

1. 1에서 10까지 각각 적힌 카드 10장이 있다. 임의로 한 장의 카드를 뽑을 때, 소수 또는 2의 배수가 나올 확률은?

① $\frac{4}{5}$

② $\frac{7}{10}$

③ $\frac{1}{2}$

④ $\frac{3}{10}$

⑤ $\frac{2}{5}$

해설

1에서 10사이의 소수는 2, 3, 5, 7 이고, 1에서 10사이의 2의 배수는 2, 4, 6, 8, 10 이므로 10장의 카드 중 소수 또는 2의 배수가 나오는 경우의 수는 8가지이다.

따라서 구하는 확률은

$$\frac{(\text{특정 사건의 경우의 수})}{(\text{전체 경우의 수})} = \frac{8}{10} = \frac{4}{5}$$

2. 주머니 속에 노란 공 3개, 초록 공 2개, 흰 공 2개가 들어 있다. 이 주머니에서 차례로 한 개씩 두 번 꺼낼 때, 두 개의 공이 같은 색일 확률은? (단, 한 번 꺼낸 공은 다시 넣지 않는다.)

① $\frac{17}{49}$

② $\frac{5}{21}$

③ $\frac{8}{25}$

④ $\frac{12}{25}$

⑤ $\frac{16}{25}$

해설

노란 공을 2번 꺼낼 확률은 $\frac{3}{7} \times \frac{2}{6} = \frac{6}{42} = \frac{1}{7}$

초록 공을 2번 꺼낼 확률은 $\frac{2}{7} \times \frac{1}{6} = \frac{2}{42} = \frac{1}{21}$

흰 공을 2번 꺼낼 확률은 $\frac{2}{7} \times \frac{1}{6} = \frac{2}{42} = \frac{1}{21}$

따라서 두 개의 공이 같은 색일 확률은

$$\frac{1}{7} + \frac{1}{21} + \frac{1}{21} = \frac{5}{21}$$

3. 민정이가 두 문제 A, B를 풀 확률이 각각 $\frac{3}{4}$, $\frac{4}{5}$ 라 할 때, A, B 두 문제 모두 풀 확률은?

① $\frac{1}{4}$

② $\frac{2}{5}$

③ $\frac{7}{9}$

④ $\frac{2}{9}$

⑤ $\frac{3}{5}$

해설

$$\frac{3}{4} \times \frac{4}{5} = \frac{3}{5}$$

4. A, B, C 세 개의 주사위를 동시에 던져서 나온 눈의 수를 각각 a, b, c 라 할 때, $a + b + c = 12$ 일 확률을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : $\frac{25}{216}$

해설

$a = 1$ 일 때

$(b, c) = (5, 6), (6, 5)$

$a = 2$ 일 때

$(b, c) = (4, 6), (5, 5), (6, 4)$

$a = 3$ 일 때

$(b, c) = (3, 6), (4, 5), (5, 4), (6, 3)$

$a = 4$ 일 때

$(b, c) = (2, 6), (3, 5), (4, 4), (5, 3), (6, 2)$

$a = 5$ 일 때

$(b, c) = (1, 6), (2, 5), (3, 4), (4, 3), (5, 2), (6, 1)$

$a = 6$ 일 때

$(b, c) = (1, 5), (2, 4), (3, 3), (4, 2), (5, 1)$

따라서 (구하는 확률) = $\frac{25}{6 \times 6 \times 6} = \frac{25}{216}$

5. 상자 안에 1 에서 9 까지의 숫자가 각각 적힌 카드가 있다. 상자에서 카드를 한 장씩 두 번 꺼낼 때, 숫자의 곱이 짝수일 확률을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{13}{18}$

해설

$$\begin{aligned}(\text{곱이 짝수일 확률}) &= 1 - (\text{홀수}) \times (\text{홀수}) \\&= 1 - \frac{5}{9} \times \frac{4}{8} \\&= \frac{13}{18}\end{aligned}$$

6. 수학 책 20 권 중 3 권은 인쇄 상태가 불량이다. 수학 책을 차례로 2 권 골랐을 때, 두 권 모두 인쇄 상태가 불량일 확률을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{3}{190}$

해설

$$\frac{3}{20} \times \frac{2}{19} = \frac{3}{190}$$

7. 봉지 속에 사탕 3 개, 초콜릿 4 개, 젤리 2 개가 들어 있다. 우영이가 한 개를 꺼내 먹은 후 시원이가 다시 한 개를 꺼내 먹을 때, 두 사람 모두 초콜릿을 꺼내 먹을 확률을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{1}{6}$

해설

우영이가 초콜릿을 꺼내 먹을 확률 : $\frac{4}{9}$

시원이가 초콜릿을 꺼내 먹을 확률 : $\frac{3}{8}$

따라서 $\frac{4}{9} \times \frac{3}{8} = \frac{1}{6}$ 이다.

8. 점 P가 수직선의 원점 위에 놓여 있다. 동전 한 개를 5번 던져 앞면이 나오면 오른쪽으로 1만큼, 뒷면이 나오면 왼쪽으로 1만큼 움직이기로 할 때, 점 P의 위치가 3일 확률은 얼마인가?

① $\frac{5}{32}$

② $\frac{5}{16}$

③ $\frac{3}{12}$

④ $\frac{3}{8}$

⑤ $\frac{1}{4}$

해설

모든 경우의 수는 : $2^5 = 32$ (가지)

앞 : a , 뒤 : $5 - a$ 로 놓으면

$a - (5 - a) = 3$ 에서 $a = 4$ 이다.

a 가 4일 경우의 수는

(HHHHT), ... (THHHH): 5가지

$$\therefore \frac{5}{32}$$

9. 주머니 속에 흰 구슬과 검은 구슬을 합하여 7개가 들어 있다. 이 중에서 한 개를 꺼내어 보고 다시 넣은 후 또 한 개를 꺼낼 때, 두 개 모두 흰 구슬이 나올 확률이 $\frac{9}{49}$ 이다. 흰 구슬의 개수는?

- ① 3개 ② 4개 ③ 5개 ④ 6개 ⑤ 12개

해설

흰 구슬의 개수는 n 개, 검은 구슬의 개수는 $7 - n$ 으로 할 때,
두 번 모두 흰 구슬이 나올 확률은 $\frac{n}{7} \times \frac{n}{7} = \frac{n^2}{49}$, $n^2 = 9, n = 3$
이다.
따라서 흰 구슬의 개수는 3개이다.

10. 강당의 긴 의자에 8명이 앉아 있을 때, 특정한 세 사람이 서로 이웃하여 앉을 확률을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{3}{28}$

해설

- i) 8명이 의자에 앉는 경우의 수는 $8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1$
 - ii) 세 사람을 묶어서 생각하면 6명이 의자에 앉을 때의 경우의 수는 $6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1$
 - iii) 세 사람의 앉는 위치가 바뀌는 경우의 수는 $3 \times 2 \times 1$
- 따라서, 구하는 확률은

$$\frac{(3 \times 2 \times 1) \times (6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1)}{8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1} = \frac{3}{28}$$