1. ‘어떤 수 x 의 4 배에 2 를 더한 수는 그 수에서 3 을 뺀 것의 5 배보다 크지 않다.’를 식으로 나타낸 것은?

① $4x+2 \le 5(x-3)$

② $4(x+2) \le 5(x-3)$

③ $4(x+2) > 5(x-3)$

④ $4x+2 \ge 5x-3$

⑤ $4x+2 < 5(x-3)$

해설

크지 않다는 말은 작거나 같다는 말과 같으므로

$4x+2 \le 5(x-3)$

2. x 는 절댓값이 3 보다 작은 정수일 때, $4x - 1 \leq x + 4$ 의 해를 모두 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : -2

▷ 정답 : -1

▷ 정답 : 0

▷ 정답 : 1

해설

$3x \leq 5$, $x \leq \frac{5}{3}$ 이므로 절댓값이 3 보다 작은 정수 중에 이를 만족하는 수는 -2, -1, 0, 1 이다.

3. $0 < x < 1$일 때, 다음 중 옳은 것은?

① $x = x^2$ ② $x > \frac{1}{x}$ ③ $x < \frac{1}{x}$

④ $x \leq x^2$ ⑤ $-x < -1$

해설

③ $x = \frac{b}{a}$ $(a > b)$로 놓으면 $\frac{1}{x} = \frac{a}{b}$이므로 $x < \frac{1}{x}$ 이다.

4. $-2 < x < 3$ 일 때, $A = -3x - 2$ 이다. A 의 범위를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $-11 < A < 4$

해설

$-2 < x < 3$ 의
각각의 변에 -3 을 곱하면 $-9 < -3x < 6$
각각의 변에 -2 를 더하면 $-11 < -3x - 2 < 4$ 이다.
따라서 A 의 범위는 $-11 < A < 4$ 이다.

5. 다음 보기에서 일차부등식을 모두 구하여라.

보기

㉠ $3x > -3$ ㉡ $5x^2 < 2$

㉢ $-x + 1 \leq 2x - 4$ ㉣ $x > 0$

㉤ $3x + 2 < 5$ ㉥ $3x + 1 \geq 3x - 5$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: ㉠

▷ 정답: ㉢

▷ 정답: ㉣

▷ 정답: ㉤

해설

일차부등식을 정리했을 때 x 의 차수가 1 인 것을 찾는다.

㉠ $3x > -3$

$3x + 3 > 0$

㉡ $5x^2 - 2 < 0$

x 의 차수가 2 차이다.

㉢ $-x + 1 \leq 2x - 4$

$-x - 2x + 1 + 4 \leq 0$

$-3x + 5 \leq 0$

㉤ $3x + 2 < 5$

$3x - 3 < 0$

㉥ $3x - 3x + 5 + 1 \geq 0$

$6 \geq 0$

일차항이 소거되므로 일차부등식이 아니다.

6. $\frac{1}{4} < 0.\dot{x} < \frac{5}{6}$ 를 만족하는 자연수 x 는 모두 몇 개인지 구하여라.

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 5 개

해설

$0.\dot{x} = \frac{x}{9}$ 이므로

$\frac{1}{4} < \frac{x}{9} < \frac{5}{6}$ 에서 분모를 통분하면

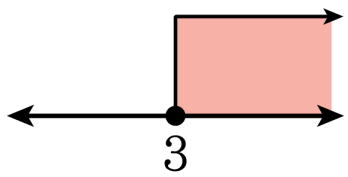
$\frac{9}{36} < \frac{4x}{36} < \frac{30}{36}$

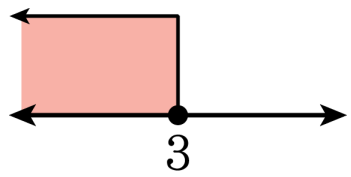
$\therefore 9 < 4x < 30$

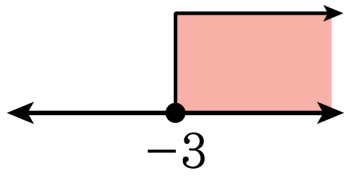
$\therefore \frac{9}{4} < x < \frac{30}{4}$

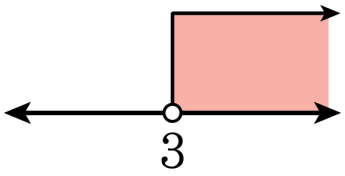
만족하는 자연수 x 는 3 , 4 , 5 , 6 , 7 의 5 개이다.

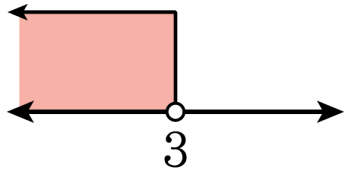
7. $4x-1 \geq -7+6x$ 의 해를 수직선 위에 바르게 나타낸 것은?

① 

② 

③ 

④ 

⑤ 

해설

$4x-1 \geq -7+6x$

$6 \geq 2x$

$x \leq 3$

8. $3(x+2) > 7(x-1)+1$ 을 만족하는 정수 중 가장 큰 정수를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

$3(x+2) > 7(x-1)+1$

$-4x > -12$

$x < 3$

따라서 가장 큰 정수 x 는 2 이다.

9. $\frac{2x-1}{3} > \frac{3x}{2} - 5$을 만족하는 자연수 x의 개수는?

① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

해설

$\frac{2x-1}{3} > \frac{3x}{2} - 5$

$2(2x-1) > 9x - 30$

$x < 5.6$

$\therefore \quad 1, 2, 3, 4, 5$

따라서 5개이다.

10. $a < -3$ 일 때, $2a - (a+3)x < -6$ 의 해를 구하면?

① $x < 0$ ② $x < 1$ ③ $x < 2$ ④ $x > 1$ ⑤ $x > 2$

해설

$2a - (a+3)x < -6$

$-(a+3)x < -2a - 6$

$(a+3)x > 2a + 6$

$\therefore\ x < 2\ (\because\ a + 3 < 0)$

11. x 에 관한 부등식 $ax - 12 > 0$ 의 해가 $x < -3$ 일 때, 상수 a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -4

해설

$ax - 12 > 0$, $ax > 12$ 의 해가 $x < -3$, 즉 부등호의 방향이 바뀌었으므로 $a < 0$ 이다.

$ax > 12$

$x < \frac{12}{a}$

$\frac{12}{a} = -3$

$\therefore\ a = -4$

12. 두 부등식 $7x+\frac{7}{3}<4x-\frac{2}{3}$, $ax-1>-2x+5$의 해가 서로 같을 때, 상수 a의 값은?

① -2 ② -4 ③ -6 ④ -8 ⑤ -10

해설

$7x+\frac{7}{3}<4x-\frac{2}{3}$에서 $21x+7<12x-2$

$\therefore\ x<-1$

$ax-1>-2x+5$에서 $(a+2)x>6$

두 부등식의 해가 같으므로 $a+2<0$이고 해는 $x<\frac{6}{a+2}$

$\frac{6}{a+2}=-1$

$\therefore\ a=-8$

13. 부등식 $3 - ax \geq 6$ 의 해 중 가장 큰 수가 -3 일 때, 상수 a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 1

해설

부등식 $3 - ax \geq 6$ 을 정리하면

$-ax \geq 3$ 에서 $x \leq -\frac{3}{a}$

부등식을 만족 하는 가장 큰 수가 -3 이므로

$-\frac{3}{a} = -3$

$3a = 3$

$\therefore\ a = 1$

14. 연속하는 두 홀수 중 큰 수의 3 배에서 6 을 더한 수는 작은 수의 5 배 이상이라고 할 때, 두 수의 합의 최댓값을 구하면?

① 15 ② 14 ③ 12 ④ 11 ⑤ 10

해설

연속하는 두 홀수를 x, $x+2$ 라 하자.

$3(x+2)+6 \geq 5x$

$x \leq 6$

두 홀수의 합이 최댓값이 되려면 $x=5$ 가 되어야 하므로 $5+7=12$ 이다.

15. 한 자루에 200 원 하는 연필과 한 자루에 300 원 하는 연필을 합하여 20 자루를 4500 원이 넘지 않게 사려고 한다. 300 원짜리 연필을 최대한 몇 자루까지 살 수 있는가?

① 4 자루 ② 5 자루 ③ 6 자루

④ 7 자루 ⑤ 8 자루

해설

300 원 연필의 개수 : x 자루

$200(20-x)+300x \le 4500$

$4000-200x+300x \le 4500$

$-200x+300x \le 4500-4000$

$100x \le 500$

$\therefore\ x \le 5$

16. 400 원 짜리 우표와 250 원 짜리 엽서를 합하여 10 장을 사려고 한다. 전체 가격을 5000 원 이하로 하면서 400 원 짜리 우표를 가능한 많이 사려고 한다. 400 원짜리 우표는 몇 장 살 수 있는가?

① 15장 ② 16장 ③ 17장 ④ 18장 ⑤ 19장

해설

400 원 짜리 우표를 x 장 산다고 하면
250 원 짜리 우표는 $10 - x$ 장이다.

$400x + 250(10 - x) \leq 5000$

$3x \leq 50$

$x \leq \frac{50}{3} = 16.\cdots$

17. A 도서 대여점에서 책을 빌리는데 4 권까지는 4000 원을 받지만, 추가로 더 빌릴 때에는 한 권당 600 원을 받는다고 한다. 추가로 몇 권 이상을 더 빌려야 전체적으로 빌리는 값이 권당 700 원 이하가 되는가?

① 10 권 ② 11 권 ③ 12 권 ④ 13 권 ⑤ 14 권

해설

추가로 더 빌리는 책의 수를 x 권으로 놓는다.

$4000 + 600x \leq 700(x + 4)$

$40 + 6x \leq 7x + 28$

$\therefore \ x \geq 12$

18. 희진이는 현재 60000 원, 지윤이는 10000 원이 예금되어 있다. 희진이는 매월 3000 원씩, 지윤이는 2000 원씩 예금한다고 한다. 희진이의 예금액이 지윤이의 예금액의 3 배보다 적어지는 것은 몇 개월부터인지 구하여라.

① 9 개월 ② 10 개월 ③ 11 개월

④ 12 개월 ⑤ 13 개월

해설

희진이는 3000 원씩 예금하므로 x 개월 후에는 $3000x$ 원이 증가한다.
희진이의 x 개월 후 예금액은 $60000 + 3000x$ (원)
지윤이는 2000 원씩 예금하므로 x 개월 후에는 $2000x$ 원이 증가한다.
지윤이의 x 개월 후 예금액은 $10000 + 2000x$ (원)
$60000 + 3000x < 3(10000 + 2000x)$
$3000x - 6000x < 30000 - 60000$
$-3000x < -30000$
$x > 10$
따라서 11 개월 후부터 희진이의 예금액이 지윤이의 예금액의 3 배보다 적어진다.

19. 집 앞 가게에서 1봉지에 800원에 살 수 있는 과자를 왕복 1000원의 차비를 들여 대형마트에 가서 사면 1봉지에 600원에 살 수 있다고 한다. 과자를 몇 봉지 이상 사는 경우에 대형마트에 가는 것이 유리한지 구하여라.

▶ 답 : 봉지

▷ 정답 : 6봉지

해설

과자 봉지를 x라 할 때

$800x > 600x + 1000$

$200x > 1000$

$x > 5$

$\therefore$ 6봉지 이상

20. 어느 극장에서 30 명 이상은 1 할을, 50 명 이상은 1 할 5 푼을 입장료에서 할인하여 준다고 한다. 30 명 이상 50 명 미만인 단체는 몇 명 이상일 때, 50 명의 입장권을 사는게 유리한가?

① 46 명 ② 47 명 ③ 48 명 ④ 49 명 ⑤ 50 명

해설

입장료를 A 원, 사람 수를 x 명이라 하면

$0.9A \times x > 0.85A \times 50$ $\therefore\ x > 47\frac{2}{9}$

따라서, 48 명 이상일 때 입장권을 사는 것이 유리하다.

21. 가게 주인이 5000 원짜리 물건을 사서 500 원의 운임을 주고 가져와 팔 때, 투자한 돈의 20% 이상의 이익을 얻으려면 원래 물건 가격보다 몇 % 이상 올려 받아야 하는가?

① 30%　② 31%　③ 32%　④ 33%　⑤ 34%

해설

$$\frac{100+x}{100} \times 5000 \geq 1.2 \times 5500$$

$$100 + x \geq 132$$

$$x \geq 32$$

$\therefore$ 32% 이상

22. 아랫변의 길이 10cm, 높이 12cm 인 사다리꼴이 있다. 넓이가 96cm^2 이상이 되게 하려 할 때, 윗변의 길이의 범위는?

① $x \geq 2$ ② $x \geq 3$ ③ $x \geq 4$ ④ $x \geq 5$ ⑤ $x \geq 6$

해설

윗변의 길이 x 라고 하면

$\frac{1}{2} \times (x+10) \times 12 \geq 96$

$(x+10) \times 12 \geq 192$

$x+10 \geq 16$

$x \geq 6$ 이다.

23. 20L 들이의 대형물통이 있다. 처음에는 시간당 2L 의 속도로 물을 채우다가 시간당 5L 의 속도로 물을 채워 물을 채우기 시작한지 10 시간 이내에 가득 채우려고 한다. 시간당 2L 의 속도로 채울 수 있는 시간은 최대 몇 시간인가?

① 10 시간 ② 11 시간 ③ 12 시간

④ 13 시간 ⑤ 14 시간

해설

2L 의 속도로 채우는 시간을 x 시간, 5L 의 속도로 채우는 시간은 $(10-x)$ 시간이라 하면

$2x + 5(10-x) \geq 20$

$x \leq 10$

따라서 10 시간 이내이다.

24. 등산을 하는 데 올라갈 때는 시속 3km , 내려올 때는 같은 거리를 시속 4km 로 걸어서 전체 걸리는 시간을 4 시간 이내로 하려고 한다. 이 때, 최고 몇 km 까지 올라갔다 내려오면 되겠는가?

▶ 답 : _____ km

▷ 정답 : $\frac{48}{7}$ km

해설

거리 : $x$km

$\frac{x}{3} + \frac{x}{4} \leq 4$

$4x + 3x \leq 48$

$7x \leq 48$

$\therefore\ x \leq \frac{48}{7}$

25. 재진이는 5% 의 소금물 200g 을 가지고 물을 증발시켜 10% 이상의 소금물을 만들려고 한다. 얼마만큼의 물을 증발시켜 주어야 하는지 구하여라.

▶ 답 : g

▷ 정답 : 100 g

해설

5% 의 소금물 200g 에 들어있는 소금의 양은 $\frac{5}{100} \times 200 = 10(\text{g})$ 이다.

물을 증발시켜도 소금의 양은 변화가 없고 증발시킨 물의 양을 xg 이라고 할 때 소금물의 양은 $(200 - x)$g 으로 변화가 있다.

소금물의 농도는 $\frac{10}{200 - x} \times 100(\%)$

10% 이상이라고 했으므로

$\frac{10}{200 - x} \times 100 \geq 10$

$100 \geq 200 - x$

$x \geq 100$

물을 100g 이상 증발시켜야 한다.