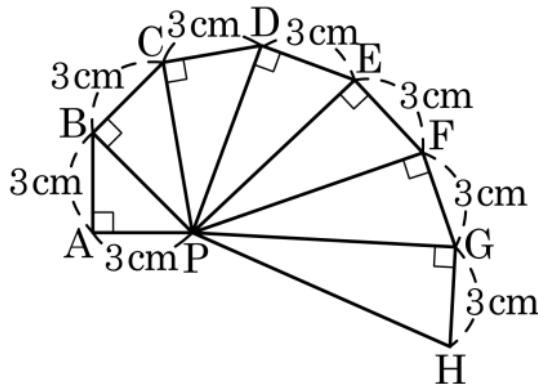


1. 다음 그림에서 \overline{PH} 의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

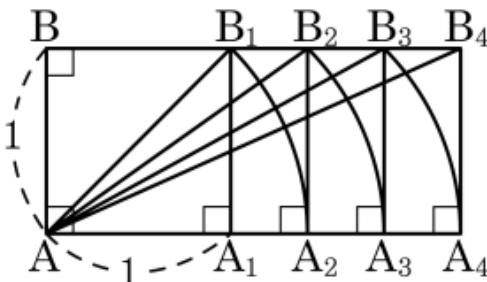
▶ 정답 : $6\sqrt{2}$

해설

$$\begin{aligned}\overline{PB} &= 3\sqrt{2}, \quad \overline{PC} = 3\sqrt{3}, \quad \overline{PD} = 3\sqrt{4}, \dots \\ \therefore \overline{PH} &= 3\sqrt{8} = 6\sqrt{2}\end{aligned}$$

2. 다음 그림에서 $\overline{AB_1} = \overline{AA_2}$, $\overline{AB_2} = \overline{AA_3}$, $\overline{AB_3} = \overline{AA_4}$ 일 때, $\frac{\overline{AB_4}}{\sqrt{5}}$ 의 값을 구하면?

- ① 1
- ② 2
- ③ 3
- ④ 4
- ⑤ $\sqrt{5}$



해설

$$\overline{AB_4} = \sqrt{1^2 + 1^2 + 1^2 + 1^2 + 1^2} = \sqrt{5} \text{ 이다.}$$

$$\text{따라서 } \frac{\overline{AB_4}}{\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5}} = 1 \text{ 이다.}$$

3. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\angle C > 90^\circ$ 일 때, 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?(정답 2 개)

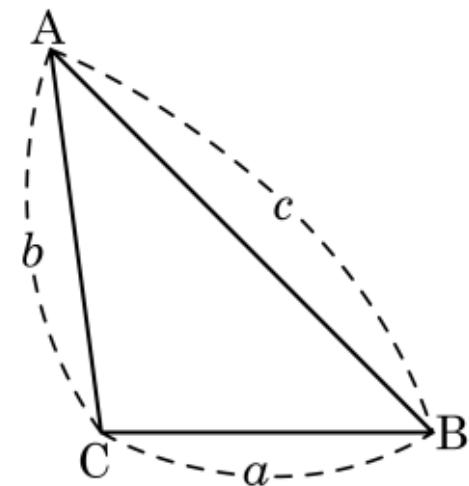
① $c^2 = a^2 + b^2$

② $b^2 > a^2 + c^2$

③ $a^2 < c^2 - b^2$

④ $c^2 < a^2 + b^2$

⑤ $b^2 < c^2 - a^2$



해설

$$c^2 > a^2 + b^2$$

4. 세 변의 길이가 8, x , 17인 삼각형이 둔각삼각형이 되기 위한 정수 x 의 값의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 189

해설

i) $x > 17$ 인 경우

$$8 + 17 > x, x < 25$$

$$x^2 > 8^2 + 17^2 = 353, x > \sqrt{353}$$

$$\therefore \sqrt{353} < x < 25$$

$$18 < \sqrt{353} < 19 \text{ 이므로}$$

$$\therefore x = 19, 20, 21, 22, 23, 24$$

ii) $x < 17$ 인 경우

$$8 + x > 17, x > 9$$

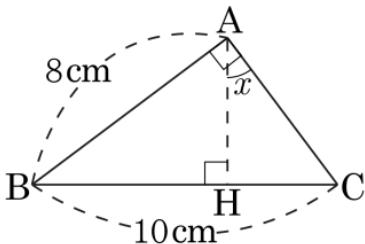
$$17^2 > x^2 + 8^2, x < 15$$

$$\therefore 9 < x < 15$$

$$\therefore x = 10, 11, 12, 13, 14$$

$$\therefore 10 + 11 + 12 + 13 + 14 + 19 + 20 + 21 + 22 + 23 + 24 = 189$$

5. 다음 그림에서 $\angle BAC = 90^\circ$, $\overline{BC} \perp \overline{AH}$ 이고 $\angle HAC = x$ 라 할 때,
 $\tan x$ 의 값을 구하여라.



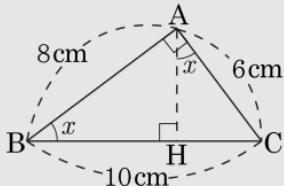
▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{3}{4}$

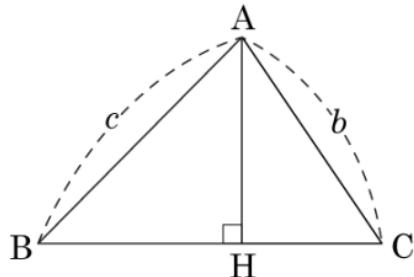
해설

$$\overline{AC} = \sqrt{10^2 - 8^2} = 6 \text{ cm}$$

$$\tan x = \frac{\overline{AC}}{\overline{AB}} = \frac{6}{8} = \frac{3}{4}$$



6. 다음 중 그림의 $\triangle ABC$ 에서 \overline{BC} 의 길이를 나타내는 것은?



- ① $c \sin B + b \sin C$ ② $c \sin B + b \cos C$
③ $c \cos B + b \cos C$ ④ $c \cos B + b \sin C$
⑤ $c \tan B + b \tan C$

해설

$$\triangle ABH \text{에서 } \cos B = \frac{\overline{BH}}{c}, \overline{BH} = c \cos B$$

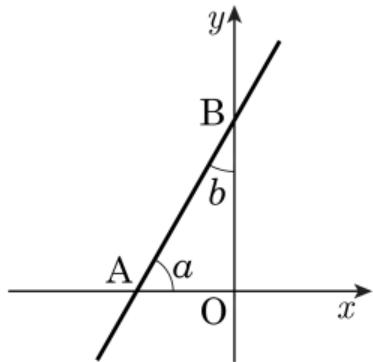
$$\triangle AHC \text{에서 } \cos C = \frac{\overline{CH}}{b}, \overline{CH} = b \cos C$$

따라서 $\overline{BC} = \overline{BH} + \overline{CH} = c \cos B + b \cos C$ 이다.

7. 다음 그림과 같이 $4x - 3y + 12 = 0$ 의 그래프에서 $3 \tan a + 4 \tan b$ 의 값은?

- ① 5 ② 6 ③ 7
④ 8 ⑤ 10

③ 7



해설

$$4x - 3y + 12 = 0$$

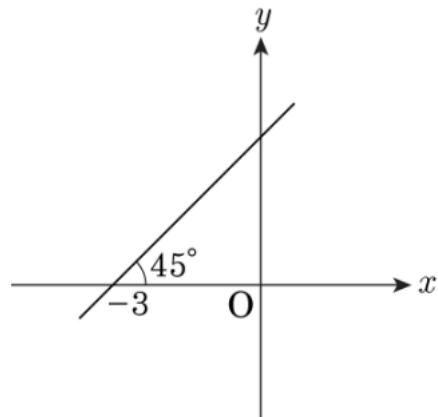
$y = 0$ 일 때, $A(-3, 0)$

$x = 0$ 일 때, $B(0, 4)$

$$\therefore \tan a = \frac{4}{3}, \tan b = \frac{3}{4} \text{ 이므로}$$

$$3 \tan a + 4 \tan b = 3 \times \frac{4}{3} + 4 \times \frac{3}{4} = 4 + 3 = 7 \text{ 이다.}$$

8. 다음 그림과 같이 x 절편이 -3 이고, x 축의 양의 방향과 이루는 각의 크기가 45° 인 직선의 방정식을 $y = ax + b$ 라 할 때, $a + b$ 의 값을 구하면?



- ① 4 ② 5 ③ 6 ④ 7 ⑤ 8

해설

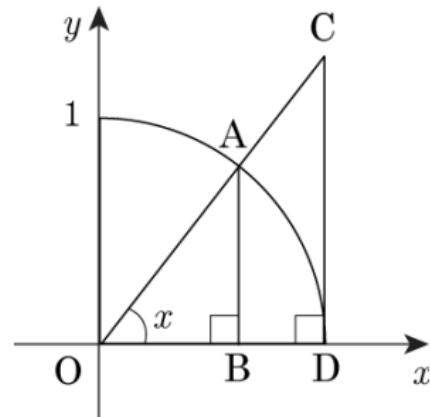
$y = ax + b$ 에서 기울기 $a = \tan 45^\circ = 1$

$y = x + b$ 에서 $(-3, 0)$ 을 대입하면

$$0 = -3 + b, b = 3$$

$$\therefore a + b = 4$$

9. 다음 그림에서 $\tan x$ 의 크기를 나타내는 선분을 구하여라.



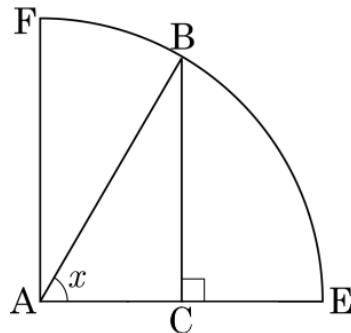
▶ 답:

▷ 정답: \overline{CD}

해설

$$\tan x = \frac{\overline{CD}}{\overline{OD}} = \frac{\overline{CD}}{1} = \overline{CD}$$

10. 다음 그림은 반지름이 1인 원 A의 일부분이다. $\sin x$ 와 $\cos x$ 를 나타내는 선분을 차례대로 구하면?



- ① \overline{BC} , \overline{AC} ② \overline{AC} , \overline{BC} ③ $\frac{\overline{BC}}{\overline{AC}}$, \overline{AC}
④ \overline{AC} , $\frac{\overline{BC}}{\overline{AC}}$ ⑤ \overline{AE} , \overline{AC}

해설

$$\sin x = \frac{\overline{BC}}{\overline{AB}} = \frac{\overline{BC}}{1} = \overline{BC}$$

$$\cos x = \frac{\overline{AC}}{\overline{AB}} = \frac{\overline{AC}}{1} = \overline{AC}$$

11. $0^\circ < A < 45^\circ$ 일 때, $\sqrt{(\tan A + 2)^2} + \sqrt{4(\tan 45^\circ - \tan A)^2}$ 을 간단히 하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $4 - \tan A$

해설

$$\begin{aligned}\sqrt{(\tan A + 2)^2} + \sqrt{4(\tan 45^\circ - \tan A)^2} \\&= \tan A + 2 + 2(\tan 45^\circ - \tan A) \\&= \tan A + 2 + 2 - 2\tan A = 4 - \tan A\end{aligned}$$

12. $0^\circ < A < 45^\circ$ 일 때, $\sqrt{(\sin A - \cos A)^2} - \sqrt{(\sin A + \cos A)^2}$ 을 간단히 하면?

① $-2 \cos A$

② $-2 \sin A$

③ 0

④ $2 \sin A$

⑤ $2(\sin A + \cos A)$

해설

$0^\circ < A < 45^\circ$ 인 범위에서는 $\sin A < \cos A$ 이므로 $\sin A - \cos A < 0$

$$\begin{aligned}\sqrt{(\sin A - \cos A)^2} - \sqrt{(\sin A + \cos A)^2} \\&= -(\sin A - \cos A) - (\sin A + \cos A) \\&= -\sin A + \cos A - \sin A - \cos A \\&= -\sin A - \sin A \\&= -2 \sin A\end{aligned}$$