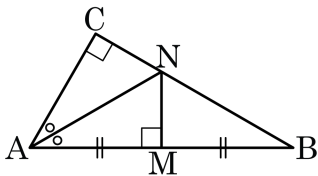


1. 다음 그림과 같은 직각삼각형 ABC 에서 $\angle A$ 의 이등분선과 $\overline{AB}$ 의 수직이등분선이 $\overline{BC}$ 위의 점 N 에서 만날 때, $\angle ANB$ 의 크기를 구하면?



① 110°

② 120°

③ 130°

④ 140°

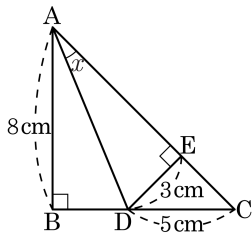
⑤ 150°

해설

$\triangle AMN$ 과 $\triangle ACN$ 은 합동이 되고 또한 $\triangle ANM$ 과 $\triangle BNM$ 도 합동이 된다. $\angle A = 2\angle a$ 라 하면 $\angle ABC = \angle a$ 이므로 $2\angle a + \angle a = 90 \rightarrow \angle a = 30^\circ$ 이다.

따라서 $\angle B$ 와 $\angle BAN$ 은 30° 이므로 $\angle ANB$ 는 120° 가 된다.

2. 다음 그림과 같이 직각이등변삼각형 ABC에서 점 D에서 $\overline{AC}$ 에 내린 수선의 발을 E라고 하면 $\overline{DE} = 3\text{cm}$ 일 때, $\angle DAE$ 의 크기를 구하여라.



답 :

°



정답 : 22.5°

해설

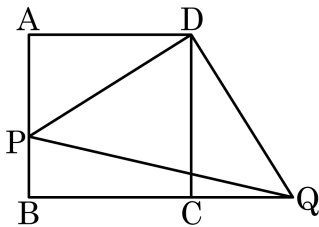
$$\overline{AB} = \overline{CB}, \overline{BD} = \overline{BC} - \overline{CD} = \overline{AB} - \overline{CD} = 8 - 5 = 3(\text{cm})$$

$\overline{BD} = \overline{DE}$ 이므로, $\triangle ADB \cong \triangle ADE$ 이다.

$\therefore \angle DAB = \angle DAE$ 이고 $\triangle ABC$ 는 직각 이등변 삼각형이므로 $\angle BAC = 45^\circ$ 이다.

$$\therefore \angle x = 45^\circ \times \frac{1}{2} = 22.5^\circ \text{이다.}$$

3. 다음 그림과 같은 정사각형 ABCD 에서 점 P 는 $\overline{AB}$ 위의 점이고, 점 Q 는 $\overline{BC}$ 의 연장선 위에 $\overline{DP} = \overline{DQ}$ 인 점이다. $\angle ADP = 30^\circ$ 일 때, $\angle BQP$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}$

▷ 정답 : 15°

해설

$\triangle APD$ 와 $\triangle CQD$ 에서

$\overline{DP} = \overline{DQ}$, $\angle A = \angle C = 90^\circ$,

$\overline{DA} = \overline{DC}$ 이므로

$\triangle APD \equiv \triangle CQD$ (RHS합동)

따라서 $\angle CDQ = \angle ADP = 30^\circ$ 이므로

$\angle PDQ = 90^\circ$ 이고, $\overline{DP} = \overline{DQ}$ 에서

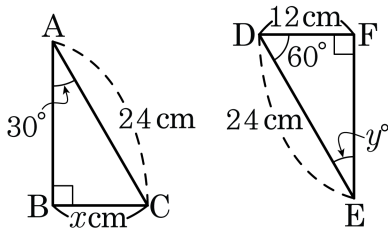
$\triangle DPQ$ 는 직각이등변삼각형이 되어

$\angle DQP = 45^\circ$ 이다.

즉, $\triangle DCQ$ 에서 $\angle DQC = 60^\circ$ 이므로

$\angle BQP = 60^\circ - 45^\circ = 15^\circ$ 이다.

4. 두 직각삼각형 ABC, DEF 가 다음 그림과 같을 때, $x + y$ 의 값은?



① 12

② 36

③ 42

④ 48

⑤ 60

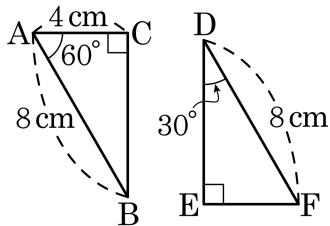
해설

$\triangle ABC, \triangle EFD$ 는 RHA 합동 이므로

$\overline{BC} = \overline{FD} = 12\text{cm} = x\text{cm}$, $\angle y = \angle CAB = 30^\circ$

$\therefore x + y = 12 + 30 = 42$

5. 다음 그림과 같은 직각삼각형에 대하여 물음에 답하여라.



- (1) 합동인 두 삼각형을 기호로 나타내어라.
- (2) 합동조건을 써라.
- (3) $\overline{EF}$ 의 길이를 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : (1) $\triangle ACB \equiv \triangle FED$

▷ 정답 : (2) RHA

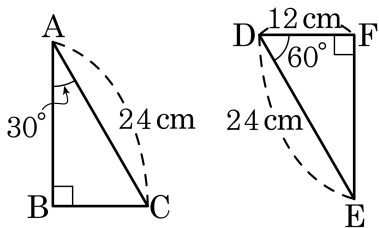
▷ 정답 : (3) 4 cm

해설

$\angle C = \angle E = 90^\circ$, $\overline{BA} = \overline{DF}$, $\angle A = \angle F$ 이므로 $\triangle ACB \equiv \triangle FED$
(RHA 합동)

$\therefore \overline{EF} = 4 \text{ cm}$

6. 다음 그림과 같은 직각삼각형에 대하여 물음에 답하여라.



- (1) 합동인 두 삼각형을 기호로 나타내어라.
- (2) 합동조건을 써라.
- (3) $\overline{BC}$ 의 길이를 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : (1) $\triangle ABC \cong \triangle FED$

▷ 정답 : (2) RHA

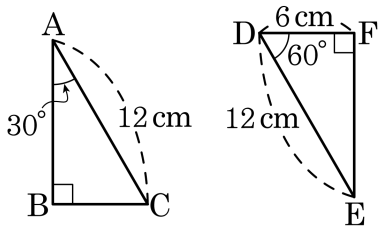
▷ 정답 : (3) 12 cm

해설

$\angle B = \angle F = 90^\circ$, $\overline{AC} = \overline{ED}$, $\angle BAC = \angle FED$ 이므로 $\triangle ABC \cong \triangle FED$ (RHA 합동)

$\therefore \overline{BC} = \overline{FD} = 12 \text{ cm}$

7. 다음 그림과 같은 직각삼각형에 대하여 물음에 답하여라.



- (1) 합동인 두 삼각형을 기호로 나타내어라.
- (2) 합동조건을 써라.
- (3) $\overline{BC}$ 의 크기를 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : (1) $\triangle ABC \equiv \triangle FED$

▷ 정답 : (2) RHA

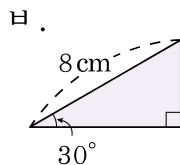
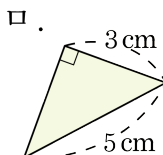
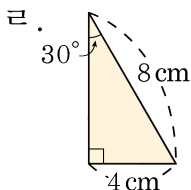
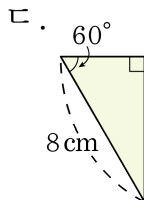
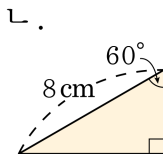
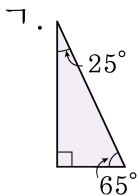
▷ 정답 : (3) 6 cm

해설

$\angle B = \angle F = 90^\circ$, $\overline{AC} = \overline{ED}$, $\angle BAC = \angle FED$ 이므로 $\triangle ABC \equiv \triangle FED$ (RHA 합동)

$\therefore \overline{BC} = \overline{FD} = 6 \text{ cm}$

8. 다음 보기의 직각삼각형 중에서 서로 합동인 것을 고르고 합동 조건을 말하여라.



▶ 답 :

▶ 답 :

합동

▷ 정답 : ㉡, ㉢, ㉣, ㉥

▷ 정답 : RHA 합동

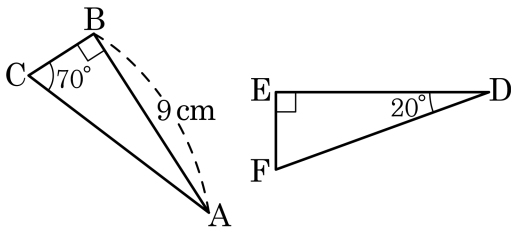
해설

㉡, ㉢, ㉣, ㉥은 모두 합동인 직각삼각형이다.

직각삼각형의 빗변의 길이와 한 예각의 크기가 모두 같다.

RHA 합동이다.

9. 다음 그림과 같은 직각삼각형에 대하여 물음에 답하여라.



- (1) 합동인 두 삼각형을 기호로 나타내어라.
- (2) 합동조건을 써라.
- (3) $\overline{DE}$ 의 길이를 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : (1) $\triangle ABC \equiv \triangle DEF$

▷ 정답 : (2) RHA

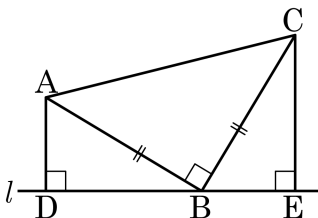
▷ 정답 : (3) 9 cm

해설

$\angle B = \angle E = 90^\circ, \overline{AC} = \overline{DF}, \angle ACB = \angle DFE$ 이므로 $\triangle ABC \equiv \triangle DEF$ (RHA 합동)

$\therefore \overline{DE} = \overline{AB} = 9 \text{ cm}$

10. 다음 그림과 같이 $\angle B = 90^\circ$ 이고 $\overline{AB} = \overline{CB}$ 인 직각이등변삼각형 ABC의 꼭짓점 A, C에서 점 B를 지나는 직선 l 에 내린 수선의 발을 각각 D, E라 하자. 다음은 $\overline{AD} = \overline{BE}$ 임을 증명하는 과정이다. ㉠~㉢ 중 옳지 않은 것을 기호로 써라.



$\triangle ADB$ 와 $\triangle BEC$ 에서

$$\angle ADB = \textcircled{㉠} \angle BEC = 90^\circ \dots \textcircled{㉠}$$

$$\overline{AB} = \textcircled{㉡} \overline{CB} \dots \textcircled{㉡}$$

$$\angle ABC = 90^\circ \text{ 이므로 } \angle ABD + \angle CBE = 90^\circ$$

$$\text{또, } \triangle ADB \text{ 에서 } \textcircled{㉢} \angle ABD + \angle BAD = 90^\circ$$

$$\textcircled{㉢} \therefore \angle BAD = \angle CBE \dots \textcircled{㉢}$$

㉠, ㉡, ㉢에 의하여

$$\triangle ADB \equiv \triangle BEC (\textcircled{㉢} \text{RHA 합동})$$

▶ 답 :

▶ 정답 : ㉡

해설

$\triangle ADB$ 와 $\triangle BEC$ 에서

$$\angle ADB = \textcircled{㉠} \angle BEC = 90^\circ \dots \textcircled{㉠}$$

$$\overline{AB} = \textcircled{㉡} \overline{CB} \dots \textcircled{㉡}$$

$$\angle ABC = 90^\circ \text{ 이므로 } \angle ABD + \angle CBE = 90^\circ$$

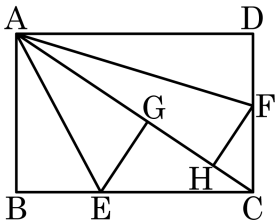
$$\text{또, } \triangle ADB \text{ 에서 } \textcircled{㉢} \angle ABD + \angle BAD = 90^\circ$$

$$\textcircled{㉢} \therefore \angle BAD = \angle CBE \dots \textcircled{㉢}$$

㉠, ㉡, ㉢에 의하여

$$\triangle ADB \equiv \triangle BEC (\textcircled{㉢} \text{RHA 합동})$$

11. 다음 그림과 같이 가로 길이가 6, 세로 길이가 4인 직사각형 ABCD에서 선분 AE, AF는 각각 $\angle BAC$, $\angle CAD$ 의 이등분선이고, 점 E, F에서 대각선 AC에 내린 수선의 발을 각각 G, H라 한다. 이때 $\overline{GH}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

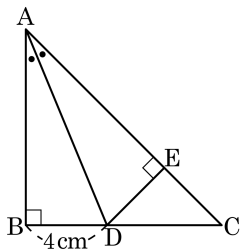
$$\triangle ABE \equiv \triangle AGE \text{ (RHA 합동)}$$

$$\triangle ADF \equiv \triangle AHF \text{ (RHA 합동)}$$

$$\overline{AB} = \overline{AG} = 4, \overline{AD} = \overline{AH} = 6$$

$$\therefore \overline{GH} = \overline{AH} - \overline{AG} = 6 - 4 = 2$$

12. 직각이등변삼각형 ABC 에서 $\angle A$ 의 이등분선과 $\overline{BC}$ 의 교점을 D , D 에서 $\overline{AC}$ 에 내린 수선의 발을 E 라고 하자. $\overline{BD} = 4\text{cm}$ 일 때, $\triangle EDC$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : 8 cm^2

해설

$\angle C = 45^\circ$ 이므로 $\triangle EDC$ 는 직각이등변삼각형이다.

$\triangle ABD$ 와 $\triangle AED$ 에서

$\overline{AD}$ 는 공통 ... ㉠

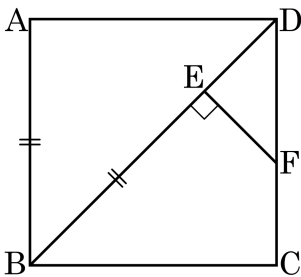
$\angle ABD = \angle AED = 90^\circ$... ㉡

$\angle BAD = \angle EAD$... ㉢

㉠, ㉡, ㉢에 의해 $\triangle ABD \equiv \triangle AED$ (RHA 합동)이다.

따라서 $\overline{ED} = \overline{BD} = 4$ 이므로 $\triangle EDC$ 의 넓이는 $\frac{1}{2} \times 4 \times 4 = 8(\text{cm}^2)$ 이다.

13. 다음 그림과 같이 한 변이 3 인 정사각형 ABCD가 있다. 대각선 BD 위에 $\overline{AB} = \overline{BE}$ 가 되도록 점 E 를 잡고, E 를 지나 $\overline{BD}$ 에 수직인 직선이 $\overline{CD}$ 와 만나는 점을 F 라 할 때, $3\overline{DF} + \overline{DE} + \overline{EF} + \overline{CF}$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 9

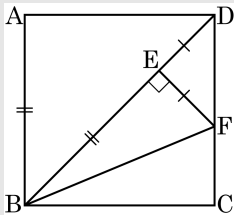
해설

$\angle EDF = \angle EFD = 45^\circ$ 이므로 $\overline{DE} = \overline{EF}$... ①,

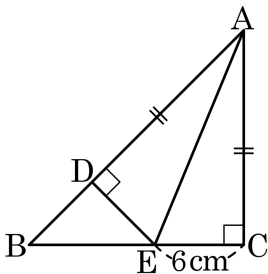
$\triangle BEF \equiv \triangle BCF$ (RHS합동) 이므로 $\overline{EF} = \overline{CF}$... ②

$\overline{DE} = \overline{EF} = \overline{CF}$

$\therefore 3\overline{DF} + \overline{DE} + \overline{EF} + \overline{CF} = 3\overline{DF} + 3\overline{CF} = 9$



14. 다음 직각삼각형 ABC 에서 $\overline{AC} = \overline{AD}$ 인 점 D 를 잡고 $\overline{AB} \perp \overline{DE}$ 인 점 E를 잡았다.
 $\overline{EC} = 6\text{cm}$ 일 때, $\overline{DE}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

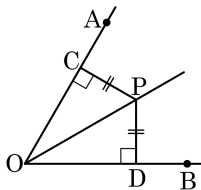
▷ 정답 : 6cm

해설

$\triangle ACE \equiv \triangle ADE$ (RHS합동) 이다.

그러므로 $\overline{DE} = \overline{EC} = 6(\text{cm})$

15. $\angle AOB$ 의 내부에 한 점 P 에서 두 변 OA, OB 에 내린 수선의 발을 각각 C, D 라고 할 때, $\overline{PC} = \overline{PD}$ 이면 $\triangle COP \equiv \triangle DOP$ 임을 증명하기 위해서 이용한 합동조건은?



① SSS 합동

② SAS 합동

③ ASA 합동

④ RHA 합동

⑤ RHS 합동

해설

$\angle PCO = \angle PDO = 90^\circ$, $\overline{OP}$ (공통), $\overline{CP} = \overline{PD}$ 이므로 $\triangle COP \equiv \triangle DOP$ 는 RHS 합동이다.