

1. 다음은 ‘두 대각선이 서로 다른 것을 이등분하는 사각형은 평행사변형이다.’를 증명하는 과정이다. 안에 알맞은 것을 차례대로 써넣어라.



가정 : $\square ABCD$ 에서 $\overline{OA} = \overline{OC}$, $\overline{OB} = \overline{OD}$

결론 : $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$

증명 : $\triangle OAB$ 와 $\triangle OCD$ 에서

$$\overline{OA} = \overline{OC}, \overline{OB} = \overline{OD} \text{ (가정)}$$

$$\angle AOB = \angle COD \text{ (맞꼭지각)}$$

$$\therefore \triangle OAB \cong \triangle OCD \quad (\boxed{\text{}} \text{ 합동})$$

$$\angle OAB = \boxed{\text{}} \text{ 이므로}$$

$$\overline{AB} \parallel \overline{DC} \cdots \textcircled{1}$$

$$\triangle OAD$$
 와 $\triangle OCD$ 에서

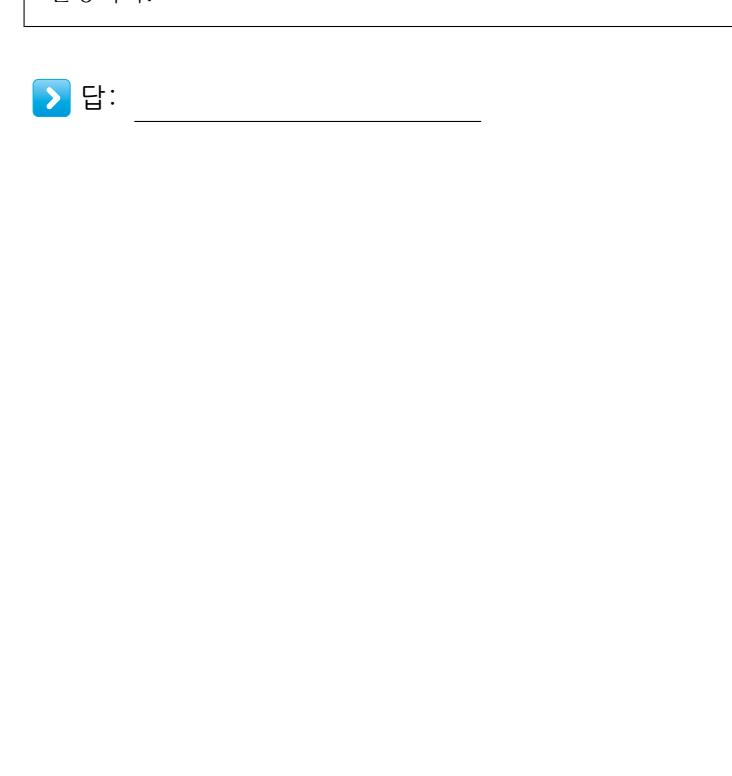
$$\angle OAD = \angle OCD \text{ 이므로}$$

$$\overline{AD} \parallel \boxed{\text{}} \cdots \textcircled{2}$$

①, ②에 의하여 $\square ABCD$ 는 평행사변형이다.

▶ 답: _____

2. 평행사변형 ABCD에서 \overline{AO} , \overline{CO} 를 각각 이등분하여 E, F라 하자.
다음은 이때, 만들어지는 $\square EBFD$ 가 평행사변형임을 증명하는 과정
이다. 빈칸을 알맞게 채워라.



$\square ABCD$ 가 평행사변형이므로 다음이 성립한다.

$$\overline{AO} = \overline{CO}, \overline{DO} = \boxed{\text{ㄱ}}$$

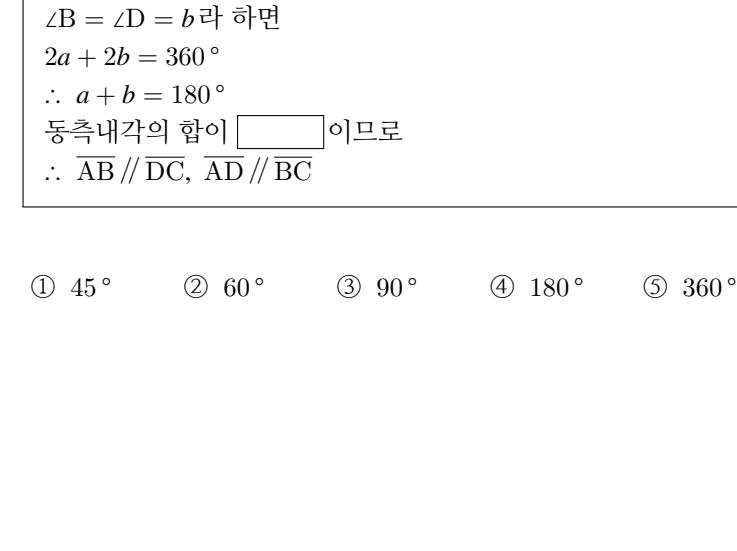
주어진 조건에 의해 $\overline{AE} = \overline{EO}$, $\overline{OF} = \boxed{\text{ㄴ}}$ 이므로

$$\overline{EO} = \boxed{\text{ㄷ}}, \overline{DO} = \boxed{\text{ㄱ}}$$

두 대각선이 서로 다른 것을 이등분하므로 $\square ABCD$ 는 평행사
변형이다.

▶ 답: _____

3. 다음은 ‘두 쌍의 대각의 크기가 각각 같은 사각형은 평행사변형이다.’
를 설명하는 과정이다. 안에 들어갈 알맞은 것은?



$$\angle A = \angle C, \angle B = \angle D \text{인 } \square ABCD \text{에서}$$

$$\angle A = \angle C = a$$

$$\angle B = \angle D = b \text{라 하면}$$

$$2a + 2b = 360^\circ$$

$$\therefore a + b = 180^\circ$$

동측내각의 합이 이므로

$$\therefore \overline{AB} \parallel \overline{DC}, \overline{AD} \parallel \overline{BC}$$

- ① 45° ② 60° ③ 90° ④ 180° ⑤ 360°

4. 마름모 ABCD 의 한 꼭짓점 A에서 \overline{BC} , \overline{CD} 위에 내린 수선의 발을 각각 P, Q 라

할 때, $\angle PAQ = 60^\circ$ 일 때, $\angle APQ = ()^\circ$ 이다. () 안에 알맞은 수를 구하여라.



▶ 답: _____

5. 다음 그림의 $\square ABCD$ 는 마름모이고, 점 O는
두 대각선의 교점일 때, 옳지 않은 것은?

- ① $\overline{AB} = \overline{BC}$
- ② $\overline{OB} = \overline{OD}$
- ③ $\overline{CO} = \overline{DO}$
- ④ $\angle AOD = 90^\circ$
- ⑤ $\angle AOB = \angle COD$



6. 마름모 ABCD에서 꼭짓점 A를 대각선 위에 오도록 접었다. 꼭짓점 A가 대각선 위에 대응되는 점을 A'이라 할 때, $\angle DA'C$ 의 크기는?



- ① 103° ② 105° ③ 106° ④ 108° ⑤ 110°

7. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서 $\angle x$ 의 크기는?

- ① 30° ② 35° ③ 45°
④ 65° ⑤ 100°



8. 다음 중 평행사변형의 정의를 바르게 나타낸 것은?

- ① 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같다.
- ② 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분한다.
- ③ 한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같다.
- ④ 두 쌍의 대변이 각각 평행한 사각형이다.
- ⑤ 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.

9. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서
 $\angle B$ 의 이등분선이 \overline{AD} 와 \overline{CD} 의 연장선과
만나는 점을 각각 E, F 일 때, \overline{CD} 의 길이를
구하여라.



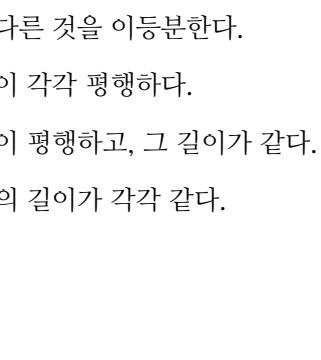
▶ 답: _____

10. 다음 그림처럼 평행사변형 ABCD에서 선분 AE와 선분 CF가 $\angle A$ 와 $\angle C$ 의 이등분선일 때, $\angle AEC$ 의 값을 구하여라.



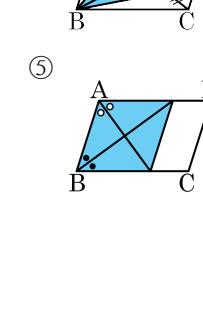
▶ 답: _____ °

11. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD 의 두 꼭짓점 A, C 에서 대각선 BD 에 내린 수선의 발을 각각 E, F 라 할 때, $\square AEFC$ 는 평행사변형이다. 이용되는 평행사변형이 되는 조건은?

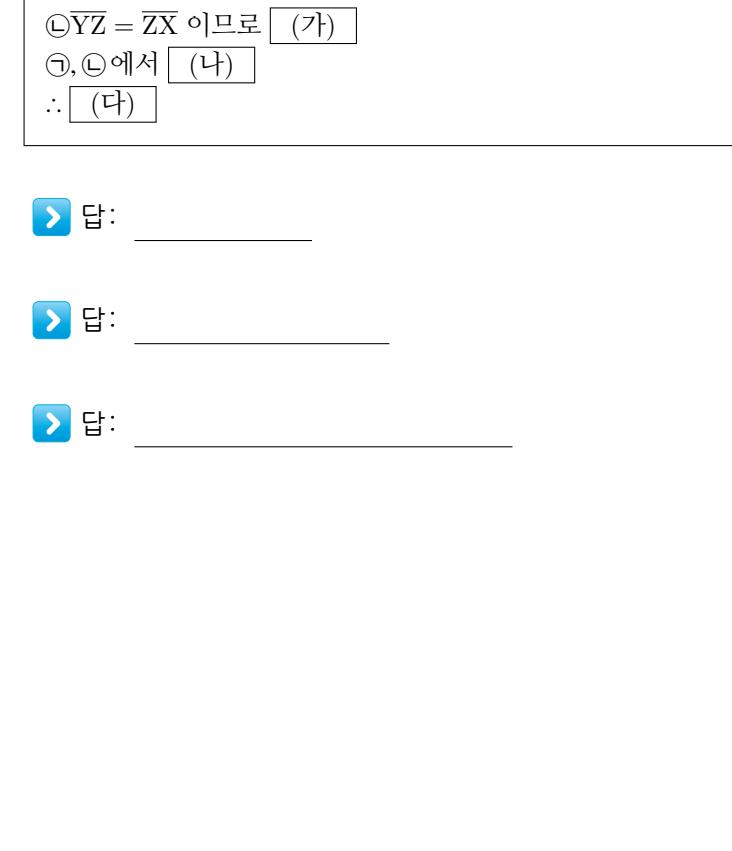


- ① 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.
- ② 두 대각선이 다른 것을 이등분한다.
- ③ 두 쌍의 대변이 각각 평행하다.
- ④ 한 쌍의 대변이 평행하고, 그 길이가 같다.
- ⑤ 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같다.

12. 다음 $\square ABCD$ 가 평행사변형일 때, 색칠한 사각형 중 종류가 다른 것은?



14. 다음은 「세 변의 길이가 같은 삼각형의 세 내각은 크기가 모두 같다.」
를 보이는 과정이다. (가) ~ (데)에 들어갈 것으로 옳은 것은 ?

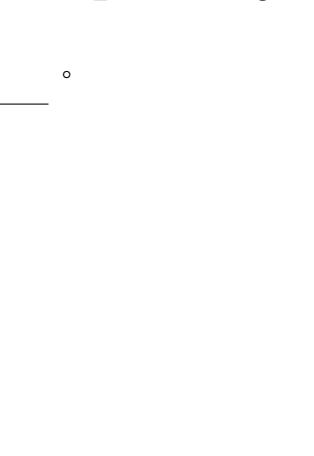


▶ 답: _____

▶ 답: _____

▶ 답: _____

15. 다음 그림에서 $\overline{AB} = \overline{DC}$, $\overline{AC} = \overline{DB}$ 그리고 $\angle BOC = 84^\circ$ 일 때,
 $\angle OBC$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °