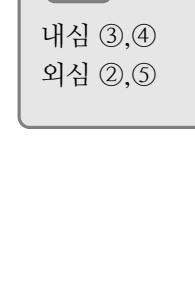
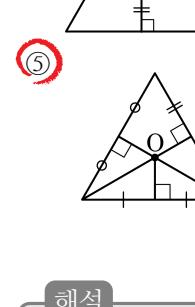


1. 다음 중 점 O가 삼각형의 외심에 해당하는 것을 모두 고르면?

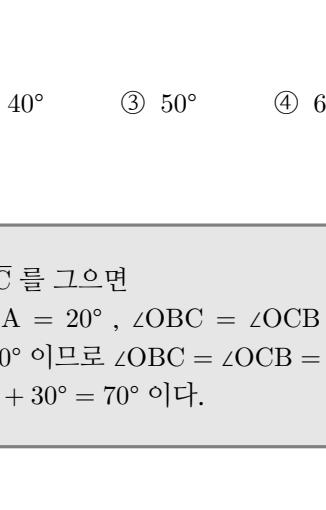


해설

내심 ③, ④

외심 ②, ⑤

2. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 의 외심이 점 O 일 때, $\angle x$ 의 크기는?

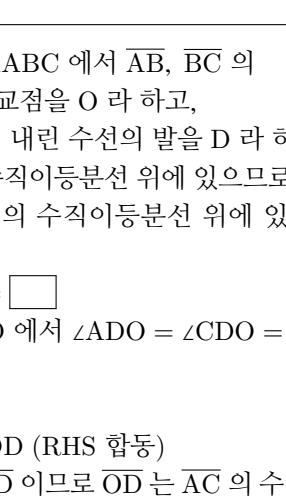


- ① 20° ② 40° ③ 50° ④ 60° ⑤ 70°

해설

보조선 \overline{OB} , \overline{OC} 를 그으면
 $\angle OAC = \angle OCA = 20^\circ$, $\angle OBC = \angle OCB$ 이고 삼각형의 세
내각의 합이 180° 이므로 $\angle OBC = \angle OCB = 30^\circ$
따라서 $x = 40^\circ + 30^\circ = 70^\circ$ 이다.

3. 다음은 「삼각형의 세 변의 수직이등분선은 한 점에서 만난다.」를 증명하는 과정이다. □ 안에 들어갈 알맞은 것은?



위 그림과 같이 $\triangle ABC$ 에서 \overline{AB} , \overline{BC} 의 수직이등분선의 교점을 O 라 하고,
점 O 에서 \overline{AC} 에 내린 수선의 발을 D 라 하자.
점 O 는 \overline{AB} 의 수직이등분선 위에 있으므로 $\overline{OA} = \overline{OB}$ $\textcircled{1}$
또, 점 O 는 \overline{BC} 의 수직이등분선 위에 있으므로 $\overline{OB} = \overline{OC}$
..... $\textcircled{2}$

$\textcircled{1}$, $\textcircled{2}$ 에서 $\overline{OA} = \boxed{\quad}$

$\triangle AOD$ 와 $\triangle COD$ 에서 $\angle ADO = \angle CDO = 90^\circ$

$\overline{OA} = \boxed{\quad}$

\overline{OD} 는 공통

$\therefore \triangle AOD \cong \triangle COD$ (RHS 합동)

따라서, $\overline{AD} = \overline{CD}$ 이므로 \overline{OD} 는 \overline{AC} 의 수직이등분선이 된다.

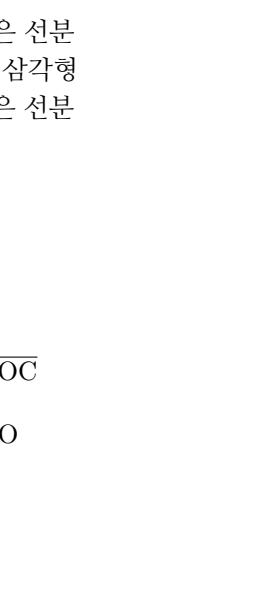
즉, $\triangle ABC$ 의 세 변의 수직이등분선은 한 점 O 에서 만난다.

- ① \overline{OC} ② \overline{OD} ③ \overline{OA} ④ \overline{AD} ⑤ \overline{CD}

해설

$\overline{OA} = \overline{OB}$, $\overline{OB} = \overline{OC}$ 이므로 $\overline{OA} = \overline{OC}$ 이다.

4. 다음 그림에서 점 O는 삼각형 $\triangle ABC$ 의 외심일 때, 다음을 구하여라.



- (1) \overline{OA} 와 길이가 같은 선분
- (2) $\triangle ADO$ 와 합동인 삼각형
- (3) \overline{AD} 와 길이가 같은 선분

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: (1) $\overline{OB}, \overline{OC}$

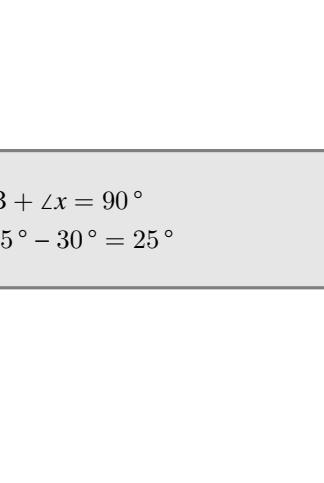
▷ 정답: (2) $\triangle BDO$

▷ 정답: (3) \overline{BD}

해설

$\triangle ADO$ 와 $\triangle BDO$ 에서
점 O는 외심이므로 $\overline{OA} = \overline{OB} \cdots \textcircled{\text{①}}$
 $\angle ODA = \angle ODB = 90^\circ \cdots \textcircled{\text{②}}$
 \overline{OD} 는 공통. . . $\textcircled{\text{③}}$
 $\textcircled{\text{①}}, \textcircled{\text{②}}, \textcircled{\text{③}}$ 에서 $\triangle ADO \cong \triangle BDO$ (RHS 합동)
또한, 외심에서 삼각형의 꼭짓점 까지의 거리가 같으므로 $\overline{OA} = \overline{OB} = \overline{OC}$

5. 다음 그림과 같이 $\triangle ABC$ 에서 점 O는 외심이다. $\angle OAC = 35^\circ$, $\angle OCB = 30^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 값을 구하여라.



▶ 답:

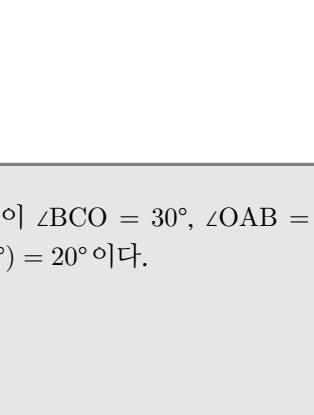
▷ 정답: 25°

해설

$$\angle OAC + \angle OCB + \angle x = 90^\circ$$

$$\therefore \angle x = 90^\circ - 35^\circ - 30^\circ = 25^\circ$$

6. 다음 그림에서 점 O 가 $\triangle ABC$ 의 외심일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

°

▷ 정답 : 60°

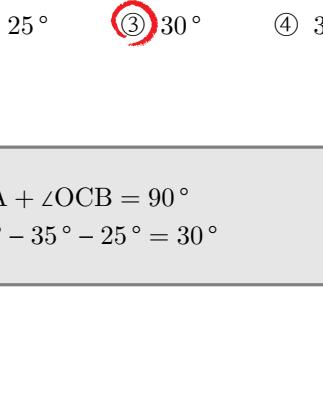
해설

다음 그림과 같이 $\angle BCO = 30^{\circ}$, $\angle OAB = 40^{\circ}$ 이고 $\angle OCA = 90^{\circ} - (40^{\circ} + 30^{\circ}) = 20^{\circ}$ 이다.



따라서 $\angle x = 40^{\circ} + 20^{\circ} = 60^{\circ}$ 이다.

7. 다음 그림에서 점 O는 $\triangle ABC$ 의 외심이다. $\angle OCB$ 의 크기는?

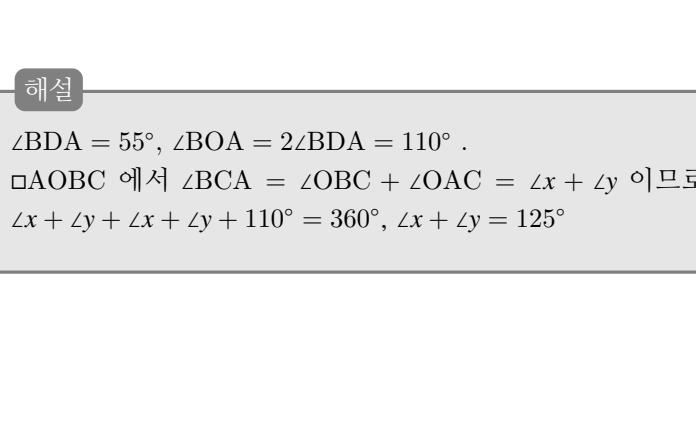


- ① 20° ② 25° ③ 30° ④ 35° ⑤ 40°

해설

$$\angle OAC + \angle OBA + \angle OCB = 90^\circ$$
$$\therefore \angle OCB = 90^\circ - 35^\circ - 25^\circ = 30^\circ$$

8. 점 O를 외심으로 하는 $\triangle ABC$ 를 그리고, 다시 점 O를 외심으로 하고 한 변을 \overline{AB} 로 하는 $\triangle ABD$ 를 만들면 $\angle BDA = 55^\circ$ 이다. $\angle x + \angle y$ 의 값을 구하여라.



▶ 답:

$^\circ$

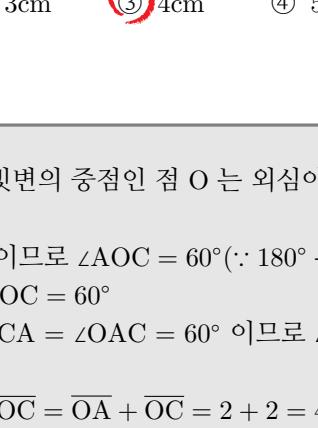
▷ 정답: 125°

해설

$$\angle BDA = 55^\circ, \angle BOA = 2\angle BDA = 110^\circ.$$

$$\square AOBC \text{에서 } \angle BCA = \angle OBC + \angle OAC = \angle x + \angle y \text{ 이므로, } \angle x + \angle y + \angle x + \angle y + 110^\circ = 360^\circ, \angle x + \angle y = 125^\circ$$

9. 다음 그림에서 점 O는 직각삼각형 ABC의 외심일 때, x의 값은?



- ① 2cm ② 3cm ③ 4cm ④ 5cm ⑤ 6cm

해설

직각삼각형의 빗변의 중점인 점 O는 외심이므로 $\overline{OB} = \overline{OA} = \overline{OC}$ 이다.

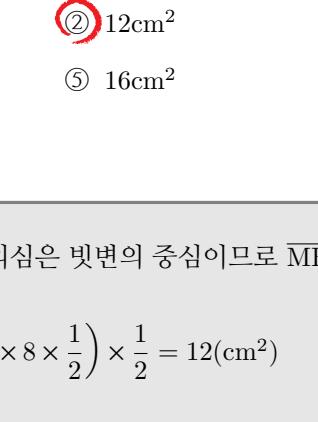
$\angle AOB = 120^\circ$ 이므로 $\angle AOC = 60^\circ$ ($\because 180^\circ - \angle AOB$)

$\overline{OA} = \overline{OC}$, $\angle AOC = 60^\circ$

$\therefore \angle AOC = \angle OCA = \angle OAC = 60^\circ$ 이므로 $\triangle AOC$ 는 정삼각형이다.

$\therefore \overline{BC} = \overline{OB} + \overline{OC} = \overline{OA} + \overline{OC} = 2 + 2 = 4(\text{cm})$

10. 다음 그림은 $\angle B$ 가 직각인 삼각형이다. 점 M이 $\triangle ABC$ 의 외심이고, $\overline{AB} = 6\text{cm}$, $\overline{BC} = 8\text{cm}$, $\overline{CA} = 10\text{cm}$ 일 때, $\triangle MBC$ 의 넓이는?



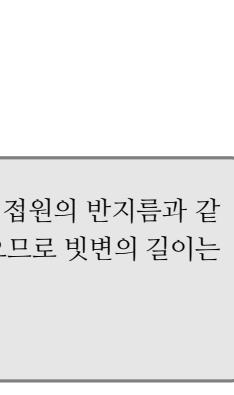
- ① 10cm^2 ② 12cm^2 ③ 13cm^2
④ 15cm^2 ⑤ 16cm^2

해설

직각삼각형의 외심은 빗변의 중점이므로 \overline{MB} 는 $\triangle ABC$ 의 넓이를 이등분한다.

$$\therefore \triangle MBC = \left(6 \times 8 \times \frac{1}{2}\right) \times \frac{1}{2} = 12(\text{cm}^2)$$

11. 지원이는 그림과 같은 원에 원의 둘레 위에 꼭짓점을 두는 직각삼각형을 그리려고 한다. 직각삼각형의 빗변의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

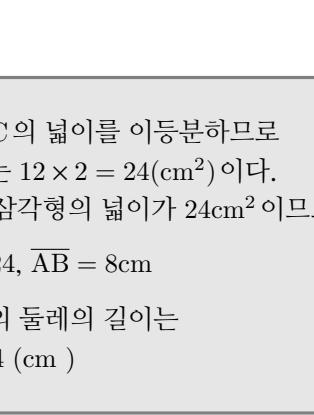
▷ 정답: 8 cm

해설

삼각형의 외심에서 꼭짓점까지의 거리는 외접원의 반지름과 같고, 직각삼각형의 외심은 빗변의 중점에 있으므로 빗변의 길이는 외접원의 반지름의 두 배이다.

따라서 $2 \times 4 = 8(\text{cm})$ 이다.

12. 직각삼각형 ABC의 외심 점 O를 찍어 B와 연결하였더니 다음 그림과 같았다. $\triangle OAB$ 의 넓이가 12cm^2 이고, \overline{AC} 의 길이가 10cm 일 때, $\triangle ABC$ 의 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답: 24 cm

해설

변 \overline{OB} 는 $\triangle ABC$ 의 넓이를 이등분하므로
 $\triangle ABC$ 의 넓이는 $12 \times 2 = 24(\text{cm}^2)$ 이다.
높이가 6cm인 삼각형의 넓이가 24cm^2 이므로
 $\frac{1}{2} \times \overline{AB} \times 6 = 24$, $\overline{AB} = 8\text{cm}$
따라서 $\triangle ABC$ 의 둘레의 길이는
 $6 + 8 + 10 = 24 (\text{cm})$