

1.  $x(x+2)(x+4)(x+6)+16$  을 인수분해하는 과정이다. ( )안에 들어갈 식이 옳은 것은?

$$\begin{aligned} & x(x+2)(x+4)(x+6)+16 \\ &= x(\textcircled{1}) \times (x+2)(\textcircled{2}) + 16 \\ &= (x^2 + 6x)(\textcircled{3}) + 16 \\ & (\textcircled{4}) = A \text{ 라 하면} \\ & A^2 + 8A + 16 = (A+4)^2 = (\textcircled{5})^2 \end{aligned}$$

①  $x+5$       ②  $x+3$       ③  $x^2 + 4x + 8$

④  $x^2 + 6x$       ⑤  $x^2 + 6x + 1$

해설

- ①  $x+6$   
②  $x+4$   
③  $x^2 + 6x + 8$   
⑤  $x^2 + 6x + 4$

2.  $6xy - 8x - 9y + 12 = (ax + b)(cy + d)$ 에서  $a + b + c + d$ 의 값을 구하면?

① 1

② 2

③ 0

④ -1

⑤ -2

해설

$$\begin{aligned}6xy - 8x - 9y + 12 &= 2x(3y - 4) - 3(3y - 4) \\&= (2x - 3)(3y - 4)\end{aligned}$$

$$\therefore a + b + c + d = -2$$

3.  $x^2 - 3x = 7$  일 때,  $x(x-1)(x-2)(x-3) + 4$  의 값은?

① 28

② 35

③ 63

④ 67

⑤ 140

해설

$(x^2 - 3x)(x^2 - 3x + 2) + 4$ 에서  $7(7 + 2) + 4 = 67$  이다.

4.  $(x+1)(x+2)(x+3)(x+4) - 8$  을 인수분해하면?

①  $(x^2 - 5x + 8)(x^2 + 5x - 2)$

②  $(x^2 + 5x - 8)(x^2 - 5x + 2)$

③  $(x^2 + 5x + 4)(x^2 + 5x + 2)$

④  $(x^2 + 5x + 8)(x^2 + 5x + 2)$

⑤  $(x^2 + 5x + 8)(x^2 + 5x - 1)$

해설

$$(x+1)(x+4)(x+2)(x+3) - 8$$

$$= (x^2 + 5x + 4)(x^2 + 5x + 6) - 8 \text{ 에서}$$

$x^2 + 5x = A$  라 하면,

$$A^2 + 10A + 16 = (A + 8)(A + 2)$$

$$= (x^2 + 5x + 8)(x^2 + 5x + 2)$$

5.  $(x - 1)(x - 3)(x - 5)(x - 7) + k$  가 완전제곱식이 되도록 상수  $k$  의 값은?

- ① 2      ② 4      ③ 6      ④ 11      ⑤ 16

해설

$$\begin{aligned} & (x - 1)(x - 7)(x - 3)(x - 5) + k \\ &= (x^2 - 8x + 7)(x^2 - 8x + 15) + k \\ & x^2 - 8x = A \text{ 로 놓으면,} \\ & (A + 7)(A + 15) + k \\ &= A^2 + 22A + 105 + k = (A + 11)^2 \\ \therefore & 105 + k = 11^2 = 121 \\ \therefore & k = 16 \end{aligned}$$

6.  $(x^2 + 5x + 6)(x^2 - 3x + 2) - 252$  을 바르게 인수분해 한 것은?

①  $(x^2 + x + 12)(x - 4)(x + 5)$

②  $(x^2 - x + 12)(x + 4)(x - 5)$

③  $(x^2 - x - 12)(x + 4)(x - 5)$

④  $(x^2 + 2x - 12)(x + 4)(x - 5)$

⑤  $(x^2 + 2x - 12)(x - 4)(x + 5)$

해설

$$\begin{aligned} & (x^2 + 5x + 6)(x^2 - 3x + 2) - 252 \\ &= (x+2)(x+3)(x-1)(x-2) - 252 \\ &= \{(x+2)(x-1)\}\{(x+3)(x-2)\} - 252 \\ &= (x^2 + x - 2)(x^2 + x - 6) - 252 \\ &x^2 + x = t \text{로 치환하면,} \\ &= (t-2)(t-6) - 252 \\ &= t^2 - 8t + 12 - 252 \\ &= t^2 - 8t - 240 \\ &= (t+12)(t-20) \\ &= (x^2 + x + 12)(x^2 + x - 20) \\ &= (x^2 + x + 12)(x - 4)(x + 5) \end{aligned}$$

7. 곱셈 공식을 이용하여  $(x+2)(x+3)(x-4)(x-6)$  을 전개하면?

①  $x^4 - 5x^3 - 20x^2 + 60x + 144$

②  $x^4 + 5x^3 - 20x^2 - 60x + 144$

③  $x^4 + 5x^3 + 20x^2 - 60x - 144$

④  $x^4 - 5x^3 + 20x^2 - 60x + 144$

⑤  $x^4 + 5x^3 - 20x^2 + 60x - 144$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= (x+2)(x-6)(x+3)(x-4) \\&= (x^2 - 12 - 4x)(x^2 - 12 - x)\end{aligned}$$

$x^2 - 12 = A$  로 치환하면

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= (A - 4x)(A - x) \\&= A^2 - 5xA + 4x^2 \\&= (x^2 - 12)^2 - 5x(x^2 - 12) + 4x^2 \\&= x^4 - 5x^3 - 20x^2 + 60x + 144\end{aligned}$$

8. 다음 식이 완전제곱식일 때, 상수  $a$ 의 값을 구하여라.

$$(x+2)(x+4)(x+5)(x+7) + a$$

▶ 답 :

▷ 정답 :  $a = 9$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= (x+2)(x+7)(x+4)(x+5) + a \\&= (x^2 + 9x + 14)(x^2 + 9x + 20) + a\end{aligned}$$

$x^2 + 9x = A$ 로 치환하면

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= (A+14)(A+20) + a \\&= A^2 + 34A + 280 + a \\&= (A+17)^2 = (x^2 + 9x + 17)^2\end{aligned}$$

$$17^2 = 280 + a$$

$$\therefore a = 9$$

9. 다음 식이 완전제곱식일 때, 상수  $a$ 의 값으로 알맞은 것을 구하여라.

$$(x+1)(x+3)(x+5)(x+7) + a$$

▶ 답:

▷ 정답:  $a = 16$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= (x+1)(x+7)(x+3)(x+5) + a \\&= (x^2 + 8x + 7)(x^2 + 8x + 15) + a\end{aligned}$$

$x^2 + 8x = A$ 로 치환하면

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= (A+7)(A+15) + a \\&= A^2 + 22A + 105 + a \\&= (A+11)^2 = (x^2 + 8x + 11)^2\end{aligned}$$

$$11^2 = 105 + a$$

$$\therefore a = 16$$

10.  $x^2 - 9y^2 + 4x + 12y$  를 인수분해하면  $(Ax + By)(Cx + Dy + 4)$  가 된다고 한다.  $A + B + C + D$  의 값을 구하여라

▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= (x - 3y)(x + 3y) + 4(x + 3y) \\&= (x + 3y)(x - 3y + 4)\end{aligned}$$

$$\therefore A + B + C + D = 1 + 3 + 1 - 3 = 2$$

11.  $a^3 - 3a^2 - a + 3$  이  $a$  의 계수가 1인 세 일차식의 곱으로 인수분해될 때, 세 일차식의 합을 구하면?

①  $3(1 - a)$

②  $3(a - 2)$

③  $\textcircled{3} 3a - 3$

④  $3a - 1$

⑤  $a^3 - 3$

해설

$$\begin{aligned}a^2(a - 3) - (a - 3) &= (a^2 - 1)(a - 3) \\&= (a + 1)(a - 1)(a - 3)\end{aligned}$$

따라서 세 일차식의 합은

$$(a + 1) + (a - 1) + (a - 3) = 3a - 3 \text{ 이다.}$$

12.  $x + a = 2$ ,  $x - a = 7$  일 때,  $x^3 - a^3 + ax^2 - a^2x$  는?

① 14

② 20

③ 24

④ 28

⑤ 32

해설

$$\begin{aligned}(\text{주어진 식}) &= x^3 + ax^2 - (a^3 + a^2x) \\&= x^2(x + a) - a^2(a + x) \\&= (x + a)(x^2 - a^2) \\&= (x + a)(x + a)(x - a) \\&= (x + a)^2(x - a) \\&= 2^2 \times 7 = 28\end{aligned}$$

13. 다음 중  $x^3 + y - x - x^2y$  의 인수가 아닌 것은?

①  $x^2 - y$

②  $x - y$

③  $x - 1$

④  $x + 1$

⑤  $x^2 - 1$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= x^3 - x + y - x^2y \\&= x(x^2 - 1) - y(x^2 - 1) \\&= (x - y)(x^2 - 1) \\&= (x - y)(x + 1)(x - 1)\end{aligned}$$

14.  $ab - 2a - 2b + 4$  를 인수분해한 것으로 옳은 것은?

- ①  $(a + 2)(b - 2)$
- ②  $(a - 2)(b + 2)$
- ③  $(a + 2)(b + 2)$
- ④  $(a - 2)(b - 2)$
- ⑤  $(a + 1)(b - 2)$

해설

$$(\text{준식}) = a(b - 2) - 2(b - 2) = (a - 2)(b - 2)$$

15. 다음 식  $ax - ay - bx + by$ 를 인수분해하면?

①  $(x - y)(a - b)$

②  $(x - y)(a + b)$

③  $(x + y)(a - b)$

④  $(x + y)(a + b)$

⑤  $-(x - y)(a + b)$

해설

(준식)  $= a(x - y) - b(x - y) = (x - y)(a - b)$

16.  $x^2 - 4xy + 4y^2 - z^2$  을 인수분해하는데 사용된 인수분해 공식을 모두 고르면? (단,  $a > 0, b > 0$ )

①  $a^2 + 2ab + b^2 = (a + b)^2$

②  $a^2 - 2ab + b^2 = (a - b)^2$

③  $a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$

④  $x^2 + (a + b)x + ab = (x + a)(x + b)$

⑤  $acx^2 + (ad + bc)x + bd = (ax + b)(cx + d)$

해설

$$x^2 - 4xy + 4y^2 - z^2$$

$$= (x - 2y)^2 - z^2 \Rightarrow a^2 - 2ab + b^2 = (a - b)^2$$

$$= (x - 2y + z)(x - 2y - z) \Rightarrow a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$$

17.  $x^2 - 4x - 9y^2 + 4$  을 인수분해하는데 사용된 인수분해 공식을 모두 골라라. (단,  $a > 0, b > 0$ )

Ⓐ  $acx^2 + (ad + bc)x + bd = (ax + b)(cx + d)$

Ⓑ  $x^2 + (a + b)x + ab = (x + a)(x + b)$

Ⓒ  $a^2 - 2ab + b^2 = (a - b)^2$

Ⓓ  $a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$

Ⓔ  $a^2 + 2ab + b^2 = (a + b)^2$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : ⓒ

▷ 정답 : ⓔ

### 해설

$$x^2 - 4x - 9y^2 + 4$$

$$= (x^2 - 4x + 4) - 9y^2$$

$$= (x - 2)^2 - (3y)^2 \cdots \text{Ⓒ } a^2 - 2ab + b^2 = (a - b)^2$$

$$= (x - 2 + 3y)(x - 2 - 3y) \cdots \text{Ⓓ } a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$$

$$= (x + 3y - 2)(x - 3y - 2)$$

18.  $a^2 - 6ab + 9b^2 - 36c^2$  의 인수가 될 수 있는 것은?

- ①  $a - 3b - 6c$       ②  $a + 3b - 6c$       ③  $a - 6b - 3c$   
④  $a + 6b - 3c$       ⑤  $a + 6b + 3c$

해설

$$(a - 3b)^2 - (6c)^2 = (a - 3b + 6c)(a - 3b - 6c)$$

19. 다음 중  $4x^2 - 9y^2 - 30y - 25$  의 인수가 될 수 없는 것을 모두 골라라.

- Ⓐ  $(2x + 3y + 5)$
- Ⓑ  $(2x - 3y + 5)$
- Ⓒ  $(2x - 3y - 5)$
- Ⓓ  $(2x + 3y + 5)(2x - 3y - 5)$
- Ⓔ  $(2x + 3y - 5)(2x - 3y + 5)$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : Ⓑ

▷ 정답 : ⓕ

해설

$$\begin{aligned}4x^2 - 9y^2 - 30y - 25 \\&= 4x^2 - (9y^2 + 30y + 25) \\&= 4x^2 - (3y + 5)^2 \\&= (2x)^2 - (3y + 5)^2 \\&= (2x + 3y + 5)(2x - 3y - 5)\end{aligned}$$

따라서 인수는  $(2x+3y+5)$  와  $(2x-3y-5)$  와  $(2x+3y+5)(2x-3y-5)$  이다.

20. 다항식  $16 - 4x^2 + 4xy - y^2$  을 인수분해하면?

- ①  $(4 - x + y)(4 - 2x + y)$
- ②  $(4 + 2x - y)(4 - x - y)$
- ③  $(4 - 2x + y)(4 + 2x + y)$
- ④  $(4 + 2x - y)(4 - 2x + y)$
- ⑤  $(4 + 2x + y)(4 - 2x - y)$

해설

$$4^2 - (2x - y)^2 = (4 + 2x - y)(4 - 2x + y)$$

21.  $x^2 - y^2 + 10yz - 25z^2$  을 인수분해하였더니  $(ax + y + bz)(x - y + cz)$  가 되었다. 이때  $a - b + c$  의 값은?

- ① 7      ② 11      ③ 16      ④ 32      ⑤ 64

해설

$$\begin{aligned}x^2 - y^2 + 10yz - 25z^2 &= x^2 - (y^2 - 10yz + 25z^2) \\&= x^2 - (y - 5z)^2 \\&= (x + y - 5z)(x - y + 5z)\end{aligned}$$

∴므로

$$a = 1, b = -5, c = 5$$

$$\therefore a - b + c = 11$$

22.  $x^2 + 4y^2 + 4xy - 9$  를 두 일차식의 곱으로 인수분해할 때, 두 일차식의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 :  $2x + 4y$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= x^2 + 4xy + 4y^2 - 9 \\&= (x + 2y)^2 - 9 \\&= (x + 2y + 3)(x + 2y - 3)\end{aligned}$$

$$\therefore (x + 2y + 3) + (x + 2y - 3) = 2x + 4y$$

23.  $x^4 + 4x^2 + 4$ 를 인수분해하면  $(ax^2 + b)^2$  이 된다고 할 때,  $a + b$ 의 값을 구하여라. (단,  $a > 0$ )

▶ 답:

▶ 정답:  $a + b = 3$

해설

$$x^4 + 4x^2 + 4 = (x^2)^2 + 4(x^2) + 4 = (x^2 + 2)^2$$

따라서,  $a + b = 1 + 2 = 3$

24.  $x^4 - 10x^2 + 9$ 의 인수가 아닌 것은?

①  $x - 1$

②  $x + 3$

③  $x^2 - 1$

④  $x + 9$

⑤  $x^4 - 10x^2 + 9$

해설

$$(x^2 - 1)(x^2 - 9) = (x + 1)(x - 1)(x + 3)(x - 3)$$

25.  $x^4 - 5x^2 + 4$ 의 인수가 아닌 것은?

- ①  $x - 1$
- ②  $x + 2$
- ③  $x + 1$
- ④  $x - 2$
- ⑤  $x - 4$

해설

$$\begin{aligned}x^4 - 5x^2 + 4 &= (x^2 - 1)(x^2 - 4) \\&= (x + 1)(x - 1)(x + 2)(x - 2)\end{aligned}$$

26.  $x^2 + 5xy + 2x - 5y - 3$  을 인수분해하면?

- ①  $(x + 1)(x + 5y + 3)$
- ②  $(x - 1)(x - 5y + 3)$
- ③  $(x - 1)(x + 5y - 3)$
- ④  $(x - 1)(x + 5y + 3)$
- ⑤  $(x + 1)(x - 5y - 3)$

해설

$$\begin{aligned}x^2 + 5xy + 2x - 5y - 3 \\&= x^2 + (5y + 2)x - (5y + 3) \\&= (x + 5y + 3)(x - 1)\end{aligned}$$

27.  $x^2 - y^2 + 6x - 2y + 8$  을 인수분해하면  $(ax + by + c)(x + y + 4)$  일 때,  
 $a + b + c$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 :  $a + b + c = 2$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - y^2 + 6x - 2y + 8 \\&= x^2 + 6x - (y^2 + 2y - 8) \\&= x^2 + 6x - (y + 4)(y - 2) \\&= \{x - (y - 2)\}\{x + (y + 4)\} \\&= (x - y + 2)(x + y + 4) \\∴ a &= 1, b = -1, c = 2 \\∴ a + b + c &= 2\end{aligned}$$

28.  $x^2 - 9y^2 - 2x + 18y - 8$  을 인수분해하면?

①  $(x - 3y + 2)(x + 3y + 4)$

②  $\textcircled{②} (x - 3y + 2)(x + 3y - 4)$

③  $(x + 3y + 2)(x + 3y - 4)$

④  $(x - 5y + 2)(x + 3y - 4)$

⑤  $(x - 3y + 4)(x + 3y - 2)$

해설

$$\begin{aligned} & x^2 - 9y^2 - 2x + 18y - 8 \\ &= x^2 - 2x - 9y^2 + 18y - 8 \\ &= x^2 - 2x - (9y^2 - 18y + 8) \\ &= x^2 - 2x - (3y - 2)(3y - 4) \\ &= \{x - (3y - 2)\} \{x + (3y - 4)\} \\ &= (x - 3y + 2)(x + 3y - 4) \end{aligned}$$

29. 다음 다항식  $a^2 - b^2 - c^2 + 2a + 2bc + 1$  을 인수분해하면?

- ①  $(a + b - c - 1)(a - b - c + 1)$
- ②  $(a - b + c + 1)(a - b - c + 1)$
- ③  $(a + b + c + 1)(a - b - c + 1)$
- ④  $(a + b - c + 1)(a - b + c + 1)$
- ⑤  $(a + b - c - 1)(a - b + c - 1)$

해설

$$\begin{aligned} & a^2 - b^2 - c^2 + 2a + 2bc + 1 \\ &= a^2 + 2a + 1 - (b^2 - 2bc + c^2) \\ &= (a + 1)^2 - (b - c)^2 \\ &= (a + 1 + b - c)(a + 1 - b + c) \\ &= (a + b - c + 1)(a - b + c + 1) \end{aligned}$$

30.  $x^2 + 4(a+b)x + 3a^2 + 6ab + 3b^2$  을 인수분해하면?

- ①  $(x+a+b)(x-a-b)$
- ②  $(x+a+b)(x+2a+2b)$
- ③  $(x+a+b)(x+2a+3b)$
- ④  $(x+a+b)(x+3a+2b)$
- ⑤  $(x+a+b)(x+3a+3b)$

해설

$$\begin{aligned}x^2 + 4(a+b)x + 3a^2 + 6ab + 3b^2 \\= x^2 + 4(a+b)x + 3(a+b)^2 \\= (x+a+b)(x+3a+3b)\end{aligned}$$

31.  $x^2 - 4xy + 3y^2 - 6x + 2y - 16$  을 인수분해 하였더니  $(x+ay+b)(x+cy+d)$  가 되었다. 이 때,  $a + b + c + d$  의 값은?

- ① -10      ② -9      ③ -8      ④ -3      ⑤ 2

해설

$x$  에 대하여 정리하면,

$$\begin{aligned}x^2 - (4y + 6)x + 3y^2 + 2y - 16 \\&= x^2 - (4y + 6)x + (3y + 8)(y - 2) \\&= (x - 3y - 8)(x - y + 2) \\\therefore a &= -3, b = -8, c = -1, d = 2 \\\therefore -3 - 8 - 1 + 2 &= -10\end{aligned}$$

32.  $x^2 - 2y^2 + xy - 2x - y + 1$  을 인수분해하면?

①  $(x + 2y - 3)(x - y - 1)$

②  $(x + 2y - 1)(x - y - 1)$

③  $(x + 2y - 1)(x - y - 2)$

④  $(x - 2y + 1)(x + y + 1)$

⑤  $(x + 2y + 1)(x - y + 1)$

해설

$$\begin{aligned} & x^2 + (y - 2)x - 2y^2 - y + 1 \\ &= x^2 + (y - 2)x - (2y^2 + y - 1) \\ &= x^2 + (y - 2)x - (2y - 1)(y + 1) \\ &= \{x + (2y - 1)\} \{x - (y + 1)\} \\ &= (x + 2y - 1)(x - y - 1) \end{aligned}$$

33. 다항식  $x^2 - 4xy + 3y^2 - 7x + 5y - 8$  을 인수분해하면?

- ①  $(x + 3y - 8)(x + y + 1)$
- ②  $(x - 3y + 8)(x + y + 1)$
- ③  $(x + 3y - 8)(x - y - 1)$
- ④  $(x - 3y + 2)(x - y + 4)$
- ⑤  $(x - 3y - 8)(x - y + 1)$

해설

$$\begin{aligned} & x^2 - (4y + 7)x + 3y^2 + 5y - 8 \\ &= x^2 - (4y + 7)x + (3y + 8)(y - 1) \\ &= (x - 3y - 8)(x - y + 1) \end{aligned}$$

34.  $a^2 + 2ab + b^2 - a - b$ 를 인수분해하면?

- ①  $(a + b)(a + b + 1)$
- ②  $(a - b)(a + b - 1)$
- ③  $(a - b)(a - b - 2)$
- ④  $(a + b)(a + b - 1)$
- ⑤  $(a + b)(a + b - 2)$

해설

$$(a + b)^2 - (a + b) = (a + b)(a + b - 1)$$

35. 반지름의 길이가 5 cm 인 원에서 반지름의 길이를  $x$  cm 만큼 늘릴 때,  
늘어난 넓이를  $x$  에 대한 식으로 나타내면?

- ①  $5\pi x^2 \text{ cm}^2$
- ②  $\pi x(x + 5) \text{ cm}^2$
- ③  $\pi x(x + 10) \text{ cm}^2$
- ④  $\pi x(2x + 5) \text{ cm}^2$
- ⑤  $\pi x(2x + 10) \text{ cm}^2$

### 해설

(반지름의 길이가 5 cm 인 원의 넓이)

$$= \pi \times 5^2 = 25\pi (\text{cm}^2)$$

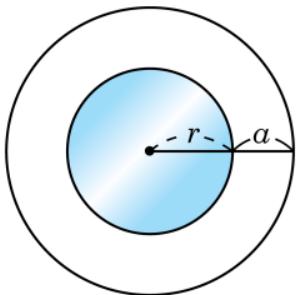
(반지름의 길이를  $x$  cm 만큼 늘인 원의 넓이)

$$= \pi \times (x + 5)^2$$

따라서, 늘어난 넓이는

$$\begin{aligned}\pi \times (x + 5)^2 - 25\pi &= \pi(x^2 + 10x + 25) - 25\pi \\&= \pi x^2 + 10\pi x + 25\pi - 25\pi \\&= \pi x(x + 10)(\text{cm}^2)\end{aligned}$$

36. 다음 그림과 같이 반지름이  $r$  m 인 원형의 연못 둘레에 폭이  $a$  m 인 도로를 만들려고 한다. 이 도로의 넓이를  $S$  라 할 때,  $S$  를  $a$  와  $r$  을 사용한 식으로 나타낸 것은?

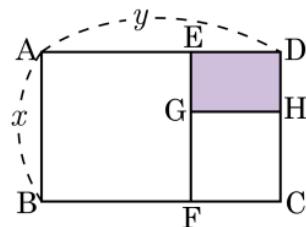


- ①  $S = (r - a)\pi$       ②  $S = (a^2 + r)\pi$   
③  $S = a(r + 3a)\pi$       ④  $\textcircled{④} S = a(a + 2r)\pi$   
⑤  $S = (a + r)(a - r)\pi$

해설

$$\begin{aligned}S &= (a+r)^2\pi - r^2\pi \\&= \pi\{(a+r)^2 - r^2\} \\&= \pi(a+r+r)(a+r-r) \\&= a\pi(2r+a)\end{aligned}$$

37. 다음 그림의 직사각형  $ABCD$  는 세로의 길이가  $x$ , 가로의 길이가  $y$  이고,  $\square ABFE$  와  $\square GFCH$  가 모두 정사각형이다. 이 때,  $\square EGHD$  의 넓이는? (단,  $x < y < 2x$ )

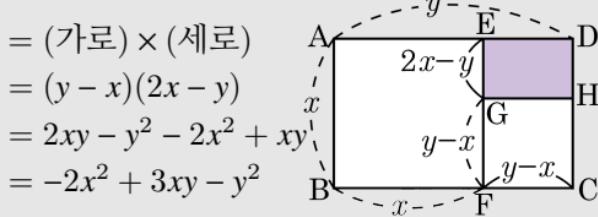


- ①  $-2x^2 + 3xy - y^2$       ②  $-2x^2 - 3xy - y^2$   
 ③  $2x^2 - 3xy - y^2$       ④  $2x^2 + 3xy - y^2$   
 ⑤  $2x^2 + 3xy + y^2$

### 해설

다음 그림에서

$$\begin{aligned}
 (\square EGHD \text{의 넓이}) &= (\text{가로}) \times (\text{세로}) \\
 &= (y - x)(2x - y) \\
 &= 2xy - y^2 - 2x^2 + xy \\
 &= -2x^2 + 3xy - y^2
 \end{aligned}$$



38.  $a^3 - a^2b + ab^2 + ac^2 - b^3 - bc^2 = 0$  은 어떤 삼각형인지 구하면? (단,  $a, b, c$  는 세 변의 길이이다.)

① 정삼각형

② 이등변삼각형

③  $\angle A$  가 직각인 직각삼각형

④  $\angle B$  가 직각인 직각삼각형

⑤  $\angle C$  가 직각인 직각삼각형

해설

$$\begin{aligned} & a^3 - a^2b + ab^2 + ac^2 - b^3 - bc^2 \\ &= a^2(a - b) + a(b^2 + c^2) - b(b^2 + c^2) \\ &= a^2(a - b) + (a - b)(b^2 + c^2) \\ &= (a - b)(a^2 + b^2 + c^2) = 0 \\ \therefore a - b &= 0, a = b \text{ 인 이등변삼각형} \end{aligned}$$

39. 밑면의 가로와 세로가 각각  $x+y$ ,  $2x+1$ 인 정육면체의 부피가  $2x^3 + 2x^2y + 7x^2 + 7xy + 3x + 3y$ 이다. 정육면체의 한 모서리의 길이를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 5

해설

$y$ 에 관하여 내림차순으로 정리하면

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= (2x^2 + 7x + 3)y + 2x^3 + 7x^2 + 3x \\&= (2x^2 + 7x + 3)y + (2x^2 + 7x + 3)x \\&= (x+y)(2x^2 + 7x + 3) \\&= (x+y)(2x+1)(x+3)\end{aligned}$$

정육면체이므로

$$x+y = 2x+1 = x+3$$

$$2x+1 = x+3$$

$$x=2, y=3$$

(한 모서리의 길이)

$$= x+y = 2x+1 = x+3 = 5$$

40. 다음 중 옳은 것을 모두 고른 것은?

- ①  $ab + b - a - 1 = (a + 1)(1 - b)$
- ②  $2 - a - 2b + ab = (1 - b)(2 + a)$
- ③  $x^2 - y^2 + 2x + 2y = (x - y)(x - y + 2)$
- ④  $x^3 + x^2 + x + 1 = (x^2 + 1)(x + 1)$
- ⑤  $x(y - 1) - 2(y - 1) = (x - 2)(y - 1)$

해설

- ①  $(a + 1)(b - 1)$
- ②  $(1 - b)(2 - a)$
- ③  $(x + y)(x - y + 2)$

41.  $49x^2 - 9 + 14xy + y^2$  을 인수분해하였더니  $(ax + y + b)(ax + cy + 3)$  가 되었다. 이때, 상수  $a, b, c$  에 대하여  $a - b + c$  의 값을 구하면?

① 2

② 4

③ 6

④ 11

⑤ 16

해설

$$\begin{aligned}49x^2 + 14xy + y^2 - 9 &= (7x + y)^2 - 3^2 \\&= (7x + y + 3)(7x + y - 3)\end{aligned}$$

$$a = 7, b = -3, c = 1$$

$$\therefore a - b + c = 11$$

42.  $16x^4 - 81y^4 = (Ax^2 + By^2)(Cx + Dy)(Ex + Fy)$  라고 할 때,  $A + B + C + D + E + F$  의 값을 구하여라. (단,  $A, B, C, D, E, F$  는 상수이다.)

▶ 답:

▶ 정답: 17

해설

$16x^4 - 81y^4 = (4x^2 + 9y^2)(2x + 3y)(2x - 3y)$  이므로  $A + B + C + D + E + F = 4 + 9 + 2 + 3 + 2 - 3 = 17$  이다.

43.  $x^4 - 13x^2 + 36$  을 인수분해했을 때, 일차식으로 이루어진 인수들의 합을 구하면?

①  $4x + 13$

②  $4x$

③  $4x - 13$

④  $2x^2 - 13$

⑤  $2x^2 + 5$

해설

$$x^4 - 13x^2 + 36 = (x^2 - 9)(x^2 - 4)$$

$$= (x + 3)(x - 3)(x + 2)(x - 2)$$

$\therefore$  (일차식 인수들의 합)

$$= x + 3 + x - 3 + x + 2 + x - 2 = 4x$$

44. 다항식  $4x^4 - 5x^2 + 1$ 은 네 개의 일차식의 곱으로 인수 분해된다. 네 개의 일차식의 합은?

①  $2x + 1$

②  $2x - 1$

③  $6x$

④  $6x + 1$

⑤  $4x - 2$

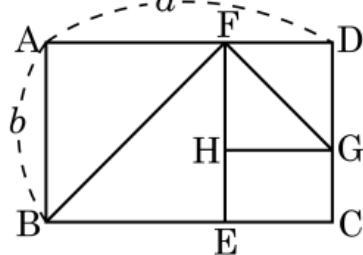
해설

$$(4x^2 - 1)(x^2 - 1) = (2x + 1)(2x - 1)(x + 1)(x - 1)$$

$$\therefore (\text{일차식의 합}) = 2x + 1 + 2x - 1 + x + 1 + x - 1$$

$$= 6x$$

45. 다음 그림에서  $\square ABEF$  와  $\square FHGD$  가 정사각형일 때, 사각형  $HECG$  의 넓이를  $a, b$ 에 관한 식으로 나타낸 후 인수분해하면  $(a - b)(ta + sb)$  이다.  $t + s$ 의 값을 구하시오.



▶ 답:

▶ 정답:  $t + s = 1$

해설

사각형  $ABFE, EGHD$  는 정사각형이므로

$$\overline{HE} = b - (a - b) = 2b - a, \overline{EC} = a - b$$

남은 사각형의 넓이는  $(2b - a)(a - b)$  이다.

따라서  $t = -1, s = 2$  이므로  $t + s = 1$  이다.

46.  $a, b, c$  가 삼각형의 세 변의 길이일 때,  $b^3 + b^2c + bc^2 - a^2b + c^3 - a^2c = 0$  이다. 이때, 이 삼각형은 어떤 삼각형인지 구하면? (단,  $a, b, c$  가 삼각형의 세 변의 길이이다.)

- ① 삼각형이 될 수 없다.      ② 이등변삼각형  
③  $\angle A$  가 직각인 직각삼각형      ④  $\angle B$  가 직각인 직각삼각형  
⑤  $\angle C$  가 직각인 직각삼각형

해설

$$\begin{aligned} & b^3 + b^2c + bc^2 - a^2b + c^3 - a^2c \\ &= b^2(b + c) + b(c^2 - a^2) + c(c^2 - a^2) \\ &= b^2(b + c) + (b + c)(c^2 - a^2) \\ &= (b + c)(b^2 + c^2 - a^2) = 0 \end{aligned}$$

$b, c$  는 삼각형이 변의 길이이므로 양수이다.

따라서  $b^2 + c^2 - a^2 = 0$ ,  $b^2 + c^2 = a^2$

$\angle A$  가 직각인 직각삼각형이다.

47.  $(x-1)(x+1)(x-2)(x+2) - 40$  이  $(x+a)(x+b)(x^2+c)$  로 인수분해 될 때,  $a + b + c$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답:  $a + b + c = 4$

해설

$$\begin{aligned}(x-1)(x+1)(x-2)(x+2) - 40 \\&= (x^2 - 1)(x^2 - 4) - 40 \\&= x^4 - 5x^2 - 36 \\&= (x^2 + 4)(x^2 - 9) \\&= (x-3)(x+3)(x^2 + 4) \text{ 이므로} \\&a + b + c = 4 \text{ 이다.}\end{aligned}$$

48.  $x^4 - 3x^2 + 1$  을 인수분해하면  $(x^2 + ax + b)(x^2 + cx + d)$  가 된다. 이 때,  $a + b + c + d$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답:  $a + b + c + d = -2$

해설

$$\begin{aligned}x^4 - 3x^2 + 1 &= x^4 - 2x^2 + 1 - x^2 \\&= (x^2 - 1)^2 - x^2 \\&= (x^2 - 1 + x)(x^2 - 1 - x) \\&= (x^2 + x - 1)(x^2 - x - 1)\end{aligned}$$

$$a = 1, b = -1, c = -1, d = -1$$

$$\therefore a + b + c + d = -2$$

49. 서로 다른 세 실수  $x, y, z$ 에 대하여

$$k \frac{z^2(y-x) + x^2(z-y) + y^2(x-z)}{(x-y)(y-z)(z-x)} = 3 \text{ 일 때, 상수 } k \text{의 값을 구하여라.}$$

▶ 답 :

▷ 정답 :  $k = 3$

### 해설

분자의 식을  $x$ 에 관한 내림차순 정리하면

$$\begin{aligned} & z^2(y-x) + x^2(z-y) + y^2(x-z) \\ &= yz^2 - xz^2 + x^2z - x^2y + xy^2 - y^2z \\ &= (z-y)x^2 - (z^2 - y^2)x + (z-y)yz \\ &= (z-y) \{ x^2 - (z+y)x + yz \} \\ &= (z-y)(x-y)(x-z) \\ &= (x-y)(y-z)(z-x) \end{aligned}$$

$$\therefore (\text{주어진 식}) = k \frac{(x-y)(y-z)(z-x)}{(x-y)(y-z)(z-x)} = 3$$

$$\therefore k = 3$$

50. 밑면의 넓이가  $x^2 - 3y + 1$  인 직육면체의 부피가  $x^3 + 2x^2 - 3xy + x - 6y + 2$  일 때, 이 직육면체의 높이가  $ax + b$  이다.  $a + b$  의 값을 구하시오.

▶ 답 :

▶ 정답 :  $a + b = 3$

해설

$$\begin{aligned} & x^3 + 2x^2 - 3xy + x - 6y + 2 \\ &= x^2(x + 2) - 3y(x + 2) + x + 2 \\ &= (x + 2)(x^2 - 3y + 1) \\ \text{따라서 } & a = 1, b = 2 \text{ 이므로} \\ & a + b = 3 \text{ 이다.} \end{aligned}$$