

1. 분모가 17인 세 진분수 \textcircled{A} , \textcircled{B} , \textcircled{C} 가 있습니다. 세 분수의 합은 $1\frac{10}{17}$ 이고, 세 분수의 분자는 \textcircled{A} 가 \textcircled{B} 보다 $\frac{2}{17}$ 가 작고, \textcircled{B} 도 \textcircled{C} 보다 $\frac{2}{17}$ 가 작다고 합니다. $\textcircled{B} + \textcircled{C} - \textcircled{A}$ 의 값을 구하시오.

▶ 답:

▶ 정답: $\frac{13}{17}$

해설

$$\textcircled{A} = \frac{\textcircled{A}}{17}, \textcircled{B} = \frac{\textcircled{B}}{17}, \textcircled{C} = \frac{\textcircled{C}}{17}$$

$$\frac{\textcircled{A}}{17} + \frac{\textcircled{B}}{17} + \frac{\textcircled{C}}{17} = \frac{\textcircled{A} + \textcircled{B} + \textcircled{C}}{17} = 1\frac{10}{17} = \frac{27}{17}$$

$$\textcircled{A} + \textcircled{B} + \textcircled{C} = 27$$

$$\textcircled{A} = \textcircled{B} - 2 \rightarrow \textcircled{C} = \textcircled{A} + 2$$

$$\textcircled{C} = \textcircled{C} - 2 \rightarrow \textcircled{A} + 2 = \textcircled{C} - 2 \rightarrow \textcircled{C} = \textcircled{A} + 4$$

$$\textcircled{A} + \textcircled{B} + \textcircled{C} = 27$$

$$\textcircled{A} + (\textcircled{A} + 2) + (\textcircled{A} + 4) = 27$$

$$\textcircled{A} + \textcircled{A} + \textcircled{A} + 6 = 27$$

$$\textcircled{A} + \textcircled{A} + \textcircled{A} = 21$$

$$\textcircled{A} = 7, \textcircled{B} = 9, \textcircled{C} = 11$$

$$\textcircled{A} = \frac{7}{17}, \textcircled{B} = \frac{9}{17}, \textcircled{C} = \frac{11}{17}$$

따라서 $\textcircled{B} + \textcircled{C} - \textcircled{A} = \frac{9}{17} + \frac{11}{17} - \frac{7}{17} = \frac{13}{17}$ 입니다.

2. 아버지께서 자동차에 남아 있는 휘발유의 양을 재어보니 $4\frac{4}{8}$ L 였습니다. 오늘 운전하시는 동안 남아 있는 휘발유의 $\frac{3}{4}$ 을 쓴 후, 주유소에서 휘발유 $12\frac{7}{8}$ L 를 더 넣었다면 자동차에 들어 있는 휘발유는 몇 L 입니까?

▶ 답: L

▷ 정답: 14L

해설

휘발유의 $\frac{3}{4}$ 을 사용하였으므로 처음에 자동차에 남아있는 휘발유의 양을 1이라 하면 오늘 운전하고 남은 휘발유는 전체의 $\frac{1}{4}$ 입니다.

$4\frac{4}{8} = \frac{36}{8} = \frac{9}{8} + \frac{9}{8} + \frac{9}{8} + \frac{9}{8}$ 이므로 운전하신 후

남아 있는 휘발유의 양은 $\frac{9}{8} = 1\frac{1}{8}$ (L)입니다.

따라서 자동차에 들어 있는 휘발유의 양은

$1\frac{1}{8} + 12\frac{7}{8} = 13\frac{8}{8} = 14$ (L)입니다.

3. 아버지께서 자동차에 남아 있는 휘발유의 양을 재어보니 $4\frac{4}{8}$ L 였습니다. 오늘 운전하시는 동안 남아 있는 휘발유의 $\frac{3}{4}$ 을 쓴 후, 주유소에서 휘발유 $12\frac{7}{8}$ L 를 더 넣었다면 자동차에 들어 있는 휘발유는 몇 L 입니까?

▶ 답: L

▷ 정답: 14L

해설

휘발유의 $\frac{3}{4}$ 을 사용하였으므로 처음에 자동차에 남아있는 휘발유의 양을 1이라 하면 오늘 운전하고 남은 휘발유는 전체의 $\frac{1}{4}$ 입니다.

$4\frac{4}{8} = \frac{36}{8} = \frac{9}{8} + \frac{9}{8} + \frac{9}{8} + \frac{9}{8}$ 이므로 운전하신 후

남아 있는 휘발유의 양은 $\frac{9}{8} = 1\frac{1}{8}$ (L) 입니다.

따라서 자동차에 들어 있는 휘발유의 양은

$1\frac{1}{8} + 12\frac{7}{8} = 13\frac{8}{8} = 14$ (L) 입니다.

4. 영민이는 자전거로 한 시간에 $4\frac{4}{9}$ km 를 간다고 합니다. 같은 빠르기로 3시간 30분 동안 간다면 영민이가 간 거리는 몇 km 입니까?

▶ 답: km

▷ 정답: $15\frac{5}{9}$ km

해설

$$4\frac{4}{9} = \frac{40}{9} = \frac{20}{9} + \frac{20}{9} \text{ 이므로}$$

30분동안 간 거리는 $\frac{20}{9} = 2\frac{2}{9}$ (km) 입니다.

따라서 3시간 30분동안 간 거리는

$$\begin{aligned} 4\frac{4}{9} + 4\frac{4}{9} + 4\frac{4}{9} + 2\frac{2}{9} &= 14 + \frac{14}{9} = 14 + 1\frac{5}{9} \\ &= 15\frac{5}{9} \text{ (km)} \end{aligned}$$

5. 다음을 계산 결과가 작은 순서대로 나열한 것은 무엇입니까?

보기

㉠ $5 - 2\frac{7}{9}$

㉡ $7 - 6\frac{1}{9}$

㉢ $10 - 7\frac{3}{9}$

① ㉠, ㉡, ㉢

② ㉠, ㉢, ㉡

③ ㉡, ㉠, ㉢

④ ㉡, ㉢, ㉠

⑤ ㉢, ㉠, ㉡

해설

$$\text{㉠ } 5 - 2\frac{7}{9} = 4\frac{9}{9} - 2\frac{7}{9} = 2\frac{2}{9}$$

$$\text{㉡ } 7 - 6\frac{1}{9} = 6\frac{9}{9} - 6\frac{1}{9} = \frac{8}{9}$$

$$\text{㉢ } 10 - 7\frac{3}{9} = 9\frac{9}{9} - 7\frac{3}{9} = 2\frac{6}{9}$$

계산 결과가 작은 순서대로 나열하면

㉡, ㉠, ㉢입니다.

8. $3\frac{3}{13}$ 보다 크고, $\frac{46}{13}$ 보다 작은 가분수 중 분모가 13인 분수의 분자들의 합을 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 132

해설

$3\frac{3}{13}$ 을 가분수로 고치면 $\frac{42}{13}$ 이므로

$\frac{42}{13} < \square < \frac{46}{13}$ 입니다.

\square 안에 들어갈 분수는 $\frac{43}{13}, \frac{44}{13}, \frac{45}{13}$ 입니다.

따라서 분자들의 합을 구하면

$43 + 44 + 45 = 132$ 입니다.

11. 분모가 11인 세 분수 ㉠, ㉡, ㉢가 있습니다.

세 분수의 합은 $2\frac{5}{11}$ 이고, 세 분수의 분자는 ㉠가 ㉡보다 1 크고, ㉡가 ㉢보다 1 크다고 합니다.

㉡ + ㉢ - ㉠의 값을 구하시오.

▶ 답:

▶ 정답: $\frac{7}{11}$

해설

$$\begin{aligned} \text{㉠} &= \frac{\text{㉠}}{11}, \text{㉡} = \frac{\text{㉡}}{11}, \text{㉢} = \frac{\text{㉢}}{11} \\ \frac{\text{㉠}}{11} + \frac{\text{㉡}}{11} + \frac{\text{㉢}}{11} &= \frac{\text{㉠} + \text{㉡} + \text{㉢}}{11} = 2\frac{5}{11} = \frac{27}{11} \\ \text{㉠} + \text{㉡} + \text{㉢} &= 27 \\ \text{㉠} &= \text{㉡} + 1 \rightarrow \text{㉡} = \text{㉠} - 1 \\ \text{㉡} &= \text{㉢} + 1 \rightarrow \text{㉠} - 1 = \text{㉢} + 1 \rightarrow \text{㉢} = \text{㉠} - 2 \\ \text{㉠} + \text{㉡} + \text{㉢} &= 27 \\ \text{㉠} + (\text{㉠} - 1) + (\text{㉠} - 2) &= 27 \\ \text{㉠} + \text{㉠} + \text{㉠} - 3 &= 27 \\ \text{㉠} + \text{㉠} + \text{㉠} &= 30 \\ \text{㉠} &= 30 \div 3 = 10, \text{㉡} = 9, \text{㉢} = 8 \\ \text{㉠} &= \frac{10}{11}, \text{㉡} = \frac{9}{11}, \text{㉢} = \frac{8}{11} \\ \text{따라서 } \text{㉡} + \text{㉢} - \text{㉠} &= \frac{9}{11} + \frac{8}{11} - \frac{10}{11} = \frac{7}{11} \text{ 입니다.} \end{aligned}$$

12. 하루에 $\frac{6}{5}$ 분씩 늦게 가는 시계가 있다. 5일 정오에 정확한 시계의 시각보다 5분 빠르게 맞추어 놓았다면, 8일 정오에 이 시계가 가리키는 시각은 정확한 시각보다 얼마나 빠르겠는지 구하시오.

▶ 답: 분

▷ 정답: $1\frac{2}{5}$ 분

해설

8일 정오는 5일 정오로부터 3일 후의 시각이므로

$$5 - \left(\frac{6}{5} + \frac{6}{5} + \frac{6}{5} \right) = 5 - \frac{18}{5} = 4\frac{5}{5} - 3\frac{3}{5} \\ = 1\frac{2}{5} \text{ (분) 빠릅니다.}$$

