

1. 다음 세 식의 공통인 인수는?

$$2x^2 + x - 6, \quad x^2 - 4, \quad 3x^2 - 4x - 20$$

- ① $2x - 3$ ② $x - 5$ ③ $x + 2$

- ④ $x - 4$ ⑤ $x - 2$

해설

$$2x^2 + x - 6 = (x + 2)(2x - 3)$$

$$x^2 - 4 = (x + 2)(x - 2)$$

$$3x^2 - 4x - 20 = (x + 2)(3x - 10)$$

따라서 공통인 인수는 $(x + 2)$ 이다.

2. 이차식 $8x^2 + (4k - 6)x - 15$ 를 인수분해하면 $(2x + 3)(4x - 5)$ 이라고 한다. 이때, k 의 값으로 알맞은 것을 고르면?

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$(2x + 3)(4x - 5) = 8x^2 + 2x - 15 ,$$

$$4k - 6 = 2$$

$$\therefore k = 2$$

3. $a^2 + 36b^2 - 12ab - 25$ 를 두 일차식의 곱으로 인수분해할 때, 두 일차식의 합을 구하면?

- ① $a - 12b$ ② $2a - 12b$ ③ $3a - 12b$
④ $4a - 12b$ ⑤ $5a - 12b$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= a^2 - 12ab + 36b^2 - 25 \\&= (a - 6b)^2 - 25 \\&= (a - 6b + 5)(a - 6b - 5) \\∴ (a - 6b + 5) + (a - 6b - 5) &= 2a - 12b\end{aligned}$$

4. $\sqrt{x} = a - 1$ 이고, $-1 < a < 3$ 일 때, $\sqrt{x+4a} + \sqrt{x-4a+8}$ 을 간단히 하면?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}\sqrt{x} = a - 1 \text{ 의 양변을 제곱하면 } x &= (a - 1)^2 \\ \sqrt{a^2 + 2a + 1} + \sqrt{a^2 - 6a + 9} &= \sqrt{(a + 1)^2} + \sqrt{(a - 3)^2} \\ &= |a + 1| + |a - 3| \\ &= a + 1 - a + 3 = 4\end{aligned}$$

5. $A = -1^2 + 2^2 - 3^2 + 4^2 - 5^2 + 6^2 - 7^2 + 8^2 - 9^2 + 10^2$, $B = 9945$ 라 할 때, $B^2 - A^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 98900000

해설

$$\begin{aligned}A &= -1^2 + 2^2 - 3^2 + 4^2 - 5^2 + 6^2 \\&\quad - 7^2 + 8^2 - 9^2 + 10^2 \\&= (2^2 - 1^2) + (4^2 - 3^2) + \\&\quad (6^2 - 5^2) + (8^2 - 7^2) + (10^2 - 9^2) \\&= (2 - 1)(2 + 1) + (4 - 3)(4 + 3) + (6 - 5) \\&\quad (6 + 5) + (8 - 7)(8 + 7) + (10 - 9)(10 + 9) \\&= 3 + 7 + 11 + 15 + 19 \\&= 55\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\therefore B^2 - A^2 &= (B + A)(B - A) \\&= (9945 + 55)(9945 - 55) \\&= 10000 \times 9890 \\&= 98900000\end{aligned}$$