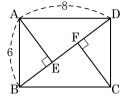
다음 그림과 같은 직사각형 ABCD 의 꼭짓점 A 에서 대각선 BD 까지의 거리 ĀE 와 꼭짓점 C 에서 BD 까지의 거리 CF 의 길이의 합을 구하여라.





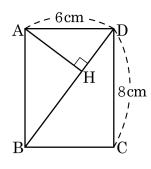


 $\triangle ABD$ 에서 $\overline{BD} = 10$ $6 \times 8 = 10 \times \overline{AE}, \ \overline{AE} = 4.8$

따라서 $\overline{AE} = \overline{CF}$ 이므로

 $\overline{AE} + \overline{CF} = 4.8 + 4.8 = 9.6$ 이다.

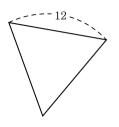
2. 다음 그림과 같이 가로, 세로의 길이가 각각 $6 \mathrm{cm}$, $8 \mathrm{cm}$ 인 직사각형이 있다. $\overline{\mathrm{AH}} \bot \overline{\mathrm{BD}}$ 라고 할 때, $\overline{\mathrm{AH}} + \overline{\mathrm{BD}}$ 의 값을 구하여라.



cm

$$\triangle ABD$$
 에 의해서 $\overline{BD} = \sqrt{6^2 + 8^2} = \sqrt{100} = 10 \text{(cm)}$ $\triangle ABD$ 의 넓이는 $\frac{1}{2} \times 6 \times 8 = \frac{1}{2} \times \overline{AH} \times 10$, $\overline{AH} = \frac{24}{5} \text{(cm)}$ $\overline{AH} + \overline{BD} = 10 + \frac{24}{5} = \frac{74}{5} \text{(cm)}$

3. 다음 정삼각형의 높이와 넓이를 각각 바르게 구한 것은?



① 높이:
$$2\sqrt{3}$$
, 넓이: $30\sqrt{3}$ ② 높이: $4\sqrt{3}$, 넓이: $30\sqrt{3}$

해설

(정삼각형의 높이) =
$$\frac{\sqrt{3}}{2} \times 12 = 6\sqrt{3}$$

(정삼각형의 넓이) = $\frac{\sqrt{3}}{4} \times 12^2 = 36\sqrt{3}$

4. 좌표평면 위의 두 점 A(-2, 3), B(4, -3) 사이의 거리를 구하여라.

$$ightharpoonup$$
 정답: $6\sqrt{2}$

$$\overline{AB} = \sqrt{\{4 - (-2)\}^2 + (-3 - 3)^2}$$

$$= \sqrt{36 + 36}$$

$$= 6\sqrt{2}$$

5. 좌표평면 위의 세 점이 다음과 같을 때, 이 세 점을 연결한 삼각형은 어떤 삼각형인지 말하여라.

보기 A(0, 5), B(4, 2), C(6, 3)

해설

$$\frac{A(0, 5), B(4, 2), C(6, 3)}{AB} = \sqrt{(0-4)^2 + (5-2)^2} = \sqrt{16+9} = 5$$

$$BC = \sqrt{(4-6)^2 + (2-3)^2} = \sqrt{5}$$

 $= \sqrt{36+4} = \sqrt{40}$ $(\sqrt{40})^2 > 5^2 + (\sqrt{5})^2$ 이므로 둔각삼각형이다.

 $\overline{\text{CA}} = \sqrt{(0-6)^2 + (5-3)^2}$

3. 세 모서리의 길이가 3 cm, 5 cm, 6 cm 인 직육면체의 대각선의 길이는?

①
$$2\sqrt{15} \, \text{cm}$$
 ② $4\sqrt{15} \, \text{cm}$ ③ $\sqrt{70} \, \text{cm}$ ④ $5\sqrt{2} \, \text{cm}$ ⑤ $9 \, \text{cm}$

해설
$$\sqrt{3^2+5^2+6^2}=\sqrt{70}~(\,\mathrm{cm})~\mathrm{이다}.$$

7. 한 모서리의 길이가 $18 \, \mathrm{cm}$ 인 정사면체의 높이와 부피를 구하여라.

② 높이:
$$6\sqrt{6}$$
 cm, 부피: $586\sqrt{2}$ cm³

③ 높이:
$$8\sqrt{6}$$
 cm, 부피: $486\sqrt{2}$ cm³

④ 높이:
$$8\sqrt{6}\,\mathrm{cm}$$
, 부피: $586\sqrt{2}\,\mathrm{cm}^3$

⑤ 높이 :
$$8\sqrt{6}\,\mathrm{cm}$$
 , 부피 : $686\sqrt{2}\,\mathrm{cm}^3$

정사면체의 높이 : $\frac{\sqrt{6}}{3}a = \frac{\sqrt{6}}{3} \times 18 = 6\sqrt{6}$ (cm)

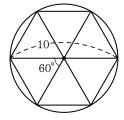
부피는
$$\frac{\sqrt{2}}{12}a^3 = \frac{\sqrt{2}}{12} \times (18)^3 = 486\sqrt{2} \text{(cm}^3)$$
이다.

3. 대각선의 길이가 12 인 정사각형의 넓이는?

정사각형 한 변을
$$a$$
 라 하면 대각선은 $\sqrt{2}a$ 이므로 $\sqrt{2}a = 12$ $a = \frac{12\sqrt{2}}{2} = 6\sqrt{2}$

 $\sqrt{2}a=12, \ a=\frac{12\sqrt{2}}{2}=6\sqrt{2}$ 따라서, 정사각형의 넓이는 $6\sqrt{2}\times 6\sqrt{2}=72$ 이다.

9. 지름이 10인 원 안에, 다음과 같이 정육각형이 내접해 있다. 이때, 정육각형의 넓이는?



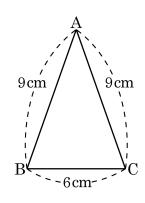
$$\begin{array}{c}
\boxed{1} \quad \frac{71\sqrt{5}}{2} \\
77\sqrt{5}
\end{array}$$

②
$$\frac{13\sqrt{5}}{2}$$



(정육각형의 넓이) = (정삼각형의 넓이)
$$\times$$
 6 이므로
$$\frac{\sqrt{3}}{4} \times 25 \times 6 = \frac{75\sqrt{3}}{2}$$

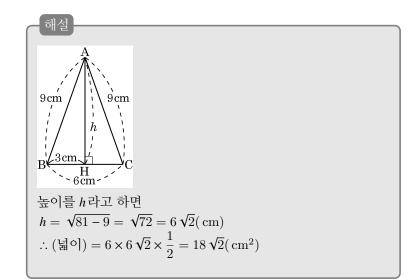
10. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{AC} = 9 \, \mathrm{cm}$, $\overline{BC} = 6 \, \mathrm{cm}$ 인 이등변삼각형 ABC 의 넓이를 구하여라.

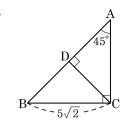


 ${\rm cm}^2$

▷ 정답: 18 √2 cm²

답:





① 10 ②5 ③
$$5\sqrt{2}$$
 ④ $10\sqrt{2}$ ⑤ 20

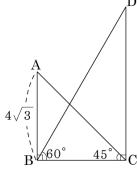
$$\triangle ABC$$
 는 이등변삼각형이므로 $\overline{AC} = \overline{BC}$ 이다. $\overline{AB} : \overline{BC} = \sqrt{2} : 1$

| AB: 5√2 = √2:1 |∴ AB = 10 | 따라서 △ABC 의 넓이는

$$5\sqrt{2} \times 5\sqrt{2} \times \frac{1}{2} = 10 \times \overline{CD} \times \frac{1}{2}$$
 이므로

TED = 5 이다.

12. 다음 그림과 같이 AB = 4√3 이고 ∠ACB = 45°, ∠DBC = 60°일 때, BD 의 길이를 구하여라.

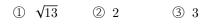


$$ightharpoonup$$
 정답: $\overline{\mathrm{BD}}=8\,\sqrt{3}$

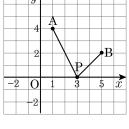


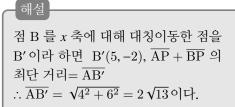
 $\overline{BC} = \overline{AB} = 4\sqrt{3}$ $\overline{BD} = 2\overline{BC} = 8\sqrt{3}$

13. 좌표평면 위의 두 점 A(1, 4), B(5, 2) 와 x 축 위의 임의의 점 P 에 대하여 $\overline{AP} + \overline{BP}$ 의 최솟값을 구하면?

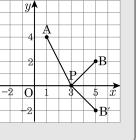


(4) $2\sqrt{6}$





 $2\sqrt{13}$



① $5\sqrt{2}$, $\sqrt{6}$, $\frac{9\sqrt{2}}{4}$ ② $5\sqrt{10}$, $2\sqrt{6}$, $\frac{3\sqrt{2}}{4}$ ③ $5\sqrt{2}$, $2\sqrt{6}$, $\frac{9\sqrt{2}}{4}$ ④ $\frac{5\sqrt{2}}{3}$, $\sqrt{6}$, $\frac{9\sqrt{2}}{4}$ ⑤ $\frac{5\sqrt{2}}{3}$, $\sqrt{6}$, $\frac{3\sqrt{2}}{4}$

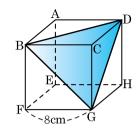
이다.

부피는

(1) 대각선의 길이를
$$l$$
 이라하면 $l = \sqrt{3^2 + 4^2 + 5^2} = \sqrt{50} = 5\sqrt{2}$ (2) 한 모서리의 길이가 3인 정사면체.

$$t = \sqrt{3} + 4 + 5 = \sqrt{30 - 3} \sqrt{2}$$
(2) 한 모서리의 길이가 3인 정사면체의 높이를 h , 부피를 V 라고 하면
$$h = \frac{\sqrt{6}}{3} \times 3 = \sqrt{6}, V = \frac{\sqrt{2}}{12} \times 3^3 = \frac{9\sqrt{2}}{4}$$

15. 다음 그림과 같은 정육면체를 세 꼭짓점 B, G, D를 지나는 평면으로 자를 때, △BGD 의 넓이를 구하여라.

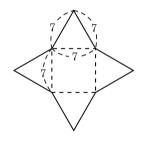


해설

$$\triangle BGD$$
 는 한 변이 $8\sqrt{2}$ 인 정삼각형이므로 (넓이) = $\frac{\sqrt{3}}{4} \times (8\sqrt{2})^2 = 32\sqrt{3} (\text{cm}^2)$

 cm^2

16. 다음 전개도로 사각뿔을 만들 때, 이 사각뿔의 부피를 구하여라

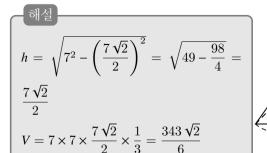


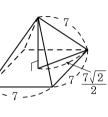
 $3) 49\sqrt{42}$

$$\frac{7\sqrt{42}}{3}$$

②
$$49\sqrt{21}$$

$$\frac{343\sqrt{2}}{6}$$





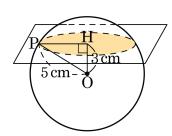
17. 다음 그림과 같이 밑면의 원의 반지름의 길이가 5 cm 이고, 모선의 길이가 13 cm 인 원뿔의 높이 는?



13cm

원뿔의 높이 $h = \sqrt{13^2 - 5^2} = 12$ (cm) 이다.

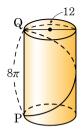
18. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 5cm 인 구를 중심 O 에서 3cm 떨어진 평면으로 자를 때 생기는 단면의 반지름은?



$$\overline{PH} = \sqrt{5^2 - 3^2} = \sqrt{16} = 4(cm)$$

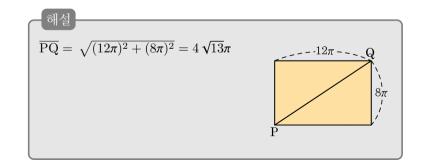
해설

19. 다음 그림과 같은 원기둥에서 점 P 에서 옆면을 따라 점 Q 에 이르는 최단 거리를 구하여라.





$$ightharpoonup$$
 정답: $4\sqrt{13}\pi$



20. 한 변의 길이가 8 인 정사각형 ABCD 에서 AH⊥BD 일 때, AH 의 길이는?

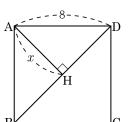
①
$$2\sqrt{2}$$

 $4 5\sqrt{2}$

$$\bigcirc 3\sqrt{2}$$

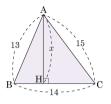
$$\bigcirc 6\sqrt{2}$$

 $4\sqrt{2}$



$$\overline{BD} = 8\sqrt{2}$$
 이므로 $x \times 8\sqrt{2} = 8 \times 8$
 $\therefore x = 4\sqrt{2}$

21. 다음 그림에서 x 의 값을 구하여라.



$$\overline{BH} = a$$
 라 하면

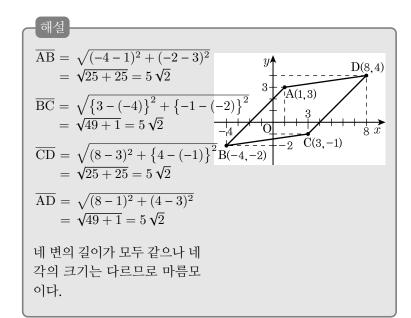
 $13^2 - a^2 = 15^2 - (14 - a)^2, a = 5$

따라서 $x = \sqrt{13^2 - 5^2} = 12$ 이다.

22. 좌표평면 위의 네 점 A(1,3), B(-4,-2), C(3,-1), D(8,4) 를 꼭짓점 으로 하는 □ABCD 는 어떤 사각형인지 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 마름모



대각선의 길이가 10cm 인 정육면체에서 한 모서리의 길이는?

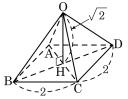
$$\boxed{10\sqrt{3}}$$
 cm

② $5\sqrt{2}$ cm

 $3 5 \sqrt{3} \text{cm}$

해설 한 모서리의 길이를
$$a$$
 라 하면 $\sqrt{3}a = 10$ $\therefore a = \frac{10\sqrt{3}}{3}$ (cm) 이다.

(4) $10\sqrt{2}$ cm (5) $10\sqrt{3}$ cm 24. 다음 그림과 같이 밑면의 한 변의 길이가 2 이고 높이가 √2 인 정사각뿔 O – ABCD 에 대하여 OB 의 길이는?



(4) 4

⑤
$$4\sqrt{2}$$

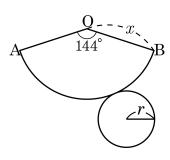
 $3\sqrt{2}$

$$\square ABCD$$
 가 정사각형이므로 $\overline{BD} = \sqrt{2^2 + 2^2} = 2\sqrt{2}$

$$\overline{\mathrm{BH}} = \frac{1}{2}\overline{\mathrm{BD}} = \sqrt{2}$$

$$\therefore \overline{OB} = \sqrt{(\sqrt{2})^2 + (\sqrt{2})^2} = 2$$

25. 호 AB 의 길이는 $8\pi \, \mathrm{cm}$ 이고 중심각의 크기가 144° 인 원뿔의 전개도 가 있다. 이 원뿔의 부피는?



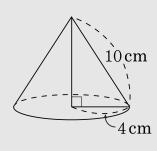
① $\frac{8\sqrt{3}}{3}\pi\text{cm}^3$ ② $\frac{8\sqrt{21}}{3}\pi\text{cm}^3$ ③ $\frac{16\sqrt{3}}{3}\pi\text{cm}^3$ ④ $\frac{16\sqrt{21}}{3}\pi\text{cm}^3$ ⑤ $\frac{32\sqrt{21}}{3}\pi\text{cm}^3$



호 AB 의 길이, 밑면의 둘레의 길이가 $2\pi r = 8\pi$ 이므로 밑면의

반지름의 길이 r = 4(cm) 이다. 부채꼴 호의 길이 $l=2\pi x\times \frac{144^{\circ}}{360^{\circ}}=2\pi x\times \frac{2}{5}=8\pi$ 이므로 부채

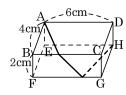
꼴의 반지름의 길이 x = 10(cm) 위의 전개도로 다음과 같은 원뿔이 만들어진다.



원뿔의 높이 $h = \sqrt{10^2 - 4^2} = \sqrt{100 - 16} = \sqrt{84} = 2\sqrt{21}$ (cm) 이다.

원뿔의 부피 $V = \frac{1}{3} \times 4 \times 4 \times \pi \times 2\sqrt{21} = \frac{32\sqrt{21}}{3}\pi(\text{cm}^3)$ 이다.

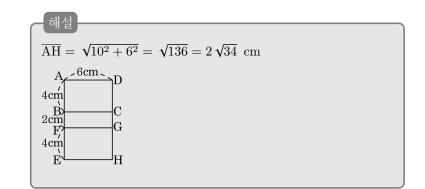
26. 다음 그림과 같은 직육면체의 꼭짓점 A 에서 모서리 BC, FG를 지나 꼭짓점 H 까지 가는 최단거리를 구하여라.



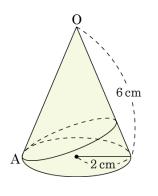


 $\underline{\mathrm{cm}}$

$$ightharpoonup$$
 정답: $2\sqrt{34}$ cm

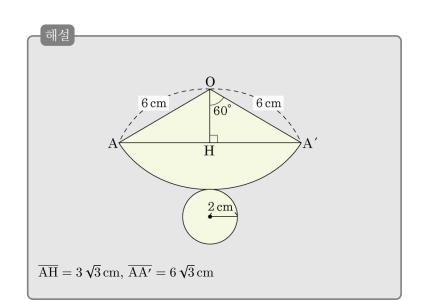


27. 다음 그림과 같은 원뿔에서 점 A를 출발 하여 겉면을 따라 다시 점 A로 돌아오는 최단거리를 구하여라.



▶ 답:

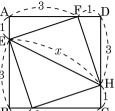
> 정답: 6√3 cm



cm

28. 한 변의 길이가 4 인 정사각형 ABCD 의 각 변에 그림과 같이 네 점 E, F, H, G 를 잡을

때. □EFHG 의 대각선 EH 의 길이를 구하



①
$$\sqrt{5}$$
 ② $2\sqrt{3}$ ③ 4 ② $2\sqrt{5}$ ③ $3\sqrt{5}$

면?

 $\overline{\text{FE}} = \overline{\text{FH}} = \sqrt{1^2 + 3^2} = \sqrt{10}$ $\therefore x = \sqrt{\left(\sqrt{10}\right)^2 + \left(\sqrt{10}\right)^2} = 2\sqrt{5}$

다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AH} \perp \overline{BC}$, $\overline{BM} = \overline{CM}$ 이고 $\overline{AB} = 7 \text{cm}$, $\overline{BC} = 10$ cm, $\overline{AC} = 8$ cm 일 때 $\triangle AHM$ 의 넓이는?

 $\frac{3\sqrt{55}}{4}$ (cm)

$$\overline{\overline{BH}} = x \text{cm}, \overline{HC} = (10 - x) \text{cm}$$

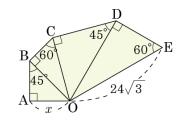
$$\overline{BH} = x \text{cm}, \overline{HC} = (10 - x) \text{cm}$$

$$7^2 - x^2 = 8^2 - (10 - x)^2, \ x = \frac{17}{4}, \ \overline{AH} = \sqrt{7^2 - \left(\frac{17}{4}\right)^2} = \frac{3\sqrt{55}}{4} \text{(cm)}$$

$$\overline{HM} = \overline{BM} - \overline{HB} = 5 - \frac{17}{4} = \frac{3}{4} \text{(cm)}$$

$$\triangle AHM = \frac{1}{2} \times \frac{3\sqrt{55}}{4} \times \frac{3}{4} = \frac{9\sqrt{55}}{32} \text{(cm}^2)$$

30. 다음 그림을 보고. *x* 의 길이는?



①
$$6\sqrt{3}$$
 ② $7\sqrt{3}$ ③ $8\sqrt{3}$

$$3 8\sqrt{3}$$

$$\textcircled{4}9\sqrt{3}$$
 $\textcircled{5}$ $10\sqrt{3}$

$$\overline{\text{OE}} : \overline{\text{OD}} = 2 : \sqrt{3} = 24\sqrt{3} : \overline{\text{OD}}$$

 $2\overline{\text{OD}} = 72$ $\therefore \overline{\text{OD}} = 36$

$$\overline{\mathrm{OD}} : \overline{\mathrm{OC}} = \sqrt{2} : 1 = 36 : \overline{\mathrm{OC}}$$

$$\sqrt{2} \ \overline{OC} = 36$$
 $\therefore \overline{OC} = \frac{36}{\sqrt{2}} = 18 \sqrt{2}$

$$\overline{OC} : \overline{OB} = 2 : \sqrt{3} = 18\sqrt{2} : \overline{OB}$$

 $2\overline{OB} = 18\sqrt{6}$ $\therefore \overline{OB} = 9\sqrt{6}$

$$\overline{OB} : \overline{OA} = \sqrt{2} : 1 = 9\sqrt{6} : \overline{OA}$$

 $\sqrt{2} \overline{OA} = 9\sqrt{6}$ $\therefore \overline{OA} = 9\sqrt{3}$

31. 이차함수 $y = -\frac{1}{4}x^2 + 2x - 1$ 의 그래프의 꼭짓점과 y 축과의 교점, 그리고 원점을 이어 삼각형을 만들었다. 이 삼각형의 둘레의 길이가 $a + b\sqrt{c}$ 일 때, a + b + c 의 값은?(단, a,b,c는 유리수, c는 최소의 자연수)

① 6 ② 8 ③ 10 ④ 12 ⑤ 14

$$y = -\frac{1}{4}x^2 + 2x - 1$$

$$y = -\frac{1}{4}(x - 4)^2 + 3 \text{ 이므로}$$
꼭짓점의 좌표는 $(4, 3)$ 이다.
$$y 축과의 교점은 x 좌표가 0 일 때이므로 $(0, -1)$
따라서$$

꼭짓점 - 원점의 거리

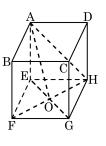
y 축과의 교점-원점의 거리 = 1 꼭짓점-y 축과의 교점의 거리 = $\sqrt{(4-0)^2 + (3-(-1))^2} = 4\sqrt{2}$

 $=\sqrt{(4-0)^2+(3-0)^2}=5$

 \therefore 삼각형의 둘레= $6+4\sqrt{2}$ 이므로 a+b+c 의 값은 12 이다.

32. 다음 그림과 같이 한 모서리의 길이가 $12 \, \mathrm{cm}$ 인 정육면체의 밑면의 두 대각선의 교점을 O 라 할 때, \overline{DO} 의 길이와 \overline{DG} 의 길이의 합을 구하여라.

cm



해설

$$ightharpoonup$$
 정답: $6\sqrt{6} + 12\sqrt{2} \, \mathrm{cm}$

$$\overline{OH} = 12\sqrt{2} \times \frac{1}{2} = 6\sqrt{2} \text{ (cm)}$$

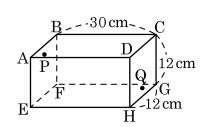
$$\overline{DO} = \sqrt{\overline{DH}^2 + \overline{OH}^2} = \sqrt{12^2 + (6\sqrt{2})^2}$$

$$= \sqrt{144 + 72} = 6\sqrt{6} \text{ (cm)}$$

$$\overline{DG} = 12\sqrt{2} \text{ (cm)}$$

 $\therefore \overline{DO} + \overline{DG} = 6\sqrt{6} + 12\sqrt{2} \text{ (cm)}$

33. 다음 그림과 같이 가로, 세로, 높이가 각각 30 cm, 12 cm 인 직육면체가 있다. 점 $P \leftarrow \overline{AB}$ 의 중점에서 아래로 1 cm 인 지점이고, 점 $Q \leftarrow \overline{GH}$ 의 중점에서 위로 1 cm 인 지점에 있다. 이 직육면체의 면을 따라 P 에서 Q 로 가는 가장 짧은 길의 길이를 구하여라.



cm

▷ 정답: 40 cm

답:

哥拉 B C P - 32 cm - 1 A D 24 cm E V Q G $\overline{PQ}^2 = 24^2 + 32^2 = 576 + 1024 = 1600$ $\overline{PQ} = \sqrt{1600} = 40 \text{ (cm)}$