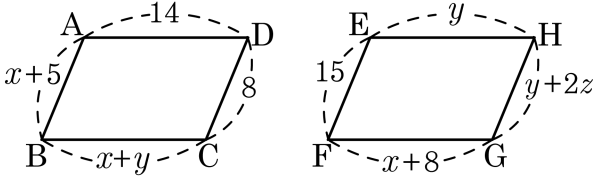


1. 다음 그림과 같이 두 개의 평행사변형이 있을 때, $x + y + z$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 16

해설

평행사변형의 대변의 길이는 서로 같다.
 평행사변형 ABCD 에서는 $14 = x + y$, $x + 5 = 8$
 평행사변형 EFGH 에서는 $y = x + 8$, $15 = y + 2z$
 $x = 3$, $y = 11$, $z = 2$
 $\therefore x + y + z = 16$

2. 다음은 ‘평행사변형의 두 쌍의 대변의 길이는 각각 같다.’를 보이는 과정이다. ㄱ부터 ㄹ에 알맞은 것을 써넣어라.

대각선 BD 를 그으면
△ABD 와 △CDB 에서
∠ABD = (ㄴ) (엇각)
∠ADB = (ㄷ) (엇각)
(ㄹ)는 공통
따라서 △ABD = △CDB (ㅁ 합동)이므로
 $\overline{AB} = (ㄱ), \overline{AD} = \overline{BC}$

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $\overline{CD}$

▷ 정답 : ∠CDB

▷ 정답 : ∠CBD

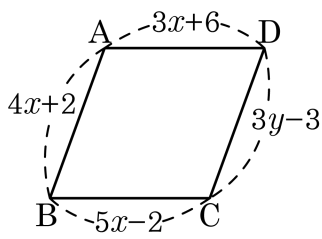
▷ 정답 : $\overline{BD}$

▷ 정답 : ASA

해설

대각선 BD 를 그으면
△ABD 와 △CDB 에서
∠ABD = (∠CDB) (엇각) ∴ (ㄴ)
∠ADB = (∠CBD) (엇각) ∴ (ㄷ)
($\overline{BD}$) 는 공통 ∴ (ㄹ)
따라서 △ABD = △CDB (ASA 합동) 이므로 ∴ (ㅁ)
 $\overline{AB} = (\overline{CD}) , \overline{AD} = \overline{BC} \cdots (ㄱ)$

3. 다음 사각형 ABCD 가 평행사변형이 되도록 x, y 의 값을 정하여라.



▶ 답 :

▶ 답 :

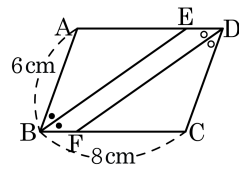
▷ 정답 : $x = 4$

▷ 정답 : $y = 7$

해설

$\overline{AD} = \overline{BC}$, $\overline{AB} = \overline{DC}$ 이므로
 $3x + 6 = 5x - 2$, $2x = 8 \therefore x = 4$
 $4x + 2 = 3y - 3$
 $16 + 2 = 3y - 3$
 $3y = 21$
 $\therefore y = 7$

4. 다음 그림의 평행사변형 ABCD 에서 $\overline{BE}$, $\overline{DF}$ 는 각 $\angle B$, $\angle D$ 의 이등분선이다. $\overline{AB} = 6\text{cm}$, $\overline{BC} = 8\text{cm}$ 일 때, $\overline{ED}$ 의 길이는?

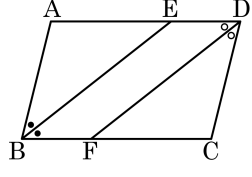


- ① 1.5cm ② 2cm ③ 2.5cm
④ 3cm ⑤ 3.5cm

해설

$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이므로 $\angle EBF = \angle AEB$
따라서 $\triangle ABE$ 는 이등변삼각형이다.
 $\angle EBF = \angle AEB$ 이므로
 $\overline{AE} = \overline{AB} = 6(\text{cm})$
 $\therefore \overline{ED} = \overline{AD} - \overline{AE} = 8 - 6 = 2(\text{cm})$

5. 평행사변형 ABCD 에서 $\angle B$, $\angle D$ 의 이등분선이 변 AD, BC 와 만나는 점을 각각 E, F 라 할 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

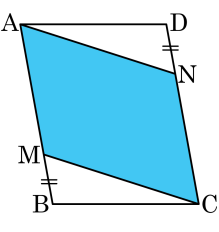


- ① $\angle B = \angle D$ ② $\angle EBF = \angle FDE$
 ③ $\angle EDF = \angle DFC$ ④ $\angle BFD = \angle DEB$
 ⑤ $\angle BAE = \angle DFB$

해설

$\triangle AEB$, $\triangle DFC$ 에서 $\angle A = \angle C$, $\angle ABE = \angle FDC$, $\overline{AB} = \overline{CD}$ 이므로 ASA 합동이다.
 따라서 $\overline{ED} = \overline{BF}$, $\overline{BE} = \overline{FD}$ 이고 $\square EBF D$ 는 평행사변형이다.
 ⑤ $\angle BAE = \angle DFB$ 에서 $\angle BAE = \angle FCD$ 이지만 $\angle DFB \neq \angle FCD$ 이므로 옳지 않다.

6. 다음 평행사변형 ABCD 에서 색칠한 부분이 나타내는 도형의 종류를 써라.



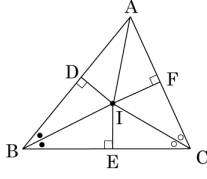
▶ 답 :

▷ 정답 : 평행사변형

해설

$\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ 이므로
 $\overline{AM} \parallel \overline{NC}, \overline{AB} = \overline{DC}$ 이므로
 $\overline{AM} = \overline{AB} - \overline{BM} = \overline{DC} - \overline{DN} = \overline{NC}$
 $\therefore \overline{AM} \parallel \overline{NC}, \overline{AM} = \overline{NC}$

7. 다음은 삼각형의 세 내각의 이등분선이 한 점에서 만남을 증명한 것이다. ㉠ ~ ㉥에 알맞은 것을 써 넣어라.



증명) $\angle B, \angle C$ 의 이등분선의 교점을 I라 하면
 i) $\overline{BI}$ 는 $\angle B$ 의 이등분선이므로
 $\triangle BDI \equiv \triangle BEI \quad \therefore \overline{ID} = \overline{IE}$
 ii) $\overline{CI}$ 는 $\angle C$ 의 (㉠)이므로 $\triangle CEI \equiv \triangle CFI \quad \therefore \overline{IE} =$
 (㉡)
 iii) $\overline{ID} = \overline{IE} =$ (㉢)
 iv) $\overline{ID} = \overline{IF}$ 이므로 (㉣) = $\triangle FAI$
 $\therefore \angle DAI = \angle FAI$
 따라서 $\overline{AI}$ 는 $\angle A$ 의 이등분선이다.
 따라서 $\triangle ABC$ 의 세 내각의 이등분선은 한 점에서 만난다.

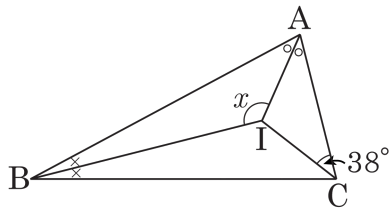
▶ 답 :

▷ 정답 : ㉠ : 이등분선

해설

$\triangle DAI$ 와 $\triangle FAI$ 에서
 $\angle ADI = \angle AFI = 90^\circ, \overline{AI}$ 는 공통 변, $\overline{ID} = \overline{IF}$
 이므로 $\triangle ADI \equiv \triangle AFI$ (RHS 합동)

8. 다음 그림에서 점 I는 $\angle A$ 와 $\angle B$ 의 이등분선의 교점이다. 이 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 128°

해설

$38^\circ + \angle IAB + \angle IBC = 90^\circ$ 이므로

$\angle IAB + \angle IBC = 90^\circ - 38^\circ = 52^\circ$

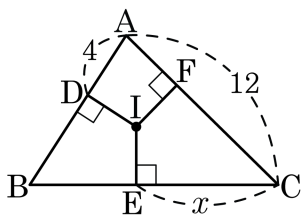
따라서 $\triangle IAB$ 에서

$\angle x = 180^\circ - (\angle IAB + \angle IBC)$

$= 180^\circ - 52^\circ$

$= 128^\circ$

9. 다음 그림에서 점 I는 $\triangle ABC$ 의 내심이다. x 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

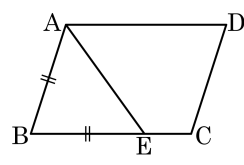
▶ 정답 : 8

해설

점 I는 $\triangle ABC$ 의 내심이므로, $\overline{AD} = \overline{AF}$ 이고, $\overline{CE} = \overline{CF}$ 이다.
따라서 $4 + x = 12$ 이므로 $x = 8$ 이다.

10. 평행사변형 ABCD 에서 $\angle A : \angle B = 3 : 2$ 이고 $\overline{AB} = \overline{BE}$ 일 때, $\angle AEB$ 의 크기를 구하면?

- ① 54° ② 56° ③ 58°
④ 60° ⑤ 62°

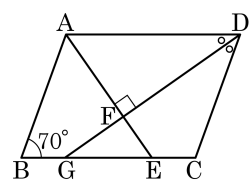


해설

$$\angle B = 180^\circ \times \frac{2}{5} = 72^\circ$$

$\triangle ABE$ 는 이등변삼각형이므로
 $\angle AEB = (180^\circ - 72^\circ) \div 2 = 54^\circ$

11. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD 의 꼭짓점 A 에서 $\angle D$ 의 이등분선에 내린 수선이 $\overline{BC}$ 와 만나는 점을 E, 수선의 발을 F, $\angle D$ 의 이등분선과 $\overline{BC}$ 와 만나는 점을 G 라고 한다. $\angle B = 70^\circ$ 일 때, $\angle AEB$ 의 크기는?



- ① 40° ② 45° ③ 50° ④ 55° ⑤ 60°

해설

$$\angle B = \angle D = 70^\circ \text{ 이므로 } \angle ADG = \frac{1}{2}\angle D = 35^\circ$$

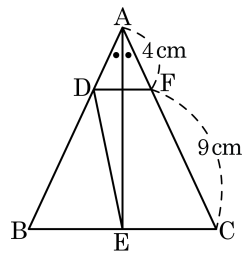
$$\angle ADG = \angle DGE \text{ (엇각)}$$

$\triangle FGE$ 에서

$$\angle AEB = 180^\circ - (90^\circ + 35^\circ) = 55^\circ$$

12. 다음 그림에서 $\overline{AE}$ 는 $\angle A$ 의 이등분선이다. $\overline{DF} \parallel \overline{BC}$, $\overline{DE} \parallel \overline{FC}$ 일 때, $\overline{AD}$ 의 길이는?

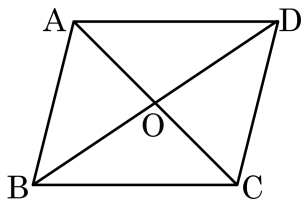
- ① 4cm ② 5cm ③ 8cm
 ④ 9cm ⑤ 13cm



해설

$\overline{DF} \parallel \overline{EC}$ 이고 $\overline{DE} \parallel \overline{FC}$ 이므로 $\square DECF$ 는 평행사변형이다.
 $\overline{DE} \parallel \overline{AC}$ 이므로 $\angle DEA = \angle EAF$
 $\therefore \triangle DEA$ 는 이등변삼각형이다.
 $\therefore \overline{AD} = \overline{DE} = 9 \text{ (cm)}$

13. 다음 평행사변형 ABCD가 직사각형이 되려면 다음 중 어떤 조건이 더 있어야 하는지 모두 골라라.

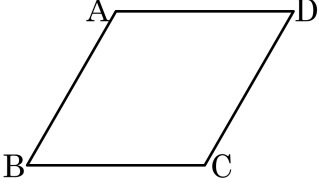


- ① $\overline{AB} = \overline{AD}$ ② $\angle A = 90^\circ$
 ③ $\overline{AC} = \overline{BD}$ ④ $\overline{AC} \perp \overline{BD}$
 ⑤ $\overline{AO} = \overline{BO} = \overline{CO} = \overline{DO}$

해설

평행사변형이 직사각형이 되려면, 한 각이 90° 이거나, 대각선의 길이가 같아야 한다.

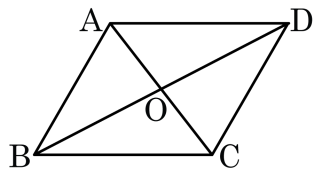
14. 사각형 ABCD가 평행사변형이 될 수 있는 조건이 아닌 것은? (단, O는 두 대각선의 교점이다.)



- ① $\overline{AB} = \overline{DC}, \overline{AD} = \overline{BC}$
- ② $\angle A = 120^\circ, \angle B = 60^\circ, \angle C = 120^\circ$
- ③ $\angle A = \angle C, \overline{AB} // \overline{DC}$
- ④ $\overline{AB} = \overline{DC}, \overline{AD} // \overline{BC}$
- ⑤ $\overline{OA} = \overline{OC}, \overline{OB} = \overline{OD}$

해설
 $\overline{AB} // \overline{DC}$ 인 경우 $\overline{AB} = \overline{DC}$ 이어야 사각형 ABCD는 평행사변형이다.

15. 다음 평행사변형 ABCD가 마름모가 되려면 다음 중 어떤 조건이 더 있어야 하는지 모두 골라라.



- ① $\overline{AB} = \overline{AD}$ ② $\angle A = 90^\circ$
③ $\overline{AC} = \overline{BD}$ ④ $\overline{AC} \perp \overline{BD}$
⑤ $\overline{AO} = \overline{BO} = \overline{CO} = \overline{DO}$

해설

평행사변형의 이웃하는 두 변의 길이가 같거나, 두 대각선이 직교하면 마름모이다.