

1.  $x \geq 0, y \geq 0$   $\circ$   $x + 3y = 8$  일 때,  $\sqrt{x} + \sqrt{3y}$ 의 최댓값은?

- ① 2      ② 3      ③  $\sqrt{10}$       ④  $\sqrt{15}$       ⑤ 4

2.  $x, y$ 가 실수이 $\mid$ 고  $x^2 + y^2 = 10$  일 때  $x + 3y$ 의 최댓값은?

- ① 5      ② 6      ③ 8      ④ 9      ⑤ 10

3.  $(1+a)(1+b)(1+c) = 8$  인 양수  $a, b, c$ 에 대하여  $abc \leq 1$ 임을 다음과 같이 증명하였다.

증명

$(1+a)(1+b)(1+c) = 8$ 을 전개하면  
 $1 + (a+b+c) + (ab+bc+ca) + abc = 8$   
이 때,  $a > 0, b > 0, c > 0$  이므로 산술평균, 기하평균의 관계를  
이용하면  
 $a+b+c \geq 3\sqrt[3]{abc}$   
(단, 등호는  $a=b=c$  일 때 성립)  
 $ab+bc+ca \geq 3$  ([가])  
(단, 등호는  $a=b=c$  일 때 성립)  
 $\therefore S \geq 1 + 3\sqrt[3]{abc} + 3(\sqrt[3]{abc})^2 + abc$   
 $= (1 + \sqrt[3]{abc})^3$   
따라서  $\sqrt[3]{abc} + 1 \leq 2, abc \leq 1$   
(단, 등호는 ([나]) 일 때 성립)

위의 증명에서 [가], [나], [다]에 알맞은 것을 순서대로 적으면 ?

①  $abc, a = b = c = 1$       ②  $\sqrt[3]{abc}, a = 2^{\circ}$  ]고  $b = c$

③  $(\sqrt[3]{abc})^2, a = b = c = 1$       ④  $abc, a = b^{\circ}$  ]고  $c = 2$

⑤  $(\sqrt[3]{abc})^2, a = b = c = 2$