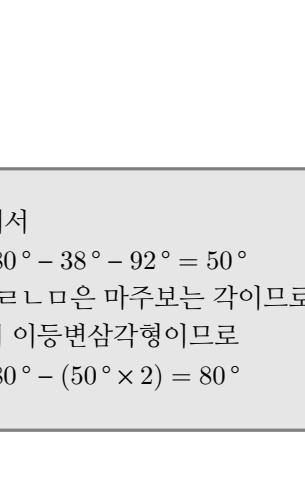


1. 삼각형 $\triangle ABC$ 에서 변 AB 과 변 AC 의 길이가 같고, 삼각형 $\triangle ABC$ 에서 각 $\angle B$ 은 38° 이고, 각 $\angle C$ 은 92° 입니다. 각 $\angle A$ 는 몇 도인지 구하시오.



▶ 답: 80°

▷ 정답: 80°

해설

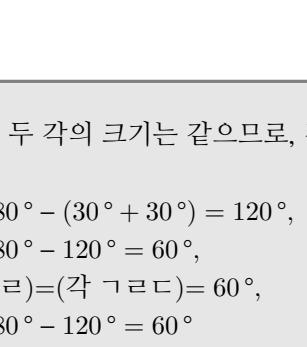
삼각형 $\triangle ABC$ 에서
 $(각 B) = 180^\circ - 38^\circ - 92^\circ = 50^\circ$

각 $\angle A$ 와 각 $\angle B$ 은 마주보는 각이므로 50° 로 같다.

삼각형 $\triangle ABC$ 이 이등변삼각형이므로

$(각 A) = 180^\circ - (50^\circ \times 2) = 80^\circ$

2. 다음 도형에서 삼각형 $\triangle ABC$ 과 삼각형 $\triangle ACD$ 은 이등변삼각형입니다.
각 $\angle BAC$ 의 크기를 구하시오.



▶ 답: 60°

▷ 정답: 60°

해설

이등변삼각형의 두 각의 크기는 같으므로, 각 $\angle CAD$ 의 크기는 30° 입니다.

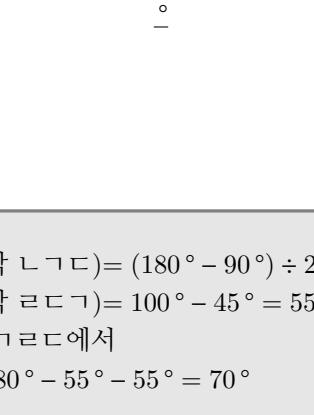
$$(\text{각 } \angle CAD) = 180^\circ - (30^\circ + 30^\circ) = 120^\circ,$$

$$(\text{각 } \angle BAC) = 180^\circ - 120^\circ = 60^\circ,$$

$$\text{따라서 } (\text{각 } \angle BAC) = (\text{각 } \angle CAD) = 60^\circ,$$

$$(\text{각 } \angle BCA) = 180^\circ - 120^\circ = 60^\circ$$

3. 삼각형 $\triangle ABC$ 은 변 AB 과 변 AC 의 길이가 같은 이등변삼각형이고, 삼각형 $\triangle ABC$ 은 각 $\angle C$ 이 직각인 이등변삼각형입니다. 각 $\angle B$ 의 크기를 구하시오.



▶ 답:

$^{\circ}$

▷ 정답: 70°

해설

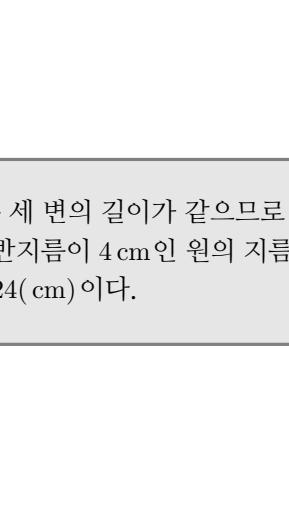
$$(\text{각 } \angle BCA) = (\text{각 } \angle CAB) = (180^{\circ} - 90^{\circ}) \div 2 = 45^{\circ}$$

$$(\text{각 } \angle ABC) = (\text{각 } \angle ACB) = 100^{\circ} - 45^{\circ} = 55^{\circ}$$

따라서 삼각형 $\triangle ABC$ 에서

$$(\text{각 } \angle B) = 180^{\circ} - 55^{\circ} - 55^{\circ} = 70^{\circ}$$

4. 다음은 컴퍼스를 4cm만큼 벌려서 점 ㄱ, ㄴ, ㄷ을 원의 중심으로 하여 그린 것입니다. 그려진 삼각형 ㄹㅁㅂ의 둘레의 길이를 구하시오.



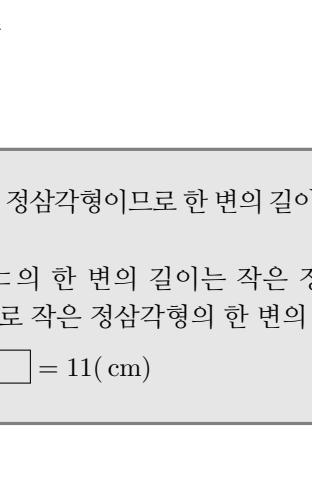
▶ 답 : cm

▷ 정답 : 24cm

해설

삼각형 ㄹㅁㅂ은 세 변의 길이가 같으므로 정삼각형이다.
한 변의 길이는 반지름이 4cm인 원의 지름이다. 따라서 둘레의
길이는 $8 \times 3 = 24(\text{cm})$ 이다.

5. 크기가 같은 정삼각형 9개를 다음 그림과 같이 붙여놓았습니다.
삼각형 \triangle 의 둘레의 길이가 99cm일 때, 작은 정삼각형의 한 변의
길이를 구하시오.



▶ 답: cm

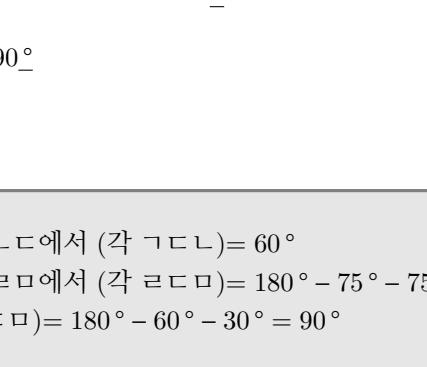
▷ 정답: 11cm

해설

삼각형 \triangle 은 정삼각형이므로 한 변의 길이는 $99 \div 3 = 33(\text{cm})$ 입니다.

정삼각형 \triangle 의 한 변의 길이는 작은 정삼각형의 한 변의
길이의 3배이므로 작은 정삼각형의 한 변의 길이를 \square 라 하면,
 $\square \times 3 = 33$, $\square = 11(\text{cm})$

6. 다음 도형에서 삼각형 $\triangle ABC$ 은 정삼각형이고, 삼각형 BCD 은
이등변삼각형입니다. 각 $\angle ACD$ 의 크기를 구하시오.



▶ 답: $^\circ$

▷ 정답: 90°

해설

삼각형 $\triangle ABC$ 에서 (<각 $\angle BCA$) = 60°

삼각형 $\triangle BCD$ 에서 (<각 $\angle BDC$) = $180^\circ - 75^\circ - 75^\circ = 30^\circ$

\rightarrow (<각 $\angle ACD$) = $180^\circ - 60^\circ - 30^\circ = 90^\circ$

7. 둘레의 길이가 51cm인 이등변삼각형을 그리려고 합니다. 각 변의 길이가 자연수인 이등변삼각형을 몇 개 그릴 수 있습니까? (단, 한 변의 길이는 26cm를 넘을 수 없습니다.)

▶ 답: 개

▷ 정답: 13개

해설

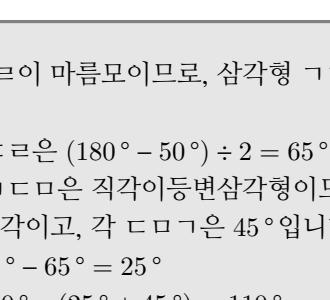
한 변의 길이가 다른 두변의 길이의 합보다 작을 때만 삼각형을 그릴 수 있고, 이등변삼각형을 그릴 수 있는 경우는 이등변의 사이에 끼인 변의 길이가 1cm, 3cm, 5cm … 23cm, 25cm 일 때이다.

(1, 25, 25) (3, 24, 24) (5, 23, 23) (7, 22, 22) (9, 21, 21) (11, 20, 20)
(13, 19, 19) (15, 18, 18) (17, 17, 17) (19, 16, 16) (21, 15, 15)

(23, 14, 14) (25, 13, 13)

→ 13개 그릴 수 있다.

8. 다음 그림에서 사각형 $\square ABCD$ 은 마름모이고, 삼각형 $\triangle ABC$ 은 직각 이등변삼각형입니다. 각 $\angle BCD$ 은 몇 도입니까?



- ① 45° ② 50° ③ 65° ④ 70° ⑤ 80°

해설

사각형 $\square ABCD$ 이 마름모이므로, 삼각형 $\triangle ABC$ 은 이등변삼각형입니다.

따라서, 각 $\angle BCD$ 은 $(180^\circ - 50^\circ) \div 2 = 65^\circ$

한편, 삼각형 $\triangle ABC$ 은 직각이등변삼각형이므로

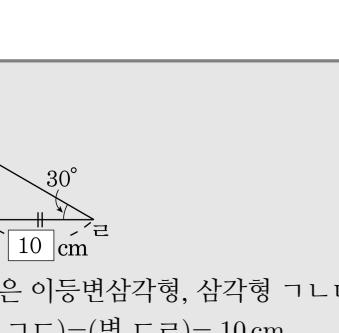
각 $\angle BAC$ 은 직각이고, 각 $\angle ABC$ 은 45° 입니다.

각 $\angle BCD$ 은 $90^\circ - 65^\circ = 25^\circ$

각 $\angle BDC$ 은 $180^\circ - (25^\circ + 45^\circ) = 110^\circ$

따라서 각 $\angle BCD$ 은 $180^\circ - 110^\circ = 70^\circ$

9. 안에 알맞은 수를 써 넣으시오.



▶ 답:

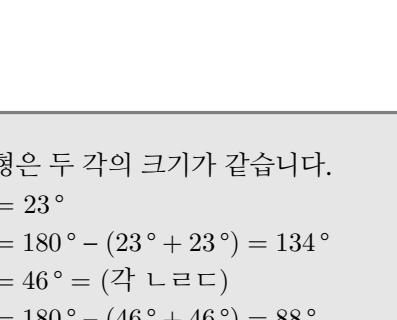
▷ 정답: 10

해설



삼각형 $\triangle ABC$ 은 이등변삼각형, 삼각형 $\triangle ABC$ 은 정삼각형
 $(변 AB)=(변 BC)=(변 CA)=10\text{ cm}$

10. 다음 그림과 같이 선분 \overline{AC} , \overline{CD} , \overline{DE} , \overline{EF} 의 길이가 모두 같습니다. 각 $\angle EFD$ 의 크기는 얼마입니까?



▶ 답:

$^{\circ}$

▷ 정답: 42°

해설

이등변삼각형은 두 각의 크기가 같습니다.

$$(\text{각 } \angle BCA) = 23^{\circ}$$

$$(\text{각 } \angle BCD) = 180^{\circ} - (23^{\circ} + 23^{\circ}) = 134^{\circ}$$

$$(\text{각 } \angle CDE) = 46^{\circ} = (\text{각 } \angle EDF)$$

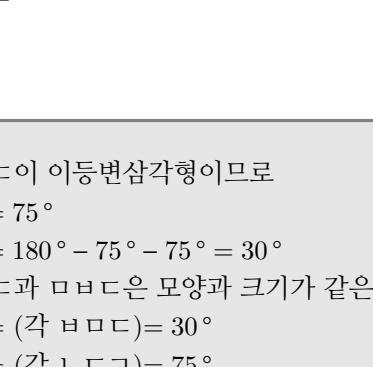
$$(\text{각 } \angle EDC) = 180^{\circ} - (46^{\circ} + 46^{\circ}) = 88^{\circ}$$

$$(\text{각 } \angle FED) = 180^{\circ} - (88^{\circ} + 23^{\circ}) = 69^{\circ}$$

$$= (\text{각 } \angle EFD)$$

따라서 $(\text{각 } \angle EFD) = 180^{\circ} - (69^{\circ} + 69^{\circ}) = 42^{\circ}$ 이다.

11. 삼각형 $\triangle ABC$ 과 삼각형 $\triangle ACD$ 은 모양과 크기가 같은 이등변삼각형입니다. 각 ⑦의 크기는 몇 도입니까?



▶ 답:

°

▷ 정답: 55°

해설

삼각형 $\triangle ABC$ 이 이등변삼각형이므로

$$(각 BCD) = 75^\circ$$

$$(각 ADC) = 180^\circ - 75^\circ - 75^\circ = 30^\circ$$

삼각형 $\triangle ABC$ 과 $\triangle ACD$ 은 모양과 크기가 같은 삼각형이므로

$$(각 CAB) = (각 ADC) = 30^\circ$$

$$(각 ACB) = (각 CAD) = 75^\circ$$

삼각형 $\triangle ABC$ 에서

$$(각 CAB) = 180^\circ - 75^\circ - 40^\circ = 65^\circ$$

따라서 삼각형 $\triangle ACD$ 은

$$(변 ADC) = (변 CAB) = (변 CAD) = (변 CAB)$$

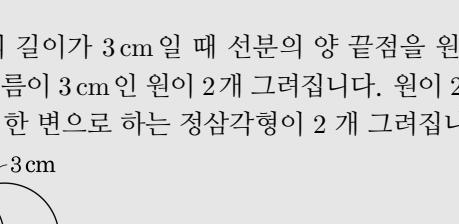
(변 ADC) = (변 CAB)이고,

$$(각 ADC) = 75^\circ - 65^\circ = 10^\circ$$
인 이등변삼각형입니다.

$$(각 CAD) = (180^\circ - 10^\circ) \div 2 = 85^\circ$$

$$(각 ⑦) = 85^\circ - 30^\circ = 55^\circ$$

12. 다음 그림과 같이 선분 \overline{KL} 위에 원의 중심을 잡아 반지름이 3cm인 원을 3cm씩 겹쳐 그리고, 원과 원이 만난 점을 이어 삼각형을 그리려고 합니다. 선분 \overline{KL} 의 길이가 15cm일 때 그릴 수 있는 원을 모두 그린 후 삼각형을 그리면, 그려진 정삼각형은 모두 몇 개입니까?



▶ 답 : 개

▷ 정답 : 18개

해설

(1) 선분의 길이가 3cm일 때 선분의 양 끝점을 원의 중심으로 하는 반지름이 3cm인 원이 2개 그려집니다. 원이 2개 그려지면 반지름을 한 변으로 하는 정삼각형이 2개 그려집니다.



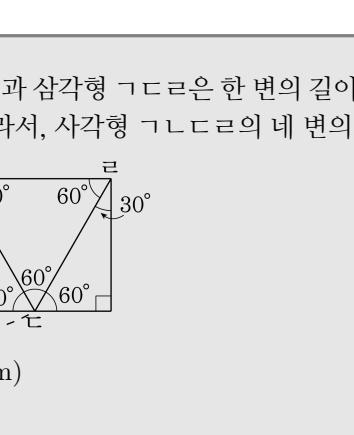
(2) 선분의 길이가 3cm 더 늘어나면 원이 한 개 더 그려지고 한 변의 길이가 3cm인 정삼각형은 4개 더 그려지므로 모두 6개입니다.



(3) 원이 1개 그려질 때마다 정삼각형은 4개씩 그려지는 규칙에 의해서 선분의 길이가 15cm일 때 한 변의 길이가 3cm인 정삼각형은 18개 그려집니다.

선분의 길이(cm)	3	6	9	12	15
원의 개수	2	3	4	5	6
정삼각형의 개수	2	6	10	14	18

13. 다음 그림과 같이 민수는 직사각형 모양의 종이를 선을 따라 잘라서 사각형 그림자를 만들었습니다. 사각형 그림자를 선분 그드를 따라 접었더니 완전히 겹쳐졌습니다. 민수가 만든 사각형의 둘레의 길이는 몇 cm 입니까?



▶ 답: cm

▷ 정답: 32 cm

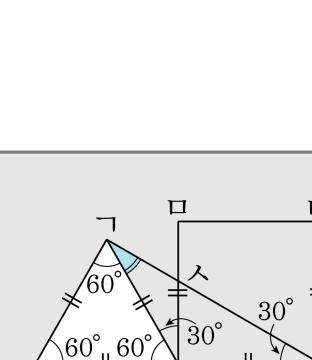
해설

삼각형 그림과 삼각형 그드로는 한 변의 길이가 8 cm인 정삼각형입니다. 따라서, 사각형 그림자의 네 변의 길이는 같습니다.



$$8 \times 4 = 32(\text{ cm})$$

14. 그림에서 삼각형 $\triangle ABC$ 은 정삼각형이고, 사각형 $CDCE$ 은 정사각형입니다. 또한 변 BC 과 CD 의 길이가 같을 때, 각 $\angle ACD$ 의 크기를 구하시오.



▶ 답:

$^{\circ}$

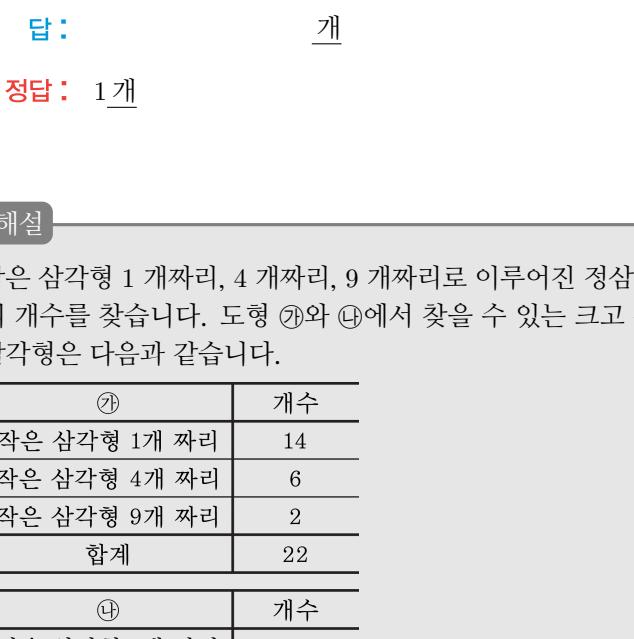
▷ 정답: 30°

해설



정삼각형의 한 각은 60° 이므로 각 $\angle CDE$ 이 120° 입니다.
삼각형 $\triangle CDE$ 이 이등변삼각형이므로 $(각 \angle CDE) = (180^{\circ} - 120^{\circ}) \div 2 = 30^{\circ}$ 입니다.

15. 진수는 똑같은 성냥개비를 각각 27 개씩 사용하여 도형 ⑦와 ⑧를 만들었습니다. 도형 ⑦와 ⑧에서 각각 찾을 수 있는 크고 작은 정삼각형의 개수의 차는 몇 개 입니까?



▶ 답: 1개

▷ 정답: 1개

해설

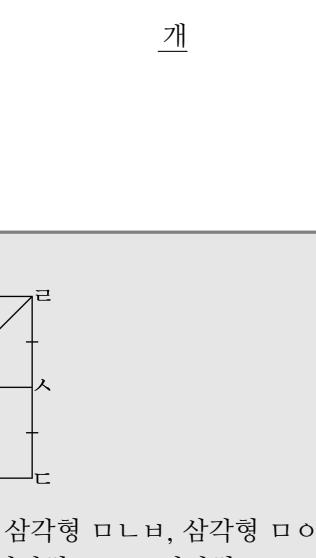
작은 삼각형 1개짜리, 4개짜리, 9개짜리로 이루어진 정삼각형의 개수를 찾습니다. 도형 ⑦와 ⑧에서 찾을 수 있는 크고 작은 삼각형은 다음과 같습니다.

⑦	개수
작은 삼각형 1개 짜리	14
작은 삼각형 4개 짜리	6
작은 삼각형 9개 짜리	2
합계	22

⑧	개수
작은 삼각형 1개 짜리	14
작은 삼각형 4개 짜리	6
작은 삼각형 9개 짜리	1
합계	21

따라서 도형 ⑦와 ⑧에서 찾을 수 있는 크고 작은 정삼각형의 개수의 차는 1개입니다.

16. 보기는 정사각형을 몇 개의 부분으로 나눈 것입니다. 크고 작은 직각삼각형은 모두 몇 개입니까?

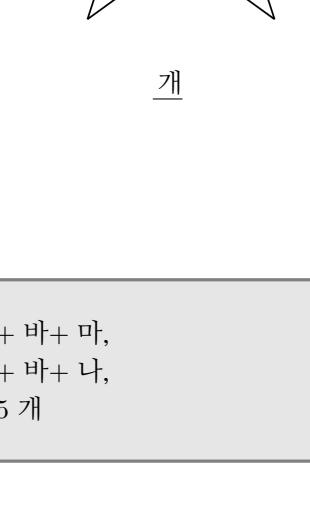


▶ 답: 개

▷ 정답: 7개



17. 다음 그림은 길이가 같은 선분 5 개로 만든 모양입니다. 크고 작은 둔각삼각형은 몇 개입니까?



▶ 답: 개

▷ 정답: 5개

해설

가+바+라, 나+바+마,
다+바+가, 라+바+나,
마+바+다 → 5 개