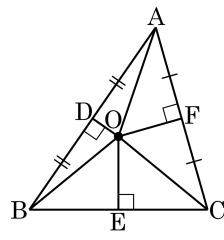


1. 다음 그림을 보고, 다음 중 크기가 같은 것끼리 묶은 것이 아닌 것은?



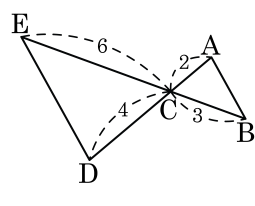
- ① $\overline{AO} = \overline{OC}$
 ② $\overline{AF} = \overline{CF}$
 ③ $\angle OEB = \angle OEC$
 ④ $\angle OBE = \angle OCE$
 ⑤ $\angle DOB = \angle FOC$

해설

$\angle DOB = \angle DOA$ 이고 $\angle FOC = \angle FOA$ 이다.

2. 다음의 그림에서 $\triangle ABC$ 와 닮음인 삼각형과 닮음 조건을 바르게 짝지어 놓은 것은?

- ① $\triangle EDC$ (SSS닮음)
- ② $\triangle DEC$ (AA닮음)
- ③ $\triangle CDE$ (SSS닮음)
- ④ $\triangle DEC$ (SSS닮음)
- ⑤ $\triangle DEC$ (SAS닮음)

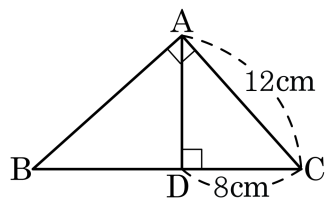


해설

$\overline{BC} : \overline{CE} = 3 : 6 = 1 : 2$, $\overline{CA} : \overline{CD} = 2 : 4 = 1 : 2$
 $\angle ECD = \angle BCA$ (맞꼭지각)

따라서 $\triangle ABC \sim \triangle DEC$ (SAS닮음) 이다.

3. 다음 그림에서 $\angle BAC = \angle ADC = 90^\circ$, $\overline{AC} = 12\text{cm}$, $\overline{CD} = 8\text{cm}$ 일 때, $\overline{BD}$ 의 길이를 구하면?

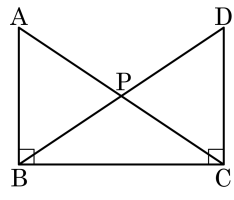


- ① 14cm ② 13cm ③ 12cm ④ 12cm ⑤ 10cm

해설

$$\begin{aligned}\overline{AC}^2 &= \overline{BC} \cdot \overline{CD} \\ 144 &= (x + 8) \times 8 \\ 8x &= 80, \quad x = 10(\text{cm})\end{aligned}$$

4. 다음 그림과 같은 두 직각삼각형에서 $\overline{AC}$ 와 $\overline{BD}$ 의 교점을 P라 할 때, $\overline{AB} = \overline{DC}$, $\angle A = \angle D$ 이면 $\triangle PBC$ 는 어떤 삼각형인가?

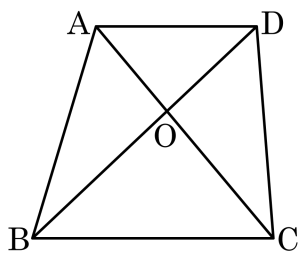


- ① 정삼각형 ② 직각이등변삼각형
③ 이등변삼각형 ④ 직각삼각형
⑤ 예각삼각형

해설

$\triangle ABC$ 와 $\triangle DCB$ 에서
i) $\overline{AB} = \overline{DC}$
ii) $\angle ABC = \angle DCB = 90^\circ$
iii) $\overline{BC} = \overline{CB}$
i), ii), iii)에 의해 $\triangle ABC \cong \triangle DCB$
따라서 $\angle ACB = \angle CBD$ 이므로
 $\triangle PBC$ 는 이등변삼각형

5. 사다리꼴 ABCD 는 $\overline{AD} // \overline{BC}$ 이고, $\overline{BO} : \overline{OD} = 3 : 2$ 이다. $\triangle ODC = 18\text{cm}^2$ 일 때, $\triangle OBC$ 의 넓이는?



- ① 9cm^2 ② 18cm^2 ③ 27cm^2
 ④ 36cm^2 ⑤ 45cm^2

해설

$\triangle OBC$ 와 $\triangle ODC$ 의 높이는 같다.

$$3 : 2 = \triangle OBC : 18\text{cm}^2 \quad \therefore \triangle OBC = 27\text{cm}^2$$

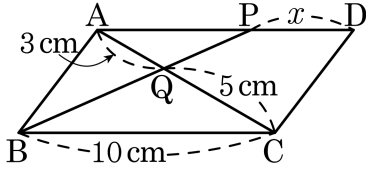
6. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① 닮은 도형이란 서로 닮음인 관계에 있는 두 도형을 말한다.
- ② 서로 닮은 두 평면도형에서 대응하는 변의 길이의 비는 일정하다.
- ③ $\triangle ABC$ 와 $\triangle DEF$ 가 닮음일 때, $\triangle ABC \sim \triangle DEF$ 와 같이 나타낸다.
- ④ 두 닮은 평면도형에서 대응하는 각의 크기는 다를 수도 있다.
- ⑤ 두 닮은 입체도형에서 대응하는 선분의 길이의 비는 일정하다.

해설

두 닮은 평면도형에서 대응하는 각의 크기는 항상 같다.

7. 다음 그림의 평행사변형 ABCD에서 $\overline{AQ} = 3\text{cm}$, $\overline{QC} = 5\text{cm}$, $\overline{BC} = 10\text{cm}$ 일 때, x 의 길이는?

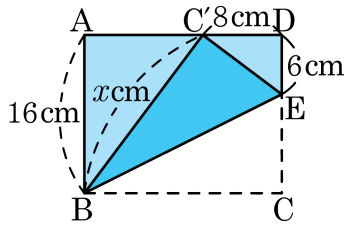


- ① 4 cm ② 5 cm ③ 6 cm ④ 9 cm ⑤ 12 cm

해설

$\triangle APQ \sim \triangle CBQ$ (AA 닮음) 이고, $\overline{AP}$ 를 $y\text{cm}$ 라 하면 $3 : 5 = y : 10$, $y = 6\text{cm}$ 이다.
 $\overline{AD} = 10\text{cm}$ 이므로 $x = 4\text{cm}$ 이다.

8. 다음 그림의 직사각형 ABCD 에서 $\overline{BE}$ 를 접는 선으로 꼭짓점 C 가
 변 AD 위의 점 C' 에 오도록 접었을 때, x 의 값은?

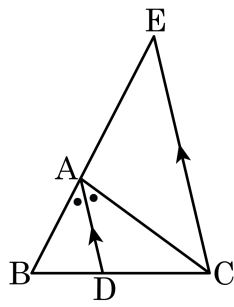


- ① 18 ② 20 ③ 22 ④ 24 ⑤ 26

해설

접어 올린 삼각형이므로 $\overline{EC} = \overline{EC'}$ 이다.
 $\angle ABC' + \angle AC'B = \angle AC'B + \angle EC'D = 90^\circ$
 $\Rightarrow \angle ABC' = \angle EC'D \dots \textcircled{㉠}$
 $\angle A = \angle D = 90^\circ \dots \textcircled{㉡}$
 $\textcircled{㉠}, \textcircled{㉡}$ 에 의해 $\triangle ABC' \sim \triangle DC'E$
 $\overline{AB} : \overline{DC'} = \overline{BC'} : \overline{C'E}$ 이므로 $16 : 8 = x : 10$
 $\therefore x = 20$

9. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\angle BAD = \angle CAD$, $\overline{AD} \parallel \overline{CE}$ 일 때, 옳지 않은 것은?

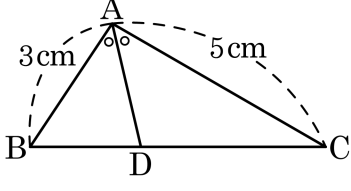


- ① $\overline{AC} = \overline{AE}$ ② $\angle ACE = \angle AEC$
 ③ $\overline{AB} : \overline{BE} = \overline{BD} : \overline{BC}$ ④ $\overline{AB} : \overline{AC} = \overline{BD} : \overline{DC}$
 ⑤ $\overline{AD} : \overline{EC} = \overline{BD} : \overline{CD}$

해설

⑤ $\triangle BDA$ 와 $\triangle BCE$ 는 닮음이다.
 따라서 $\overline{AB} : \overline{BE} = \overline{BD} : \overline{BC}$ 이고 $\overline{AD} : \overline{EC} = \overline{BD} : \overline{BC}$ 이다.

10. 다음 그림에서 $\overline{AD}$ 는 $\angle A$ 의 이등분선이다. $\triangle ABC$ 의 넓이가 48cm^2 일 때, $\triangle ABD$ 의 넓이는?



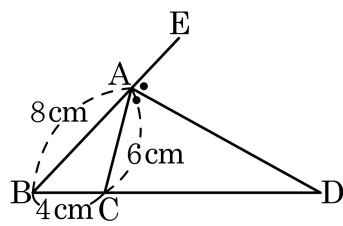
- ① 9cm^2 ② 18cm^2 ③ 27cm^2
 ④ 32cm^2 ⑤ 36cm^2

해설

$\overline{AD}$ 는 $\angle A$ 의 이등분선이므로 $\overline{AB} : \overline{AC} = \overline{BD} : \overline{DC} = 3 : 5$
 $\triangle ABD$ 와 $\triangle ADC$ 에서 높이는 같고, 밑변이 $3 : 5$ 이므로 $\triangle ABD : \triangle ADC = 3 : 5$ 이다.

$$\therefore \triangle ABD = \frac{3}{8} \triangle ABC = \frac{3}{8} \times 48 = 18(\text{cm}^2)$$

11. 삼각형 ABC 에서 $\overline{AD}$ 가 $\angle CAE$ 의 이등분선일 때, $\overline{CD}$ 의 길이를 구하여라.(단, 점 D 는 $\angle A$ 의 외각의 이등분선과 $\overline{BC}$ 의 연장선과의 교점이다.)



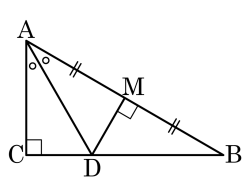
- ① 8 cm ② 10 cm ③ 12 cm
 ④ 14 cm ⑤ 16 cm

해설

$$8:6 = (4+x):x$$

$$\therefore x = 12$$

12. 다음 그림과 같이 $\angle C = 90^\circ$ 인 $\triangle ABC$ 에서 $\angle A$ 의 이등분선과 $\overline{AB}$ 의 수직이등분선이 $\overline{BC}$ 위의 점 D 에서 만날 때, $\angle MAD$ 의 크기는?

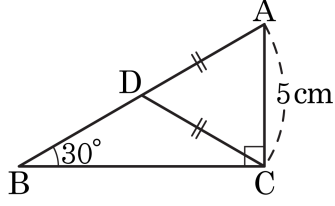


- ① 10° ② 20° ③ 30°
④ 40° ⑤ 50°

해설

$\triangle ACD \equiv \triangle AMD$ (RHA 합동),
 $\triangle AMD \equiv \triangle BMD$ (SAS 합동) 이므로
 $\angle ADC = \angle ADM = \angle BDM$
한편 $\angle ADC + \angle ADM + \angle BDM = 180^\circ$ 이므로
 $\angle ADC = \angle ADM = \angle BDM = 60^\circ$
따라서 $\angle MAD = 30^\circ$ 이다.

13. 다음 그림과 같이 $\angle C = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC 에서 $\overline{AD} = \overline{CD}$ 일 때, $\overline{AB}$ 의 길이는?

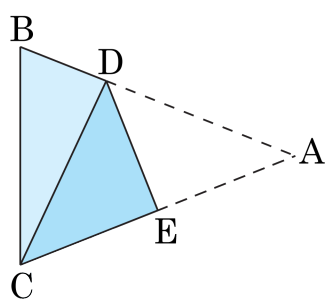


- ① 7cm ② 8cm ③ 9cm ④ 10cm ⑤ 11cm

해설

$\triangle ABC$ 에서
 $\angle BAC = 180^\circ - (90^\circ + 30^\circ) = 60^\circ$
 $\triangle ACD$ 는 이등변삼각형이므로 $\angle DAC = \angle DCA$
 그런데 $\angle DAC = \angle BAC$ 이므로 $\angle DAC = \angle DCA = 60^\circ$
 또 $\angle CDA = 60^\circ$ 이므로 $\triangle ACD$ 는 정삼각형
 $\angle C = 90^\circ$ 이고 $\angle DCA = 60^\circ$ 이므로
 $\angle BCD = 90^\circ - 60^\circ = 30^\circ$
 따라서 $\triangle BCD$ 는 이등변삼각형
 $\overline{AD} = \overline{CD} = \overline{BD}$ 이므로
 $\overline{AB} = \overline{AD} + \overline{BD} = 5 + 5 = 10(\text{cm})$

14. 다음 그림은 $\angle B = \angle C$ 인 삼각형 ABC 를 점 A 가 점 C 에 오도록 접은 것이다. $\angle DCB = 25^\circ$ 일 때, $\angle A$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: 0

▷ 정답 : $\frac{130}{3}$ °

해설

$\angle A = \angle x$ 라 하면
 $\angle DCE = \angle A = \angle x$

$$\angle DCE = \angle A = \angle x$$

$$\angle B = \angle C = \angle x + 2$$

$$\angle B = \angle C = \angle x + 25^\circ$$

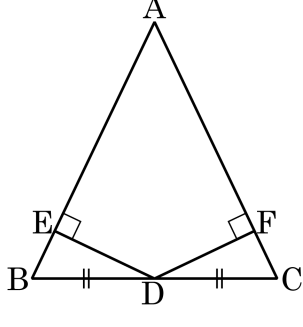
$\triangle ABC$ 에서 세 내각의 크기의 합은 180° 이므로

$$\angle x + 2(\angle x + 25^\circ) = 180^\circ$$

$$3\angle x = 130^\circ, \angle x = \frac{130^\circ}{3}$$

$$\therefore \angle A = \frac{130^\circ}{3}$$

15. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 변 BC 의 중점을 D 라 하자. 점 D 에서 변 AB , AC 에 내린 수선의 발을 각각 E , F 라 하고, $\overline{DE} = \overline{DF}$ 일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

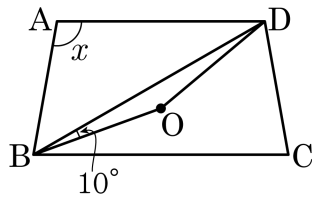


- ① $\overline{EB} = \overline{FC}$
- ② $\angle EBD = \angle FCD$
- ③ $\triangle ABC$ 는 이등변삼각형
- ④ $\triangle EBD \equiv \triangle FCD$ (RHA 합동)
- ⑤ $\triangle AED \equiv \triangle AFD$ (RHS 합동)

해설

- ④ $\triangle EBD \equiv \triangle FCD$ (RHS 합동)

16. 다음 그림에서 점 O 는 $\triangle ABD$ 와 $\triangle BDC$ 의 외심이다. $\angle OBD = 10^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.

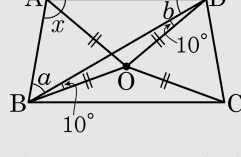


▶ 답 : 0

▶ 정답 : 100°

해설

점 O 는 $\triangle BDC$ 의 외심이므로 $\overline{OB} = \overline{OD}$
 $\triangle ODB$ 는 이등변삼각형이므로 $\angle OBD = 10^\circ$
 $\therefore \angle DOB = 180^\circ - 20^\circ = 160^\circ$



점 O 는 $\triangle ABD$ 의 외심이므로 $OB = OA = OD$ 이고 $\angle ABD = a$, $\angle ADB = b$ 라 하면

$\triangle ABO$ 는 이등변삼각형이므로 $\angle OAB = a + 10^\circ$
 $\triangle ADO$ 도 이등변삼각형이므로 $\angle OAD = b + 10^\circ$

따라서 사각형 OBAD의 합은 360° 이므로

$$/OBA + /BAD + /ADO + /DOB$$

$$= (a + 10^\circ) + (a + 10^\circ + b + 10^\circ) + (b + 10^\circ) + 160^\circ$$

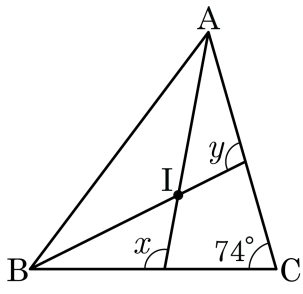
$$= 2a + 2b + 200^\circ$$

$$= 360^\circ$$

$$\therefore a + b = 80^\circ$$

$$\therefore \angle A = a + b + 20^\circ = 80^\circ + 20^\circ = 100^\circ$$

17. 다음 그림에서 점 I 는 $\triangle ABC$ 의 내심이다. $\angle x + \angle y$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: 0

▶ 정답 : 201°

해설

$$\triangle ABC \text{에서 } \angle IAB = \angle IAC = a,$$

$\angle ABI = \angle CBI = b$ 라 하자.

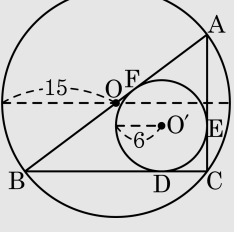
$$2\angle a + 2\angle b + 74^\circ = 180^\circ$$
$$\therefore \angle a + \angle b = 53^\circ$$
$$\angle x + \angle y = (\angle a + 74^\circ) + (\angle b + 74^\circ) = \angle a + \angle b + 148^\circ = 201^\circ$$

18. 직각삼각형 ABC의 외접원의 반지름이 15, 내접원의 반지름이 6일 때, 직각삼각형 ABC의 넓이를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 216

해설



위의 그림과 같을 때,
 $\overline{AE} = \overline{AF} = a$ 라 하면 $\overline{AC} = a + 6$
 $\overline{AB} = 2\overline{BO} = 30$ 이므로
 $\overline{BD} = \overline{BF} = 30 - a$
 $\therefore \overline{BC} = \overline{BD} + \overline{DC} = (30 - a) + 6 = 36 - a$
 $\therefore \triangle ABC = \frac{1}{2}(\overline{AB} + \overline{BC} + \overline{CA}) \times 6$
 $= \frac{1}{2} \times \{30 + (36 - a) + (a + 6)\} \times 6$
 $= 216$

19. 다음 보기 중에서 서로 닮은 도형은 모두 몇 개인가?

보기

두 구, 두 정사면체, 두 정팔각기둥,
두 원뿔, 두 정육면체, 두 정육각형,
두 마름모, 두 직각삼각형, 두 직육면체,
두 원기둥, 두 직각이등변삼각형

- ① 5 개 ② 6 개 ③ 7 개 ④ 8 개 ⑤ 4 개

해설

서로 닮은 도형은 구와 정사면체, 정육각형, 정육면체, 직각이등변삼각형이다.

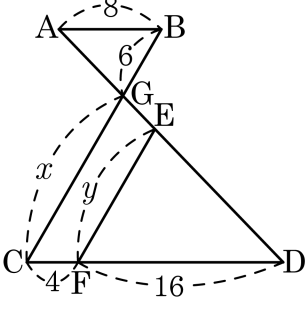
20. 닮음비가 4 : 5인 두 정사각형이 있다. 이 두 정사각형의 둘레의 합이 72cm일 때, 작은 정사각형의 한 변의 길이를 a cm, 큰 정사각형의 한 변의 길이를 b cm라고 하자. $a + b$ 의 값은?

① 8 ② 10 ③ 18 ④ 32 ⑤ 40

해설

두 정사각형의 둘레의 합이 72cm 이므로 작은 정사각형의 둘레는 $72 \times \frac{4}{9} = 32(\text{cm})$, 큰 정사각형의 둘레는 $72 \times \frac{5}{9} = 40(\text{cm})$ 이다. 따라서 한 변의 길이는 각각 $a = 8$, $b = 10$ 이다.
 $\therefore a + b = 8 + 10 = 18$

21. 다음 그림에서 $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$, $\overline{EF} \parallel \overline{GC}$ 일 때, $x + y$ 의 값은?

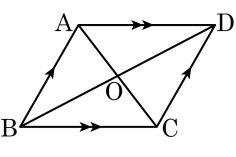


- ① 26 ② 27 ③ 28 ④ 29 ⑤ 30

해설

$\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ 이므로 $\overline{AB} : \overline{CD} = \overline{GB} : \overline{GC}$
 $8 : 20 = 6 : x$
 $2x = 30 \quad \therefore x = 15$
 $\overline{EF} \parallel \overline{GC}$ 이므로 $\overline{DF} : \overline{DC} = \overline{EF} : \overline{GC}$
 $16 : 20 = y : 15$
 $5y = 60 \quad \therefore y = 12$
 $\therefore x + y = 15 + 12 = 27$

22. 평행사변형 ABCD 의 두 대각선 AB, CD 의 교점을 O 라고 할 때, 다음 중 옳은 것은?

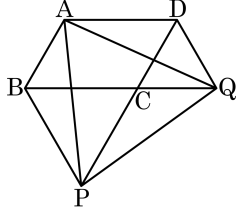


- ① $\angle OBA = \angle OCD$
 ② $\triangle OAB \equiv \triangle OAD$
- ③ $\overline{OA} = \overline{OC}, \overline{OB} = \overline{OD}$
 ④ $\overline{AB} = \overline{AD}, \overline{CB} = \overline{CD}$
- ⑤ $\overline{OA} = \overline{OB} = \overline{OC} = \overline{OD}$

해설

$\triangle AOD$ 와 $\triangle COB$ 에서 $\angle DAO = \angle BCO$ (엇각)
 $\overline{AD} = \overline{BC}$ (평행사변형의 대변)
 $\angle ADO = \angle CBO$ (엇각)
 $\therefore \triangle AOD \equiv \triangle COB$ (ASA 합동)
 $\therefore \overline{OA} = \overline{OC}, \overline{OB} = \overline{OD}$

23. 평행사변형 ABCD 의 두 변 BC, CD 를 각각 한 변으로 하는 정삼각형 BPC 와 CQD 를 그렸다. $\overline{AP} = 6\text{cm}$ 일 때, $\overline{PQ}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 6 cm

해설

$\triangle ABP$ 와 $\triangle QDA$ 에서

$$\overline{AB} = \overline{QD}, \overline{BP} = \overline{DA}$$

$$\angle QDA = \angle ABP$$

$$\therefore \triangle ABP \equiv \triangle QDA \text{ (SAS 합동)} \cdots \textcircled{1}$$

$\triangle ABP$ 와 $\triangle QCP$ 에서

$$\overline{AB} = \overline{QC}, \overline{BP} = \overline{CP}$$

$$\angle QCP = 360^\circ - 60^\circ - 60^\circ - \angle DCB$$

$$= 240^\circ - (180^\circ - \angle ABC)$$

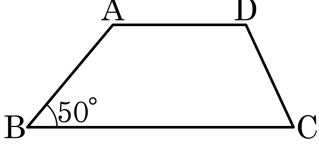
$$= 60^\circ + \angle ABC$$

$$= \angle ABP$$

$$\therefore \triangle ABP \equiv \triangle QCP \text{ (SAS 합동)} \cdots \textcircled{2}$$

①, ②에서 $\overline{AP} = \overline{AQ} = \overline{PQ}$ 이므로 $\overline{PQ} = 6$ (cm) 이다.

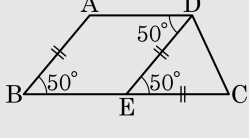
24. 다음 그림과 같은 사다리꼴 ABCD에서 $\overline{BC} = \overline{AB} + \overline{AD}$ 일 때, $\angle D$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : °

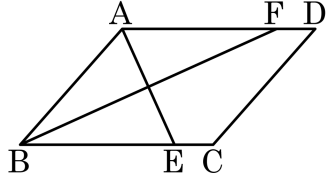
▷ 정답 : 115°

해설



$\overline{AB} // \overline{DE}$ 인 $\overline{DE}$ 를 그으면 $\square ABED$ 는 평행사변형이고 $\overline{AB} = \overline{DE} = \overline{EC}$ 이다.
 $\angle EDC = (180^\circ - 50^\circ) \div 2 = 65^\circ$
 $\therefore \angle D = 50^\circ + 65^\circ = 115^\circ$

25. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} : \overline{AD} = 4 : 5$ 이고, 넓이가 30 인 평행사변형 ABCD 에서 $\angle A$, $\angle B$ 의 이등분선이 변 BC, AD 와 만나는 점을 각각 E, F 라 할 때, 삼각형 ABF 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 12

해설

$\overline{AD} = \overline{BC}$, $\overline{AB} = \overline{CD}$ 이므로 $\square ABCD$ 는 평행사변형이다.

$\therefore \overline{AB} : \overline{AD} = 4 : 5$ 이므로 $\overline{AB} = 4k$, $\overline{AD} = 5k$ 라 하면

$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 에서 $\angle FAE = \angle AEB$ (엇각) 이므로 $\triangle BEA$ 는 이등변 삼각형이다.

$\therefore \overline{BE} = \overline{AB} = 4k$

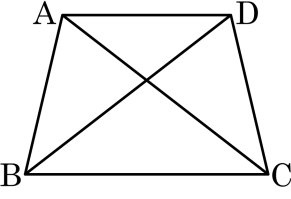
$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 에서 $\angle AFB = \angle FBC$ (엇각) 이므로 $\triangle ABF$ 는 이등변 삼각형이다.

$\therefore \overline{AF} = \overline{AB} = 4k$

따라서 $\square ABEF$ 도 평행사변형이 된다.

$$\begin{aligned} \therefore \triangle ABF &= \frac{1}{2} \square ABEF \\ &= \frac{1}{2} \times \frac{4}{5} \square ABCD \\ &= \frac{2}{5} \square ABCD \\ &= \frac{2}{5} \times 30 \\ &= 12 \end{aligned}$$

26. 다음 그림의 □ABCD 는 $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 인 등변사다리꼴이다. 다음 중 옳지 않은 것은?

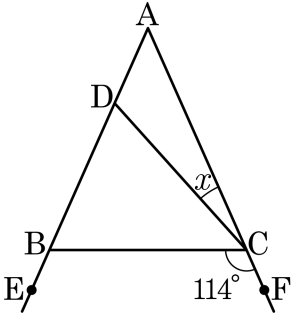


- ① $\angle A = \angle D$
- ② $\overline{AB} = \overline{DC}$
- ③ $\overline{AC} = \overline{DB}$
- ④ $\angle ACB = \angle BDC$
- ⑤ $\angle BAC = \angle BDC$

해설

- ① $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이므로
 $\angle A + \angle B = 180^\circ$, $\angle C + \angle D = 180^\circ$
등변사다리꼴의 정의에 의해서
 $\angle B = \angle C$ 이므로 $\angle A = \angle D$ 이다.
- ② 등변사다리꼴의 정의
- ③ 등변사다리꼴의 성질
- ⑤ $\overline{AB} = \overline{DC}$ 이고, $\overline{BC}$ 는 공통, $\therefore \angle BAC = \angle BDC$
 $\angle B = \angle C$ 이므로 $\triangle ABC \cong \triangle DCB$

27. 다음 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB} = \overline{AC}$, $\overline{CB} = \overline{CD}$, $\angle BCF = 114^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?

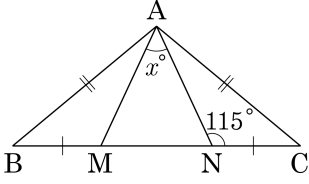


- ① 18° ② 24° ③ 30° ④ 36° ⑤ 42°

해설

$\triangle ABC$ 에서
 $\angle ABC = \angle BCA = 180^\circ - 114^\circ = 66^\circ$
 $\triangle CDB$ 에서
 $\angle BCD = 180^\circ - (2 \times 66^\circ) = 48^\circ$
따라서 $\angle x = 66^\circ - 48^\circ = 18^\circ$ 이다.

28. $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형 ABC에서 $\overline{BM} = \overline{CN}$ 이고, $\angle ANC = 115^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

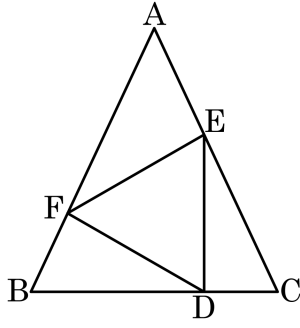
▷ 정답 : 50°

해설

이등변삼각형이므로 $\angle B = \angle C$ 이고
 $\overline{AB} = \overline{AC}$, $\overline{BM} = \overline{CN}$ 이므로
 $\triangle ABM \cong \triangle ACN$ (SAS 합동)
 $\therefore \overline{AM} = \overline{AN}$

즉, $\triangle AMN$ 이 이등변삼각형이므로
 $\angle AMN = \angle ANM = 180^\circ - 115^\circ = 65^\circ$
 $\therefore x = 180^\circ - (65^\circ \times 2) = 50^\circ$

29. 다음과 같이 $\angle B = \angle C$ 인 삼각형 ABC 에 정삼각형 DEF 가 내접해 있다. $\angle AFE = 35^\circ$, $\angle BDF = 30^\circ$ 일 때, $\angle DEC$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 ▶ ○ —

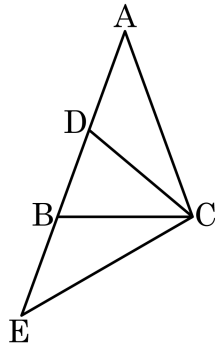
▶ 정답 : 25 _

해설

$\angle B = \angle C = \angle a$ 라 하면 삼각형의 두 내각의 크기의 합은 다른 한 각의 외각의 크기와 같으므로

$$\triangle BDF \text{ 에서 } \angle a + 30^\circ = 35^\circ + 60^\circ \quad \therefore \angle a = 65^\circ$$
 $\triangle CDE$ 에서
$$\Delta CDE \text{ 에서 } \angle C = 80^\circ, \angle D = 60^\circ, \angle E = 65^\circ \text{ 이고 } \angle BDE = 90^\circ$$
$$\angle a + \angle \text{DEC} = 3$$

30. 다음 그림에서 삼각형 ABC, ECD, CBD 는 $\angle ABC = \angle ACB, \angle ECD = \angle EDC, \angle CBD = \angle CDB$ 인 이등변삼각형이고, $\angle ACE = 100^\circ$ 일 때, $\angle BCD$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 ▶

▶ 정답 : 40°

해설

 $\angle BCD = \angle x, \angle ACD = \angle y$ 라 하면

$\triangle ABC$ 에서 $\angle ABC = \angle x + \angle y$

$$\triangle ABC \text{ 에서 } \angle ABC = \angle x + \angle y$$

$\triangle CBD$ 에서 $\angle CDB = \angle x + \angle y$

 ΔECD 에서
$$\angle ECB = \angle y$$
 $\angle ECB = \angle y$
 $\angle ACE = 100^\circ$ 이므로

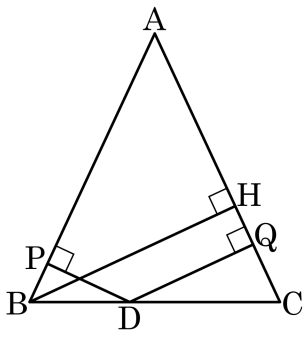
$\angle ACE = 100^\circ$ 이므로

$$\angle x + 2\angle y = 100^\circ \dots \textcircled{7}$$

ΔCBD 에서 세 내각의 크기의 합은 180

$$3\angle x + 2\angle y = 180^\circ \dots (1)$$

31. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 이등변삼각형이다. $\overline{BC}$ 위의 한 점 D 에서 $\overline{AB}, \overline{AC}$ 에 내린 수선의 발을 각각 P, Q 라 할 때, $\overline{DP} = 4\text{cm}, \overline{DQ} = 6\text{cm}$ 이다. 점 B 에서 $\overline{AC}$ 에 내린 수선의 길이를 구하여라.

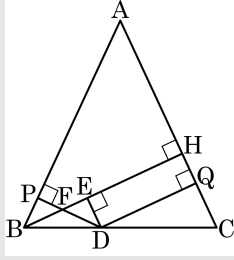


▶ 답 : cm

▷ 정답 : 10 cm

해설

점 D 에 $\overline{BH}$ 에 내린 수선의 발을 E , $\overline{PD}$ 와 $\overline{BH}$ 의 교점을 F 라고 하면



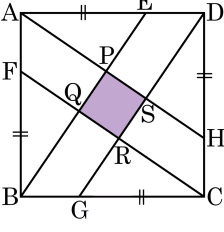
$$\triangle PFB \cong \triangle DFE$$

$$\overline{BF} + \overline{FE} = \overline{DF} + \overline{FP} = 4 \text{ (cm)}$$

$$\overline{DQ} = \overline{EH} = 6 \text{ (cm)}$$

$$\therefore \overline{BH} = \overline{BE} + \overline{EH} = 4 + 6 = 10 \text{ (cm)}$$

32. 정사각형 ABCD 의 각 변에 $\overline{AF} = \overline{BG} = \overline{CH} = \overline{DE}$ 가 되도록 점 E, F, G, H 를 잡았을 때, $\square PQRS$ 는 어떤 사각형이 되는지 말하여라.



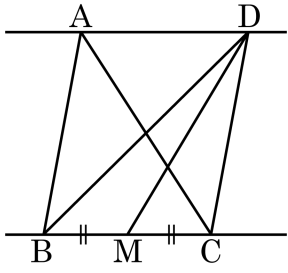
▶ 답 :

▷ 정답 : 정사각형

해설

(i) $\square AFCH, \square BGDE$ 는 평행사변형
 $\therefore \square PQRS$ 는 $\overline{PS} \parallel \overline{QR}, \overline{PQ} \parallel \overline{SR}$ 인 평행사변형
(ii) $\triangle APE \equiv \triangle BQF \equiv \triangle CRG \equiv \triangle DSH$
 $\therefore \angle QPS = \angle PSR = \angle SRQ = \angle RQP = 90^\circ$
(iii) $\overline{PQ} = \overline{BE} - \overline{PE} - \overline{BQ} = \overline{CF} - \overline{FQ} - \overline{RC} = \overline{QR}$
 $\therefore \overline{PQ} = \overline{QR} = \overline{RS} = \overline{SP}$
(i), (ii), (iii) 에 의하여 $\square PQRS$ 는 정사각형이다.

33. 다음 그림에서 $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이고 점 M은 $\overline{BC}$ 의 중점이다. $\triangle ABC = 40 \text{ cm}^2$ 일 때, $\triangle DMC$ 의 넓이를 구하여라.



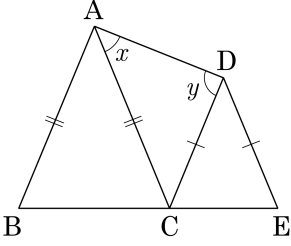
▶ 답 : cm²

▷ 정답 : 20cm²

해설

$$\begin{aligned} &\overline{AD} \parallel \overline{BC} \text{ 이므로} \\ &\triangle DBC = \triangle ABC = 40 \text{ (cm}^2\text{)} \\ &\triangle DMC = \frac{1}{2} \triangle ABC = \frac{1}{2} \times 40 = 20 \text{ (cm}^2\text{)} \end{aligned}$$

34. 다음 그림과 같이 $\triangle ABC$, $\triangle DCE$ 는 이등변삼각형이고 $\angle A = 38^\circ$, $\angle DCE = 72^\circ$ 라 할 때, $\angle x + \angle y$ 의 값 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 143°

해설

$\triangle ABC$ 에서 $\angle A = 38^\circ$ 인 이등변삼각형이므로

$$\angle ABC = \frac{1}{2}(180^\circ - 38^\circ) = 71^\circ$$

$\triangle DCE$ 가 이등변삼각형이므로 $\angle DEC = 72^\circ$

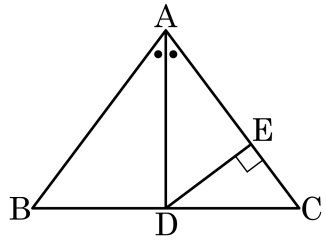
$$\text{또한 } \angle CDE = 180^\circ - (72^\circ \times 2) = 36^\circ$$

따라서 $\square ABED$ 에서

$$\angle x + \angle y + 38^\circ + 71^\circ + 72^\circ + 36^\circ = 360^\circ$$

$$\therefore \angle x + \angle y = 143^\circ$$

35. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB} = \overline{AC} = 10\text{cm}$, $\overline{DC} = 6\text{cm}$, $\overline{DE} = 4.8\text{cm}$, 일 때, $\overline{AD}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▶ 정답 : 8 cm

해설

$\overline{AD}$ 는 이등변삼각형의 꼭지각의 이등분선이므로 $\overline{BD} = \overline{CD}$, $\angle ADC = 90^\circ$ 이다.

$$\triangle ADC = \frac{1}{2} \times 6 \times \overline{AD} = \frac{1}{2} \times 10 \times 4.8$$

$$\therefore \overline{AD} = 8(\text{cm})$$