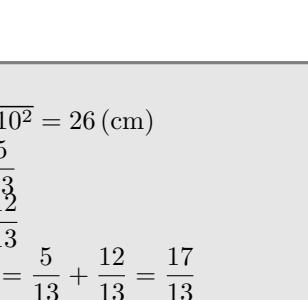


1. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 $\angle C = 90^\circ$ 일 때, $\sin A + \cos A$ 의 값을 구하 여라.



▶ 답:

▷ 정답: $\frac{17}{13}$

해설

$$\overline{AB} = \sqrt{24^2 + 10^2} = 26 \text{ (cm)}$$

$$\sin A = \frac{10}{26} = \frac{5}{13}$$

$$\cos A = \frac{24}{26} = \frac{12}{13}$$

$$\therefore \sin A + \cos A = \frac{5}{13} + \frac{12}{13} = \frac{17}{13}$$

2. 한 직각삼각형에서 $\cos A = \frac{5\sqrt{3}}{9}$ 일 때, $\tan A$ 의 값은?

- ① $\frac{\sqrt{2}}{4}$ ② $\frac{\sqrt{2}}{5}$ ③ $\frac{\sqrt{2}}{6}$ ④ $\frac{\sqrt{2}}{7}$ ⑤ $\frac{\sqrt{2}}{8}$



3. $\sin 30^\circ \cos 30^\circ - \cos 60^\circ \sin 60^\circ$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 0

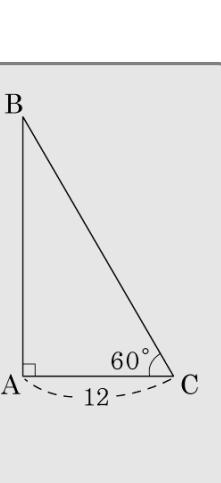
해설

$$\sin 30^\circ \cos 30^\circ - \cos 60^\circ \sin 60^\circ$$

$$= \frac{1}{2} \times \frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2} \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 0$$

4. 다음과 같은 직각삼각형을 참고하여 \overline{AB} 의 길이는?

- ① $12\sqrt{3}$ ② $11\sqrt{3}$ ③ $10\sqrt{3}$
④ $19\sqrt{3}$ ⑤ $18\sqrt{3}$



해설

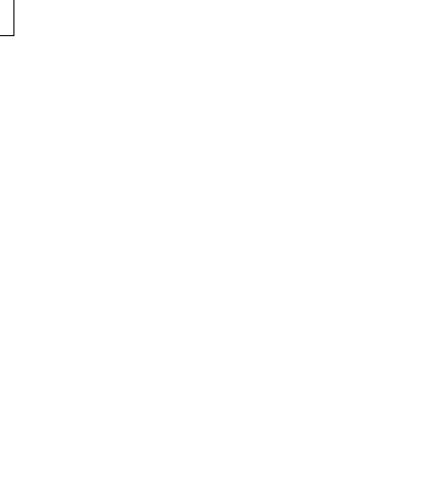
$$\tan 60^\circ = \frac{\overline{AB}}{12} = \sqrt{3}$$

$$\overline{AB} = 12\sqrt{3}$$

5. 다음 보기 중 옳은 것을 모두 고르시오.

보기

- Ⓐ $0^\circ < A < 45^\circ$ 일 때, $\sin A < \cos A$
- Ⓑ $A = 45^\circ$ 일 때, $\sin A = \cos A$
- Ⓒ $45^\circ < A < 90^\circ$ 일 때, $1 < \tan A$



▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓛ

▷ 정답: Ⓜ

▷ 정답: Ⓞ

해설

Ⓐ $\sin 45^\circ = \cos 45^\circ$ 이고, $0^\circ < x < 45^\circ$ 에서 $\cos x$ 의 그래프가 $\sin x$ 의 그래프보다 위에 존재하므로 $0^\circ < A < 45^\circ$ 일 때, $\sin A < \cos A$ 이다.

Ⓑ $\sin 45^\circ = \cos 45^\circ = \frac{1}{\sqrt{2}}$

Ⓒ $45^\circ < A < 90^\circ$ 일 때, $\tan 45^\circ < \tan A$ 이므로 $1 < \tan A$ 이다.

6. 다음 삼각비의 표를 보고 $\sin x = 0.6691$ 일 때, x 의 값은?

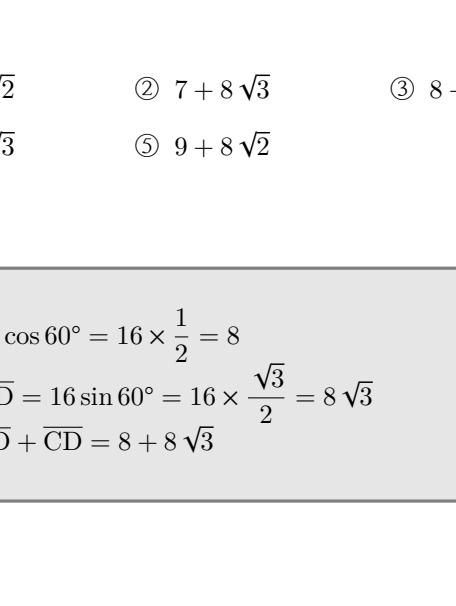
각도	사인(sin)	코사인(cos)	단젠트(tan)
39°	0.6293	0.7771	0.8098
40°	0.6428	0.7660	0.8391
41°	0.6561	0.7547	0.8693
42°	0.6691	0.7431	0.9004

- ① 39° ② 40° ③ 41° ④ 42° ⑤ 45°

해설

$$\sin 42^\circ = 0.6691$$

7. 다음 그림에서 x 의 값은?



- ① $7 + 8\sqrt{2}$ ② $7 + 8\sqrt{3}$ ③ $8 + 8\sqrt{2}$
④ $8 + 8\sqrt{3}$ ⑤ $9 + 8\sqrt{2}$

해설

$$\begin{aligned}\overline{BD} &= 16 \cos 60^\circ = 16 \times \frac{1}{2} = 8 \\ \overline{DC} &= \overline{AD} = 16 \sin 60^\circ = 16 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 8\sqrt{3} \\ \therefore x &= \overline{BD} + \overline{CD} = 8 + 8\sqrt{3}\end{aligned}$$

8. 다음 평행사변형의 넓이를 구하여라.



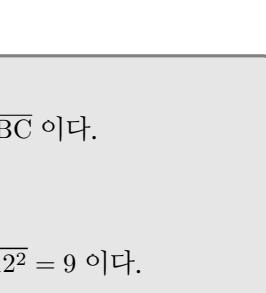
▶ 답: cm²

▷ 정답: 30 cm²

해설

$$\begin{aligned}| \text{넓이} | &= 5\sqrt{2} \times 6 \times \sin 45^\circ \\&= 5\sqrt{2} \times 6 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 30(\text{cm}^2)\end{aligned}$$

9. 다음 그림과 같은 직각삼각형 ABC에서
 $\sin A = \frac{4}{5}$ 이고, $\overline{BC} = 12\text{cm}$ 일 때, $\overline{AC} - \overline{AB}$ 의 값은?



- ① 2 ② 4 ③ 6 ④ 8 ⑤ 10

해설

$$\sin A = \frac{\overline{BC}}{\overline{AC}} = \frac{4}{5} \text{ 이므로 } \overline{AC} \times \sin A = \overline{BC} \text{ 이다.}$$

$$\Rightarrow \overline{AC} \times \frac{4}{5} = 12, \overline{AC} = 15$$

피타고拉斯 정리에 의해 $\overline{AB} = \sqrt{15^2 - 12^2} = 9$ 이다.

따라서 $\overline{AC} - \overline{AB} = 15 - 9 = 6$ 이다.

10. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 1인 사분원에 대하여 $\angle DAB = x$, $\angle ADB = y$, $\angle DEC = z$ 라 할 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

① $\sin y = \sin z$ ② $\tan y = \tan z$

③ $\tan x = \frac{1}{\cos z}$ ④ $\cos z = \sin x$

⑤ $\cos z = 1$



해설

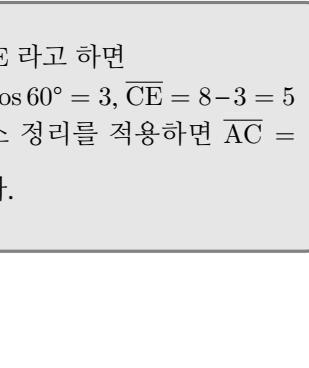
$$\cos z = \frac{\overline{EC}}{\overline{AE}}$$

$\triangle AEC \sim \triangle ADB$ (\because AA 닮음)

$$\cos z = \frac{\overline{EC}}{\overline{AE}} = \frac{\overline{BD}}{\overline{AD}} = \overline{BD}$$

11. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD
에서 대각선AC의 길이는?

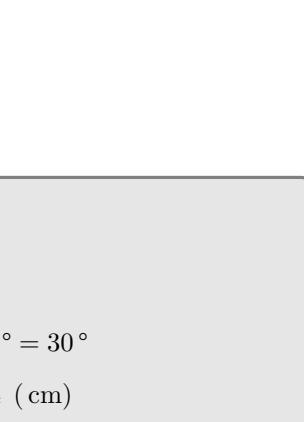
- ① $3\sqrt{5}$ ② $2\sqrt{7}$
③ $2\sqrt{13}$ ④ $3\sqrt{13}$
⑤ $4\sqrt{13}$



해설

점 A에서 \overline{BC} 에 내린 수선의 발을 E라고 하면
 $\overline{AE} = 6 \times \sin 60^\circ = 3\sqrt{3}$, $\overline{BE} = 6 \times \cos 60^\circ = 3$, $\overline{CE} = 8 - 3 = 5$
이다. 따라서 $\triangle AEC$ 에 피타고라스 정리를 적용하면 $\overline{AC} = \sqrt{(3\sqrt{3})^2 + 5^2} = \sqrt{52} = 2\sqrt{13}$ 이다.

12. 다음 그림과 같이 \overline{AB} 를 지름으로 하는 원 O 위의 한 점 C를 지나는 접선과 지름 \overline{AB} 의 연장선과의 교점을 D 라 하고, $\overline{AB} = 8\text{ cm}$, $\angle BAC = 30^\circ$ 일 때, $\triangle CBD$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답: cm^2

▷ 정답: $4\sqrt{3}\text{ cm}^2$

해설

$$\angle BCD = \angle BAC = 30^\circ$$

$$\angle ACB = 90^\circ \text{ 이므로 } \angle ABC = 60^\circ$$

$\triangle CBD$ 에서

$$\angle BDC = \angle CBA - \angle BCD = 60^\circ - 30^\circ = 30^\circ$$

$$\therefore \overline{BD} = \overline{BC} = 8 \sin 30^\circ = 8 \times \frac{1}{2} = 4 \text{ (cm)}$$

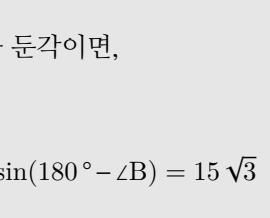
$$\therefore (\triangle CBD \text{의 넓이})$$

$$= \frac{1}{2} \times 4 \times 4 \times \sin (180^\circ - 120^\circ)$$

$$= 4\sqrt{3} \text{ (cm}^2\text{)}$$

13. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB} = 6$, $\overline{BC} = 10$ 이고, 넓이가 $15\sqrt{3}$ 일 때, $\angle B$ 의 크기는? (단, $90^\circ < \angle B \leq 180^\circ$)

- ① 95° ② 100° ③ 120° ④ 135° ⑤ 150°



해설

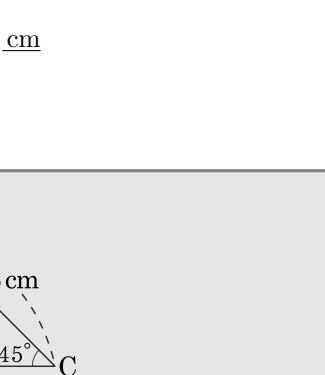
두 변의 길이가 a, b 이고 그 끼인 각 x 가 둔각이면,

$$\text{삼각형의 넓이} S = \frac{1}{2}ab \sin(180^\circ - x)$$

$$\frac{1}{2} \times 10 \times 6 \times \sin(180^\circ - \angle B) = 15\sqrt{3}, 30 \sin(180^\circ - \angle B) = 15\sqrt{3}$$

$$\text{따라서 } \sin(180^\circ - \angle B) = \frac{\sqrt{3}}{2} = \sin 60^\circ, \angle B = 120^\circ \text{이다.}$$

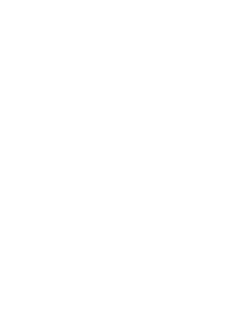
14. 다음 그림과 같은 $\angle C = 45^\circ$, $\angle A = 75^\circ$ 인 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB} = x$, $\overline{AC} = 6\text{cm}$ 라 할 때, x 의 값을 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답: $2\sqrt{6}$ cm

해설



점 A에서 \overline{BC} 에 내린 수선의 발을 D라고하면

$$\sin 45^\circ = \frac{\overline{AD}}{\overline{AC}} = \frac{\overline{AD}}{6} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

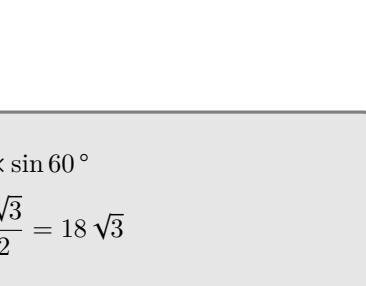
$$\overline{AD} = 3\sqrt{2}(\text{cm})$$

$$\sin 60^\circ = \frac{\overline{AD}}{\overline{AB}}$$

$$\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{3\sqrt{2}}{x}$$

$$\therefore x = \frac{6\sqrt{2}}{\sqrt{3}} = 2\sqrt{6}(\text{cm})$$

15. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = 4$, $\overline{AD} = 9$, $\angle A = 120^\circ$ 인 평행사변형 $ABCD$ 의 넓이가 $a\sqrt{b}$ 일 때, $a+b$ 의 값을 구하여라.(단, b 는 최소의 자연수)



▶ 답:

▷ 정답: 21

해설

$$\begin{aligned}4 \times 9 \times (180^\circ - 120^\circ) &= 4 \times 9 \times \sin 60^\circ \\&= 36 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 18\sqrt{3}\end{aligned}$$

$a + b = 21$ 이다.