1. 이차방정식  $3x^2 - 2x - 1 = 0$ 의 근을 A, B (단, A < B) 라 할 때, 3A + B의 값은?

①0 21 32 43 54

 $3x^2 - 2x - 1 = 0$ 

(3x+1)(x-1) = 0

 $\therefore 3A + B = 0$ 

- **2.** x에 대한 이차방정식  $kx^2 x (k+7) = 0$ 의 한 근이 2일 때, 다른 한 근을 구하면?(단 k는 상수)
  - ① -2 ②  $-\frac{5}{3}$  ③  $-\frac{4}{3}$  ④ -1 ⑤  $-\frac{2}{3}$

방정식에 x = 2를 대입하면

 $k \cdot 2^2 - 2 - (k+7) = 0$ 

$$\begin{vmatrix} k \cdot 2 & -2 - (k+1) = 0 \\ 4k - 2 - k - 7 = 0, 3k = 9, \end{vmatrix}$$

$$\therefore k = 3$$

$$3x^2 - x - 10 = 0, (3x + 5)(x - 2) = 0$$

$$\therefore x = 2, -\frac{5}{3}$$

- **3.** 이차방정식  $x^2 + (a+2)x + 1 = 0$ 이 <del>중근을</del> 갖도록 하는 모든 실수 a 의 값의 합을 구하면?
  - **▶** 답:

▷ 정답: -4

해설

주어진 이차방정식이 중근을 가지려면  $D=(a+2)^2-4=0$ 이므로  $a^2+4a+4-4=a^2+4a=0$ 

 $a^2 + 4a + 4 - 4 = a^2 + 4a =$ 따라서 a = 0또는 a = -4

따라서 a = 0 또는 a = -4따라서 상수 a의 값의 합은 -4

- **4.** 이차방정식  $ax^2 + 4x 2 = 0$ 이 서로 다른 두 실근을 가질 때, 실수 a값의 범위는?
  - ① a > -23 -2 < a < 0

② $-2 < a < 0, \ a > 0$ 

⑤ a < 0, 0 < a < 2

4 a > 2

 $ax^2 + 4x - 2 = 0$ 에서 ( i ) 이차방정식이므로  $x^2$ 의 계수는  $a \neq 0$ 이어야 한다.

- (ii) 서로 다른 두 실근을 갖기 위해서는 판별식  $\frac{D}{4} > 0$ 이어야
- 하므로  $\frac{D}{4} = 2^2 - (-2a) > 0, \ 2a + 4 > 0$   $\therefore a > -2$

따라서 실수 a 값의 범위는

-2 < a < 0 또는 a > 0

- 이차방정식  $x^2 + 2(k-a)x + k^2 + a^2 + b 2 = 0$ 이 실수 k의 값에 **5.** 관계없이 중근을 가질 때, a+b의 값을 구하라.
  - ▶ 답:

▷ 정답: 2

 $\frac{D}{4} = (k-a)^2 - (k^2 + a^2 + b - 2) = 0$  $\therefore -2ka - b + 2 = 0$ 

이 식은 k의 값에 관계없이 항상 성립하므로

k에 대한 항등식이다. a = 0, b = 2

 $\therefore a+b=2$ 

- **6.** x에 대한 이차식  $2x^2 + (k+1)x + k 1$ 이 완전제곱식이 될 때, k의 값을 구하여라.
  - 답:

해설

▷ 정답: 3

 $2x^2 + (k+1)x + k - 1$ 이 완전제곱식이므로  $D = (k+1)^2 - 8(k-1) = 0$ 

 $(k-3)^2 = 0$   $\therefore k = 3$ 

\_\_\_\_\_

- 7. 함수  $y = -x^2 + kx$ 의 그래프가 직선 y = -x + 4에 접할 때, 양수 k의

  - ① 1 ②  $\frac{3}{2}$  ③ 2 ④  $\frac{5}{2}$
- **⑤**3

해설

 $y=-x^2+kx$ 가 y=-x+4에 접하려면  $4-x=-x^2+kx \implies x^2-(k+1)x+4=0$ 의 판별식은 D=0

이어야 한다.  $D = (k+1)^2 - 16 = 0 \implies k+1 = \pm 4$ 

 $\therefore k = 3 \; (\because k > 0)$ 

- 8. 이차방정식  $(1-i)x^2+(1+3i)x-2(1+i)=0$ 의 두 근을  $\alpha$ ,  $\beta$ 라 할 때,  $\alpha^2+\beta^2$ 의 값은? (단,  $i=\sqrt{-1}$ )
  - ① -4 ② -3 ③ -2 ④ -1 ⑤ 0

주어진 방정식의 양변에 1+i를 곱하면  $(1+i)(1-i)x^2+(1+i)(1+3i)x-2(1+i)(1+i)=0$ 

(1+t)(1-t)x + (1+t)(1+3t)x - 2(1+t)(1+t) = 0  $2x^2 + (4i-2)x - 2(2i) = 0$ 

 $x^{2} + (2i - 1)x - 2i = 0$ (x + 2i)(x - 1) = 0

 $\therefore x = -2i \ \underline{\Xi} \ \underline{\Xi} \ x = 1$  $\therefore \alpha^2 + \beta^2 = (-2i)^2 + 1^2 = -3$ 

해설

, , ,

9. x에 대한 이차방정식  $x^2 + (m+3)x + (m+6) = 0$ 의 두 근이 모두 양수일 때, 실수 m의 값의 범위에 속하는 정수를 구하면 ?

① -6 ② -5 ③ -4 ④ -3 ⑤ -2

해설

(i) (두근의 합) -m-3>0

m<-3
(ii) (두근의 곱) m+6>0

m>-6
(iii) D = (m+3)²-4(m+6)≥0

m²+2m-15≥0
(m-3)(m+5)≥0

m≤-5 또는 m≥3
(i), (ii), (iii)에서 -6< m≤-5
∴ m=-5

**10.** 이차함수  $y = x^2 + ax + 2a$  의 그래프는 x 축과 두 점 A, B 에서 만나고  $\overline{AB} = 2$  일 때, 모든 실수 a의 값의 합을 구하여라.

답:

▷ 정답: 8

 $A(\alpha, 0), B(\beta, 0)(\alpha < \beta)$  이라 하면

 $\alpha$ ,  $\beta$ 는 이차방정식  $x^2 + ax + 2a = 0$  의 두 근이므로 근과 계수의 관계에 의하여  $\alpha + \beta = -a, \ \alpha\beta = 2a \quad \cdots$  이 때,  $\overline{AB} = 2$  이므로  $\beta - \alpha = 2 \text{ 양변을 제곱하면}$   $(\beta - \alpha)^2 = 4$   $(\alpha + \beta)^2 - 4\alpha\beta = 4 \quad \cdots$  ①  $(\beta - \alpha)^2 = 4$  따라서 모든 실수  $\alpha$  의 값의 합은  $\alpha$  이다

- 11. 이차함수 $y = ax^2 5x 2$  의 그래프와 직선 y = bx + a 의 교점의 x좌표가 각각 0, -3 일 때, 상수 a, b 의 합 a + b 의 값은?

  - ① -3 ② -2
- ③ -1 ④ 0 ⑤ 1

이차함수  $y = ax^2 - 5x - 2$  의 그래프와

해설

직선 y = bx + a 의 교점의 x 좌표 0, -3 은

이차방정식  $ax^2 - (b+5)x - a - 2 = 0$  의 두 근이므로 근과 계수의

관계에 의하여 (두그의합) =  $0 + (-3) = \frac{b+5}{a}$ 

 $\therefore 3a + b = -5 \cdots \bigcirc$ 

 $(두 근의 필) = 0 \cdot (-3) = \frac{-a-2}{a}$ 

 $\therefore a = -2$  $\bigcirc$ 에서 b=1 이므로 a+b=-1

- 12. 이차방정식  $x^2 2kx + 9 = 0$ 의 두 근의 비가 1:3이 되도록 상수 k의 값을 구하면?
  - ①  $\pm 2\sqrt{2}$  $4 \pm 2\sqrt{6}$   $\pm 2$
- ②  $\pm 2\sqrt{3}$  3  $\pm 2\sqrt{5}$

한 근을  $\alpha$ 라 하면 다른 한 근은  $3\alpha$ 

해설

- ∴ 두 그의 곱은  $3\alpha^2 = 9$  ∴  $\alpha = \pm \sqrt{3}$
- 두 근의 합은  $\alpha + 3\alpha = \pm 4\sqrt{3} = 2k$
- $\therefore \quad k = \pm 2\sqrt{3}$

**13.** 계수가 유리수인 이차방정식  $x^2 - ax + b = 0$  의 한 근이  $2 + \sqrt{3}$  일 때, ab 의 값은?

3 4 5 2 + 2 $\sqrt{3}$ 

① -3 ② 0 ③ 2

유리계수이므로 다른 한 근은  $2-\sqrt{3}$ 근과 계수와의 관계에 의해 a = 4, b = 1 $\therefore ab = 4$ 

해설

 $x^2 + ax + b = 0$  에  $x = 2 + \sqrt{3}$  대입  $(2+\sqrt{3})^2 - a \cdot (2+\sqrt{3}) + b = 0$ 계수가 유리수이므로

 $\sqrt{3} \cdot (4 - a) + (b - 2a + 7) = 0$ 

a = 4, b = 1 $\therefore ab = 4$ 

- **14.** 이차방정식  $x^2 + ax + b = 0$ 의 한 근이 2 i일 때, 두 실수 a, b의 곱 ab의 값을 구하면?

  - $\bigcirc 1$  -20  $\bigcirc 2$  -12  $\bigcirc 3$  5  $\bigcirc 4$  12  $\bigcirc 5$  20

해설 한 근이 2-i이면 다른 한 근은 2+i

두 근의 합 : 4 = -a두 근의 곱 : 5 = b

 $\therefore ab = -20$