

1. 다음 중에서 $4x^2 - 8x + 4$ 의 인수가 될 수 있는 것을 모두 골라라.

Ⓐ 4	Ⓑ $x - 1$	Ⓒ $x + 1$
Ⓓ $(x - 1)^2$	Ⓔ x	

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓐ

▷ 정답: Ⓑ

▷ 정답: Ⓒ

해설

$$\begin{aligned}4x^2 - 8x + 4 &= 4(x^2 - 2x + 1) \\&= 4(x - 1)(x - 1) = 4(x - 1)^2 \text{ 이다.}\end{aligned}$$

따라서 인수가 될 수 있는 것은 Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ이다.

2. x 에 대한 이차식 $9x^2 + Ax + B = (ax + a + c - 12)(bx - ac - 1)$ 이
된다고 할 때, 이 식이 완전제곱식이 되는 상수 A, B, a, b, c 에 대하여
 $A + B + a + b + c$ 의 값을 구하여라. (단, $a, b > 0$)

▶ 답:

▷ 정답: 15

해설

$9x^2 + Ax + B = (px + q)(px + q)$ 라고 하면

$$p = a = b = 3 \quad (a, b > 0)$$

$$3 + c - 12 = -3c - 1$$

$$c = 2, q = -7$$

$$\therefore 9x^2 + Ax + B = (3x - 7)^2$$

$$A = -42$$

$$B = 49$$

$$\therefore A + B + a + b + c = -42 + 49 + 3 + 3 + 2 \\ = 15$$

3. 수학 수업시간에 민지는 선생님께서 칠판에 적어준 이차식을 잘못보고 다음과 같이 펼기하였다. 선생님께서 처음에 적어주신 이차식을 바르게 인수분해하면?

(가) 민지는 x 항의 계수와 상수항을 바꾸어 펼기하였다.
(나) 경돈이는 민지의 노트를 보고 펼기를 하다가 x 의 계수의 부호를 반대로 하였더니 $x^2 - 8x + 6$ 이었다.

- ① $(x+1)(x+2)$ ② $(x+2)(x+3)$ ③ $(x+2)(x+4)$
④ $(x+3)(x+5)$ ⑤ $(x+2)(x+6)$

해설

$$x^2 - 8x + 6 \rightarrow x^2 + 8x + 6 \rightarrow x^2 + 6x + 8 \rightarrow (x+2)(x+4)$$

4. 다음 빈칸에 반드시 음수가 들어가야 하는 것을 모두 고르면?

$$\boxed{\begin{array}{l} \textcircled{\text{A}} x^2 + 36x + \textcircled{\text{C}} = (2x + \textcircled{\text{B}})^2 \\ 6x^2 + x + \textcircled{\text{D}} = (3x + 5)(2x + \textcircled{\text{E}}) \end{array}}$$

① ⑦, ⑨ ② ⑦, ⑧, ⑩ ③ ⑦, ⑪

④ ⑧, ⑩ ⑤ ⑩, ⑪

해설

$$\textcircled{\text{A}}: 2^2 = 4$$

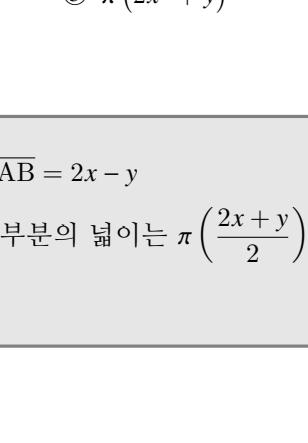
$$\textcircled{\text{B}}: 4 \times \textcircled{\text{A}} = 36, \therefore \textcircled{\text{B}} = 9$$

$$\textcircled{\text{C}}: 9^2 = 81$$

$$\textcircled{\text{D}}: 10 + 3 \times \textcircled{\text{A}} = 1, \therefore \textcircled{\text{D}} = -3$$

$$\textcircled{\text{E}}: (-3) \times 5 = -15$$

5. 다음 그림의 두 원은 \overline{AB} , \overline{AC} 를 지름으로 하는 원이고, D는 \overline{BC} 의 중점이다. $\overline{BD} = y$, \overline{AD} 를 지름으로 하는 원의 반지름의 길이를 x라고 할 때, 어두운 부분의 넓이를 x, y에 대한 문자로 나타내면?



- ① $2\pi xy$ ② πxy ③ $2\pi x^2y$
④ πxy^2 ⑤ $\pi(2x^2 + y)$

해설

$$\overline{AC} = 2x + y, \quad \overline{AB} = 2x - y$$

$$\text{따라서 어두운 부분의 넓이} = \pi \left(\frac{2x+y}{2}\right)^2 - \pi \left(\frac{2x-y}{2}\right)^2 = \\ 2\pi xy$$