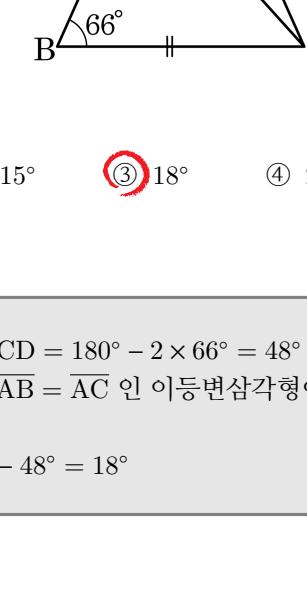


1. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형이다. $\overline{BC} = \overline{CD}$ 이고 $\angle B = 66^\circ$ 일 때, $\angle ACD$ 의 크기는?



- ① 10° ② 15° ③ 18° ④ 23° ⑤ 25°

해설

$\triangle BCD$ 에서 $\angle BCD = 180^\circ - 2 \times 66^\circ = 48^\circ$
또한 $\triangle ABC$ 는 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형이므로
 $\angle ACB = 66^\circ$

$$\therefore \angle ACD = 66^\circ - 48^\circ = 18^\circ$$

2. 다음 그림에서 $\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CD}$ 이고
 $\angle CDE = 130^\circ$ 일 때, $\angle CAB$ 의 크기는?

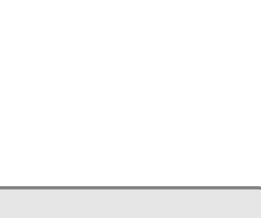
① 15° ② 20° ③ 25° ④ 30° ⑤ 35°



해설

$$\begin{aligned}\angle CBD &= \angle CDB = 50^\circ, \\ \angle ABC &= 180^\circ - 50^\circ = 130^\circ \\ \therefore \angle CAB &= (180^\circ - 130^\circ) \div 2 = 25^\circ\end{aligned}$$

3. 다음 그림과 같이 $\triangle ABC$ 는 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 이고 $\angle A = 90^\circ$ 인 직각이등변삼각형이다. 이때, x, y 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $x = 45$

▷ 정답: $y = 7$

해설

$\triangle ABC$ 는 직각이등변삼각형이므로 $\angle x = 45^\circ$ 이므로 $x = 45$

$\triangle ADB \cong \triangle ADC$ (RHS 합동)이므로

$\overline{BD} = \overline{CD} = y$ 이다.

$\triangle ADB, \triangle CDA$ 가 직각이등변삼각형이므로

$\overline{CD} = \overline{BD} = \overline{AD} = 7$ (cm)이므로 $y = 7$ 이다.

4. 아래 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB} = \overline{BD} = \overline{DC}$ 이고 $\angle DCB = 37^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: 111°

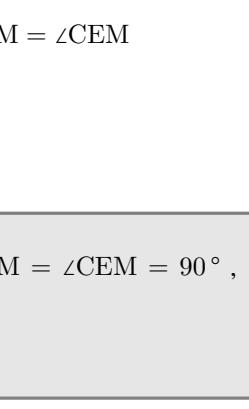
▷ 정답: 111°

해설



$\angle DBC = \angle DCB = 37^\circ$ 이므로
 $\triangle BCD$ 에서, $\angle ADB = 37^\circ + 37^\circ = 74^\circ$ 이고,
 $\triangle ABD$ 에서 $\angle BAD = \angle BDA = 74^\circ$
따라서 $\triangle ABC$ 에서 $\angle x = 74^\circ + 37^\circ = 111^\circ$

5. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형 ABC에서 \overline{BC} 의 중점을 M이라 하자. 점 M에서 \overline{AB} , \overline{AC} 에 내린 수선의 발을 각각 D, E라 할 때, $\overline{MD} = \overline{ME}$ 임을 나타내는 과정에서 필요한 조건이 아닌 것은?



- ① $\overline{BM} = \overline{CM}$
② $\angle B = \angle C$
③ $\overline{BD} = \overline{CE}$
④ $\angle BDM = \angle CEM$
⑤ RHA 합동

해설

$\triangle BMD$ 와 $\triangle CME$ 에서 $\angle B = \angle C$, $\angle BDM = \angle CEM = 90^\circ$,
 $\overline{BM} = \overline{MC}$
 $\therefore \triangle BMD \cong \triangle CME$ (RHA 합동)

6. 다음은 $\angle X O Y$ 의 이등분선 위의 한 점을 P 라 하고 P 에서 $\overrightarrow{O X}$, $\overrightarrow{O Y}$ 에 내린 수선의 발을 각각 A, B 라고 할 때, $\overline{P A} = \overline{P B}$ 임을 증명하는 과정이다. ()안에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?

[증명]

$\triangle POA$ 와 $\triangle POB$ 에서

$\angle POA = (①) \dots\dots \textcircled{\text{⑦}}$

$(②)$ 는 공통 $\dots\dots \textcircled{\text{⑧}}$

$(③) = \angle OBP = 90^\circ \dots\dots \textcircled{\text{⑨}}$

$\textcircled{\text{⑦}}, \textcircled{\text{⑧}}, \textcircled{\text{⑨}}$ 에 의해 $\triangle POA \cong \triangle POB$ (④) 합동

$\therefore (⑤) = \overline{P A}$

① $\angle POB$

② \overline{OP}

③ $\angle OAP$

④ RHS

⑤ \overline{PA}

해설

$\triangle POA$ 와 $\triangle POB$ 에서 $\angle POA = (\angle POB) \dots\dots \textcircled{\text{⑦}}$

(\overline{OP}) 는 공통 $\dots\dots \textcircled{\text{⑧}}$

$(\angle OAP) = \angle OBP = 90^\circ \dots\dots \textcircled{\text{⑨}}$

$\textcircled{\text{⑦}}, \textcircled{\text{⑧}}, \textcircled{\text{⑨}}$ 에 의해 $\triangle POA \cong \triangle POB$ (RHA) 합동

$\therefore (\overline{PA}) = \overline{PB}$

따라서 옳지 않은 것은 ④이다.

7. 다음은 $\angle X O Y$ 의 이등분선 위의 한 점을 P 라 하고 점 P 에서 $\overline{O X}$, $\overline{O Y}$ 에 내린 수선의 발을 각각 A, B 라고 할 때, $\overline{P A} = \overline{P B}$ 임을 증명하는 과정이다. ⑦~⑨에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?

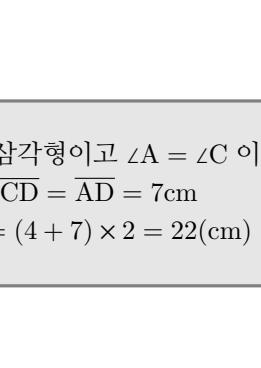
[가정] $\angle A O P = (\textcircled{\text{7}})$,
 $\angle P A O = \angle P B O = 90^\circ$
[결론] $(\textcircled{\text{8}}) = (\textcircled{\text{9}})$
[증명] $\triangle P O A$ 와 $\triangle P O B$ 에서
 $\angle A O P = (\textcircled{\text{7}}) \cdots \textcircled{\text{a}}$
 $(\textcircled{\text{8}})$ 는 공통 $\cdots \textcircled{\text{b}}$
 $\angle P A O = \angle P B O = 90^\circ \cdots \textcircled{\text{c}}$
⑧, ⑨, ⑩에 의해 $\triangle P O A \cong \triangle P O B$ ((⑪) 합동)
 $\therefore (\textcircled{\text{8}}) = (\textcircled{\text{9}})$

- ① ⑦ $\angle B O P$ ② ⑧ $\overline{P A}$ ③ ⑩ $\overline{P B}$
④ ⑪ $\overline{O P}$ ⑤ ⑫ $\odot S A S$

해설

$\triangle P O A \cong \triangle P O B$ 는 $\angle A O P = \angle B O P$, $\overline{O P}$ 는 공통, $\angle P A O = \angle P B O = 90^\circ$ 이므로 RHA 합동이다.

8. 다음 그림과 같은 $\square ABCD$ 에서 $\overline{AB} = \overline{BC}$, $\angle A = \angle C$ 이다. $\overline{AB} = 4\text{cm}$, $\overline{AD} = 7\text{cm}$ 일 때, $\square ABCD$ 의 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 22 cm

해설

$\triangle ABC$ 는 이등변삼각형이고 $\angle A = \angle C$ 이므로

$\angle DAC = \angle DCA$, $\overline{CD} = \overline{AD} = 7\text{cm}$

$$\therefore (\text{둘레의 길이}) = (4 + 7) \times 2 = 22(\text{cm})$$

9. 다음은 「세 내각의 크기가 같은 삼각형은 정삼각형이다.」를 보이는 과정이다.

$\triangle ABC$ 에서 세 내각의 크기가 같으므로 (가)

$\angle B = \angle C$ 이므로 $\overline{AB} = \boxed{\text{(나)}}$ … ⑦

$\angle A = \boxed{\text{(다)}}$ 이므로 $\overline{BA} = \overline{BC}$ … ⑧

⑦, ⑧에 의해서 (라)

따라서 $\triangle ABC$ 는 (마)이다.

(가) ~ (마)에 들어갈 것으로 옳지 않은 것을 모두 고르면?

① (가) $\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CA}$

② (나) \overline{AC}

③ (다) $\angle C$

④ (라) $\angle A = \angle B = \angle C$

⑤ (마) 정삼각형

해설

$\triangle ABC$ 에서 세 내각의 크기가 같으므로 ($\angle A = \angle B = \angle C$)

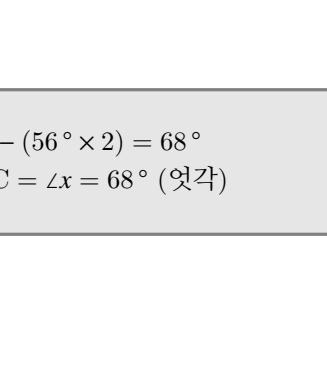
$\angle B = \angle C$ 이므로 $\overline{AB} = \overline{(AC)}$ … ⑦

$\angle A = (\angle C)$ 이므로 $\overline{BA} = \overline{BC}$ … ⑧

⑦, ⑧에 의해서 ($\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CA}$)

따라서 $\triangle ABC$ 는 (정삼각형)이다.

11. 다음 그림과 같이 직사각형 모양의 종이를 접었을 때, $\angle x$ 의 크기는?

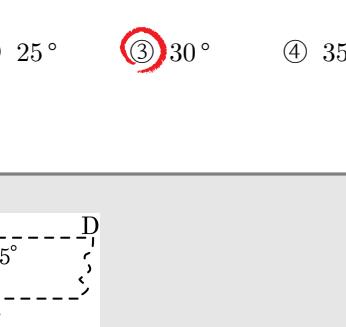


- ① 60° ② 62° ③ 64° ④ 66° ⑤ 68°

해설

$$\begin{aligned}\angle ABE &= 180^\circ - (56^\circ \times 2) = 68^\circ \\ \angle ABE &= \angle BAC = \angle x = 68^\circ \text{ (엇각)}\end{aligned}$$

12. 다음 그림과 같이 폭이 일정한 종이 테이프를 접었다. $\angle CAD = 75^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 20° ② 25° ③ 30° ④ 35° ⑤ 40°

해설



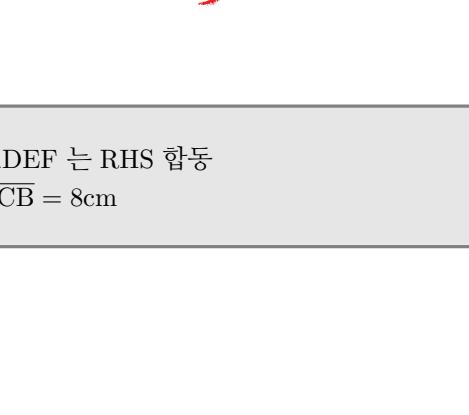
$$\angle DAC = \angle CAB = 75^\circ \text{ (종이 접은 각)}$$

$$\angle DAC = \angle ACB = 75^\circ \text{ (엇각)}$$

따라서 $\triangle ABC$ 는 밑각의 크기가 75° 이고, $\overline{AB} = \overline{BC}$ 인 이등변 삼각형이다.

$$\therefore \angle x = 180^\circ - 75^\circ - 75^\circ = 30^\circ$$

13. 두 직각삼각형 ABC, DEF 가 다음 그림과 같을 때, \overline{DF} 의 길이는?



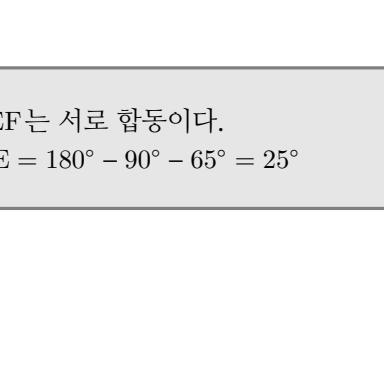
- ① 6cm ② 7cm ③ 8cm ④ 9cm ⑤ 10cm

해설

$\triangle CAB, \triangle DEF$ 는 RHS 합동

$\therefore \overline{DF} = \overline{CB} = 8\text{cm}$

14. 합동인 두 직각삼각형 ABC, DEF가 다음 그림과 같을 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 65° ② 55° ③ 45° ④ 35° ⑤ 25°

해설

$\triangle ABC, \triangle DEF$ 는 서로 합동이다.
 $\therefore \angle x = \angle FDE = 180^\circ - 90^\circ - 65^\circ = 25^\circ$

15. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{BC}$ 인 직각이등변삼각형 ABC에서 \overline{AD} 가 $\angle A$ 의 이등분선이라고 하고, 점 D에서 \overline{AC} 에 내린 수선의 발을 E라고 한다. $\overline{BD} = 5\text{ cm}$ 일 때, \overline{CE} 의 길이를 구하여라.



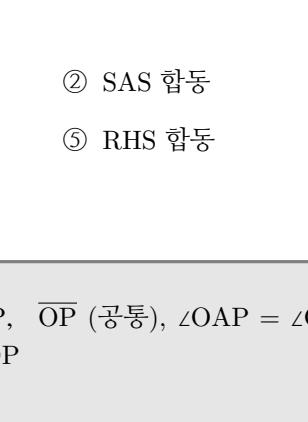
▶ 답 : cm

▷ 정답 : 5 cm

해설

$$\begin{aligned}\triangle ABD &\equiv \triangle AED \text{ (RHA 합동)} \\ \therefore \overline{BD} &= \overline{ED} \\ \angle ACB &= 45^\circ \text{ |므로 } \angle EDC = 45^\circ \\ \therefore \overline{ED} &= \overline{CE} \\ \therefore \overline{BD} &= \overline{CE} = 5(\text{ cm})\end{aligned}$$

16. 다음은 XOY 의 이등분선 위의 한 점 P 라 하고 점 P 에서 $\overline{OX}, \overline{OY}$ 에 내린 수선의 발을 각각 A, B 라고 할 때, $\triangle AOP \cong \triangle BOP$ 임을 나타내기 위해서 이용한 합동조건은?

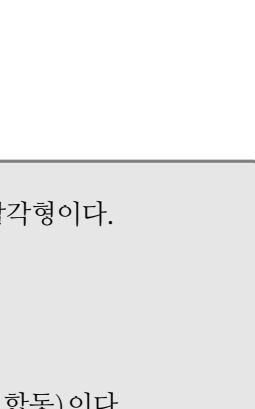


- ① SSS 합동 ② SAS 합동 ③ AAA 합동
④ RHA 합동 ⑤ RHS 합동

해설

$\angle AOP = \angle BOP$, \overline{OP} (공통), $\angle OAP = \angle OBP = 90^\circ$ 이므로
 $\triangle AOP \cong \triangle BOP$
 \therefore RHA 합동

17. 직각이등변삼각형 ABC에서 $\angle A$ 의 이등분선과 \overline{BC} 의 교점을 D, D에서 \overline{AC} 에 내린 수선의 발을 E라고 하자. $\overline{BD} = 4\text{cm}$ 일 때, $\triangle EDC$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답: $\underline{\text{cm}^2}$

▷ 정답: 8cm^2

해설

$\angle C = 45^\circ$ 이므로 $\triangle EDC$ 는 직각이등변삼각형이다.

$\triangle ABD$ 와 $\triangle AED$ 에서

\overline{AD} 는 공통 $\cdots \textcircled{\text{①}}$

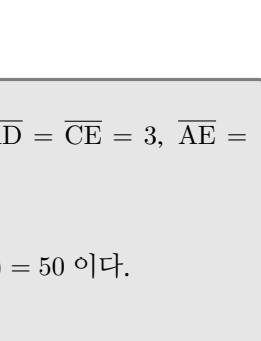
$\angle ABD = \angle AED = 90^\circ \cdots \textcircled{\text{②}}$

$\angle BAD = \angle EAD \cdots \textcircled{\text{③}}$

①, ②, ③에 의해 $\triangle ABD \cong \triangle AED$ (RHA 합동)이다.

따라서 $\overline{ED} = \overline{BD} = 4$ 이므로 $\triangle EDC$ 의 넓이는 $\frac{1}{2} \times 4 \times 4 = 8(\text{cm}^2)$ 이다.

18. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 의 넓이는? (단, $\angle BAC = 90^\circ$, \overline{BD} , \overline{CE} 는 각각 점 B, C에서 \overline{FG} 에 내린 수선, $\overline{AB} = \overline{AC}$, $\overline{BD} = 7$, $\overline{CE} = 3$)



- ① 25 ② 26 ③ 27 ④ 28 ⑤ 29

해설

$\triangle BAD \cong \triangle ACE$ (RHA 합동) 이므로 $\overline{AD} = \overline{CE} = 3$, $\overline{AE} =$

$\overline{BD} = 7$ $\text{이}\text{고}$,

사다리꼴 EDBC의 넓이는

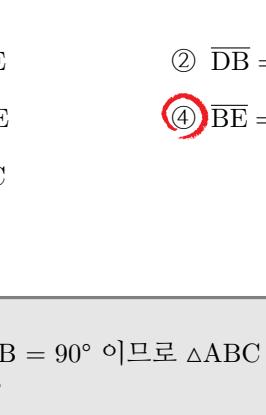
$$\frac{1}{2}(\overline{DB} + \overline{EC}) \times \overline{ED} = \frac{1}{2}(7 + 3) \times (3 + 7) = 50 \text{ } \text{이}\text{다}.$$

$$\triangle BAD = \triangle ACE = \frac{1}{2} \times 3 \times 7 = \frac{21}{2}$$

$$\therefore \triangle ABC = \square EDBC - \triangle BAD - \triangle ACE$$

$$= 50 - \frac{21}{2} - \frac{21}{2} = 29$$

19. 다음 그림에서 $\overline{AC} = \overline{AD} = \overline{BC}$, $\angle C = 90^\circ$, $\angle ADE = 90^\circ$ 일 때,
다음 중 옳지 않은 것은?



- ① $\angle DAE = \angle CAE$
② $\overline{DB} = \overline{DE} = \overline{EC}$
③ $\triangle ADE \cong \triangle ACE$
Ⓐ ④ $\overline{BE} = \overline{EC}$
⑤ $\angle DEB = \angle BAC$

해설

$\overline{AC} = \overline{BC}$, $\angle ACB = 90^\circ$ 이므로 $\triangle ABC$ 는 직각이등변삼각형

$\Leftrightarrow \angle A = \angle B = 45^\circ$

$\square ADEC$ 에서 $\angle DEC = 360^\circ - (90^\circ \times 2 + 45^\circ) = 135^\circ$

$\angle DEB = 180^\circ - \angle DEC = 45^\circ$

$\angle DEB = \angle BAC = 45^\circ$ (⑤)

$\angle B = \angle DEB = 45^\circ$ 이므로 $\triangle DEB$ 는 직각이등변삼각형 \Leftrightarrow

$\overline{DB} = \overline{DE} \cdots ⑦$

$\triangle AED$ 와 $\triangle AEC$ 에서

i) \overline{AE} 는 공통

ii) $\overline{AD} = \overline{AC}$

iii) $\angle ADE = \angle ACE = 90^\circ$ (③)

i), ii), iii)에 의해 $\triangle AED \cong \triangle AEC$ (RHS 합동)이다. 합동인

대응각의 크기는 같으므로

$\angle DAE = \angle CAE$ (①)

합동인 대응변의 크기는 같으므로 $\overline{DE} = \overline{EC} \cdots ⑧$

⑦, ⑧에 의해 $\overline{DB} = \overline{DE} = \overline{EC}$ (②)

20. 다음 그림과 같이 직각삼각형 ABC에서 점 D에서 \overline{AC} 에 내린 수선의 발이 E이고 $\overline{BD} = \overline{ED}$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: $\frac{\circ}{\text{—}}$

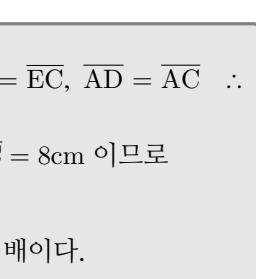
▷ 정답: 60°

해설

$\triangle CDB$ 와 삼각형 $\triangle CDE$ 는 RHS 합동이다.
 $\angle x = \angle CDB$ 이므로 $\angle x = 60^\circ$

21. 직각삼각형 ABC에서 $\overline{AC} = \overline{AD}$, $\overline{AB} \perp \overline{DE}$ 이다. $\overline{AB} = 10\text{cm}$, $\overline{BC} = 8\text{cm}$, $\overline{AC} = 6\text{cm}$ 일 때, 삼각형 BED의 둘레는 삼각형 ABC의 몇 배인가?

- ① $\frac{1}{3}$ 배 ② $\frac{1}{2}$ 배 ③ $\frac{1}{4}$ 배
 ④ $\frac{1}{5}$ 배 ⑤ $\frac{1}{6}$ 배



해설

$\triangle ACE \cong \triangle ADE$ (RHS 합동) 이므로 $\overline{DE} = \overline{EC}$, $\overline{AD} = \overline{AC}$ \therefore

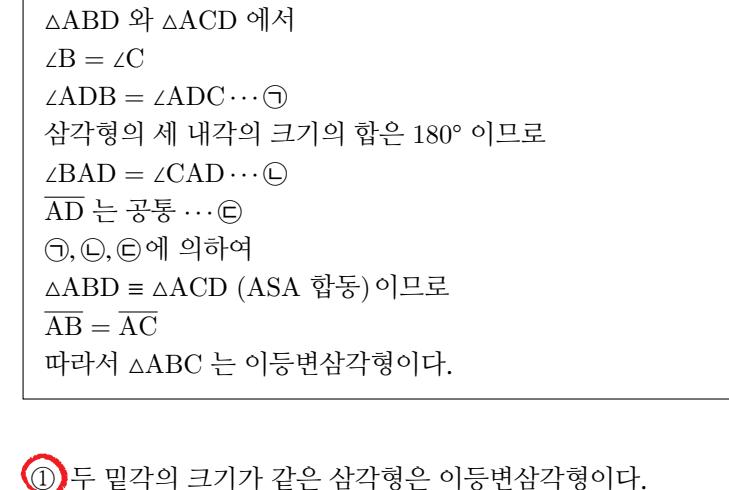
$$\overline{BD} = 4\text{cm}$$

$\triangle BDE$ 에서 $\overline{DE} + \overline{BE} = \overline{EC} + \overline{BE} = \overline{BC} = 8\text{cm}$ 이므로

$\triangle BDE$ 의 둘레의 길이 = $4 + 8 = 12(\text{cm})$

$\triangle ABC = 10 + 8 + 6 = 24(\text{cm})$ 이므로 $\frac{1}{2}$ 배이다.

22. 다음은 이등변삼각형의 어떤 성질을 보인 것인가?



꼭짓점 A에서 \overline{BC} 에 내린 수선의 발을 D라 하면

$\triangle ABD$ 와 $\triangle ACD$ 에서

$$\angle B = \angle C$$

$$\angle ADB = \angle ADC \cdots \textcircled{\text{①}}$$

삼각형의 세 내각의 크기의 합은 180° 이므로

$$\angle BAD = \angle CAD \cdots \textcircled{\text{②}}$$

\overline{AD} 는 공통 $\cdots \textcircled{\text{③}}$

$\textcircled{\text{①}}, \textcircled{\text{②}}, \textcircled{\text{③}}$ 에 의하여

$\triangle ABD \cong \triangle ACD$ (ASA 합동) 이므로

$$\overline{AB} = \overline{AC}$$

따라서 $\triangle ABC$ 는 이등변삼각형이다.

① 두 밑각의 크기가 같은 삼각형은 이등변삼각형이다.

② 세 내각의 크기가 같은 삼각형은 이등변삼각형이다.

③ 두 변의 길이가 같은 삼각형은 이등변삼각형이다.

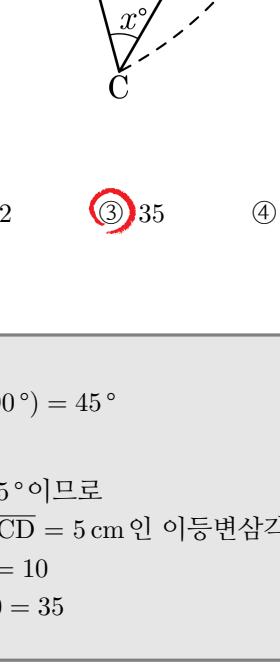
④ 이등변삼각형의 꼭지각의 이등분선은 밑변의 중점을 잇는다.

⑤ 이등변삼각형의 꼭지각의 이등분선은 밑변과 수직으로 만난다.

해설

① 두 밑각의 크기가 같은 삼각형은 이등변삼각형이다.

23. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{BC}$, $\angle B = 90^\circ$ 인 직각이등변삼각형 ABC에서 $\angle B$ 의 이등분선과 \overline{AC} 의 교점을 D라 하자. 이 때, $x - y$ 의 값은?



- ① 30 ② 32 ③ 35 ④ 37 ⑤ 39

해설

$$\angle C = \frac{1}{2}(180^\circ - 90^\circ) = 45^\circ$$

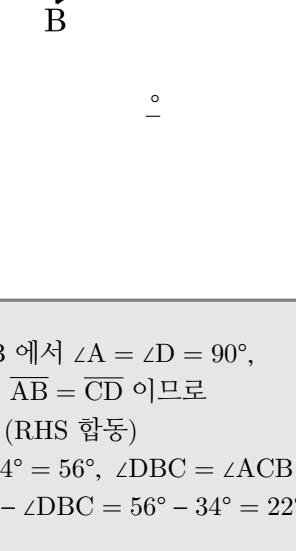
$$\therefore x = 45$$

$$\angle C = \angle CBD = 45^\circ \text{이므로}$$

$\triangle CBD$ 는 $\overline{BD} = \overline{CD} = 5\text{ cm}$ 인 이등변삼각형이고, 점 D는 \overline{AC} 의 중점이므로 $y = 10$

$$\therefore x - y = 45 - 10 = 35$$

24. 다음 그림에서 두 개의 삼각형 ABC 와 DBC 는 $\angle A = \angle D = 90^\circ$ 인
직각삼각형이다. \overline{AB} 의 연장선과 \overline{CD} 의 연장선이 만나는 점을 E 라
하고 $\overline{AB} = \overline{CD}$, $\angle ACB = 34^\circ$ 일 때, $\angle E$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

${}^\circ$

▷ 정답: $68 {}^\circ$

해설

$\triangle ABC$ 과 $\triangle DCB$ 에서 $\angle A = \angle D = 90^\circ$,

\overline{BC} 는 공통빗변, $\overline{AB} = \overline{CD}$ 이므로

$\triangle ABC \cong \triangle DCB$ (RHS 합동)

$\angle ABC = 90^\circ - 34^\circ = 56^\circ$, $\angle DBC = \angle ACB = 34^\circ$

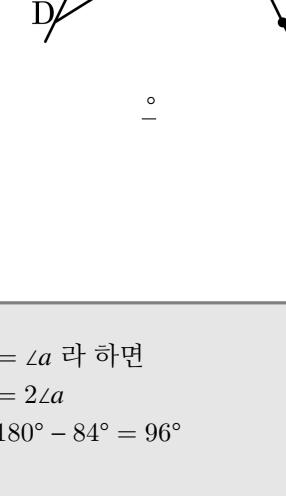
$\angle ABD = \angle ABC - \angle DBC = 56^\circ - 34^\circ = 22^\circ$

$\triangle EBD$ 에서

$\angle E + \angle ABD = 90^\circ$

$\therefore \angle E = 90^\circ - 22^\circ = 68^\circ$

25. 다음 그림에서 $\overline{AB} = \overline{AC}, \overline{BC} = \overline{BD}$ 이고 $\angle DCE = 84^\circ$ 일 때, $\angle A$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

◦

▷ 정답 : 52°

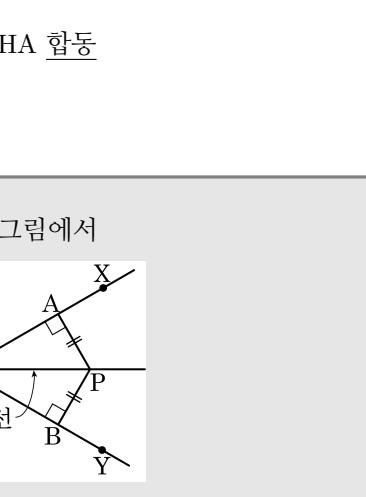
해설

$$\begin{aligned}\angle BDC &= \angle BCD = \angle a \text{ 라 하면} \\ \angle ABC &= \angle ACB = 2\angle a \\ \angle ACD &= 3\angle a = 180^\circ - 84^\circ = 96^\circ \\ \therefore \angle a &= 32^\circ \\ \angle A &= 84^\circ - 32^\circ = 52^\circ\end{aligned}$$

26. 다음을 증명할 때 사용된 합동조건을 말하여라.

‘각의 이등분선 위의 임의의 점은 그 각의 두 변에서 같은 거리에 있다.’

다음 그림과 같이 $\angle X O Y$ 의 이등분선 위의 한 점 P 에서 두 변 $\overline{O A}$, $\overline{O B}$ 에 내린 수선의 발을 각각 $\overline{A P}$, $\overline{B P}$ 라고 하면 $\overline{A P} = \overline{B P}$ 이다.



▶ 답 : 합동

▷ 정답 : RHA 합동

해설

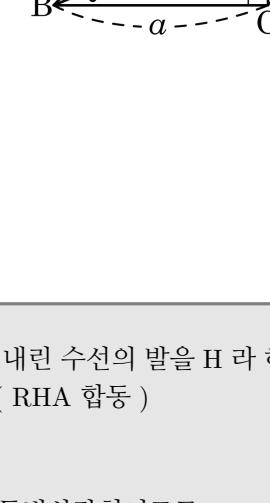
[증명] 다음 그림에서



$\angle A O P = \angle B O P$,
 $\angle O A P = \angle O B P = 90^\circ$,
빗변 $O P$ 는 공통이므로
 $\triangle A O P \cong \triangle B O P$ (RHA 합동)

$\therefore \overline{A P} = \overline{B P}$

27. 다음 그림과 같은 직각이등변삼각형 ABC에서 \overline{BD} 는 $\angle B$ 의 이등분선이다. $\overline{BC} = a$, $\overline{CD} = b$ 일 때, \overline{AB} 의 길이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $a + b$

해설

점 D에서 \overline{AB} 에 내린 수선의 발을 H라 하면

$\triangle BCD \cong \triangle BHD$ (RHA 합동)

$$\overline{DH} = \overline{DC} = b$$

$$\overline{BH} = \overline{BC} = a$$

$\triangle HDA$ 는 직각이등변삼각형이므로

$$\overline{AH} = \overline{DH} = b$$

$$\therefore \overline{AB} = a + b$$

