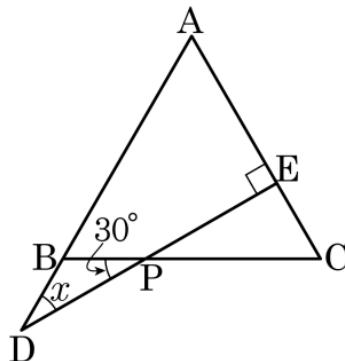


1. 다음 그림에서  $\triangle ABC$ 는  $\overline{BA} = \overline{BC}$ 인 이등변삼각형이다.  $\overline{AB}$ 의 연장선 위에 점 D를 잡고  $\overline{AC}$  위에 내린 수선의 발을 E라 한다.  $\angle x$ 의 값을 구하여라.



- ①  $25^\circ$       ②  $30^\circ$       ③  $35^\circ$       ④  $40^\circ$       ⑤  $45^\circ$

해설

$\angle DPB$ 와  $\angle CPE$ 는 맞꼭지각이므로

$$\angle CPB = \angle CPE = 30^\circ$$

이때,  $\triangle CPE$ 에서  $\angle PCE = 60^\circ$

또,  $\triangle ABC$ 는  $\overline{BA} = \overline{BC}$ 인 이등변삼각형이므로

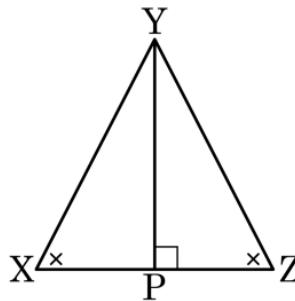
$$\angle BAC = 60^\circ$$

$\triangle ADE$ 의 세 내각의 합은  $180^\circ$ 이므로

$$\angle x + 60^\circ + 90^\circ = 180^\circ$$

$$\therefore \angle x = 30^\circ$$

2. 다음은 「두 내각의 크기가 같은 삼각형은 이등변삼각형이다.」를 보이는 과정이다.



$\angle Y$  의 이등분선과  $\overline{XZ}$  와의 교점을 점 P 라고 하면  
 $\triangle XYP$  와  $\triangle ZYP$  에서

㉠  $\angle XYP = \angle ZYP$

㉡ (가)

㉢  $\overline{YP}$  는 공통

㉠, ㉡, ㉢에 의해서  $\triangle XYP$  와  $\triangle ZYP$  는 (나) 합동이므로  
(다)

$\therefore \triangle XYZ$  는 이등변삼각형이다.

(가), (나), (다)에 들어갈 말을 차례대로 쓴 것은 ?

- ①  $\angle X = \angle Z$ , ASA,  $\overline{XY} = \overline{YZ}$       ②  $\angle X = \angle Y$ , SSS,  $\overline{XY} = \overline{YZ}$   
③  $\angle X = \angle Z$ , SAS,  $\overline{XY} = \overline{YZ}$       ④  $\angle Y = \angle Z$ , ASA,  $\overline{XP} = \overline{ZP}$   
⑤  $\angle X = \angle Z$ , SSS,  $\overline{XY} = \overline{YZ}$

### 해설

$\angle Y$  의 이등분선과  $\overline{XZ}$  와의 교점을 점 P 라고 하면  $\triangle XYP$  와  $\triangle ZYP$  에서

㉠  $\angle XYP = \angle ZYP$

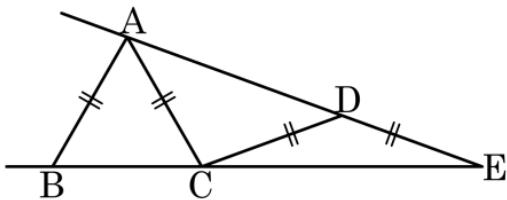
㉡ (가)  $\angle X = \angle Z$

㉢  $\overline{YP}$  는 공통

㉠, ㉡, ㉢에 의해서  $\triangle XYP$  와  $\triangle ZYP$  는 (나)ASA 합동이므로  
(다)  $\overline{XY} = \overline{YZ}$

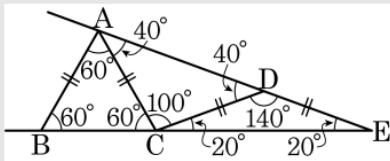
$\therefore \triangle XYZ$  는 이등변삼각형이다.

3. 다음 그림에서  $\angle E = \angle e$  라 하고,  $\angle BAC = 2\angle e + 20^\circ$  일 때, 틀린 것을 모두 고르면?(정답 2개)



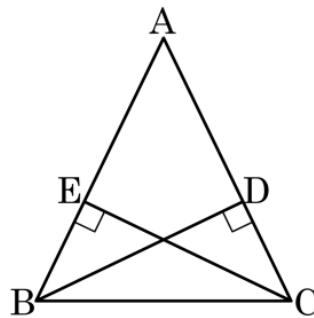
- ①  $\triangle ABC$  는 정삼각형이다.
- ②  $\angle e$  의 크기는  $30^\circ$  이다.
- ③  $\angle ACD = 100^\circ$  이다.
- ④  $\overline{BC}$  의 길이는  $\overline{DE}$  와 같다.
- ⑤  $\triangle ABE$  는 직각삼각형이다.

해설



- ②  $\angle e$  의 크기는  $20^\circ$  이다.
- ⑤  $\triangle ABE$  는 둔각삼각형이다.

4. 다음 그림과 같이  $\overline{AB} = \overline{AC}$  인 이등변삼각형ABC의 꼭짓점 B,C에서 대변에 내린 수선의 발을 각각 D,E라고 할 때,  $\overline{BD} = \overline{CE}$ 임을 증명하는 과정이다. (가)~(마)에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?



(가정)

$$(1) (\overline{AB} = \boxed{\text{(가)}})$$

(2) B,C에서 대변에 내린 수선의 발을 각각 D,E

$$(\text{결론}) (\overline{BD} = \boxed{\text{(나)}})$$

(증명)  $\triangle EBC$  와  $\triangle DCB$ 에서

$$(\angle BDC = \boxed{\text{(다)}} = 90^\circ) \cdots \textcircled{\text{7}}$$

$$(\angle B = \boxed{\text{(라)}}) \cdots \textcircled{\text{L}}$$

$\boxed{\text{(마)}}$ 는 공통  $\cdots \textcircled{\text{E}}$

$\triangle EBC \equiv \triangle DCB$

$$\therefore \overline{BD} = \overline{CE}$$

① (가)  $\overline{AC}$

② (나)  $\overline{CE}$

③ (다)  $\angle BDA$

④ (라)  $\angle C$

⑤ (마)  $\overline{BC}$

### 해설

(가정)

$$(1) (\overline{AB} = \boxed{\overline{AC}})$$

(2) B,C에서 대변에 내린 수선의 발을 각각 D,E

$$(\text{결론}) (\overline{BD} = \boxed{\overline{CE}})$$

(증명)  $\triangle EBC$  와  $\triangle DCB$ 에서

$$(\angle BDC = \boxed{\angle CEB} = 90^\circ) \cdots \textcircled{\text{7}}$$

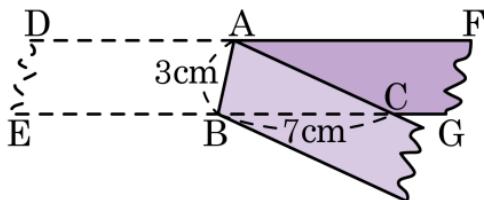
$$(\angle B = \boxed{\angle C}) \cdots \textcircled{\text{L}}$$

$\boxed{\overline{BC}}$ 는 공통  $\cdots \textcircled{\text{E}}$

$\triangle EBC \equiv \triangle DCB$

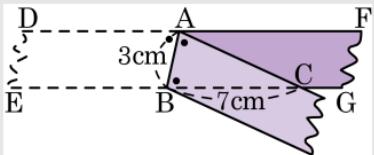
$$\therefore \overline{BD} = \overline{CE}$$

5. 다음 그림과 같이 폭이 일정한 종이테이프를 접었을 때,  $\overline{AC}$ 의 길이는?



- ① 3cm      ② 4cm      ③ 5cm      ④ 6cm      ⑤ 7cm

해설



$\angle DAB = \angle BAC$  (종이 접은 각)

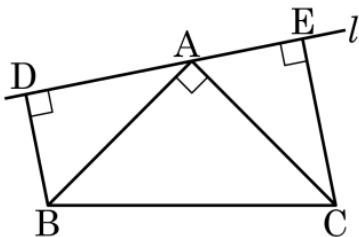
$\angle DAB = \angle ABC$  (엇각)

$\therefore \angle BAC = \angle ABC$

따라서  $\triangle ABC$ 는 밑각의 크기가 같고,  $\overline{AC} = \overline{BC}$ 인 이등변삼각형이다.

$\therefore \overline{AC} = \overline{BC} = 7(\text{cm})$

6. 다음 그림과 같이 직각이등변삼각형 ABC의 직각인 꼭지점 A를 지나는 직선 l에 점 B, C에서 각각 수선  $\overline{BD}$ ,  $\overline{CE}$ 를 내렸다.  $\overline{BD} = 4\text{cm}$ ,  $\overline{CE} = 6\text{cm}$  일 때,  $\overline{DE}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 10 cm

### 해설

$\triangle ADB$  와  $\triangle CEA$  에서

$\overline{AB} = \overline{AC}$  이고

$\angle ADB = \angle BAC = \angle AEC = 90^\circ$  이므로

$$\angle DAB = 180^\circ - 90^\circ - \angle EAC$$

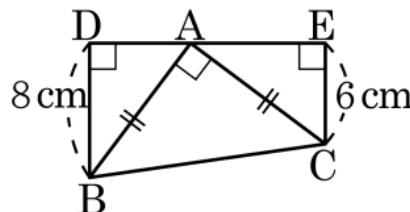
$$= 90^\circ - \angle EAC = \angle ACE$$

$\therefore \triangle ADB \cong \triangle CEA$  (RHA 합동)

이 때  $\overline{BD} = \overline{AE} = 4\text{cm}$ ,  $\overline{CE} = \overline{AD} = 6\text{cm}$  이므로

$$\therefore \overline{DE} = \overline{AD} + \overline{AE} = 4 + 6 = 10 \text{ (cm)}$$

7. 다음 그림과 같이  $\overline{AB} = \overline{AC}$  인  $\triangle ABC$ 에서  $\angle BAC = 90^\circ$  일 때,  $\overline{DE}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 14 cm

해설

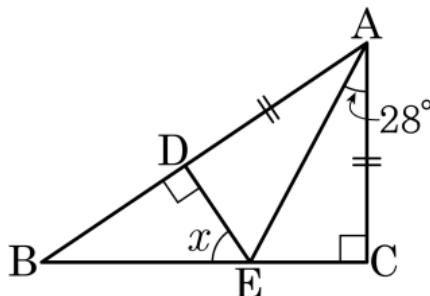
$\triangle DBA \equiv \triangle EAC$  이므로

$$\overline{DA} = \overline{EC} = 6 \text{ cm}$$

$$\overline{AE} = \overline{BD} = 8 \text{ cm}$$

$$\therefore \overline{DE} = 6 + 8 = 14(\text{cm})$$

8. 다음 그림과 같은 직각삼각형 ABC에서  $\overline{AC} = \overline{AD}$ ,  $\angle EAC = 28^\circ$  일 때,  $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



- ①  $54^\circ$       ②  $56^\circ$       ③  $58^\circ$       ④  $60^\circ$       ⑤  $62^\circ$

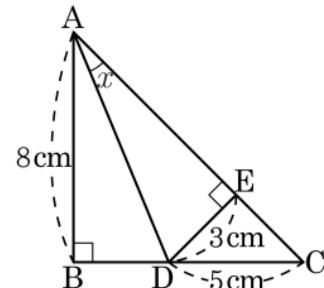
해설

$$\triangle AED \cong \triangle AEC \text{ (RHS 합동)}$$

$$\angle AED = \angle AEC = 62^\circ$$

$$\therefore \angle x = 180^\circ - (62^\circ + 62^\circ) = 56^\circ$$

9. 다음 그림과 같이 직각이등변삼각형 ABC에서 점 D에서  $\overline{AC}$ 에 내린 수선의 발을 E라고 하면  $\overline{DE} = 3\text{ cm}$  일 때,  $\angle DAE$ 의 크기를 구하여라.



- ▶ 답 :  $22.5^\circ$
- ▶ 정답 :  $22.5^\circ$

### 해설

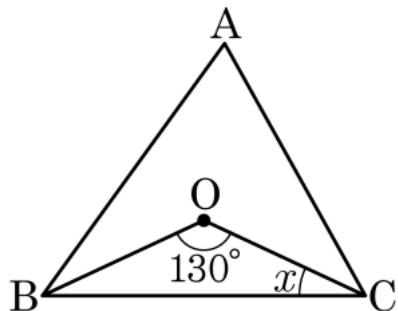
$$\overline{AB} = \overline{CB}, \overline{BD} = \overline{BC} - \overline{CD} = \overline{AB} - \overline{CD} = 8 - 5 = 3(\text{ cm})$$

$\overline{BD} = \overline{DE}$  이므로,  $\triangle ADB \cong \triangle ADE$  이다.

$\therefore \angle DAB = \angle DAE$  이고  $\triangle ABC$ 는 직각 이등변 삼각형이므로  $\angle BAC = 45^\circ$  이다.

$$\therefore \angle x = 45^\circ \times \frac{1}{2} = 22.5^\circ \text{ 이다.}$$

10. 다음 그림에서 점 O 가  $\triangle ABC$  의 외심일 때,  $\angle x$  의 크기를 구하여라.



▶ 답:  $\underline{\hspace{1cm}}$   $^\circ$

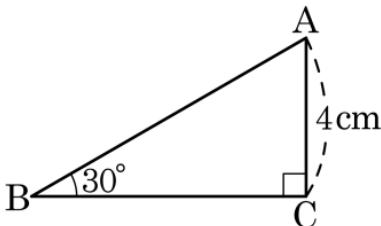
▶ 정답:  $25^\circ$

해설

$\overline{OB} = \overline{OC}$  이므로  $\triangle OBC$  는 이등변삼각형이다.

따라서 이등변삼각형의 밑각인  $\angle OBC = \angle OCB$  이므로  $x = 25^\circ$  이다.

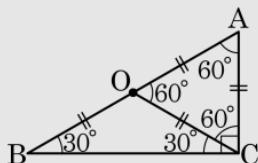
11. 다음 그림에서  $\triangle ABC$ 는  $\angle C = 90^\circ$ 인 직각삼각형이다.  $\overline{AC} = 4\text{cm}$ ,  $\angle B = 30^\circ$ 일 때,  $\overline{AB}$ 의 길이는?



- ① 4cm      ② 6cm      ③ 8cm      ④ 10cm      ⑤ 12cm

해설

직각삼각형의 외심은 빗변의 중점에 위치하므로 외심을  $\overline{AB}$ 의 중점 O라 하면

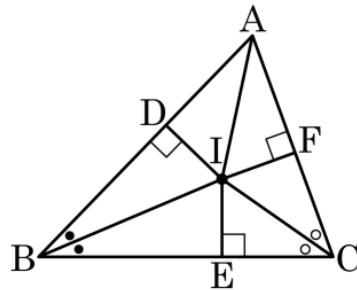


$$\overline{OA} = \overline{OB} = \overline{OC} \text{ 이므로}$$

$$\angle AOC = \angle OCA = \angle A = 60^\circ$$

$$\therefore \overline{AB} = \overline{AO} + \overline{BO} = 8(\text{cm})$$

12. 다음은 ‘삼각형 ABC의 세 내각의 이등분선은 한 점에서 만난다’ 를 나타내는 과정이다. ㉠ ~ ⑤ 중 잘못된 것은?



$\angle B, \angle C$ 의 이등분선의 교점을 I라 하면

i)  $\overline{BI}$ 는  $\angle B$ 의 이등분선이므로

$$\triangle BDI \cong \triangle BEI \quad \therefore \overline{ID} = (\textcircled{7})$$

ii)  $\overline{CI}$ 는  $\angle C$ 의 이등분선이므로  $\triangle CEI \cong \triangle CFI \quad \therefore \overline{IE} = (\textcircled{5})$

$$\text{iii)} \overline{ID} = (\textcircled{7}) = (\textcircled{5})$$

iv)  $\overline{ID} = \overline{IF}$ 이므로  $\triangle ADI \cong (\textcircled{6})$

$$\therefore \angle DAI = (\textcircled{8})$$

따라서  $\overline{AI}$ 는  $\angle A$ 의 ( $\textcircled{9}$ )이다.

따라서  $\triangle ABC$ 의 세 내각의 이등분선은 한 점에서 만난다.

① ㉠ :  $\overline{IE}$

② ㉡ :  $\overline{IF}$

③ ㉢ :  $\triangle BDI$

④ ㉣ :  $\angle FAI$

⑤ ㉤ : 이등분선

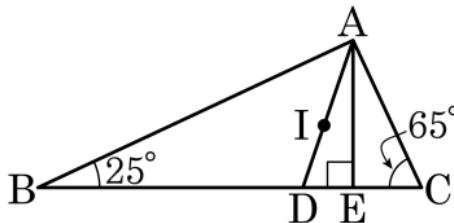
### 해설

$\triangle IBE \cong \triangle IBD$ (RHA 합동) 이므로  $\overline{ID}$ 와 대응변인  $\overline{IE}$ 의 길이가 같고,

$\triangle ICE \cong \triangle ICF$ (RHA 합동) 이므로  $\overline{IE}$ 와 대응변인  $\overline{IF}$ 의 길이가 같다.

그러므로,  $\overline{IE} = \overline{IF}$ 이므로  $\triangle ADI$ 와  $\triangle AFI$ 에서  
 $\angle ADI = \angle AFI = 90^\circ$ ,  $\overline{AI}$ 는 공통 변,  $\overline{ID} = \overline{IF}$   
 이므로  $\triangle ADI \cong \triangle AFI$ (RHS 합동)

13. 다음 그림에서 점 I는  $\triangle ABC$ 의 내심이다.  $\overline{AE} \perp \overline{BC}$  일 때,  $\angle DAE$ 의 크기는?



- ①  $15^\circ$       ②  $17^\circ$       ③  $18^\circ$       ④  $20^\circ$       ⑤  $22^\circ$

해설

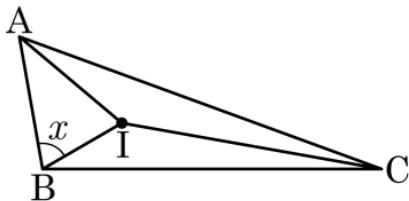
$$\angle A = 180^\circ - (25^\circ + 65^\circ) = 90^\circ$$

$$\angle DAC = \frac{1}{2} \times 90^\circ = 45^\circ$$

$$\angle EAC = 25^\circ \text{ 이므로}$$

$$\therefore \angle DAE = 45^\circ - 25^\circ = 20^\circ$$

14. 다음 그림에서  $\triangle ABC$ 의 내심을 I라 하고  $\angle AIB : \angle BIC : \angle AIC = 5 : 6 : 7$  일 때,  $\angle x$ 의 값을 구하여라.



▶ 답:  $\underline{\hspace{1cm}}$  °

▷ 정답:  $50^\circ$

### 해설

$\angle AIB : \angle BIC : \angle AIC = 5 : 6 : 7$  이므로

$$\angle AIB = 360^\circ \times \frac{5}{5+6+7} = 100^\circ,$$

$$\angle BIC = 360^\circ \times \frac{6}{5+6+7} = 120^\circ, \angle AIC = 360^\circ \times \frac{7}{5+6+7} =$$

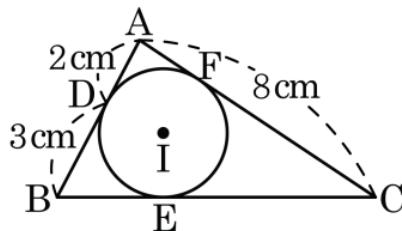
140°이다.

점 I가 삼각형의 내심일 때,

$$\angle AIC = 140^\circ = 90^\circ + \frac{1}{2}\angle B \text{ 이므로}$$

$$\angle B = 100^\circ, \angle x = \frac{1}{2}\angle B = 50^\circ \text{ 이다.}$$

15. 다음 그림에서 점 I는  $\triangle ABC$ 의 내심이고, 세 점 D, E, F는 각각 내접 원과 세 변 AB, BC, CA의 접점이다.  $\overline{AD} = 2\text{cm}$ ,  $\overline{BD} = 3\text{cm}$ ,  $\overline{AC} = 8\text{cm}$  일 때,  $\overline{BC}$ 의 길이는?



- ① 6cm      ② 7cm      ③ 8cm      ④ 9cm      ⑤ 10cm

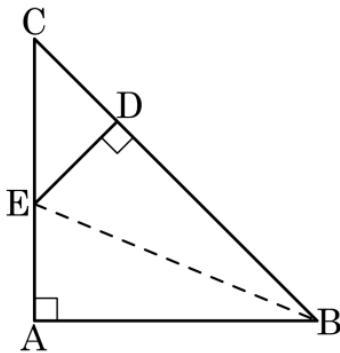
해설

점 I가 삼각형의 내심이므로  $\overline{AD} = \overline{AF}$ ,  $\overline{BE} = \overline{BD}$ ,  $\overline{CE} = \overline{CF}$  이다.

$\overline{AD} = \overline{AF} = 2\text{cm}$ ,  $\overline{BE} = \overline{BD} = 3\text{cm}$ ,  $\overline{CE} = \overline{CF}$  이므로  $\overline{CF} = 6\text{cm} = \overline{CE}$  이다.

따라서  $\overline{BC} = \overline{BE} + \overline{EC} = 3 + 6 = 9(\text{cm})$  이다.

16. 다음 그림의  $\triangle ABC$ 는  $\angle A = 90^\circ$ ,  $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 직각이등변삼각형이다.  $\overline{BA} = \overline{BD}$ ,  $\overline{ED} = \overline{DC}$ 일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

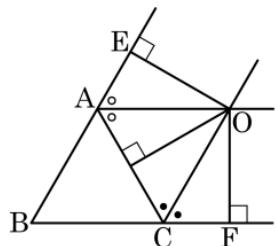


- ①  $\triangle ABE \cong \triangle DBE$       ②  $\angle DBE = \angle ABE$   
③  $\overline{AE} = \overline{EC}$       ④  $\overline{AE} = \overline{DE} = \overline{DC}$   
⑤  $\angle DEC = \angle DCE$

해설

- ①  $\triangle ABE$ 와  $\triangle DBE$ 는  
 $\overline{BA} = \overline{BD}$ ,  $\overline{BE}$ 는 공통,  $\angle BAE = \angle BDE = 90^\circ$   
 $\therefore \triangle ABE \cong \triangle DBE$ (SAS 합동)
- ②  $\triangle ABE \cong \triangle DBE$ 이므로  $\angle DBE = \angle ABE$  이다.
- ④  $\triangle CDE$ 는 직각이등변삼각형이므로  $\overline{DE} = \overline{DC}$   
또  $\triangle ABE \cong \triangle DBE$ (SAS합동)이므로  $\overline{AE} = \overline{DE}$   
 $\therefore \overline{AE} = \overline{DE} = \overline{DC}$
- ⑤  $\triangle ABC$ 는 직각이등변삼각형이므로  $\angle C = 45^\circ$   
 $\triangle CDE$ 에서  $\angle DEC = 180^\circ - (90^\circ + 45^\circ) = 45^\circ$   
 $\therefore \angle DEC = \angle DCE$

17. 다음 그림과 같이 삼각형 ABC의 두 각  $\angle A$ ,  $\angle C$ 에 대한 외각의 이등분선이 만나는 점을 O 라 하자. 점 O에서 두 변  $\overline{AB}$ ,  $\overline{BC}$ 의 연장선 위와  $\overline{AC}$ 에 각각 내린 수선의 발을 E, F, G라고 할 때,  $\overline{OE} = \frac{2}{3}\text{cm}$ 라고 한다.  $\overline{OE} + \overline{OF} + \overline{OG}$ 를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 2cm

### 해설

$\triangle OAE$  와  $\triangle OAG$ 에서

$\overline{OA}$ 는 공통 … ㉠

$\angle OAE = \angle OAG \cdots \textcircled{\text{L}}$

$\angle OEA = \angle OGA = 90^\circ \cdots \textcircled{\text{E}}$

㉠, ㉡, ㉢에 의해  $\triangle OAE \cong \triangle OAG$ (RHA) … ㉠

$\triangle OGC$  와  $\triangle OFC$ 에서

$\overline{OC}$ 는 공통… ㉠

$\angle OCG = \angle OCF \cdots \textcircled{\text{L}}$

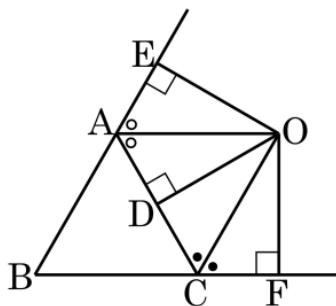
$\angle OGC = \angle OFC = 90^\circ \cdots \textcircled{\text{E}}$

㉠, ㉡, ㉢에 의해  $\triangle OGC \cong \triangle OFC$  … ㉡

따라서 ㉠, ㉡에 의해  $\overline{OE} = \overline{OF} = \overline{OG} = \frac{2}{3}\text{cm}$

$\overline{OE} + \overline{OF} + \overline{OG} = 2(\text{cm})$  이다.

18. 다음 그림에서  $\triangle ABC$  의  $\angle A$ ,  $\angle C$  의 외각의 이등분선의 교점을 O 라 하고, 점 O 에서 각 변의 연장선 위에 내린 수선의 발을 D, E, F 라 할 때, 다음 중 옳지 않은 것은?



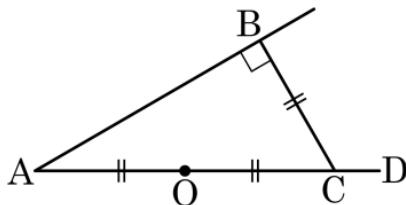
- ①  $\overline{OD} = \overline{OE} = \overline{OF}$
- ②  $\triangle ADO \cong \triangle CDO$
- ③  $\triangle AEO \cong \triangle ADO$
- ④  $\overline{CD} = \overline{CF}$
- ⑤  $\overline{AD} = \overline{AE}$

해설

그림에서  $\triangle AEO \cong \triangle ADO$ ,  $\triangle CFO \cong \triangle CDO$  (RHA 합동) 이므로

$$\overline{OD} = \overline{OE} = \overline{OF}, \overline{CD} = \overline{CF}, \overline{AD} = \overline{AE}$$

19. 다음 그림에서 점 O는  $\angle B = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC의 빗변의 중점이다.  $\overline{OA} = \overline{BC}$  일 때,  $\frac{\angle BCD}{\angle BAO}$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 4

해설

직각삼각형 빗변  $\overline{AC}$ 의 중점 O는  $\triangle ABC$ 의 외심이다.  
 $\therefore \overline{OA} = \overline{BC}, \overline{OB} = \overline{OC}$ 이므로  $\triangle BOC$ 는 정삼각형이다.

$$\angle BCD = 180^\circ - \angle BCO = 180^\circ - 60^\circ = 120^\circ \cdots \textcircled{⑦}$$

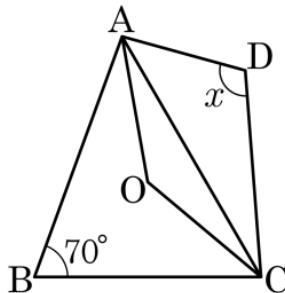
$$\angle AOB = 180^\circ - \angle BOC = 180^\circ - 60^\circ = 120^\circ$$

$\overline{OA} = \overline{OB}$ 이므로  $\triangle BAO$ 는 이등변삼각형

$$\angle BAO = \angle ABO = 30^\circ \cdots \textcircled{⑧}$$

$$\textcircled{⑦}, \textcircled{⑧} \text{에 의해 } \frac{\angle BCD}{\angle BAO} = \frac{120^\circ}{30^\circ} = 4$$

20. 다음 그림에서  $\triangle ABC$  와  $\triangle ADC$  의 외심은 O로 동일하고  $\angle ABC = 70^\circ$  일 때,  $\angle ADC$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :  $\underline{\hspace{1cm}}$  °

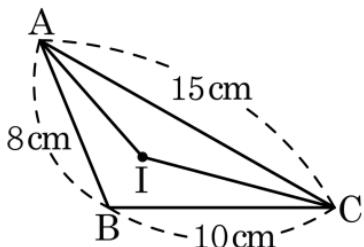
▷ 정답 :  $110^\circ$

해설

$$\angle AOC = 2\angle ABC = 140^\circ$$

$\angle OAD = a$ ,  $\angle OCD = b$  라고 하고,  $\overline{OD}$ 를 그으면  $\angle D = a + b$   
 $\square AOC$ 에서,  $\angle OAD + \angle ADC + \angle DCO + \angle COA = 360^\circ$ ,  
 $360^\circ = 140^\circ + a + b + a + b = 140^\circ + 2(a + b)$ ,  $a + b = \angle ADC = 110^\circ$

21. 다음 그림에서 점 I는  $\triangle ABC$ 의 내심이고  $\overline{AB} = 8\text{cm}$ ,  $\overline{BC} = 10\text{cm}$ ,  $\overline{AC} = 15\text{cm}$  일 때,  $\triangle ABC$ 의 넓이와  $\triangle AIC$ 의 넓이의 비는?



- ① 2 : 1      ② 30 : 17      ③ 32 : 15  
 ④ 33 : 15      ⑤ 36 : 17

### 해설

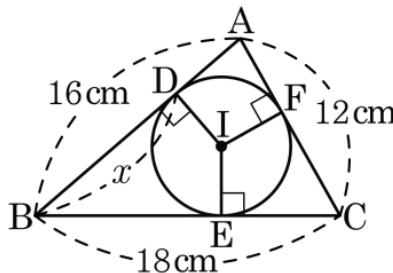
내접원의 반지름의 길이를  $r\text{cm}$  라 하면

$$(\triangle ABC \text{의 넓이}) = \frac{1}{2} \times r \times (8 + 10 + 15) = \frac{33}{2} r (\text{cm}^2)$$

$$(\triangle AIC \text{의 넓이}) = \frac{1}{2} \times r \times 15 = \frac{15}{2} r (\text{cm}^2)$$

따라서  $\triangle ABC : \triangle AIC = \frac{33}{2}r : \frac{15}{2}r = 33 : 15$  이다.

22. 다음 그림에서 점 I는  $\triangle ABC$ 의 내심이다. 이 때,  $\overline{BD}$ 의 길이  $x$ 를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 11 cm

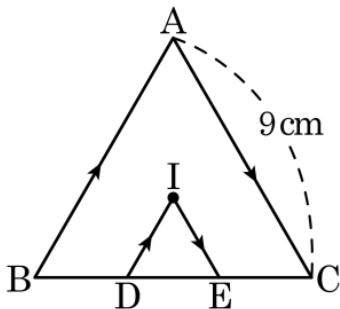
해설

점 I가 삼각형의 내심이므로  $\overline{AD} = \overline{AF}$ ,  $\overline{BE} = \overline{BD}$ ,  $\overline{CE} = \overline{CF}$ 이다.

$\overline{BD} = x = \overline{BE}$  이므로  $\overline{CE} = 18 - x = \overline{CF}$ ,  $\overline{AD} = 16 - x = \overline{AF}$ 이다.

$$\begin{aligned}\overline{AC} &= \overline{AF} + \overline{CF} = 18 - x + 16 - x = 12 \\ \therefore x &= 11(\text{ cm})\end{aligned}$$

23. 다음 그림에서  $\triangle ABC$  는 정삼각형이고, 점 I는  $\triangle ABC$  의 내심이다.  
 점 I를 지나면서  $\overline{AB}$ ,  $\overline{AC}$ 에 평행한 직선이  $\overline{BC}$  와 만나는 점을 각각 D, E 라 할 때,  $\overline{DE} = ( )\text{cm}$  이다. 빈 칸에 알맞은 수를 써 넣어라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 3

### 해설

$\angle ABI = \angle IBD$  이고  $\angle ABI = \angle BID$  ( $\because \overline{AB} // \overline{ID}$ ) 이므로  $\angle IBD = \angle BID$  이다.

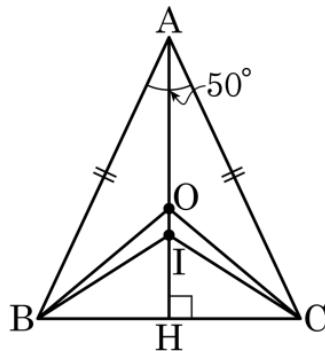
$\Rightarrow \overline{BD} = \overline{ID}$  이다.

같은 방법으로  $\angle ACI = \angle ICE$  이고  $\angle ACI = \angle CIE$  ( $\because \overline{AC} // \overline{IE}$ ) 이므로  $\angle ICE = \angle CIE$  이다.  $\Rightarrow \overline{IE} = \overline{EC}$

따라서 ( $\triangle IDE$  의 둘레의 길이) =  $\overline{ID} + \overline{DE} + \overline{IE} = \overline{BD} + \overline{DE} + \overline{EC} = \overline{BC} = 9(\text{cm})$  이고,

$\triangle IDE$  는 정삼각형이므로  $\overline{DE} = \frac{9}{3}\text{cm} = 3\text{cm}$  이다.

24. 다음 그림과 같이  $\overline{AB} = \overline{AC}$  인 이등변삼각형 ABC에서 점 O는 외심, 점 I는 내심이고,  $\angle A = 50^\circ$  일 때,  $\angle OBI$  구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 :  $\frac{15}{2}^\circ$

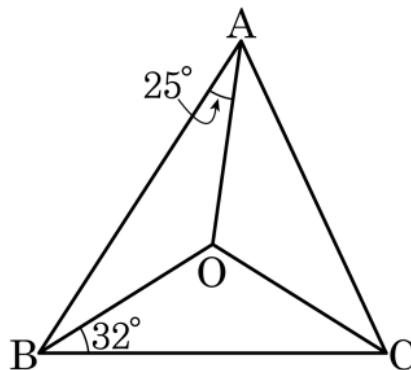
해설

$$\angle BOC = 2 \times \angle BAC = 2 \times 50^\circ = 100^\circ. \quad \angle OBC = 40^\circ.$$

$$\angle BIC = 90^\circ + \frac{1}{2}\angle BAC = 115^\circ, \quad \angle IBH = \frac{65}{2}^\circ.$$

$$\angle OBI = \angle OBC - \angle IBH = \frac{15}{2}^\circ.$$

25. 다음 그림에서 점 O는  $\triangle ABC$ 의 외심이다.  $\angle BAO = 25^\circ$ ,  $\angle OBC = 32^\circ$ 일 때,  $\angle AOC$ 의 크기는?



- ①  $100^\circ$     ②  $112^\circ$     ③  $114^\circ$     ④  $116^\circ$     ⑤  $118^\circ$

해설

$$\overline{OA} = \overline{OB} = \overline{OC}, \angle ABO = 25^\circ, \angle B = 57^\circ$$
$$\therefore \angle AOC = 114^\circ$$