

1. $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형에서 $\overline{BC} = \overline{BD}$ 가 되도록 점 D 를 변 AC 위에 잡았다. $\angle x$ 의 크기는?



- ① 40° ② 45° ③ 50° ④ 55° ⑤ 60°

2. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 와 $\triangle EFG$ 에서 $\overline{AB} = \overline{AC}$, $\overline{EF} = \overline{EG}$ 일 때, $\angle x + \angle y$ 의 크기는?



- ① 104° ② 105° ③ 106° ④ 107° ⑤ 108°

3. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 점 O는 외심이다. $\angle BAO = 22^\circ$, $\angle OBC = 34^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 값을 구하여라.



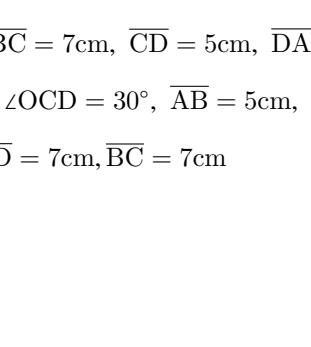
▶ 답: _____ °

4. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서 $\overline{AD} = 8$, $\overline{AO} = 5$, $\overline{BD} = 12$ 일 때, $\triangle OAD$ 의 둘레의 길이는?



- ① 15 ② 16 ③ 17 ④ 18 ⑤ 19

5. 다음 사각형 ABCD 중에서 평행사변형이 아닌 것은? (단, O는 두 대각선이 만나는 점이다.)



- ① $\overline{OA} = 5\text{cm}$, $\overline{OB} = 7\text{cm}$, $\overline{OC} = 5\text{cm}$, $\overline{OD} = 7\text{cm}$
- ② $\angle A = 77^\circ$, $\angle B = 103^\circ$, $\angle C = 77^\circ$
- ③ $\overline{AB} = 5\text{cm}$, $\overline{BC} = 7\text{cm}$, $\overline{CD} = 5\text{cm}$, $\overline{DA} = 7\text{cm}$
- ④ $\angle OAB = 30^\circ$, $\angle OCD = 30^\circ$, $\overline{AB} = 5\text{cm}$, $\overline{CD} = 5\text{cm}$
- ⑤ $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$, $\overline{AD} = 7\text{cm}$, $\overline{BC} = 7\text{cm}$

6. 다음 평행사변형 ABCD 에서 $\angle DAO = 40^\circ$
이고, $\angle OBC = 50^\circ$ 일 때, $\angle x + \angle y$ 의 크기를
구하여라.



▶ 답: _____ °

7. 다음 설명하는 사각형은 어떤 사각형인가?

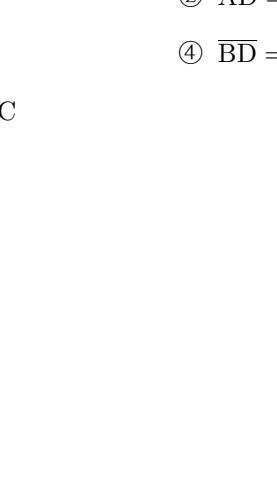
- Ⓐ 네 변의 길이가 모두 같다.
- Ⓑ 네 내각의 크기가 모두 같다.
- Ⓒ 두 대각선의 길이가 같다.
- Ⓓ 두 대각선이 서로 수직이등분한다.

- ① 사다리꼴 ② 등변사다리꼴 ③ 정사각형
- ④ 마름모 ⑤ 직사각형

8. 사다리꼴, 평행사변형, 직사각형, 마름모, 정사각형의 관계를 나타낸
것 중 옳지 않은 것은?

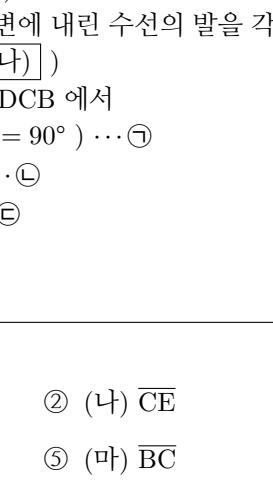
- ① 정사각형은 사다리꼴이다.
- ② 정사각형은 직사각형이면서 마름모이다.
- ③ 직사각형은 평행사변형이다.
- ④ 직사각형은 마름모이다.
- ⑤ 직사각형은 사다리꼴이다.

9. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형 ABC에서 $\angle A$ 의 이등분선이 \overline{BC} 와 만나는 점을 D라 할 때, 다음 중 옳지 않은 것을 모두 고르면 ?



- ① $\angle B = \angle C$ ② $\overline{AD} = \overline{BC}$
③ $\angle A = \angle B$ ④ $\overline{BD} = \overline{CD}$
⑤ $\angle ADB = \angle ADC$

10. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형ABC의 꼭짓점B,C에서 대변에 내린 수선의 발을 각각 D,E라고 할 때, $\overline{BD} = \overline{CE}$ 임을 증명하는 과정이다. (가)~(마)에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?



(가정)
 (1) ($\overline{AB} = \boxed{(가)}$)
 (2) B,C에서 대변에 내린 수선의 발을 각각 D,E
 (결론) ($\overline{BD} = \boxed{(나)}$)
 (증명) $\triangle EBC$ 와 $\triangle DCB$ 에서
 ($\angle BDC = \boxed{(다)} = 90^\circ$) $\cdots \textcircled{\textcircled{1}}$
 ($\angle B = \boxed{(라)}$) $\cdots \textcircled{\textcircled{2}}$
 $\boxed{(마)}$ 는 공통 $\cdots \textcircled{\textcircled{3}}$

$$\triangle EBC \cong \triangle DCB$$

$$\therefore \overline{BD} = \overline{CE}$$

$$\textcircled{1} \quad (가) \overline{AC} \quad \textcircled{2} \quad (나) \overline{CE} \quad \textcircled{3} \quad (다) \angle BDA$$

$$\textcircled{4} \quad (라) \angle C \quad \textcircled{5} \quad (마) \overline{BC}$$

11. 다음 그림과 같이 폭이 일정한 종이 테이프를 접었다. $\angle FGE = 70^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 70° ② 65° ③ 60° ④ 55° ⑤ 50°

12. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 직각 이등변삼각형이다. $\angle D = \angle E = 90^\circ$, $\overline{CE} = 2\text{cm}$, $\overline{DE} = 7\text{cm}$ 일 때, \overline{BD} 의 길이는?



- ① 4cm ② 5cm ③ 6cm ④ 7cm ⑤ 8cm

13. 두 직각삼각형이 다음 그림과 같을 때, $\angle x$ 의 크기는?



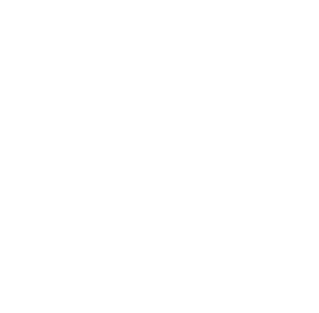
- ① 55° ② 60° ③ 65° ④ 70° ⑤ 75°

14. 그림에서 점 O는 $\triangle ABC$ 의 외심이다. $\angle OAB = 10^\circ$, $\angle OBC = 30^\circ$ 일 때, $\angle OAC$ 의 크기는?



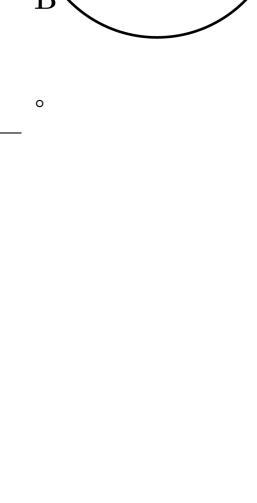
- ① 40° ② 45° ③ 50° ④ 55° ⑤ 60°

15. 다음 그림에서 점 M은 직각삼각형 ABC의 외심이고 $\angle C = 36^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



- ① 15° ② 18° ③ 20° ④ 22° ⑤ 25°

16. 다음 그림에서 원 O는 $\triangle ABC$ 의 외접원이다. $\angle OCB = 35^\circ$ 일 때, $\angle BAC$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °

17. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\angle A : \angle B : \angle C = 2 : 3 : 4$ 이고 점 O는 $\triangle ABC$ 의 외심일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °

18. 다음 그림에서 점 I가 삼각형의 내심일 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 100° ② 105° ③ 110° ④ 115° ⑤ 120°

19. 다음 그림에서 점 I가 $\triangle ABC$ 의 내심일 때, $\angle z - (\angle x + \angle y) = ()^\circ$ 이다. () 안에 알맞은 수를 써라.



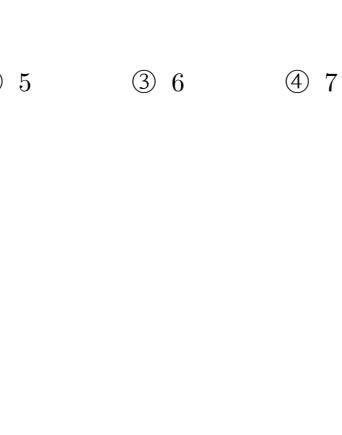
▶ 답: _____

20. 다음 그림에서 점 I는 $\triangle ABC$ 의 내심이다. $\angle A = 88^\circ$ 일 때, $\angle BIC$ 의 크기는?



- ① 44° ② 67° ③ 84° ④ 134° ⑤ 176°

21. 다음 그림에서 점 I는 직각삼각형 ABC 의 내심이다. 내접원의 반지름 길이 r 의 값은?



- ① 4 ② 5 ③ 6 ④ 7 ⑤ 8

22. 다음 그림에서 점 I 가 삼각형 ABC 의 내심이고, 점 D,E,F 가 내접
원의 접점일 때, x 값을 구하여라.



▶ 답: _____ cm

23. 다음 그림에서 점 I는 $\triangle ABC$ 의 내심이고 $\overline{DE} \parallel \overline{BC}$ 일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?



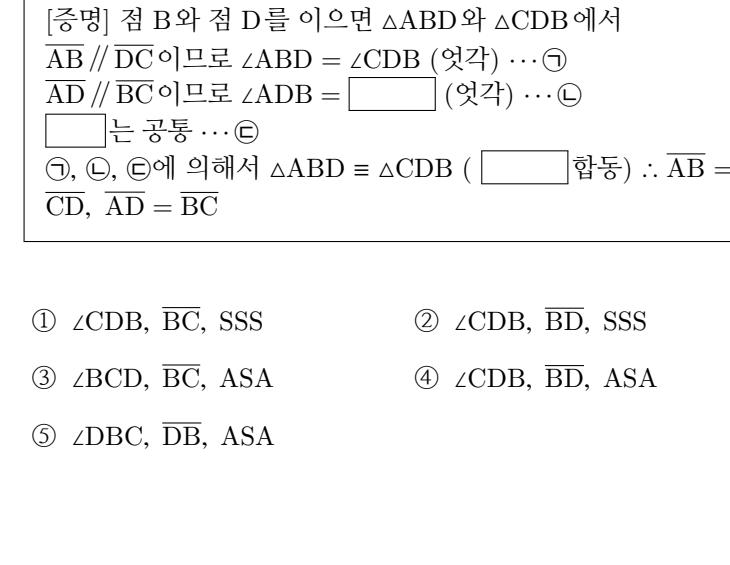
- ① $\triangle ADE$ 의 둘레의 길이는 35cm 이다.
- ② $\overline{DI} = \overline{DB}$
- ③ $\angle A = 60^\circ$
- ④ $\overline{DB} = \overline{EC}$
- ⑤ $\angle EIC = 32^\circ$

24. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서
 $\angle ABO = \angle CBO$, $\angle OAB = 70^\circ$, $\angle ODC = 20^\circ$ 일 때, $\angle OCB$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °

25. 다음은 ‘평행사변형에서 두 쌍의 대변의 길이는 각각 같다.’를 증명한 것이다. □ 안에 들어갈 것을 차례대로 나열하면?



[가정] □ABCD에서 $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$

[결론] $\overline{AB} = \overline{DC}$, $\overline{AD} = \overline{BC}$

[증명] 점 B와 점 D를 이으면 $\triangle ABD$ 와 $\triangle CDB$ 에서

$\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ 이므로 $\angle ABD = \angle CDB$ (엇각) … ㉠

$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이므로 $\angle ADB = \boxed{\quad}$ (엇각) … ㉡

$\boxed{\quad}$ 는 공통 … ㉢

㉠, ㉡, ㉢에 의해서 $\triangle ABD \cong \triangle CDB$ ($\boxed{\quad}$ 합동) $\therefore \overline{AB} =$

\overline{CD} , $\overline{AD} = \overline{BC}$

① $\angle CDB$, \overline{BC} , SSS ② $\angle CDB$, \overline{BD} , SSS

③ $\angle BCD$, \overline{BC} , ASA ④ $\angle CDB$, \overline{BD} , ASA

⑤ $\angle DBC$, \overline{DB} , ASA

26. 다음 그림에서 $\overline{AD} + \overline{DE}$ 의 길이는? (단, $\square ABCD$ 는 평행사변형이다.)



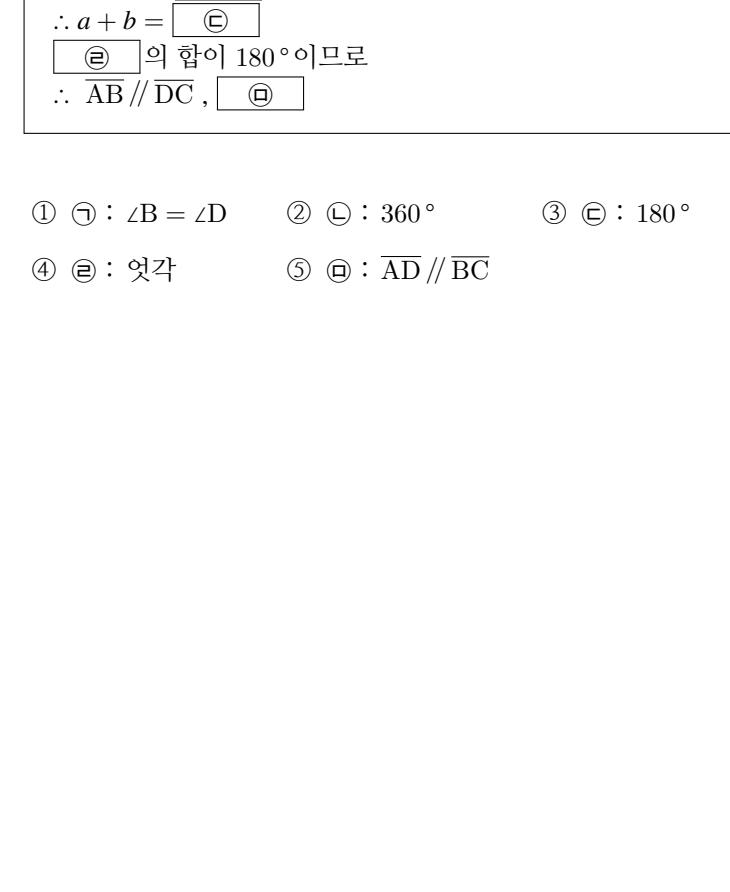
- ① 14 cm ② 15 cm ③ 17 cm ④ 19 cm ⑤ 36 cm

27. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서
 $\angle ADO = 30^\circ$, $\angle DCO = 48^\circ$ 일 때, $\angle x + \angle y$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °

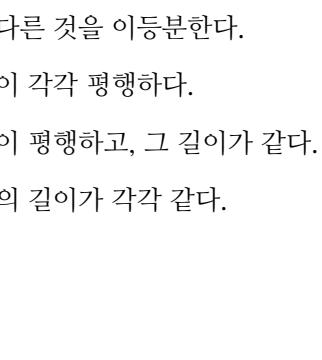
28. 다음은 ‘두 쌍의 대각의 크기가 각각 같은 사각형은 평행사변형이다.’
를 설명하는 과정이다. ① ~ ⑤에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?



① ① : $\angle B = \angle D$ ② ② : 360° ③ ③ : 180°

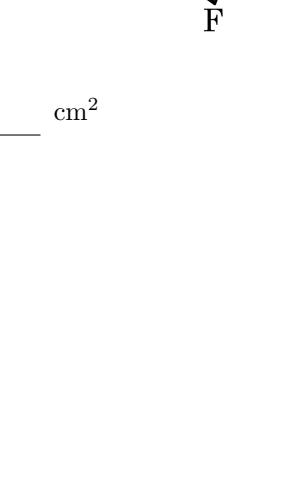
④ ④ : 엇각 ⑤ ⑤ : $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$

29. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD 의 두 꼭짓점 A, C 에서 대각선 BD 에 내린 수선의 발을 각각 E, F 라 할 때, $\square AEFC$ 는 평행사변형이다. 이용되는 평행사변형이 되는 조건은?



- ① 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.
- ② 두 대각선이 다른 것을 이등분한다.
- ③ 두 쌍의 대변이 각각 평행하다.
- ④ 한 쌍의 대변이 평행하고, 그 길이가 같다.
- ⑤ 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같다.

30. 평행사변형 ABCD 의 넓이는 36cm^2 이다. $\triangle ABE = 8\text{cm}^2$ 일 때,
 $\triangle BFE$ 의 넓이를 구하여라.



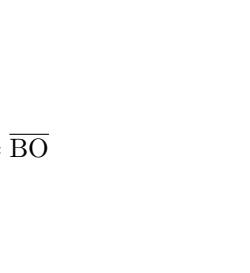
▶ 답: _____ cm^2

31. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD의 대각선 \overline{AC} 위의 점 O에 대하여
여 $\triangle OAD = 8\text{cm}^2$, $\triangle OCD = 3\text{cm}^2$ 일 때, $\triangle OAB$ 의 넓이를 구하면?



- ① 4cm^2 ② 5cm^2 ③ 6cm^2 ④ 7cm^2 ⑤ 8cm^2

32. $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 인 사각형 ABCD 가 다음 조건을 만족할 때, 직사각형이라고 말할 수 없는 것은?



- ① $\angle A = 90^\circ$
- ② $\overline{AC} = \overline{BD}$
- ③ $\overline{AC} \perp \overline{BD}$
- ④ 점 M이 \overline{AD} 의 중점일 때, $\overline{MB} = \overline{MC}$
- ⑤ 점 O가 \overline{AC} 와 \overline{BD} 의 교점일 때, $\overline{AO} = \overline{BO}$

33. 마름모 ABCD의 점 B에서 변 CD에 내린 수선의 발을 H라고 하자. $\overline{CH} = \overline{HD}$ 일 때, $\angle a - \angle b$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: _____ °

34. 다음 보기의 사각형 중 등변사다리꼴이 아닌 것은?

[보기]

Ⓐ 밑각의 크기가 같은 사다리꼴

Ⓑ 평행사변형

Ⓒ 직사각형

Ⓓ 마름모

Ⓔ 정사각형

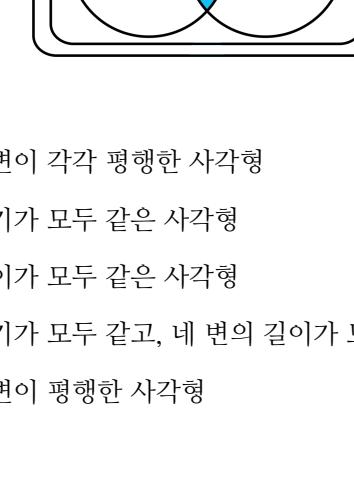
① Ⓐ, Ⓑ ② Ⓒ, Ⓓ ③ Ⓓ, Ⓔ ④ Ⓕ, Ⓖ ⑤ Ⓕ, Ⓔ

35. 다음 그림의 $\square ABCD$ 는 $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 인 사다리꼴이다. $\overline{AB} = \overline{AD} = \overline{DC}$, $\overline{BC} = 2\overline{AD}$ 일 때, $\angle B$ 의 크기는?



- ① 45° ② 50° ③ 55° ④ 60° ⑤ 70°

36. 다음 그림에서 색칠한 부분에 속하는 사각형의 정의로 옳은 것은?



- ① 두 쪽의 대변이 각각 평행한 사각형

- ② 네 각의 크기가 모두 같은 사각형

- ③ 네 변의 길이가 모두 같은 사각형

- ④ 네 각의 크기가 모두 같고, 네 변의 길이가 모두 같은 사각형

- ⑤ 한 쪽의 대변이 평행한 사각형

37. 다음 보기 중 두 대각선의 길이가 항상 같은 것은 모두 몇 개인가?

[보기]

사각형, 사다리꼴, 등변사다리꼴,
평행사변형, 직사각형, 마름모,
정사각형

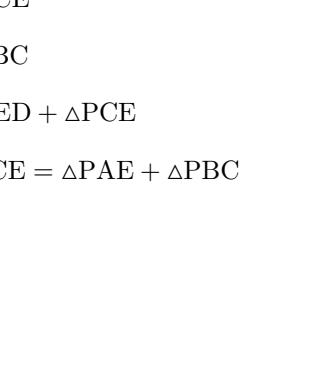
- ① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

38. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AE} : \overline{EC} = 3 : 4$, $\overline{BO} : \overline{OE} = 3 : 2$ 이다. $\triangle EOC$ 의 넓이가 8cm^2 일 때, $\triangle ABC$ 의 넓이는?



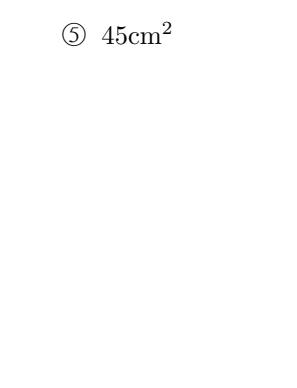
- ① 20cm^2 ② 24cm^2 ③ 28cm^2
④ 32cm^2 ⑤ 35cm^2

39. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?



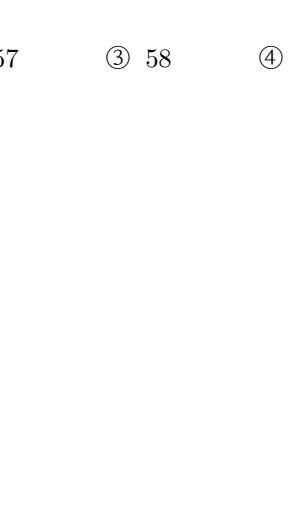
- ① $\triangle ABC = \triangle ACD$
- ② $\triangle ACE = \triangle BCE$
- ③ $\triangle PAE = \triangle PCE$
- ④ $\triangle PAB = \triangle AED + \triangle PCE$
- ⑤ $\triangle PAB + \triangle PCE = \triangle PAE + \triangle PBC$

40. 사다리꼴 ABCD 는 $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이고, $\overline{BO} : \overline{OD} = 3 : 2$ 이다. $\triangle ODC = 18\text{cm}^2$ 일 때, $\triangle OBC$ 의 넓이는?



- ① 9cm^2 ② 18cm^2 ③ 27cm^2
④ 36cm^2 ⑤ 45cm^2

41. 다음 그림과 같이 $\angle B = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC에서 $\angle A$ 의 이등분선이 \overline{BC} 와 만나는 점을 D라 하자. $\overline{BD} = 6\text{cm}$, $\overline{AC} = 20\text{cm}$ 일 때, $\triangle ADC$ 의 넓이는 몇 cm^2 인지 구하여라. (단, 단위는 생략한다.)



- ① 56 ② 57 ③ 58 ④ 59 ⑤ 60

42. 다음 그림과 같이 $\angle A = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC 의 빗변 \overline{BC} 를 4 등분하는 점을 D, E, F 라 할 때, \overline{AE} 의 길이를 구하여라.



▶ 답: _____ cm

43. $\angle B = \angle C$ 인 이등변삼각형 ABC의 외심 O, 내심 I에 대하여 $\angle BOC = 128^\circ$ 일 때, $\angle OBI$ 의 크기를 구하여라.

▶ 답: _____°

44. 다음 그림은 직사각형 ABCD 의 각 변의 중점 을 연결하여 $\square EFGH$ 를 만들었다. 직사각형 ABCD 에서 $\overline{AB} = 6\text{cm}$, $\overline{AD} = 8\text{cm}$ 이고, \overline{EC} 와 \overline{FH} 의 교점을 O 라고 할 때, $\triangle EFO$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답: _____ cm^2

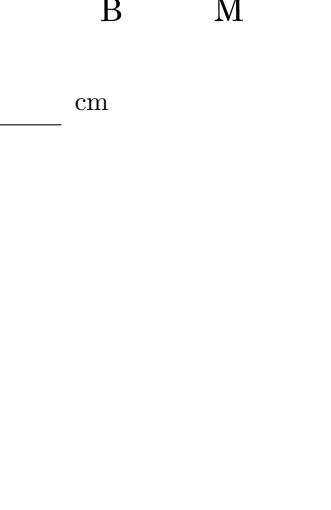
45. 다음 사각형 ABCD 가 평행사변형이 되도록 $\angle x$, $\angle y$ 의 값을 구하여라.



▶ 답: $\angle x = \underline{\hspace{2cm}}$ °

▶ 답: $\angle y = \underline{\hspace{2cm}}$ °

46. 다음 그림과 같은 직사각형 ABCD에서 $\overline{BD} = 20\text{ cm}$ 이다. $\angle BOM = \angle COM$, $\overline{MN} \perp \overline{OB}$ 일 때, \overline{MN} 의 길이를 구하여라.



답: _____ cm

47. 다음 그림에서 □ABCD 와 □CEFG가 정사각형이고, $\overline{AB} = 5\text{ cm}$ 일 때 $\triangle DCE$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답: _____ cm^2

48. 평행사변형 ABCD에서 점 O, O'은 각각 $\triangle ABC$, $\triangle ACD$ 의 외심이다.
 $\square AOCO'$ 은 어떤 사각형인가?



▶ 답: _____

49. 다음과 같은 등변사다리꼴 ABCD의 각 변의 중점을 S, P, Q, R이라 할 때, □SPQR의 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답: _____ cm

50. 그림의 평행사변형 ABCD에서
 $\overline{BD} \parallel \overline{EF}$ 이고,
 $\triangle ABE = 30(\text{cm}^2)$ 일 때, $\triangle BDF$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답: _____ cm^2