

1. 노래를 부를 때, 1분에 소모되는 열량이 4 kcal라고 한다. x 분 동안에 소모되는 열량을 y kcal라고 할 때, 20 kcal가 소모되었을 때, 몇 분 동안 노래를 불렀는가?

① 1분

② 2분

③ 3분

④ 4분

⑤ 5분

해설

1분에 소모되는 열량 : 4 kcal

x 분 동안에 소모되는 열량 : $4 \times x$

$$\therefore y = 4x$$

$$y = 20 \text{ 일 때}, 4x = 20$$

$$\therefore x = 5(\text{분})$$

2. 다음 글을 읽고 x 와 y 사이의 관계를 식으로 나타낸 것으로 옳은 것은?

가격이 1000원인 사탕 1봉지를 사서 그 안에 들어 있는 사탕을 세어 보니 x 개였다. 그러므로 이 사탕 1개는 y 원이다.

① $y = \frac{1000}{x}$

② $y = \frac{1}{x}$

③ $y = \frac{1}{1000}x$

④ $y = x$

⑤ $y = 1000x$

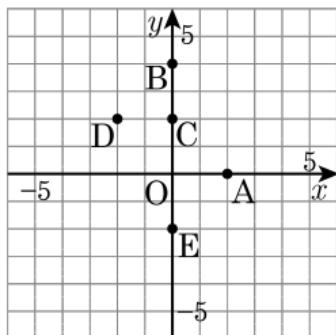
해설

(가격) = 사탕1개의 가격 \times 갯수이므로

$$1000 = y \times x$$

$$\therefore y = \frac{1000}{x}$$

3. 다음 중 점 $(0, 2)$ 를 나타내고 있는 점을 찾아라.



▶ 답 :

▷ 정답 : C

해설

점 A는 x 축 위의 점이므로 $A(2, 0)$

$B(0, 4)$

$D(-2, 2)$

$E(0, -2)$

4. 점 $A(a, b)$ 가 원점이 아닌 x 축 위에 있을 때, $a + b$ 의 값으로 알맞은 것은?

- ① a ② b ③ 0 ④ $a + b$ ⑤ ab

해설

x 축 위에 있으면 y 좌표가 0 이므로 점 $A(a, b)$ 에서 $b = 0$ 이며, 원점 위에 있는 수가 아니므로 적어도 a, b 중 하나는 0 이 아니다. 즉, $a \neq 0$ 이다.

$a \neq 0, b = 0$ 이므로 $a + b = a$ 이다.

5. 다음 중 바르게 짹지어진 것은?

① A(3, 4) → 제 2사분면

② B(-1, -2) → 제 3사분면

③ C(0, 3) → x 축 위

④ D(2, 5) → 제 4사분면

⑤ E(-2, 0) → y 축 위

해설

① 제 1사분면

③ y 축 위

④ 제 1사분면

⑤ x 축 위

6. $a < 0, b > 0$ 일 때 점 $(a - b, ab)$ 는 제 몇 사분면의 점인가?

- ① 제 1사분면
- ② 제 2사분면
- ③ 제 3사분면
- ④ 제 4사분면
- ⑤ y 축 위의 점이다.

해설

$a < 0, b > 0$ 이므로 $a - b < 0, ab < 0$

\therefore 제 3사분면의 점

7. y 가 x 에 정비례하고 $x = 4$ 일 때 $y = 12$ 이다. x 와 y 사이의 관계식은?

① $y = 48x$

② $y = 4x$

③ $y = 12x$

④ $y = 3x$

⑤ $y = \frac{48}{x}$

해설

$y = ax$ 에 $x = 4$ 일 때 $y = 12$ 를 대입하면,

$$12 = a \times 4, a = 3$$

따라서 $y = 3x$

8. y 는 x 에 반비례하고 $x = 2$ 일 때, $y = 3$ 이다. $y = 3$ 일 때 x 의 값을 구하여라.

- ① 3 ② 4 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

반비례 관계식은 $y = \frac{a}{x}$ 이므로

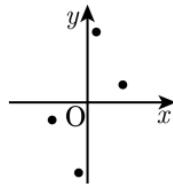
$$3 = \frac{a}{2}, a = 6$$

$$\therefore y = \frac{6}{x}$$

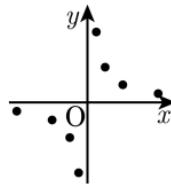
따라서 $y = 3$ 일 때 $x = 2$

9. $y = \frac{a}{x}$ 가 $x = -2$ 일 때 $y = -4$ 이다. x 의 값이 $-4, -1, 1, 4$ 면 그라프는?

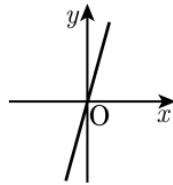
①



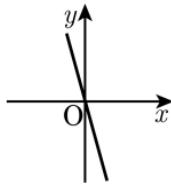
②



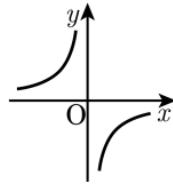
③



④



⑤



해설

$y = \frac{a}{x}$ 가 $x = -2$ 일 때 $y = -4$ 이므로 $\frac{a}{-2} = -4$, $a = 8$ 이다.

$y = \frac{8}{x}$ 이고, x 의 값이 $-4, -1, 1, 4$ 이므로 y 의 값은 $-8, -2, 2, 8$ 이다.

10. 다음 중 $y = \frac{6}{x}$ 의 그래프 위의 점이 아닌 것은?

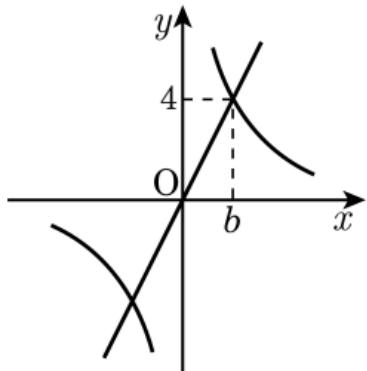
- ① (6, 1) ② (1, 6) ③ (2, 3) ④ (3, 2) ⑤ (3, 3)

해설

$y = \frac{6}{x}$ 에 (3, 3) 을 대입하면 $\frac{6}{3} \neq 3$ 이다.

11. 다음 그림은 $y = 2x$ 와 $y = \frac{a}{x}$ 의 그래프를 좌표평면 상에 그린 것이다. a, b 의 값을 바르게 짹지은 것은?

- ① $a = 2, b = 2$ ② $a = 4, b = 2$
③ $\textcircled{a} = 8, b = 2$ ④ $a = 4, b = 4$
⑤ $a = 8, b = 4$



해설

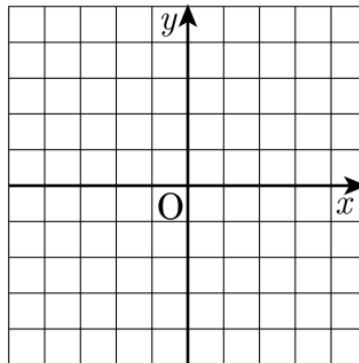
$y = \frac{a}{x}$ 와 $y = 2x$ 의 교점이 $(b, 4)$ 이므로

$$4 = 2 \times b, b = 2$$

$$4 = \frac{a}{2}$$

$$\therefore a = 8$$

12. 좌표평면 위의 네 점 $A(-2, 4)$, $B(4, 4)$, $C(3, -1)$, $D(-3, -1)$ 을 꼭짓점으로 하는 사각형 ABCD 의 넓이를 구하여라.

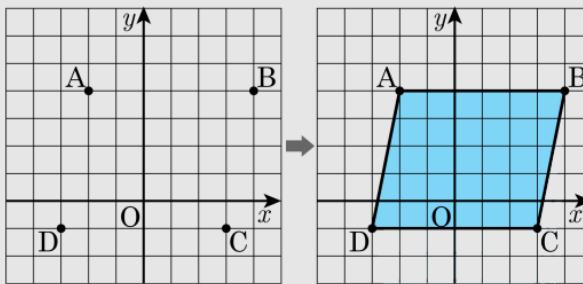


▶ 답:

▷ 정답: 30

해설

점 A, B, C, D 를 좌표평면에 나타내면 다음과 같다.



즉, 점 A, B, C, D 는 평행사변형의 네 꼭짓점이다.

이 평행사변형의 밑변의 길이는 점 A, B 혹은 점 C, D 의 x 좌표의 차 이다. \therefore (밑변) $= 3 - (-3) = 4 - (-2) = 6$

한편, 높이의 길이는 점 A, D 혹은 점 B, C 의 y 좌표의 차이다.

$$\therefore (\text{높이}) = 4 - (-1) = 5$$

(평행사변형의 넓이) $= (\text{밑변}) \times (\text{높이})$ 이므로, 사각형 ABCD 의 넓이는 $6 \times 5 = 30$ 이다.

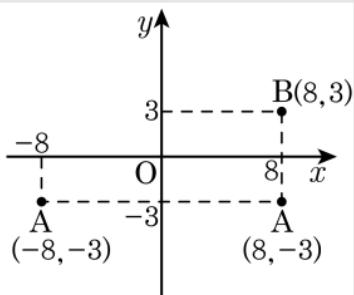
13. 점 A(8, -3)을 x 축에 대하여 대칭이동한 점 B의 좌표가 (a, b) 이고, y 축에 대하여 대칭인 점 C의 좌표가 (c, d) 일 때, $a+b+c+d$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 0

해설

점 A(8, -3)에 대하여 x 축에 대하여 대칭인 점과 y 축에 대하여 대칭이동한 점을 좌표평면 위에 그리면 다음과 같다.



$$\therefore a + b + c + d = 8 + 3 + (-8) + (-3) = 0$$

14. y 가 x 에 정비례하고, $x = 1$ 일 때, $y = 4$ 이다. $y = 12$ 일 때, x 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 3

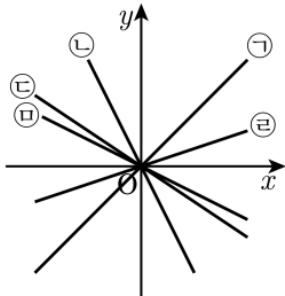
해설

$$y = 4x \text{ 이므로}$$

$$4 \times x = 12$$

$$x = 3$$

15. 다음은 보기의 관계식의 그래프를 그린 것이다. 이때, $y = -\frac{2}{3}x$ 의 그래프를 골라 기호로 써라.



보기

$$y = x, \quad y = -2x, \quad y = -\frac{2}{3}x, \quad y = \frac{1}{3}x, \quad y = -\frac{1}{2}x$$

▶ 답:

▷ 정답: ④

해설

$y = -\frac{2}{3}x$ 의 x 의 계수가 음수이므로 제 2, 4 사분면을 지나고 기울기가 음수인 그래프들 중 절댓값이 두 번째로 크므로 ④ 그래프가 $y = -\frac{2}{3}x$ 이다.

16. 점 $\left(-\frac{3}{16}, \square\right)$ 은 정비례 관계 $y = \frac{8}{3}x$ 의 그래프 위에 있다.

안에 알맞은 수를 a 라고 할 때, $5a + \frac{1}{2}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -2

해설

점 $\left(-\frac{3}{16}, \square\right)$ 가 정비례 관계 $y = \frac{8}{3}x$ 의 그래프 위에 있는

경우, $y = \frac{8}{3}x$ 에 x 대신 $-\frac{3}{16}$, y 대신 \square 을 대입하면 등식이 성립한다.

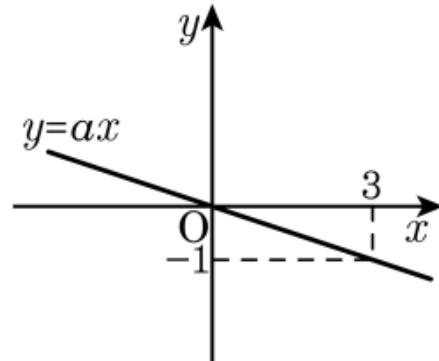
$$\therefore \square = \frac{8}{3} \times \left(-\frac{3}{16}\right)$$

$$\square = -\frac{1}{2} = a \text{ 이다.}$$

$$\text{따라서 } 5a + \frac{1}{2} = 5 \times \left(-\frac{1}{2}\right) + \frac{1}{2} = -2$$

17. 정비례 관계 $y = ax$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, a 의 값은?

- ① $-\frac{1}{5}$ ② $-\frac{1}{3}$ ③ $-\frac{1}{2}$
④ $\frac{1}{2}$ ⑤ $\frac{1}{3}$



해설

$y = ax$ 의 그래프가 $(3, -1)$ 을 지나므로 $x = 3$, $y = -1$ 을 대입하면

$-1 = 3a$ 이다.

따라서 $a = -\frac{1}{3}$ 이다.

18. 정비례 관계 $y = -3x$ 의 그래프 위의 점 $P(-1, a)$ 에서 y 축에 내린 수선의 발이 Q 이다. 이때, $\triangle PQQ$ 의 넓이를 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : $\frac{3}{2}$

해설

$$y = -3x \text{에 } (-1, a) \text{ 대입} : a = -3 \times (-1) \quad \therefore a = 3$$

$P(-1, 3)$ 에서 y 축에 내린 수선의 발 Q 의 좌표는 $Q(0, 3)$

$\triangle PQQ$ 에서 꼭짓점의 좌표는 $P(-1, 3)$, $Q(0, 3)$, $O(0, 0)$

$$\triangle PQQ \text{의 넓이는 } \frac{1}{2} \times 1 \times 3 = \frac{3}{2}$$

19. 다음 보기 중에 $y = \frac{3}{x}$ 에 대한 설명으로 옳은 것을 모두 골라라.

보기

- ㉠ y 는 x 에 반비례한다.
- ㉡ x 의 값이 6일 때, y 의 값은 $\frac{1}{2}$ 이다.
- ㉢ x 의 값이 2배가 되면 y 의 값은 2배가 된다.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉠

▷ 정답 : ㉡

해설

㉠ y 는 x 에 반비례한다.

㉡ $y = \frac{3}{x}$ 에 $x = 6$ 을 대입하면

$$6y = 3, y = \frac{1}{2}$$

㉢ 반비례 관계이므로 x 의 값이 2배가 되면 y 의 값도 $\frac{1}{2}$ 배가 된다.

따라서 ㉠, ㉡이 옳다.

20. 다음 표에서 x 가 1에서 12로 변함에 따라 y 는 []에서 []로 변한다. 또 $y = \frac{a}{x}$ 에서 a 의 값은 []이다. 빈칸에 들어갈 수를 차례대로 써라.

x	1	2	3	6	9	12	15	18	21
y	21	$\frac{21}{2}$	7	$\frac{7}{2}$	$\frac{7}{3}$	$\frac{7}{4}$	$\frac{7}{5}$	$\frac{7}{6}$	1

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 21

▷ 정답 : $\frac{7}{4}$ 또는 1.75

▷ 정답 : 21

해설

x 값이 증가함에 따라 y 값은 감소하므로 반비례관계이다.

$x = 1$ 일 때, $y = 21$

$x = 12$ 일 때, $y = \frac{7}{4}$ 이다.

$y = \frac{21}{x}$ 이다.