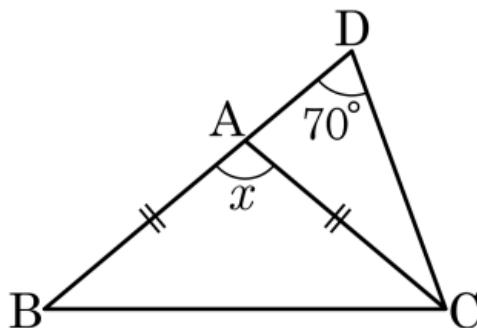
▷ 정답 :  $15\text{cm}^2$

해설

$\triangle ABC$  와  $\triangle DBC$ 에서  $\overline{BC}$ 는 동일하고  $\overline{AD}$ 에서  $\overline{BC}$  까지의 거리는 같으므로

$\triangle ABC$ 의 넓이와  $\triangle DBC$ 의 넓이는 동일하다.

9. 그림에서  $\overline{AB} = \overline{AC}$ ,  $\overline{BD} = \overline{BC}$  이고  $\angle D = 70^\circ$  일 때,  $\angle x$  의 크기를 구하여라.

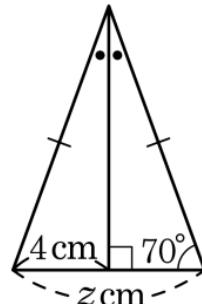
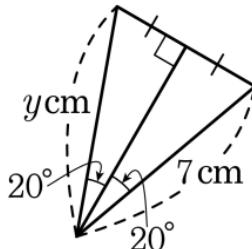
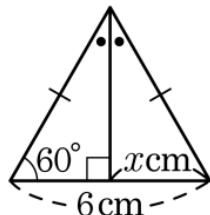


- ①  $60^\circ$       ②  $70^\circ$       ③  $80^\circ$       ④  $90^\circ$       ⑤  $100^\circ$

해설

$$\angle DCB = 70^\circ, \angle B = 40^\circ, \angle x = 100^\circ$$

10. 다음과 같이 서로 다른 이등변삼각형 3개가 있다. 이때,  $x+y+z$ 의 값은?



- ① 18cm      ② 19cm      ③ 20cm      ④ 21cm      ⑤ 22cm

해설

이등변삼각형의 꼭지각의 이등분선은 밑변을 수직이등분하므로

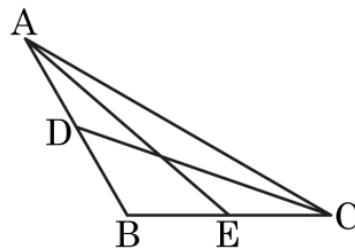
$$x = 3(\text{cm})$$

$$y = 7(\text{cm})$$

$$z = 4 + 4 = 8(\text{cm})$$

$$\therefore x + y + z = 3 + 7 + 8 = 18(\text{cm})$$

11. 다음 그림과 같이  $\overline{AB} = \overline{BC}$  인 이등변삼각형 ABC의 꼭짓점 A, C에서 대변의 중점과의 교점을 각각 D, E라고 할 때,  $\overline{AE} = \overline{CD}$ 임을 증명하는 과정이다. ⑦~⑩에 들어갈 말을 알맞게 쓴 것을 고르면?



[가정]  $\overline{AB} = \overline{BC}$ , 점 D, E는  $\overline{AB}$ 와  $\overline{BC}$ 의 중점

[결론]  $\overline{AE} = \overline{CD}$

[증명]  $\triangle ADC$ 와  $\triangle CEA$ 에서

( ㉠ )는 공통 ... ㉠

$\angle DAC = \angle ECA$  ... ㉡

또  $\overline{AD} = \frac{1}{2}\overline{AB}$ ,  $\overline{CE} = \frac{1}{2}\overline{BC}$ 이고  $\overline{AB} = \overline{BC}$ 이므로

( ㉢ ) ... ㉢

㉠, ㉡, ㉢에서  $\triangle ADC$ 와  $\triangle CEA$ 는 SAS 합동

따라서 ( ㉣ )

①  $\overline{AE}, \overline{AD} = \overline{CE}, \overline{AB}$ 는  $\overline{CB}$ 와 길이가 같다.

②  $\overline{AE}, \overline{AE} = \overline{CD}, \overline{AE}$ 는  $\overline{CD}$ 와 길이가 같다.

③  $\overline{AC}, \overline{AD} = \overline{CE}, \overline{AB}$ 는  $\overline{CB}$ 와 길이가 같다.

④  $\overline{AC}, \overline{AE} = \overline{CD}, \overline{AB}$ 는  $\overline{CB}$ 와 길이가 같다.

⑤  $\overline{AC}, \overline{AD} = \overline{CE}, \overline{AE}$ 는  $\overline{CD}$ 와 길이가 같다.

### 해설

[가정]  $\overline{AB} = \overline{BC}$ , 점 D, E는  $\overline{AB}$ 와  $\overline{BC}$ 의 중점

[결론]  $\overline{AE} = \overline{CD}$

[증명]  $\triangle ADC$ 와  $\triangle CEA$ 에서

(  $\overline{AC}$  )는 공통 ... ㉠

$\angle DAC = \angle ECA$  ... ㉡

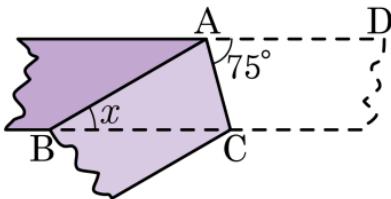
또  $\overline{AD} = \frac{1}{2}\overline{AB}$ ,  $\overline{CE} = \frac{1}{2}\overline{BC}$ 이고  $\overline{AB} = \overline{BC}$ 이므로

(  $\overline{AD} = \overline{CE}$  ) ... ㉢

㉠, ㉡, ㉢에서  $\triangle ADC$ 와  $\triangle CEA$ 는 SAS 합동

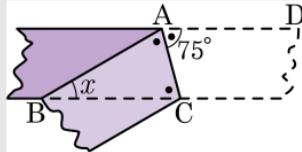
따라서 (  $\overline{AE}$ 는  $\overline{CD}$ 와 길이가 같다. )

12. 다음 그림과 같이 폭이 일정한 종이 테이프를 접었다.  $\angle CAD = 75^\circ$  일 때,  $\angle x$ 의 크기는?



- ①  $20^\circ$       ②  $25^\circ$       ③  $30^\circ$       ④  $35^\circ$       ⑤  $40^\circ$

해설



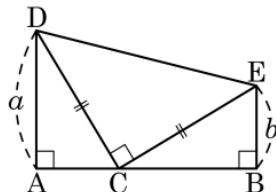
$\angle DAC = \angle CAB = 75^\circ$  (종이 접은 각)

$\angle DAC = \angle ACB = 75^\circ$  (엇각)

따라서  $\triangle ABC$ 는 밑각의 크기가  $75^\circ$ 이고,  $\overline{AB} = \overline{BC}$ 인 이등변 삼각형이다.

$$\therefore \angle x = 180^\circ - 75^\circ - 75^\circ = 30^\circ$$

13. 다음 그림에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?



①  $\angle ADC = \angle ECB$

②  $\angle CDE = \angle CEB$

③  $\overline{AB} = \overline{DA} + \overline{EB}$

④  $\triangle ACD \cong \triangle BEC$

⑤  $\square ABED = \frac{1}{2}(a+b)^2$

해설

$\triangle ACD$ 에서  $\angle ADC + \angle ACD = 90^\circ$

또한,  $\angle DCE = 90^\circ$  이므로  $\angle ACD + \angle ECB = 90^\circ$

$\therefore \angle ADC = \angle ECB \dots \textcircled{\text{7}}$

$\triangle ACD$  와  $\triangle BEC$ 에서

$\angle A = \angle B = 90^\circ \dots \textcircled{\text{L}}$

$\overline{DC} = \overline{CE} \dots \textcircled{\text{C}}$

$\textcircled{\text{7}}, \textcircled{\text{L}}, \textcircled{\text{C}}$ 에서  $\triangle ACD \cong \triangle BEC$  (RHA 합동)

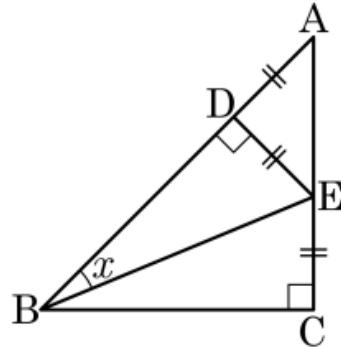
즉,  $\overline{AC} = \overline{EB}$ ,  $\overline{CB} = \overline{DA}$

$\therefore \overline{AB} = \overline{AC} + \overline{CB} = \overline{DA} + \overline{EB} = a + b$

또,  $\square ABED = \frac{1}{2}(a+b) \times \overline{AB} = \frac{1}{2}(a+b) \times (a+b) = \frac{1}{2}(a+b)^2$

14. 다음 그림과 같이  $\overline{AC} = \overline{BC}$  인 직각이등변삼각형 ABC에서  $\overline{AD} = \overline{DE} = \overline{EC}$  일 때,  $\angle x$ 의 크기는?

- ①  $22^\circ$
- ②  $22.5^\circ$
- ③  $23^\circ$
- ④  $23.5^\circ$
- ⑤  $25^\circ$



### 해설

$\triangle DBE$  와  $\triangle CBE$ 에 대하여

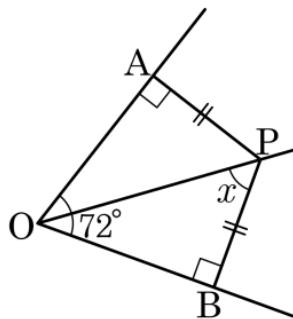
$\angle BDE = \angle BCE = 90^\circ$ ,  $\overline{DE} = \overline{CE}$ ,

$\overline{BE}$ 는 공통,  $\triangle DBE \equiv \triangle CBE$  (RHS 합동)

$\angle DBE = \angle CBE$  이고  $\angle DBE + \angle CBE = \angle ABC = 45^\circ$  이므로

$\therefore \angle x = \angle DBE = 22.5^\circ$

15. 다음 그림에서  $\overline{PA} = \overline{PB}$ ,  $\angle AOB = 72^\circ$  일 때,  $\angle x$  의 크기를 구하여라.



- ①  $50^\circ$       ②  $52^\circ$       ③  $54^\circ$       ④  $56^\circ$       ⑤  $58^\circ$

해설

$\triangle PAO$  와  $\triangle PBO$  에서

i)  $\angle A = \angle B = 90^\circ$

ii)  $\overline{AP} = \overline{BP}$

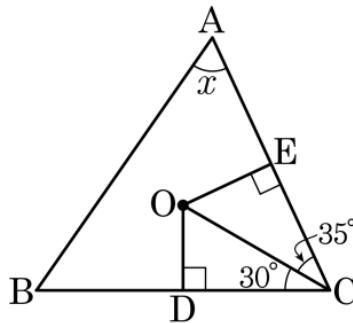
iii)  $\overline{OP}$  는 공통

i), ii), iii)에 의해  $\triangle PAO \equiv \triangle PBO$ (RHS합동) 이다. 합동인  
도형의 대응각의 크기는 같으므로

$$\angle AOP = \angle BOP = 36^\circ$$

$$\therefore \angle x = 90^\circ - 36^\circ = 54^\circ$$

16. 다음 그림에서 점 O 가  $\overline{AC}$ ,  $\overline{BC}$  의 수직이등분선의 교점일 때,  $\angle x$  의 크기는?



- ①  $40^\circ$       ②  $50^\circ$       ③  $60^\circ$       ④  $70^\circ$       ⑤  $80^\circ$

해설

보조선  $\overline{OB}$ ,  $\overline{OA}$  를 그으면  $\angle OBC = 30^\circ$ ,  $\angle OAE = 35^\circ$

$$\angle OBA = \angle OAB$$

삼각형의 내각의 합은  $180^\circ$  이므로

$$\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ \cdots ⑦$$

$$\angle A = \angle OAB + 35^\circ \cdots ⑧$$

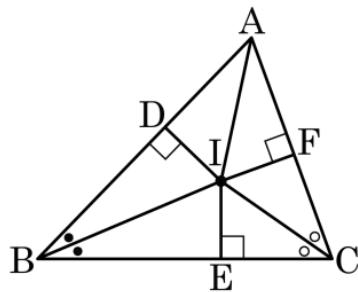
$$\angle B = \angle OBA + 30^\circ \cdots ⑨$$

$$\angle C = 30^\circ + 35^\circ \cdots ⑩$$

⑧, ⑨, ⑩ 을 ⑦에 대입하면  $\angle OAB = \angle OBA = 25^\circ$

$$\therefore \angle A = 25^\circ + 35^\circ = 60^\circ \text{ 이다.}$$

17. 다음은 ‘삼각형 ABC의 세 내각의 이등분선은 한 점에서 만난다’ 를 나타내는 과정이다. ㉠ ~ ⑤ 중 잘못된 것은?



$\angle B, \angle C$ 의 이등분선의 교점을 I라 하면

i)  $\overline{BI}$ 는  $\angle B$ 의 이등분선이므로

$$\triangle BDI \cong \triangle BEI \quad \therefore \overline{ID} = (\textcircled{7})$$

ii)  $\overline{CI}$ 는  $\angle C$ 의 이등분선이므로  $\triangle CEI \cong \triangle CFI \quad \therefore \overline{IE} = (\textcircled{5})$

$$\text{iii)} \overline{ID} = (\textcircled{7}) = (\textcircled{5})$$

iv)  $\overline{ID} = \overline{IF}$ 이므로  $\triangle ADI \cong (\textcircled{6})$

$$\therefore \angle DAI = (\textcircled{8})$$

따라서  $\overline{AI}$ 는  $\angle A$ 의 ( $\textcircled{9}$ )이다.

따라서  $\triangle ABC$ 의 세 내각의 이등분선은 한 점에서 만난다.

① ㉠ :  $\overline{IE}$

② ㉡ :  $\overline{IF}$

③ ㉢ :  $\triangle BDI$

④ ㉣ :  $\angle FAI$

⑤ ㉤ : 이등분선

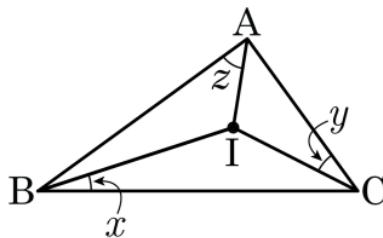
### 해설

$\triangle IBE \cong \triangle IBD$ (RHA 합동) 이므로  $\overline{ID}$ 와 대응변인  $\overline{IE}$ 의 길이가 같고,

$\triangle ICE \cong \triangle ICF$ (RHA 합동) 이므로  $\overline{IE}$ 와 대응변인  $\overline{IF}$ 의 길이가 같다.

그러므로,  $\overline{IE} = \overline{IF}$ 이므로  $\triangle ADI$ 와  $\triangle AFI$ 에서  
 $\angle ADI = \angle AFI = 90^\circ$ ,  $\overline{AI}$ 는 공통 변,  $\overline{ID} = \overline{IF}$   
 이므로  $\triangle ADI \cong \triangle AFI$ (RHS 합동)

18. 다음 그림의  $\triangle ABC$ 에 대하여 점 I는 내심이고,  $x : y : z = 2 : 3 : 5$ 이다. 이때,  $\angle y + \angle z$  값을 구하여라.



▶ 답:  $\underline{\hspace{1cm}}$

▷ 정답:  $72^\circ$

해설

$$\angle x + \angle y + \angle z = 90^\circ$$

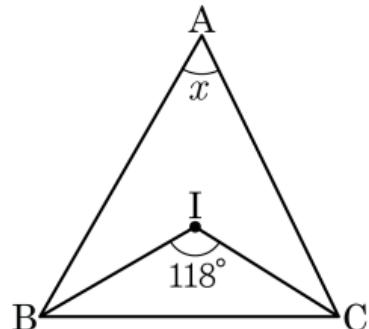
$x : y : z = 2 : 3 : 5$   $\circ$ 므로  $\angle x = 2k$ ,  $\angle y = 3k$ ,  $\angle z = 5k$   $\circ$ 이다.

$$2k + 3k + 5k = 90^\circ, k = 9$$

$$\therefore \angle x = 18^\circ, \angle y = 27^\circ, \angle z = 45^\circ$$

$$\therefore \angle y + \angle z = 27^\circ + 45^\circ = 72^\circ$$

19. 다음 그림에서 점 I는  $\triangle ABC$ 의 내심이고,  
 $\angle BIC = 118^\circ$  일 때,  $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :  $\frac{1}{2}$   $^\circ$

▶ 정답 :  $56^\circ$

해설

$$90^\circ + \frac{1}{2}\angle x = 118^\circ$$

$$\therefore \angle x = 56^\circ$$

20.  $\triangle ABC$  의 내접원의 지름의 길이가 18 이고  $\triangle ABC$  의 넓이가 63 일 때, 이 삼각형의 둘레의 길이를 구하면?

① 12

② 13

③ 14

④ 15

⑤ 16

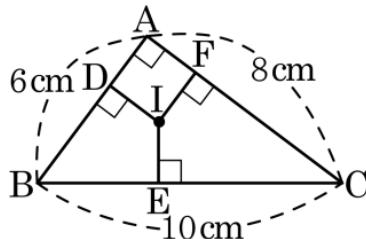
해설

지름이 18 이므로 반지름의 길이는 9 이다.

$$(\triangle ABC \text{의 넓이}) = \frac{1}{2} \times 9 \times (\triangle ABC \text{의 둘레의 길이}) = 63 \text{ 이다.}$$

따라서  $\triangle ABC$  의 둘레의 길이는 14 이다.

21. 다음 그림에서 점 I는  $\triangle ABC$ 의 내심이다.  $\overline{AD}$ 의 길이는?



① 1.6cm

② 1.8cm

③ 2cm

④ 2.2cm

⑤ 2.5cm

해설

$\overline{AD} = \overline{AF} = x$  라 하면

$\overline{BE} = \overline{BD} = \overline{AB} - x = 6 - x$  이고,

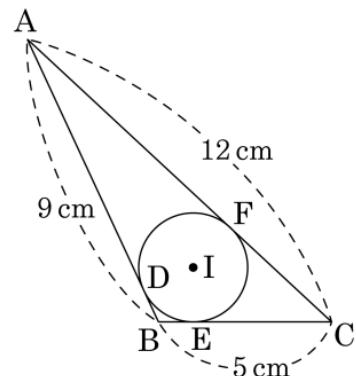
$\overline{CE} = \overline{CF} = \overline{AC} - x = 8 - x$  이다.

$\overline{BC} = \overline{BE} + \overline{CE} = 10$  cm 이므로

$$10 = (6 - x) + (8 - x)$$

$$\therefore x = 2(\text{cm})$$

22. 다음 그림에서 점 I는  $\triangle ABC$ 의 내심이고, 세 점 D, E, F는 각각 내접원과 세 변 AB, BC, CA의 접점이다. 이 때,  $\overline{AF}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 8 cm

### 해설

$$\overline{AF} = \overline{AD} = x(\text{cm}) \text{ 라 하면}$$

$$\overline{BD} = \overline{BE} = 9 - x(\text{cm})$$

$$\overline{CE} = \overline{CF} = 12 - x(\text{cm})$$

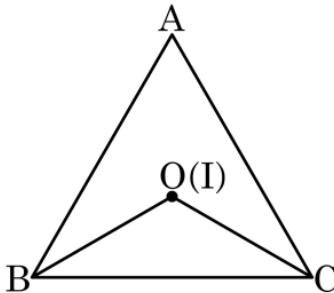
$$\text{따라서 } \overline{BC} = \overline{BE} + \overline{CE} = 5(\text{cm}) \text{ 에서}$$

$$(9 - x) + (12 - x) = 5$$

$$x = 8(\text{cm})$$

$$\therefore \overline{AF} = 8(\text{cm})$$

23. 다음 그림과 같이  $\triangle ABC$ 의 외심 O 와 내심 I 가 일치할 때, 다음 중 옳지 않은 것은?



- ①  $\angle ABO = \angle BCO$       ②  $\overline{AB} = \overline{BC}$   
③  $\angle BOC = 120^\circ$       ④  $\angle A = 2\angle OCB$   
⑤  $\angle OBC + \angle BAC = 100^\circ$

해설

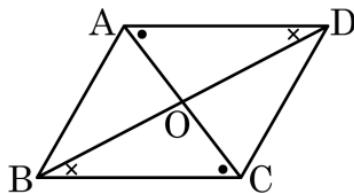
$\triangle ABC$ 의 외심 O 와 내심 I가 일치할 때는 삼각형이 정삼각형인 경우이므로

$\angle BAC = 60^\circ$  이다.

따라서  $\angle BOC = 2\angle A = 120^\circ$  이고,  $\triangle OBC$ 는 이등변삼각형이므로  $\angle OBC = 30^\circ$  이다.

⑤  $\angle OBC + \angle BAC = 60^\circ + 30^\circ = 90^\circ$

24. 다음은 ‘평행사변형에서 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분한다.’ 를 증명한 것이다. 가정으로 옳은 것은?



[가정]

$$[결론] \overline{AO} = \overline{CO}, \overline{BO} = \overline{DO}$$

[증명]  $\triangle OAD$  와  $\triangle OCB$  에서

$$\overline{AD} = \overline{BC} \cdots \textcircled{\text{①}}$$

$\overline{AD} // \overline{BC}$  이므로

$$\angle OAD = \angle OCB \text{ (엇각)} \cdots \textcircled{\text{②}}$$

$$\angle ODA = \angle OBC \text{ (엇각)} \cdots \textcircled{\text{③}}$$

①, ②, ③에 의해서  $\triangle OAD \cong \triangle OCB$  (ASA 합동)

$$\therefore \overline{AO} = \overline{CO}, \overline{BO} = \overline{DO}$$

①  $\square ABCD$ 에서  $\overline{AB} = \overline{DC}, \overline{AD} = \overline{BC}$

②  $\square ABCD$ 에서  $\overline{AB} = \overline{DC}, \overline{AD} // \overline{BC}$

③  $\square ABCD$ 에서  $\overline{AB} // \overline{DC}, \overline{AD} = \overline{BC}$

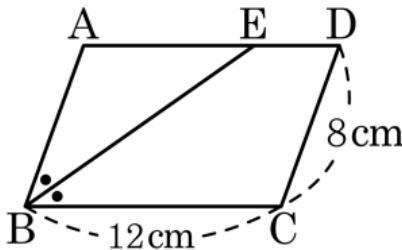
④  $\square ABCD$ 에서  $\overline{AB} // \overline{DC}, \overline{AD} // \overline{BC}$

⑤  $\square ABCD$ 에서  $\overline{AB} // \overline{AD}, \overline{CD} // \overline{BC}$

해설

$\square ABCD$ 에서  $\overline{AB} // \overline{DC}, \overline{AD} // \overline{BC}$ 를 가정하여  $\overline{AO} = \overline{CO}, \overline{BO} = \overline{DO}$ 를 증명하는 과정이다.

25. 다음 그림의 평행사변형 ABCD에서  $\overline{BE}$ 는  $\angle ABC$ 의 이등분선이다.  $\overline{BC} = 12\text{ cm}$ ,  $\overline{CD} = 8\text{ cm}$  일 때,  $\overline{DE}$ 의 길이는?



- ① 2 cm      ② 3 cm      ③ 4 cm      ④ 5 cm      ⑤ 6 cm

해설

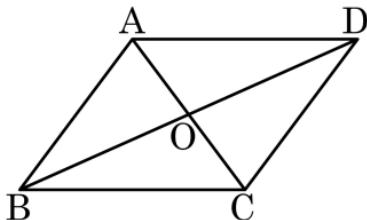
$$\angle EBC = \angle AEB \text{ (엇각)}$$

즉,  $\triangle ABE$ 는 이등변삼각형이므로

$$\overline{AB} = \overline{AE} = 8(\text{ cm})$$

$$\overline{DE} = \overline{AD} - \overline{AE} = 12 - 8 = 4(\text{ cm})$$

26. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 에 대하여 다음 중 옳지 않은 것을 골라라.



㉠  $\angle ABC + \angle BCD = 180^\circ$

㉡  $\overline{AB} = \overline{DC}$

㉢  $\angle ADB = \angle ACB$

㉣  $\overline{AO} = \overline{CO}$

㉤  $\angle BAC = \angle ACD$

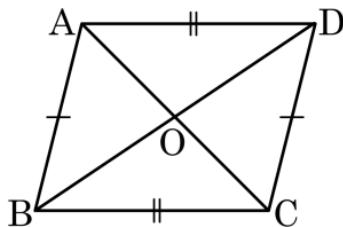
▶ 답 :

▷ 정답 : ㉢

해설

$\overline{AD} // \overline{BC}$  이므로  $\angle ADB = \angle CBD$

27. 다음은 ‘두 쌍의 대변의 길이가 각각 같은 사각형은 평행사변형이다.’  
를 증명하는 과정이다. □ ~ □에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?



[가정]  $\square ABCD$ 에서  $\overline{AB} = \overline{DC}$ ,  $\overline{AD} =$   ↗

[결론]  ↗ //  $\overline{DC}$ ,  $\overline{AD} // \overline{BC}$

[증명] 점 A와 점 C를 이으면

$\triangle ABC$ 와  $\triangle CDA$ 에서

$\overline{AB} = \overline{DC}$  (가정) … ㉠

$\overline{AD} =$   ↗ (가정) … ㉡

↙ 는 공통 … ㉢

㉠, ㉡, ㉢에 의해서  $\triangle ABC \equiv \triangle CDA$  ( ⇔ 합동)

$\angle BAC = \angle DCA$  이므로

↗ //  $\overline{DC}$  … ㉣

$\angle ACB =$   □ 이므로

$\overline{AD} // \overline{BC}$  … ㉤

㉣, ㉤에 의해서  $\square ABCD$ 는 평행사변형이다.

① ↗ :  $\overline{AB}$

② ↗ :  $\overline{BC}$

③ ↙ :  $\overline{AC}$

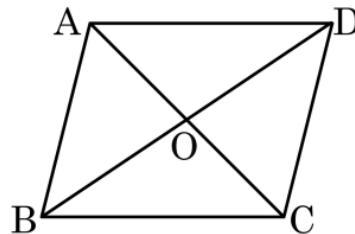
④ ⇔ : SAS

⑤ □ :  $\angle CAD$

해설

$\triangle ABC \equiv \triangle CDA$  (SSS 합동)

28. 다음 중 □ABCD 가 평행사변형이 되지 않는 것은?

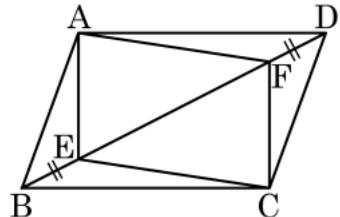


- ①  $\triangle AOD \cong \triangle COB$
- ②  $\overline{AO} = \overline{CO}$ ,  $\overline{BO} = \overline{DO}$
- ③  $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ ,  $\overline{AB} = \overline{DC} = 5\text{cm}$
- ④  $\angle A = 130^\circ$ ,  $\angle B = 50^\circ$ ,  $\angle C = 130^\circ$
- ⑤  $\angle OAD = \angle OCB$ ,  $\angle ODA = \angle OBC$

해설

- ⑤  $\angle OAD = \angle OCB$ ,  $\angle ODA = \angle OBC$  일 때,  $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$  이다.

29. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 의 대각선 BD 위에  $\overline{BE} = \overline{DF}$  가 되도록 두 점 E, F 를 잡을 때,  $\square AECF$  는 어떤 사각형인가?



- ① 평행사변형      ② 마름모      ③ 직사각형  
 ④ 정사각형      ⑤ 사다리꼴

### 해설

$\overline{AD} // \overline{BC}$  이므로  $\angle DBC = \angle BDA$ ,

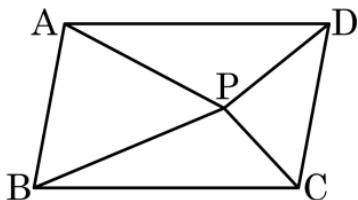
$\overline{AB} // \overline{CD}$  이므로  $\angle ABD = \angle CDB$

$\therefore \triangle ABE \cong \triangle CDF$ ,  $\triangle BCE \cong \triangle DAF$

$\rightarrow \overline{AE} = \overline{CF}$ ,  $\overline{AF} = \overline{CE}$

따라서 두 쌍의 대응변의 길이가 각각 같으므로  $\square AECF$  는 평행사변형이다.

30. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD의 내부에 한 점 P를 잡을 때, □ABCD의 넓이는  $60\text{cm}^2$ 이고,  $\triangle ABP$ 의 넓이는  $\triangle CDP$ 의 넓이의 2배일 때,  $\triangle CDP$ 의 넓이를 구하면?



- ①  $5\text{cm}^2$       ②  $10\text{cm}^2$       ③  $15\text{cm}^2$   
④  $20\text{cm}^2$       ⑤  $25\text{cm}^2$

해설

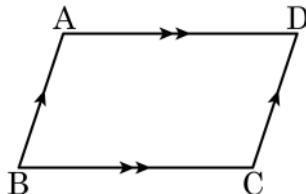
내부의 한 점 P에 대하여  $\frac{1}{2}\square ABCD = \triangle PAB + \triangle PCD = \triangle PAD + \triangle PBC$  이므로

$$\triangle ABP + \triangle CDP = \frac{1}{2}\square ABCD \text{이다.}$$

$$\triangle ABP = 2\triangle CDP \text{이므로 } 3\triangle CDP = \frac{1}{2}\square ABCD$$

$$\therefore \triangle CDP = \frac{1}{6}\square ABCD = 10(\text{cm}^2)$$

31. 다음 그림과 같은 사각형 ABCD 가  $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ ,  $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$  를 만족할 때, 직사각 형이 되는 조건을 모두 고르면?



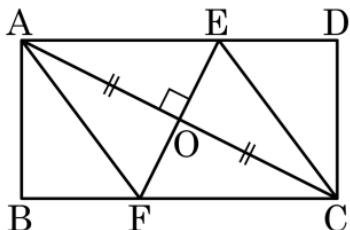
- ①  $\angle A = \angle C$  이다.
- ②  $\angle A = \angle D$  이다.
- ③  $\overline{AC}$  와  $\overline{BD}$  가 만나는 점을 O 라고 할 때,  $\overline{AO} \perp \overline{DO}$  이다.
- ④  $\overline{AD}$  의 중점을 M 이라고 할 때,  $\overline{BM} = \overline{CM}$  이다.
- ⑤  $\overline{AB} = \overline{CD}$  이고,  $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$  이다.

### 해설

한 내각이 직각인 평행사변형은 직사각형이다.

- ②  $\angle A = \angle D = 90^\circ$
- ④  $\triangle ABM \cong \triangle DCM$  (SSS 합동) 이므로  $\angle A = \angle D = 90^\circ$

32. 다음 그림과 같이 직사각형 ABCD 의 대각선  $\overline{AC}$  의 수직이등분선이  $\overline{AD}$ ,  $\overline{BC}$  와 만나는 점을 각각 E, F 라 하자.  $\overline{AB} = 4\text{cm}$ ,  $\overline{BF} = 3\text{cm}$ ,  $\overline{AF} = 5\text{cm}$  일 때,  $\triangle AFC$  의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :  $\text{cm}^2$

▷ 정답 :  $10\text{cm}^2$

### 해설

$\triangle OEA$  와  $\triangle OFC$  에서  $\angle AOE = \angle COF$  (맞꼭지각),

$\overline{AO} = \overline{CO}$ ,  $\angle EAO = \angle FCO$  (엇각)

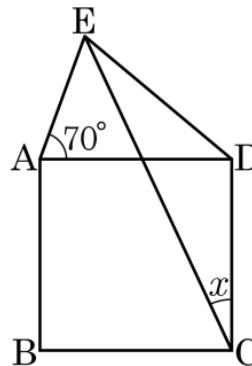
따라서 두 삼각형이 합동이므로  $\overline{EO} = \overline{FO}$  이다.

$\square AFCE$  는 두 대각선이 서로 다른 것을 수직이등분하므로 마름 모이다.

즉,  $\overline{FC} = \overline{AF} = 5\text{cm}$  이고, 높이는  $\overline{AB} = 4\text{cm}$  이므로

$$\therefore \triangle AFC = \frac{1}{2} \times 5 \times 4 = 10(\text{cm}^2)$$

33. 다음 그림에서  $\square ABCD$  는 정사각형이고,  $\angle EAD = 70^\circ$ ,  $\overline{AD} = \overline{ED}$  일 때,  $\angle x$  의 크기는?



- ①  $10^\circ$       ②  $15^\circ$       ③  $20^\circ$       ④  $25^\circ$       ⑤  $30^\circ$

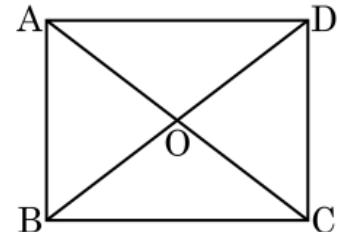
해설

$\square ABCD$  는 정사각형이므로  $\overline{AD} = \overline{CD} = \overline{DE}$  이고  $\triangle DAE$  는 이등변삼각형이므로  $\angle EDA = 180^\circ - 70^\circ - 70^\circ = 40^\circ$  이다.

$\triangle CDE$  는 이등변삼각형이므로

$$\angle x = (180^\circ - 40^\circ - 90^\circ) \div 2 = 25^\circ \text{ 이다.}$$

34. 다음 그림과 같은 직사각형 ABCD 가 정사각형이 되기 위한 조건은?

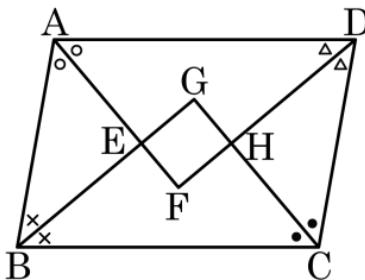


- ①  $\overline{AB} = \overline{AC}$
- ②  $\angle A = 90^\circ$
- ③  $\angle AOB = 90^\circ$
- ④  $\overline{AO} = \overline{BO}$
- ⑤  $\angle CDA = \angle ACB$

해설

직사각형이 정사각형이 되려면 네 변의 길이가 모두 같거나 두 대각선이 서로 수직이등분하면 된다.  
따라서  $\angle AOB = 90^\circ$  이다.

35. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD에서 네 내각의 이등분선을 연결하여  $\square EFGH$ 를 만들었을 때,  $\square EFGH$ 는 어떤 사각형인가?



- ① 평행사변형      ② 사다리꼴      ③ 직사각형  
④ 정사각형      ⑤ 마름모

해설

$\angle ABC + \angle BAD = 180^\circ$ 이므로  $\angle GBA + \angle FAB = 90^\circ$ 이고,  
 $\triangle ABE$ 에서  $\angle AEB = 180^\circ - 90^\circ = 90^\circ$ 이다.

마찬가지로  $\angle EGH = \angle EFH = \angle CHD = 90^\circ$ 이므로  $\square EFGH$ 는  
직사각형이다.

### 36. 다음 중 사각형에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?

- ① 두 대각선의 길이가 같은 평행사변형은 직사각형이다.
- ② 이웃하는 두 각의 크기가 같은 평행사변형은 정사각형이다.
- ③ 이웃하는 두 변의 길이가 같은 평행사변형은 마름모이다.
- ④ 두 대각선이 서로 다른 것을 수직 이등분하는 직사각형은 정사각형이다.
- ⑤ 한 내각이 직각인 평행사변형은 직사각형이다.

해설

이웃하는 두 각의 크기가 같은 평행사변형은 직사각형이다.

37. 다음 보기의 사각형 중에서 두 대각선이 서로 다른 것을 수직이등분하는 것을 모두 고르면?

보기

㉠ 등변사다리꼴

㉡ 평행사변형

㉢ 직사각형

㉣ 마름모

㉤ 정사각형

㉥ 사다리꼴

① ㉠, ㉢

② ㉚, ㉕

③ ㉠, ㉡, ㉚

④ ㉠, ㉢, ㉚

⑤ ㉚, ㉛, ㉕, ㉥

해설

두 대각선이 서로 다른 것을 수직이등분하는 사각형은 마름모, 정사각형이다.

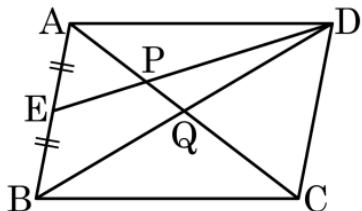
38. 직사각형의 중점을 연결했을 때 나타나는 사각형의 성질을 나타낸 것이다. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① 네 변의 길이가 모두 같다.
- ② 두 대각선이 서로 수직으로 만난다.
- ③ 두 쌍의 대변이 각각 평행하다.
- ④ 네 각의 크기가 모두 직각이다.
- ⑤ 두 대각선이 내각을 이등분한다.

해설

직사각형의 중점을 연결해 생기는 사각형은 마름모이다. 마름모는 네 각의 크기가 모두 직각이 아니다.

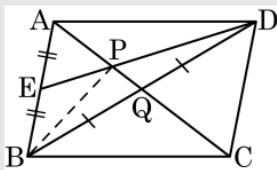
39. 다음 그림의 평행사변형 ABCD에서 점 E는 변 AB의 중점이고,  $\overline{DP} : \overline{PE} = 2 : 1$ 이다. 평행사변형 ABCD의 넓이가 600일 때,  $\triangle DPQ$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 50

해설



$$\triangle BDE = \frac{1}{2} \triangle ABD = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \square ABCD = 150$$

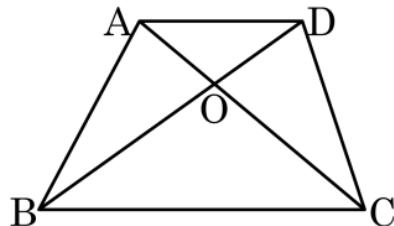
$\triangle DBP : \triangle EBP = 2 : 1$  이므로

$$\triangle DBP = \frac{2}{3} \triangle BDE = \frac{2}{3} \times 150 = 100$$

$\triangle BPQ : \triangle DPQ = 1 : 1$

$$\therefore \triangle DPQ = \frac{1}{2} \triangle DBP = \frac{1}{2} \times 100 = 50$$

40. 다음 사다리꼴 ABCD에서  $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ ,  $\overline{AO} : \overline{OC} = 1 : 2$ 이고  $\triangle DOC = 12\text{cm}^2$ 이다. 사다리꼴 ABCD의 넓이는?



- ①  $32\text{cm}^2$       ②  $48\text{cm}^2$       ③  $54\text{cm}^2$   
④  $63\text{cm}^2$       ⑤  $72\text{cm}^2$

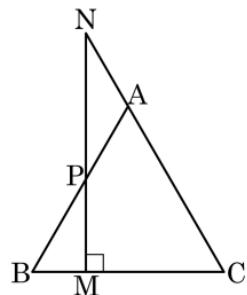
해설

$$1 : 2 = \triangle AOD : 12\text{cm}^2, \triangle AOD = 6\text{cm}^2$$

$$\triangle DOC = \triangle AOB = 12\text{cm}^2, 1 : 2 = 12\text{cm}^2 : \triangle BOC, \triangle BOC = 24\text{cm}^2$$

$$\square ABCD = 6 + 12 + 12 + 24 = 54(\text{cm}^2)$$

41. 다음 그림과 같이  $\overline{AB} = \overline{AC}$  인  $\triangle ABC$ 에서 변  $AB$  위에 점  $P$ 를 잡아  $P$ 를 지나면서  $\overline{BC}$ 에 수직인 직선이 변  $BC$ , 변  $CA$ 의 연장선과 만나는 점을 각각  $M, N$ 이라 할 때, 다음 중 옳지 않은 것을 모두 고르면? (정답 2개)



- ①  $\overline{AP} = \overline{BP}$
- ②  $\overline{AP} = \overline{AN}$
- ③  $\angle BAC = 2\angle ANP$
- ④  $\angle ANP = \angle APN = \angle BPM$
- ⑤  $\triangle NCM \cong \triangle PBM$

### 해설

$\angle C = \angle x$  라고 하면  $\triangle ABC$ 는 이등변삼각형이므로  $\angle C = \angle B = \angle x$ ,  $\angle BAC = 180^\circ - 2\angle x$

$\triangle BPM$ 에서  $\angle BPM = 90^\circ - \angle x$  또  $\angle BPM = \angle APN$  (맞꼭지각)

$\triangle APN$ 에서  $\angle BAC = \angle APN + \angle ANP$  이므로

$$180^\circ - 2\angle x = (90^\circ - \angle x) + \angle ANP$$

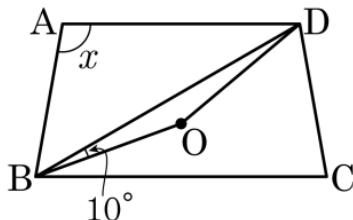
$$\angle ANP = 90^\circ - \angle x$$

$$\therefore \angle ANP = \angle BPM = \angle APN, \angle BAC = 2\angle ANP$$

$\triangle APN$ 에서 두 각의 크기가 같으므로 이등변삼각형

$$\therefore \overline{AP} = \overline{AN}$$

42. 다음 그림에서 점 O는  $\triangle ABD$  와  $\triangle BDC$ 의 외심이다.  $\angle OBD = 10^\circ$  일 때,  $\angle x$ 의 크기를 구하여라.

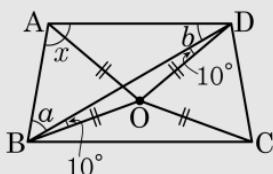


▶ 답:  $100^\circ$

▷ 정답:  $100^\circ$

### 해설

점 O는  $\triangle BDC$ 의 외심이므로  $\overline{OB} = \overline{OD}$   
 $\triangle ODB$ 는 이등변삼각형이므로  $\angle OBD = 10^\circ$   
 $\therefore \angle DOB = 180^\circ - 20^\circ = 160^\circ$



점 O는  $\triangle ABD$ 의 외심이므로  $\overline{OB} = \overline{OA} = \overline{OD}$ 이고  $\angle ABD = a$ ,  $\angle ADB = b$  라 하면

$\triangle ABO$ 는 이등변삼각형이므로  $\angle OAB = a + 10^\circ$

$\triangle ADO$ 도 이등변삼각형이므로  $\angle OAD = b + 10^\circ$

따라서 사각형 OBAD의 합은  $360^\circ$ 이므로

$$\angle OBA + \angle BAD + \angle ADO + \angle DOB$$

$$= (a + 10^\circ) + (a + 10^\circ + b + 10^\circ) + (b + 10^\circ) + 160^\circ$$

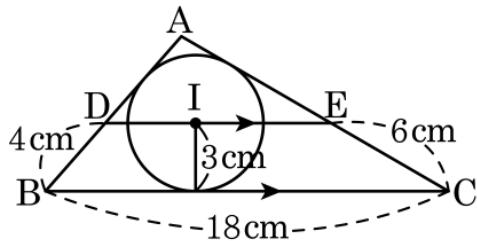
$$= 2a + 2b + 200^\circ$$

$$= 360^\circ$$

$$\therefore a + b = 80^\circ$$

$$\therefore \angle A = a + b + 20^\circ = 80^\circ + 20^\circ = 100^\circ$$

43. 내접원의 반지름이 3cm인  $\triangle ABC$ 의 내심 I를 지나고 변 BC에 평행한 직선이 변 AB, AC와 만나는 점을 각각 D, E라 할 때,  $\square DBCE$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :  $\text{cm}^2$

▷ 정답 :  $42 \text{ cm}^2$

### 해설

$\overline{BI}$ 를 그으면 점 I는 내심이므로  $\angle DBI = \angleIBC$

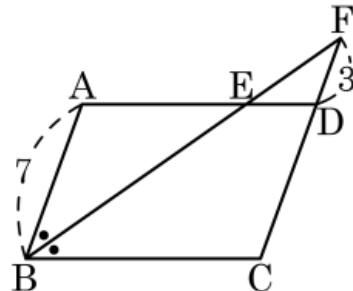
또한,  $\overline{DI} \parallel \overline{BC}$ 이므로  $\angleIBC = \angleDIB$  (엇각)  $\therefore \angleDBI = \angleDIB$

같은 방법으로  $\overline{CI}$ 를 그으면  $\angleECI = \angleEIC$

따라서  $\overline{DB} = \overline{DI} = 4\text{cm}$ ,  $\overline{EI} = \overline{EC} = 6\text{cm}$  이므로  $\overline{DE} = 10\text{cm}$  가 된다.

사각형 DBCE에서 넓이는  $\frac{1}{2} \times (10 + 18) \times 3 = 42(\text{cm}^2)$ 이다.

44. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서  $\angle B$ 의 이등분선이  $\overline{AD}$  와 만나는 점을 E,  $\overline{CD}$ 의 연장선과 만나는 점을 F 라고 한다.  $\overline{AB} = 7$ ,  $\overline{FD} = 3$  일 때,  $\overline{BC}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

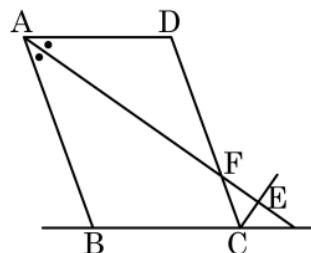
▶ 정답 : 10

해설

$\overline{AB}/\overline{CF}$  이므로  $\angle ABE = \angle BFC$  (엇각)이다.

그러므로 삼각형 BCF는 이등변삼각형이다.  $\overline{BC}$ 의 길이는  $\overline{CF}$ 의 길이와 같으므로  $7 + 3 = 10$ 이다.

45. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서  $\angle A$ 의 내각의 이등분선과  $\angle C$ 의 외각의 이등분선의 교점을 E라고 할 때,  $\angle AEC = ( )^\circ$ 이다. ( )안에 알맞은 수를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 90

해설

$$\angle BAE = a$$

$$\angle DCE = b \text{ 라 하면}$$

$$\angle B = 2b \text{ 이고}$$

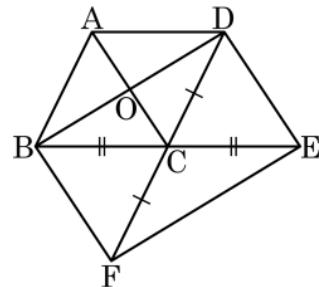
$$\angle A + \angle B = 180^\circ \text{ 이므로}$$

$$a + b = 90^\circ$$

$$\overline{AB} \parallel \overline{CD} \text{ 이므로 } \angle BAF = \angle CFE = a$$

$$\therefore \angle AEC = 180^\circ - (a + b) = 90^\circ$$

46. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD에서  $\overline{BC} = \overline{CE}$ ,  $\overline{DC} = \overline{CF}$  가 되도록  $\overline{BC}$ ,  $\overline{DC}$ 의 연장선 위에 각각 점 E, F를 잡았다.  $\triangle ADC$ 의 넓이가  $7\text{ cm}^2$  일 때,  $\square BFED$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :  $\text{cm}^2$

▷ 정답 :  $28\text{ cm}^2$

### 해설

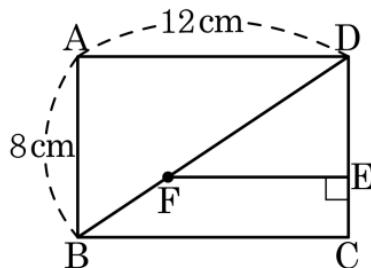
두 대각선이 서로 다른 것을 이등분했으므로  $\square BDEF$ 는 평행사변형이 된다.

$\triangle CBD$ 의 넓이는  $\square ABCD$ 의  $\frac{1}{2}$  이므로  $\triangle ADC$ 의 넓이와 같다.

$$\triangle CBD = 7\text{ cm}^2, \square BFED = 4 \times \triangle CBD$$

$$\therefore \square BFED = 4 \times 7 = 28 (\text{ cm}^2)$$

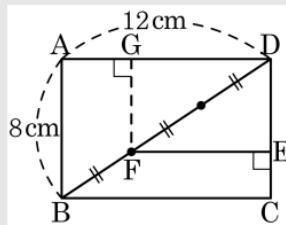
47. 오른쪽 그림의 직사각형 ABCD에서  $\overline{AD} = 12\text{cm}$ ,  $\overline{AB} = 8\text{cm}$ 이고 점 F는 대각선 BD를 삼등분하는 한 점이다. F에서  $\overline{DC}$ 에 그은 수선의 발을 E라 할 때,  $\overline{FE}$ 의 길이는?



- ① 8cm      ② 7cm      ③ 6cm      ④ 5cm      ⑤ 4cm

### 해설

F에서  $\overline{AD}$ 에 내린 수선의 발을 G라 하자.

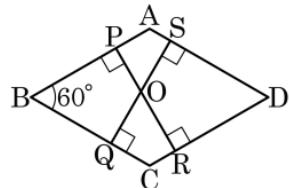


$$\overline{AD} : \overline{GD} = 3 : 2$$

$$\therefore \overline{GD} = \frac{2}{3} \times \overline{AD} = 8(\text{cm})$$

$$\text{따라서 } \overline{FE} = \overline{GD} = 8(\text{cm})$$

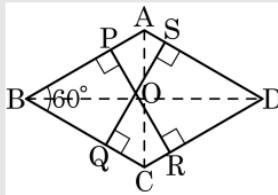
48. 다음 그림과 같이  $\angle ABC = 60^\circ$  인 마름모  $ABCD$  의 내부에 임의의 한 점  $O$  가 있다. 점  $O$  에서 마름모  $ABCD$  의 각 변 또는 그의 연장선 위에 내린 수선의 발을 각각  $P, Q, R, S$  라 할 때, 다음 중  $\overline{OP} + \overline{OQ} + \overline{OR} + \overline{OS}$  와 같은 것은?



- ①  $\overline{AC}$       ②  $\overline{BD}$   
 ④  $\overline{OB} + \overline{OD}$       ⑤  $2\overline{AB}$

### 해설

마름모  $ABCD$  의 한 변의 길이를  $a$  라 하면



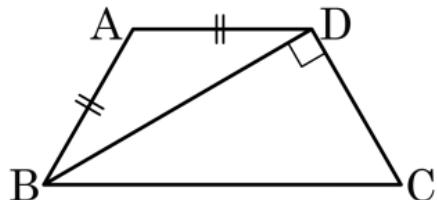
$$\begin{aligned}\square ABCD &= \triangle OAB + \triangle OBC + \triangle OCD + \triangle OAD \\ &= \frac{a}{2} \times \overline{OP} + \frac{a}{2} \times \overline{OQ} + \frac{a}{2} \times \overline{OR} + \frac{a}{2} \times \overline{OS} \\ &= \frac{a}{2} (\overline{OP} + \overline{OQ} + \overline{OR} + \overline{OS}) \quad \dots \textcircled{\text{7}}\end{aligned}$$

또한  $\overline{AC}$  를 그으면  $\overline{AB} = \overline{BC}$ ,  $\angle B = 60^\circ$  이므로  $\triangle ABC$  는 정삼각형이다. 즉,  $\overline{AC} = a$  이므로

$$\square ABCD = \frac{1}{2} \times \overline{AC} \times \overline{BD} = \frac{a}{2} \times \overline{BD} \quad \dots \textcircled{\text{8}}$$

$$\textcircled{\text{7}}, \textcircled{\text{8}} \text{에서 } \frac{a}{2} (\overline{OP} + \overline{OQ} + \overline{OR} + \overline{OS}) = \frac{a}{2} \times \overline{BD} \therefore \overline{OP} + \overline{OQ} + \overline{OR} + \overline{OS} = \overline{BD}$$

49. 다음 그림과 같은 등변사다리꼴 ABCD에서  $\overline{AB} = \overline{AD}$ ,  $\angle BDC = 90^\circ$  일 때,  $\angle C$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :  $\underline{\hspace{1cm}}$   $^\circ$

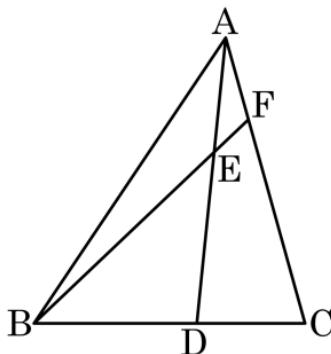
▷ 정답 :  $60^\circ$

해설

$$\angle ADB = \angle DBC = \frac{1}{2}\angle C$$

$$\frac{1}{2}\angle C + \angle C = 90^\circ \text{이므로, } \angle C = 60^\circ$$

50. 다음과 같이 넓이가 36 인 삼각형 ABC에서  $\overline{BD} = 2\overline{DC}$ ,  $\overline{ED} = 3\overline{AE}$ 이고, 선분 BE의 연장선과 변 AC의 교점을 F 라 할 때,  $\overline{BE} = 5\overline{EF}$  일 때,  $\triangle ABE + \square CDEF$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 16.8

### 해설

$\overline{BE} = 5\overline{EF}$  이므로  $\triangle ABE = 5\triangle AEF$

$\overline{ED} = 3\overline{AE}$  이므로  $\triangle EBD = 3\triangle ABE$

따라서  $\triangle EBD = 15\triangle AEF$

$\overline{BD} = 2\overline{DC}$  이므로  $\triangle ABD = 2\triangle ACD$  이다.

$\triangle AEF$ 의 넓이를  $k$  라 하면

$$\triangle ABD = 5k + 15k = 20k$$

따라서  $\triangle ABC = 30k = 36$  이므로  $k = \frac{6}{5}$  이다.

$$\therefore \triangle ABE + \square CDEF = 5k + (10k - k)$$

$$= 14k$$

$$= 14 \times \frac{6}{5}$$

$$= 16.8$$