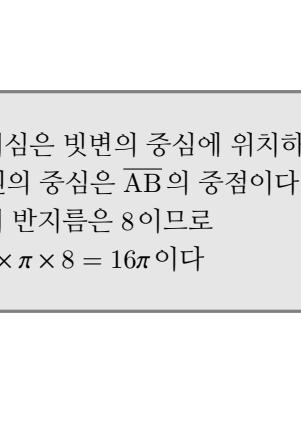


1. 다음 그림은  $\angle C$ 가 직각인 삼각형이다.  $\triangle ABC$ 의 외접원의 둘레의 길이는?



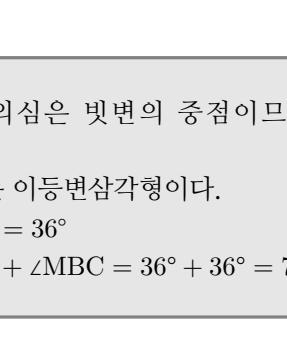
- ①  $10\pi$       ②  $12\pi$       ③  $14\pi$       ④  $16\pi$       ⑤  $18\pi$

해설

직각삼각형의 외심은 빗변의 중점에 위치하므로  
 $\triangle ABC$ 의 외접원의 중심은  $\overline{AB}$ 의 중점이다.

따라서 외접원의 반지름은 8이므로  
둘레는  $2\pi r = 2 \times \pi \times 8 = 16\pi$ 이다

2. 다음 그림과 같은 직각삼각형 ABC에서 빗변 AC의 중점은 M이고  $\angle ACB = 36^\circ$  일 때  $\angle AMB$ 의 크기는?



- ①  $62^\circ$       ②  $64^\circ$       ③  $68^\circ$       ④  $70^\circ$       ⑤  $72^\circ$

해설

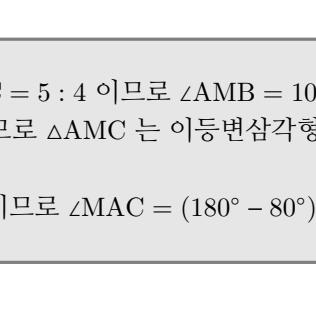
직각삼각형의 외심은 빗변의 중점이므로  $\overline{AM} = \overline{CM} = \overline{BM}$  … ⑤

따라서  $\triangle BMC$ 는 이등변삼각형이다.

$\angle MCB = \angle MBC = 36^\circ$

$\angle AMB = \angle MCB + \angle MBC = 36^\circ + 36^\circ = 72^\circ$

3. 다음 그림에서 점 M은  $\angle A = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC의 빗변의 중점이다.  $\angle AMB : \angle AMC = 5 : 4$  일 때,  $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



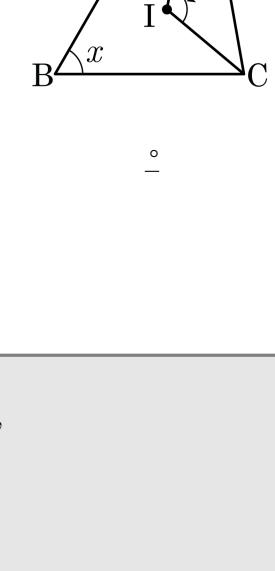
- ①  $30^\circ$       ②  $40^\circ$       ③  $50^\circ$       ④  $60^\circ$       ⑤  $70^\circ$

해설

$\angle AMB : \angle AMC = 5 : 4$  이므로  $\angle AMB = 100^\circ$ ,  $\angle AMC = 80^\circ$   
 $\overline{AM} = \overline{CM}$  이므로  $\triangle AMC$ 는 이등변삼각형,  $\angle MAC = \angle MCA$  이다.

$\angle AMC = 80^\circ$  이므로  $\angle MAC = (180^\circ - 80^\circ) \div 2 = 50^\circ$  이다.

4. 다음 그림에서 점 I가  $\triangle ABC$ 의 내심일 때  $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답:  $60^\circ$

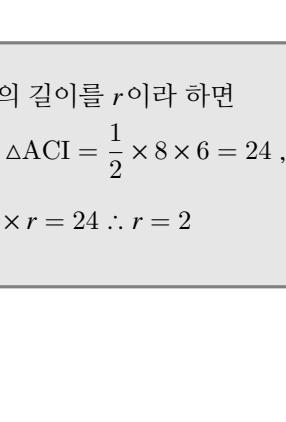
해설

$$\frac{x}{2} + 90^\circ = 120^\circ,$$

$$\frac{x}{2} = 30^\circ$$

$$\therefore x = 60^\circ$$

5. 다음 그림에서 원 I는 직각삼각형 ABC의 내접원이고, 점 D, E, F는 각각 접점이다. 이 때, 내접원 I의 반지름의 길이는? (단,  $\overline{AB} = 6$ ,  $\overline{BC} = 8$ ,  $\overline{AC} = 10$ )

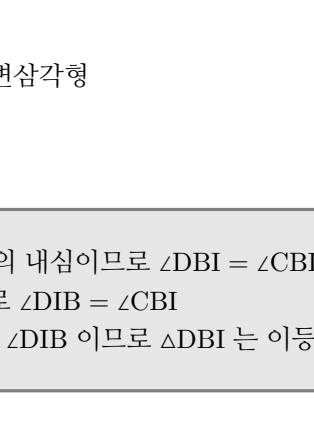


- ① 1      ② 1.5      ③ 2      ④ 2.5      ⑤ 3

해설

내접원의 반지름의 길이를  $r$ 이라 하면  
 $\triangle ABI + \triangle BCI + \triangle ACI = \frac{1}{2} \times 8 \times 6 = 24$ ,  
 $\frac{1}{2} \times (6 + 8 + 10) \times r = 24 \therefore r = 2$

6. 다음 그림에서 점 I는  $\triangle ABC$ 의 내심이고,  $\overline{DE} \parallel \overline{BC}$  일 때  $\triangle DBI$ 는 어떤 삼각형인지 말하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 이등변삼각형

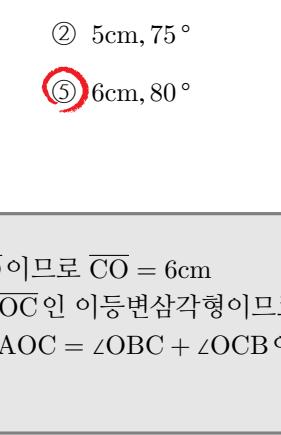
해설

점 I는  $\triangle ABC$ 의 내심이므로  $\angle DBI = \angle CBI$

$\overline{DE} \parallel \overline{BC}$ 이므로  $\angle DIB = \angle CBI$

따라서  $\angle DBI = \angle DIB$ 이므로  $\triangle DBI$ 는 이등변삼각형이다.

7. 다음 직각삼각형에서 뱃변의 길이가 12cm이고,  $\angle B = 40^\circ$ 일 때,  $\overline{CO}$ 의 길이와  $\angle AOC$ 의 크기가 옳게 짹지어진 것은?

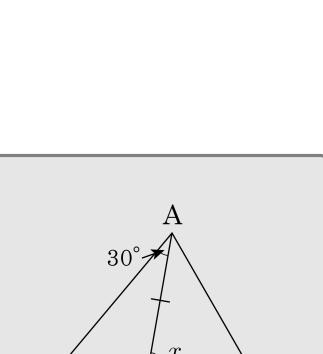


- ① 5cm,  $60^\circ$       ② 5cm,  $75^\circ$       ③ 5cm,  $80^\circ$   
④ 6cm,  $75^\circ$       ⑤ 6cm,  $80^\circ$

해설

$\overline{AO} = \overline{BO} = \overline{CO}$  이므로  $\overline{CO} = 6\text{cm}$   
 $\triangle OBC$ 는  $\overline{OB} = \overline{OC}$ 인 이등변삼각형이므로  
 $\angle OCB = 40^\circ$ ,  $\angle AOC = \angle OBC + \angle OCB$  이므로  
 $\angle AOC = 80^\circ$

8. 다음 그림에서 점 O는  $\triangle ABC$ 의 외심일 때,  $\angle AOC$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답:  $100^\circ$

해설

점 O는  $\triangle ABC$ 의 외심이므로 점

B와 연결하면

$\overline{OA} = \overline{OB}$  이므로  $\angle ABO =$

$\angle BAO = 30^\circ$

$\overline{OB} = \overline{OC}$  이므로  $\angle OBC =$

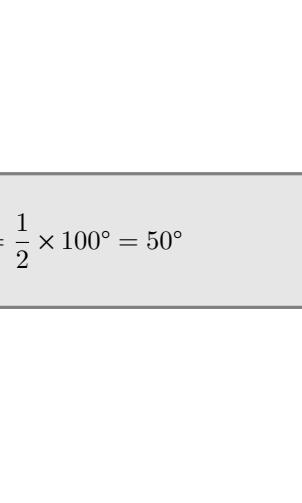
$\angle OCB = 20^\circ$



따라서  $\angle ABC = 30^\circ + 20^\circ = 50^\circ$

$\therefore \angle AOC = 2\angle ABC = 2 \times 50^\circ = 100^\circ$

9. 다음 그림에서 점 O는  $\triangle ABC$ 의 외심이다.  $\angle BOC = 100^\circ$  일 때,  $\angle A$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

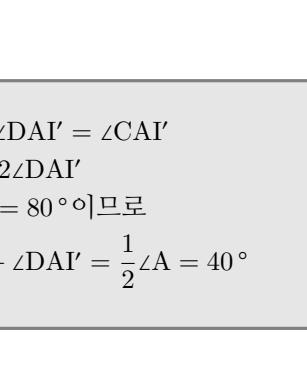
°

▷ 정답:  $50^\circ$

해설

$$\angle A = \frac{1}{2} \angle BOC = \frac{1}{2} \times 100^\circ = 50^\circ$$

10. 다음 그림에서 점 I,  $I'$ 는 각각  $\triangle ABD$ ,  $\triangle ADC$ 의 내심이다.  $\angle B = 30^\circ$ ,  $\angle C = 70^\circ$  일 때,  $\angle IAI'$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:  $40^\circ$

▷ 정답:  $40^\circ$

해설

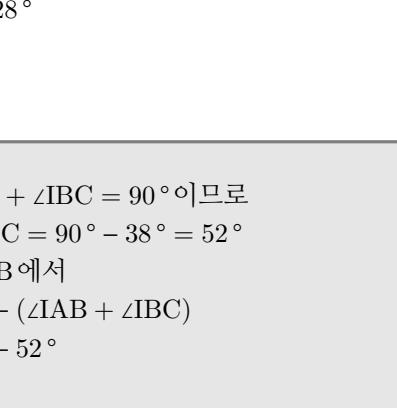
$$\angle BAI = \angle IAD, \angle DAI' = \angle CAI'$$

$$\angle A = 2\angle BAI + 2\angle DAI'$$

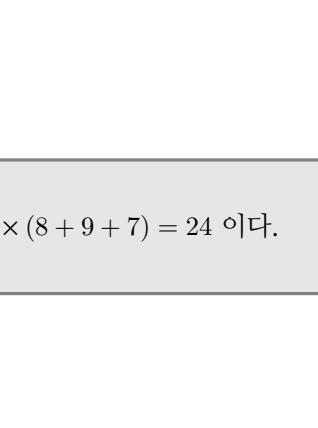
$\triangle ABC$ 에서  $\angle A = 80^\circ$ 이므로

$$\angle IAI' = \angle BAI + \angle DAI' = \frac{1}{2}\angle A = 40^\circ$$

- A diagram of triangle ABC with point I as the incenter. Angle A is labeled  $x$ . Angle C is labeled  $38^\circ$ . The angle BIC is labeled  $106^\circ$ .



12. 점 I 가  $\triangle ABC$  의 내심일 때,  $\triangle ABC$  의 넓이를 구하여라.



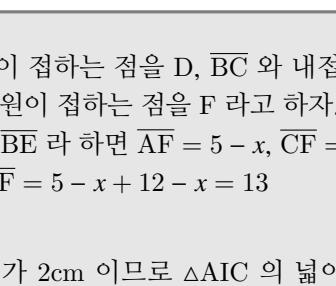
▶ 답:

▷ 정답: 24

해설

$$\triangle ABC = \frac{1}{2} \times 2 \times (8 + 9 + 7) = 24 \text{ 이다.}$$

13. 다음 그림과 같이  $\angle B = 90^\circ$  인 직각삼각형 ABC 의 내심이 I 이고,  $\overline{AB} = 5\text{cm}$ ,  $\overline{BC} = 12\text{cm}$ ,  $\overline{AC} = 13\text{cm}$  일 때,  $\triangle AIC$  의 넓이를 구하여라.



▶ 답:  $\underline{\hspace{2cm}} \text{cm}^2$

▷ 정답:  $13 \text{ cm}^2$

해설

$\overline{AB}$  와 내접원이 접하는 점을 D,  $\overline{BC}$  와 내접원이 접하는 점을 E,  $\overline{AC}$  와 내접원이 접하는 점을 F 라고 하자.

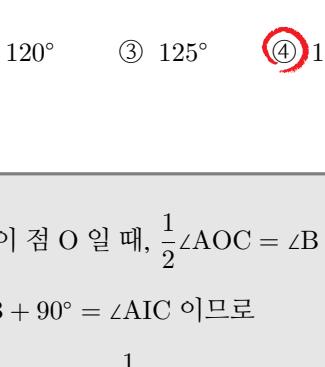
$$\overline{DI} = \overline{BE}, x = \overline{BE} \text{ 라 하면 } \overline{AF} = 5 - x, \overline{CF} = 12 - x$$

$$\overline{AC} = \overline{AF} + \overline{CF} = 5 - x + 12 - x = 13$$

$$\therefore x = 2\text{cm}$$

$$\text{반지름의 길이가 } 2\text{cm 이므로 } \triangle AIC \text{ 의 넓이는 } \frac{1}{2} \times 13 \times 2 = 13(\text{cm}^2)$$

14. 다음 그림에서 점 O는  $\triangle ABC$ 의 외심, 점 I는  $\triangle ABC$ 의 내심이다.  
 $\angle AOC + \angle AIC = 290^\circ$  일 때,  $\angle AIC$ 의 크기는?



- ①  $160^\circ$     ②  $120^\circ$     ③  $125^\circ$     ④  $130^\circ$     ⑤  $140^\circ$

해설

$\triangle ABC$ 의 외심이 점 O일 때,  $\frac{1}{2}\angle AOC = \angle B$ ,  $\triangle ABC$ 의 내심이

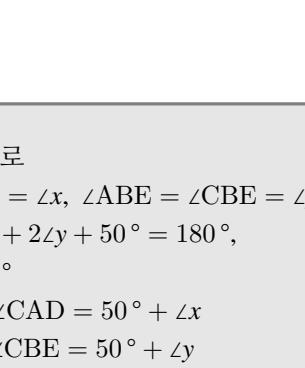
점 I일 때,  $\frac{1}{2}\angle B + 90^\circ = \angle AIC$  이므로

$\angle AOC + \angle AIC = 2\angle B + \frac{1}{2}\angle B + 90^\circ = 290^\circ$  일 때,  $\angle B = 80^\circ$

이다.

따라서  $\angle AIC = \frac{1}{2}\angle B + 90^\circ = 40^\circ + 90^\circ = 130^\circ$  이다.

15. 다음 그림에서 점 I는  $\triangle ABC$ 의 내심이다.  $\angle C = 50^\circ$ 일 때,  $\angle ADB$ 와  $\angle AEB$ 의 크기의 합을 구하여라.



▶ 답 :

◦

▷ 정답 :  $165^\circ$

해설

점 I는 내심이므로

$\angle BAD = \angle CAD = \angle x$ ,  $\angle ABE = \angle CBE = \angle y$  라 하면

$\triangle ABC$ 에서  $2\angle x + 2\angle y + 50^\circ = 180^\circ$ ,

$\therefore \angle x + \angle y = 65^\circ$

$\angle ADB = \angle C + \angle CAD = 50^\circ + \angle x$

$\angle AEB = \angle C + \angle CBE = 50^\circ + \angle y$

$\therefore \angle ADB + \angle AEB = 100^\circ + \angle x + \angle y = 165^\circ$

16. 다음 그림에서 점 I는 정삼각형 ABC의 내심이고 점 D, E는 변 BC의 삼등분점일 때,  $\angle DIE$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:  $60^\circ$

▷ 정답:  $60^\circ$

해설



점 I가 삼각형 ABC의 내심이므로

$\angle ABI = \angle IBC = \angle ICE = \angle ACI = \angle IAB = \angle IAC = 30^\circ$

따라서  $\overline{AB} \parallel \overline{DI}$ ,  $\overline{AC} \parallel \overline{EI}$

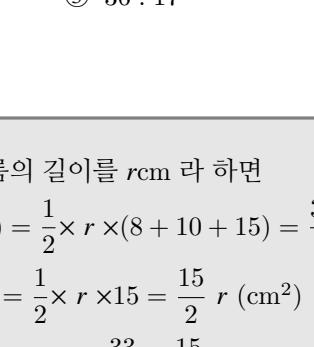
$\angle DIB = \angle ABI = 30^\circ$  (엇각)

$\angle EIC = \angle ACI = 30^\circ$  (엇각)

또,  $\angle BIC = 90^\circ + \frac{1}{2}\angle A = 120^\circ$  이므로

$\angle DIE = 120^\circ - (30^\circ + 30^\circ) = 60^\circ$  이다.

17. 다음 그림에서 점 I는  $\triangle ABC$ 의 내심이고  $\overline{AB} = 8\text{cm}$ ,  $\overline{BC} = 10\text{cm}$ ,  $\overline{AC} = 15\text{cm}$  일 때,  $\triangle ABC$ 의 넓이와  $\triangle AIC$ 의 넓이의 비는?



- ① 2 : 1      ② 30 : 17      ③ 32 : 15  
 ④ 33 : 15      ⑤ 36 : 17

**해설**

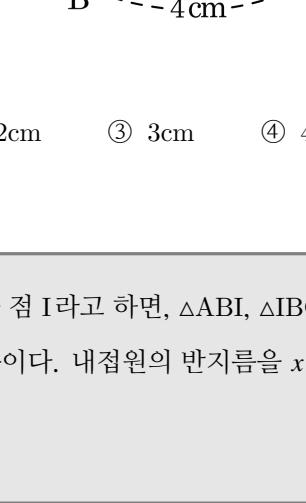
내접원의 반지름의 길이를  $r\text{cm}$  라 하면

$$(\triangle ABC \text{의 넓이}) = \frac{1}{2} \times r \times (8 + 10 + 15) = \frac{33}{2} r (\text{cm}^2)$$

$$(\triangle AIC \text{의 넓이}) = \frac{1}{2} \times r \times 15 = \frac{15}{2} r (\text{cm}^2)$$

따라서  $\triangle ABC : \triangle AIC = \frac{33}{2} r : \frac{15}{2} r = 33 : 15$  이다.

18. 다음 그림과 같은  $\triangle ABC$ 의 넓이가  $6\text{cm}^2$  일 때, 내접원의 반지름은?

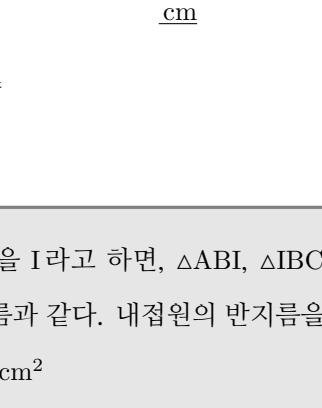


- ① 1cm      ② 2cm      ③ 3cm      ④ 4cm      ⑤ 5cm

해설

내접원의 중심을 점 I라고 하면,  $\triangle ABI$ ,  $\triangle IBC$ ,  $\triangle ICA$  의 높이는  
내접원의 반지름이다. 내접원의 반지름을  $x$  라 하면  $\frac{1}{2}(3 + 4 +$   
 $5)x = 6$   
 $\therefore x = 1\text{cm}$

19. 다음 그림과 같은  $\triangle ABC$ 의 넓이가  $96\text{cm}^2$  일 때, 내접원의 반지름의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답: 4 cm

해설

내접원의 중심을 I라고 하면,  $\triangle ABI$ ,  $\triangle IBC$ ,  $\triangle ICA$ 의 높이는  
내접원의 반지름과 같다. 내접원의 반지름을  $x$  라 하면  $\frac{1}{2}(12 +$   
 $16 + 20)x = 96\text{cm}^2$

$$\therefore x = 4\text{cm}$$

20. 넓이가 8 인  $\triangle ABC$  의 둘레의 길이가 12 일 때,  $\triangle ABC$  의 내접원의 반지름의 길이를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{4}{3}$

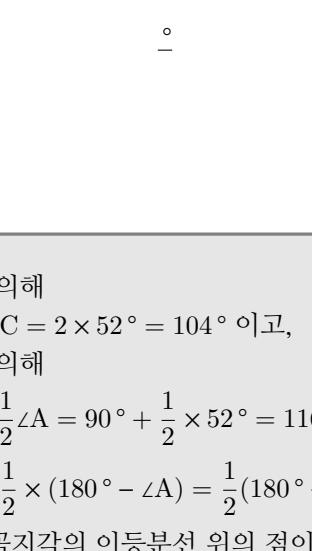
해설

내접원의 반지름의 길이를  $r$ 이라 하면

$$\frac{1}{2} \times r \times 12 = 8 \text{ 이다.}$$

$$\text{따라서 } r = \frac{4}{3} \text{ 이다.}$$

21. 다음 그림에서 삼각형 ABC 는  $\overline{AB} = \overline{AC}$  인 이등변삼각형이다. 점 O 는 외심이고, 점 I 는 내심이다.  $\angle A = 52^\circ$  일 때,  $\angle OCI$  의 크기를 구하여라.



▶ 답:

${}^\circ$

▷ 정답:  $6^\circ$

해설

외심의 성질에 의해

$$\angle BOC = 2\angle BAC = 2 \times 52^\circ = 104^\circ \text{ 이고,}$$

내심의 성질에 의해

$$\angle BIC = 90^\circ + \frac{1}{2}\angle A = 90^\circ + \frac{1}{2} \times 52^\circ = 116^\circ$$

$$\text{또한, } \angle ABC = \frac{1}{2} \times (180^\circ - \angle A) = \frac{1}{2}(180^\circ - 52^\circ) = 64^\circ$$

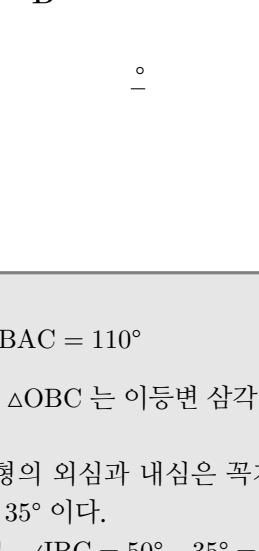
또 점 O, I 는 꼭지각의 이등분선 위의 점이므로  $\triangle OBC$ ,  $\triangle IBC$ 는 이등변삼각형이다.

$$\angle OCB = \frac{1}{2} \times (180^\circ - 104^\circ) = 38^\circ \cdots \textcircled{\text{①}}$$

$$\angle ICB = \frac{1}{2} \times (180^\circ - 116^\circ) = 32^\circ \cdots \textcircled{\text{②}}$$

따라서  $\angle OCI = \angle OCB - \angle ICB = 38^\circ - 32^\circ = 6^\circ$  이다.

22. 다음 그림은 이등변삼각형 ABC이다. 점 O는 외심, 점 I는 내심이고,  $\angle A = 40^\circ$ ,  $\angle O = 80^\circ$  일 때,  $\angle IBO$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

°

▷ 정답 : 15 °

해설

$$\angle BIC = 90^\circ + \frac{1}{2}\angle BAC = 110^\circ$$

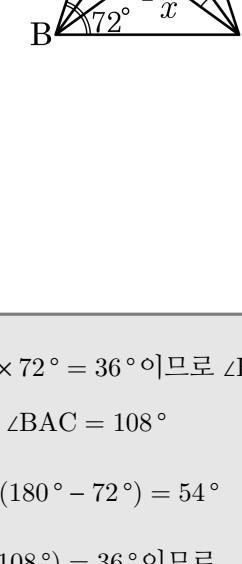
$\overline{OB} = \overline{OC}$  이므로  $\triangle OBC$ 는 이등변 삼각형이다.

$$\angle OBC = 50^\circ$$

또한 이등변삼각형의 외심과 내심은 꼭지각의 이등분선 위에 있으므로  $\angle IBC = 35^\circ$  이다.

$$\therefore \angle OBI = \angle OBC - \angle IBC = 50^\circ - 35^\circ = 15^\circ$$

23. 다음 그림에서 점 O 와 I 는 각각  $\overline{AB} = \overline{AC}$  인 이등변삼각형 ABC 의 외심과 내심이다.  $\angle ABC = 72^\circ$  일 때,  $\angle x$  의 크기= ( ) $^\circ$  이다. 번 칸에 들어갈 수를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 18

해설

$$\angle BAC = 180^\circ - 2 \times 72^\circ = 36^\circ \text{이므로 } \angle BOC = 2\angle BAC = 72^\circ$$

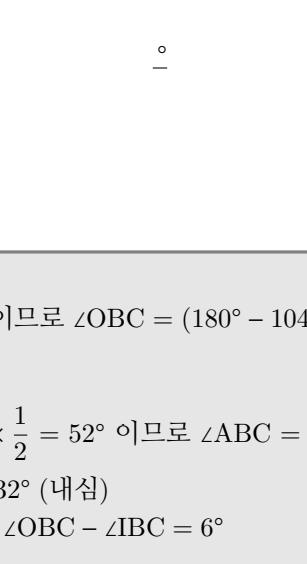
$$\angle BIC = 90^\circ + \frac{1}{2} \times \angle BAC = 108^\circ$$

$$\text{따라서 } \angle OCB = \frac{1}{2}(180^\circ - 72^\circ) = 54^\circ$$

$$\angle ICB = \frac{1}{2}(180^\circ - 108^\circ) = 36^\circ \text{이므로}$$

$$\angle x = 54^\circ - 36^\circ = 18^\circ$$

24. 이등변삼각형  $\triangle ABC$ 에서 점 O는 외심이고 점 I는 내심이다.  
 $\angle BOC = 104^\circ$  일 때,  $\angle OBI$ 의 크기를 구하시오.



▶ 답:

${}^\circ$

▷ 정답:  $6 {}^\circ$

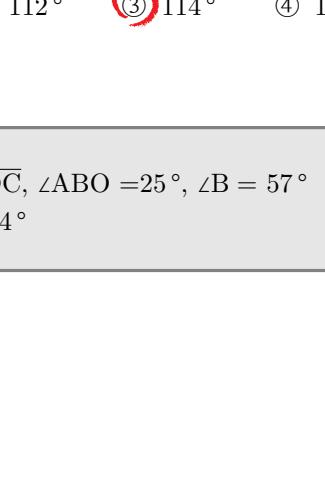
해설

$\angle BOC = 104^\circ$  이므로  $\angle OBC = (180^\circ - 104^\circ) \times \frac{1}{2} = 38^\circ$  (O는 외심)

$\angle BAC = 104^\circ \times \frac{1}{2} = 52^\circ$  이므로  $\angle ABC = (180^\circ - 52^\circ) \times \frac{1}{2} = 64^\circ$   $\therefore \angle IBC = 32^\circ$  (내심)

따라서  $\angle OBI = \angle OBC - \angle IBC = 6^\circ$

25. 다음 그림에서 점 O는  $\triangle ABC$ 의 외심이다.  $\angle BAO = 25^\circ$ ,  $\angle OBC = 32^\circ$  일 때,  $\angle AOC$ 의 크기는?



- ①  $100^\circ$     ②  $112^\circ$     ③  $114^\circ$     ④  $116^\circ$     ⑤  $118^\circ$

해설

$$\overline{OA} = \overline{OB} = \overline{OC}, \angle ABO = 25^\circ, \angle B = 57^\circ$$

$$\therefore \angle AOC = 114^\circ$$