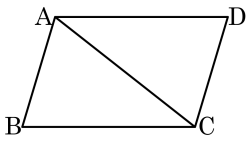


1. 다음 그림과 같은 □ABCD 에서 $\overline{AB} = \overline{DC}$, $\overline{AD} = \overline{BC}$ 이면 □ABCD 는 평행사변형임을 증명하는 과정이다. 빈 칸에 들어갈 것 중 옳지 않은 것은?



대각선 AC 를 그어보면 대각선 AC 는 삼각형 ADC 와 삼각형 CBA 의 공통부분이 된다.
 $\overline{AB} = (\text{ ① })$ 이고, $\overline{AD} = (\text{ ② })$ 이므로
 $\triangle ADC \cong \triangle CBA$ (③ 합동)
 $\angle BAC = \angle DCA$, $\angle DAC = \angle BCA$ (④)
따라서 두 쌍의 대변이 각각 (⑤)하므로 □ABCD 는 평행사변형이다.

① $\overline{CD}$

② $\overline{CB}$

③ SSS

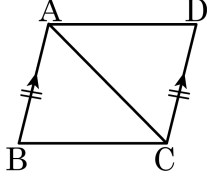
④ $\overline{AB} = \overline{DC}$, $\overline{AD} = \overline{BC}$

⑤ 평행

해설

④ $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$

2. 다음은 ‘한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같은 사각형은 평행사변형이다.’를 증명하는 과정이다. 안에 알맞은 것을 차례대로 써넣어라.



가정 : □ABCD에서 $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, $\overline{AB} = \overline{DC}$
결론 : □ABCD는 평행사변형
증명 : 대각선 AC를 그으면
△ABC와 △CDA에서
 $\overline{AB} = \overline{CD}$ (가정), $\angle BAC = \angle DCA$ (엇각)
는 공통
즉, △ABC ≅ △CDA(합동)이므로
 $\angle BCA = \angle DAC$
 $\therefore \overline{AD} \parallel$
따라서 두 쌍의 대변이 각각 평행하므로
□ABCD는 평행사변형이다.

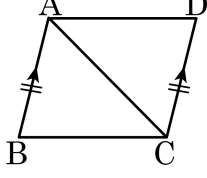
▶ 답 :

▷ 정답 : $\overline{AC}$, SAS, $\overline{BC}$

해설

가정 : □ABCD에서 $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, $\overline{AB} = \overline{DC}$
결론 : □ABCD는 평행사변형
증명 : 대각선 AC를 그으면
△ABC와 △CDA에서
 $\overline{AB} = \overline{CD}$ (가정), $\angle BAC = \angle DCA$ (엇각)
 $\overline{AC}$ 는 공통
즉, △ABC ≅ △CDA(SAS합동)이므로
 $\angle BCA = \angle DAC$
 $\therefore \overline{AD} \parallel \overline{BC}$
따라서 두 쌍의 대변이 각각 평행하므로
□ABCD는 평행사변형이다.

3. 다음은 ‘한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같은 사각형은 평행사변형이다.’를 증명하는 과정이다. 안에 알맞은 것을 차례대로 써넣어라.



가정 : □ABCD에서 $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, $\overline{AB} = \overline{DC}$
결론 : □ABCD는 평행사변형
증명 : 대각선 AC를 그으면
△ABC와 △CDA에서
 $\overline{AB} = \overline{CD}$ (가정), $\angle BAC = \angle DCA$ (엇각)
는 공통
즉, △ABC ≅ △CDA(합동)이므로
 $\angle BCA = \angle DAC$
 $\therefore \overline{AD} \parallel \overline{BC}$
따라서 두 쌍의 대변이 각각 평행하므로
□ABCD는 이다.

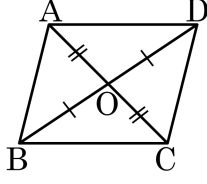
▶ 답 :

▶ 정답 : $\overline{AC}$, SAS, $\angle DAC$, 평행사변형

해설

가정 : □ABCD에서 $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, $\overline{AB} = \overline{DC}$
결론 : □ABCD는 평행사변형
증명 : 대각선 AC를 그으면
△ABC와 △CDA에서
 $\overline{AB} = \overline{CD}$ (가정), $\angle BAC = \angle DCA$ (엇각)
 $\overline{AC}$ 는 공통
즉, △ABC ≅ △CDA(SAS 합동)이므로
 $\angle BCA = \angle DAC$
 $\therefore \overline{AD} \parallel \overline{BC}$
따라서 두 쌍의 대변이 각각 평행하므로
□ABCD는 평행사변형이다.

4. 다음은 ‘두 대각선이 서로 다른 것을 이등분하는 사각형은 평행사변형이다.’를 증명하는 과정이다. 안에 알맞은 것을 차례대로 써넣어라.



가정 : □ABCD에서 $\overline{OA} = \overline{OC}$, $\overline{OB} = \overline{OD}$
 결론 : $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$
 증명 : $\triangle OAB$ 와 $\triangle OCD$ 에서
 $\overline{OA} = \overline{OC}$, $\overline{OB} = \overline{OD}$ (가정)
 $\angle AOB = \square$ (맞꼭지각)
 $\therefore \triangle OAB \equiv \triangle OCD$ (합동)
 $\angle OAB = \angle OCD$ 이므로
 $\overline{AB} \parallel \square \dots \text{㉠}$
 $\triangle OAD$ 와 $\triangle OCB$ 에서
 $\angle OAD = \angle OCB$ 이므로
 $\overline{AD} \parallel \square \dots \text{㉡}$
 ㉠, ㉡에 의하여 □ABCD는 평행사변형이다.

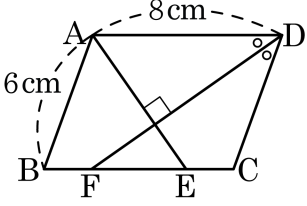
▶ 답 :

▷ 정답 : $\angle COD$, $\angle SAS$, $\overline{DC}$, $\overline{BC}$

해설

가정 : □ABCD에서 $\overline{OA} = \overline{OC}$, $\overline{OB} = \overline{OD}$
 결론 : $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$
 증명 : $\triangle OAB$ 와 $\triangle OCD$ 에서
 $\overline{OA} = \overline{OC}$, $\overline{OB} = \overline{OD}$ (가정)
 $\angle AOB = \angle COD$ (맞꼭지각)
 $\therefore \triangle OAB \equiv \triangle OCD$ (SAS합동)
 $\angle OAB = \angle OCD$ 이므로 $\overline{AB} \parallel \overline{DC} \dots \text{㉠}$
 $\triangle OAD$ 와 $\triangle OCB$ 에서
 $\angle OAD = \angle OCB$ 이므로 $\overline{AD} \parallel \overline{BC} \dots \text{㉡}$
 ㉠, ㉡에 의하여 □ABCD는 평행사변형이다.

5. 다음 그림의 $\square ABCD$ 는 $\overline{AB} = 6\text{cm}$, $\overline{AD} = 8\text{cm}$ 인 평행사변형이고, $\overline{DF}$ 는 $\angle D$ 의 이등분선, $\overline{AE} \perp \overline{DF}$ 이다. 이 때, $\overline{EF}$ 의 길이는?

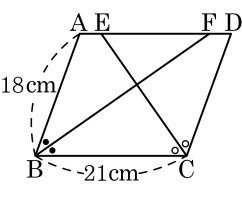


- ① 2cm ② 2.5cm ③ 3cm
 ④ 3.5cm ⑤ 4cm

해설

$\angle ADF = \angle DFC$ (엇각)
 $\overline{CD} = \overline{CF} = 6(\text{cm})$
 따라서 $\overline{BF} = 8 - 6 = 2(\text{cm})$
 $\overline{AB} = \overline{BE}$ 이므로 $\overline{BE} = 6\text{cm}$
 $\therefore \overline{EF} = 6 - 2 = 4(\text{cm})$

6. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 에서 $\overline{BF}$, $\overline{CE}$ 는 각각 $\angle B$, $\angle C$ 의 이등분선이다. $\overline{AB} = 18\text{cm}$, $\overline{BC} = 21\text{cm}$ 일 때, $\overline{EF}$ 의 길이는?

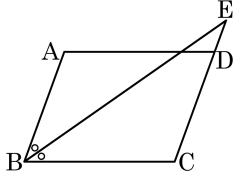


- ① 15cm ② 18cm ③ 20cm
④ 21cm ⑤ 23cm

해설

$$\begin{aligned}\overline{AF} &= \overline{AB} = 18 \text{ (cm)} \\ \overline{CD} &= \overline{DE} = 18 \text{ (cm)} \\ \overline{AF} + \overline{ED} - \overline{EF} &= 21 \text{ (cm)} \text{ } \circlearrowleft \text{ } \text{따라서} \\ \overline{EF} &= 18 + 18 - 21 = 15 \text{ (cm)}\end{aligned}$$

7. 평행사변형 ABCD 에서 $\overline{BE}$ 는 $\angle ABC$ 의 이등분선이다. $\overline{AB} = 7\text{cm}$, $\overline{AD} = 9\text{cm}$ 일 때, $\overline{CE}$ 의 길이를 구하시오.



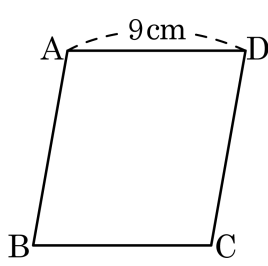
▶ 답 : cm

▷ 정답 : 9 cm

해설

$\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ 이므로
 $\angle ABE = \angle BEC$ (엇각)
 $\angle EBC = \angle BEC$ 이므로 $\triangle BEC$ 는 이등변삼각형이다.
 $\therefore \overline{CE} = \overline{BC} = \overline{AD} = 9(\text{cm})$

8. 다음 평행사변형의 둘레의 길이가 38cm 이다. $\overline{AD} = 9\text{cm}$ 일 때, $\overline{AB}$ 의 길이를 구하여라.



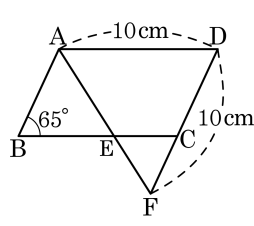
- ① 6cm ② 8cm ③ 10cm ④ 12cm ⑤ 14cm

해설

$$\overline{AB} = 38 \div 2 - 9 = 10(\text{cm})$$

9. 다음 그림의 $\square ABCD$ 는 평행사변형이고 $\angle ABC = 65^\circ$, $\overline{AD} = \overline{DF} = 10\text{cm}$ 일 때, $\angle AEB$ 의 크기는?

- ① 57° ② 57.5° ③ 60°
 ④ 62.5° ⑤ 65°

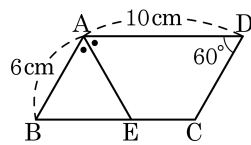


해설

$\overline{AD} = \overline{DF}$ 이므로 $\angle DAF = \angle DFA$
 $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이므로 $\angle DFA = \angle BAE$ (엇각),
 $\angle DAF = \angle AEB$ (엇각)
 $\therefore \angle AEB = (180^\circ - 65^\circ) \div 2 = 57.5^\circ$

10. 평행사변형 ABCD 에서 $\overline{AB} = 6\text{cm}$, $\overline{AD} = 10\text{cm}$ 이고 $\overline{AE}$ 는 $\angle BAD$ 의 이등분선일 때, 선분 EC 의 길이는?

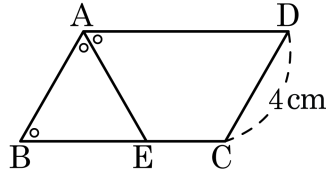
- ① 13cm ② 3.5cm ③ 4cm
④ 5cm ⑤ 6cm



해설

$\angle DAE = \angle AEB$ (엇각)
 $\angle BAE = \angle AEB$ 이므로 $\triangle ABE$ 는 이등변삼각형이다.
 $\overline{AB} = \overline{BE} = 6(\text{cm})$
 $\therefore \overline{EC} = \overline{BC} - \overline{BE} = 10 - 6 = 4(\text{cm})$

11. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 에서 $\angle A$ 의 이등분선이 변 $\overline{BC}$ 와 만나는 점을 E 라고 할 때, $\overline{BE}$ 의 길이를 구하면?

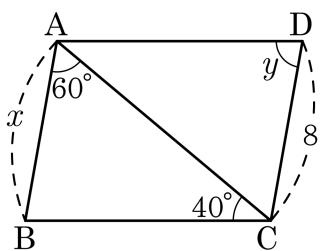


- ① 2 cm ② 4 cm ③ 6 cm ④ 7 cm ⑤ 8 cm

해설

평행사변형 ABCD 에서 $\angle A + \angle B = 180^\circ$ 이므로
 $\overline{AD} \parallel \overline{BE}$
 $\angle DAE = \angle AEB$ (엇각)
따라서 $\triangle ABE$ 는 정삼각형이므로
 $\overline{BE} = \overline{AB} = 4\text{ cm}$

12. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 에서 x, y 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▶ 답: 0

▷ 정답 : $x = 8$

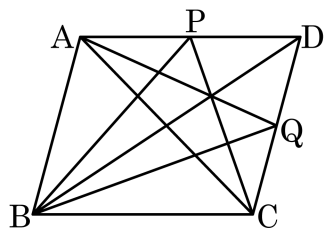
▶ 정답 : $\angle y = 80^\circ$

해설

$$\overline{AB} = \overline{DC} = 8, \angle ABC = 180 - (60^\circ + 40^\circ) = 80^\circ$$

따라서 $x = 8, \angle y = 80^\circ$

13. 다음 그림에서 □ABCD는 넓이가 100인 평행사변형이다. $\triangle DCP = 20$ 일 때, $\triangle ABP$ 의 넓이를 구하여라.



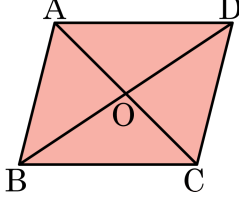
▶ 답 :

▷ 정답 : 30

해설

$$\begin{aligned}\triangle ABP &= \triangle ACP \\ \triangle ACP + \triangle DCP &= \triangle ACP + 20 \\ &= \triangle ABP + 20 \\ &= \triangle ACD \\ &= \frac{1}{2} \square ABCD \\ &= \frac{1}{2} \times 100 \\ \therefore \triangle ABP &= 30\end{aligned}$$

14. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서 점 O가 두 대각선의 교점이고, $\square ABCD$ 의 넓이가 44 cm^2 일 때, 다음의 넓이를 구하여라.



(1) $\triangle OBC$

(2) $\triangle ABC$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : (1) 11 cm^2

▷ 정답 : (2) 22 cm^2

해설

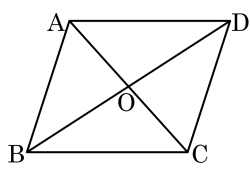
(1) $\triangle OAB = \triangle OBC = \triangle OCD = \triangle ODA$ 이므로

$$\triangle OBC = 44 \times \frac{1}{4} = 11(\text{cm}^2)$$

(2) $\triangle OAB = \triangle OBC = \triangle OCD = \triangle ODA$ 이므로

$$\triangle ABC = 44 \times \frac{1}{2} = 22(\text{cm}^2)$$

15. 평행사변형 ABCD 에서 $\triangle OBC$ 의 넓이가 15cm^2 일 때, 평행사변형 ABCD 의 넓이를 구하여라.



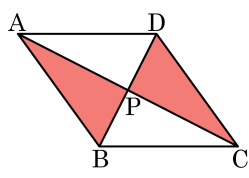
▶ 답 : cm^2

▶ 정답 : 60cm^2

해설

$\triangle BOC$ 와 $\triangle AOD$ 는 같다.
 $\triangle AOD + \triangle BOD = \triangle AOB + \triangle DOC$ 이다.
그러므로 평행사변형 ABCD 는 60cm^2 이다.

16. 다음 그림에서 평행사변형 ABCD 의 넓이가 70cm^2 일 때, $\triangle ABP + \triangle DPC$ 의 넓이를 구하여라.



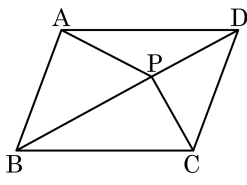
▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : 35cm^2

해설

$$\begin{aligned}\triangle ABP + \triangle DPC &= \square ABCD \times \frac{1}{2} \\ &= 70 \times \frac{1}{2} = 35(\text{cm}^2)\end{aligned}$$

17. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD 의 내부에 한 점 P 를 잡을 때, $\triangle ABP = 32\text{cm}^2$, $\triangle BCP = 28\text{cm}^2$, $\triangle ADP = 24\text{cm}^2$ 이다. $\triangle CDP$ 의 넓이를 구하여라.



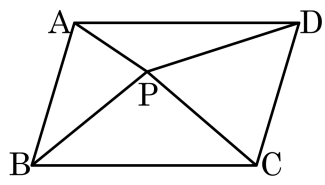
▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : 20 cm^2

해설

점 P 를 지나고 $\overline{AD}$ 와 $\overline{AB}$ 에 평행한 선분을 그으면 $\triangle ABP + \triangle CDP = \triangle APD + \triangle BCP$ 이므로
 $\triangle CDP = 24 + 28 - 32 = 20 \text{ (cm}^2\text{)}$

18. 평행사변형 ABCD 의 내부에 한 점 P 를 잡을 때, $\triangle PAB$, $\triangle PAD$, $\triangle PBC$ 의 넓이는 각각 12cm^2 , 9cm^2 , 18cm^2 이다. $\triangle PCD$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답: cm^2

▷ 정답: 15 cm^2

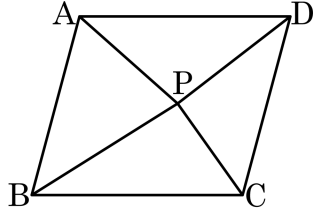
해설

$$\triangle PAD + \triangle PBC = \triangle PAB + \triangle PCD$$

$$9 + 18 = 12 + \triangle PCD$$

$$\therefore \triangle PCD = 15(\text{cm}^2)$$

19. 다음 그림의 평행사변형 ABCD의 넓이는 60cm^2 이다. 내부의 한 점 P에 대하여 $\triangle PCD$ 의 넓이가 14cm^2 일 때, $\triangle PAB$ 의 넓이는 () cm^2 이다. ()안에 알맞은 수를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 16

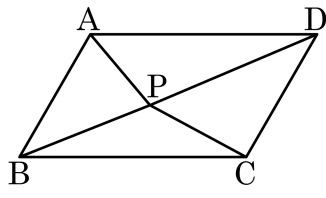
해설

내부의 한 점 P에 대하여 $\frac{1}{2}\square ABCD = \triangle PAB + \triangle PCD = \triangle PAD + \triangle PBC$ 이다.

$$60 \times \frac{1}{2} = 14 + \triangle PAB \text{ 이므로}$$

$$\therefore \triangle PAB = 16(\text{cm}^2)$$

20. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에 대하여 $\triangle ABP = 18\text{cm}^2$, $\triangle PBC = 16\text{cm}^2$, $\triangle PCD = 20\text{cm}^2$ 일 때, $\triangle APD$ 의 넓이는?



- ① 17cm^2 ② 22cm^2 ③ 25cm^2
④ 30cm^2 ⑤ 35cm^2

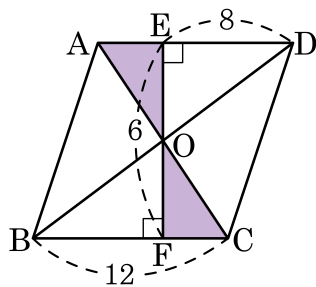
해설

내부의 한 점 P에 대하여 $\frac{1}{2}\square ABCD = \triangle ABP + \triangle PCD = \triangle APD + \triangle PBC$ 이다.

$\triangle ABP = 18\text{cm}^2$, $\triangle PBC = 16\text{cm}^2$, $\triangle PCD = 20\text{cm}^2$ 이므로 $18 + 20 = \triangle APD + 16$ 이다.

$\therefore \triangle PAD = 22\text{cm}^2$

21. 다음 평행사변형 ABCD에서 높이가 6이고 $\overline{ED} = 8$, $\overline{BC} = 12$ 일 때, 색칠한 부분의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :

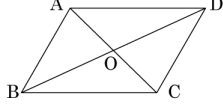
▷ 정답 : 12

해설

$\triangle OAE \cong \triangle OCF$ 이고 높이가 6이므로 색칠한 부분의 높이는 3이다.

또한, $\overline{AE} = \overline{FC} = 4$ 이므로 $\triangle OAE$ 의 넓이는 $\frac{1}{2} \times 4 \times 3 = 6$ 이고, 색칠한 부분의 넓이는 $6 + 6 = 12$ 이다.

22. 다음은 □ABCD 가 평행사변형일 때, 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분함을 증명하는 과정이다. □안에 알맞게 써 넣어라.



가정 : □ ABCD 에서 $\overline{AB} = \overline{DC}$, $\overline{AD} = \overline{BC}$

결론 : $\overline{AO} = \overline{CO}$, $\overline{BO} = \overline{DO}$

증명 : △ABO 와 △CDO 에서 $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ 이므로

$\angle BAO = \angle DCO$ (엇각)

$\angle ABO = \angle CDO$ (엇각)

$\overline{AB} = \square$

$\therefore \triangle ABO \cong \triangle CDO$ ($\square$ 합동)

$\therefore \overline{AO} = \square$, $\square$

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $\overline{CD}$

▷ 정답 : ASA

▷ 정답 : $\overline{CO}$

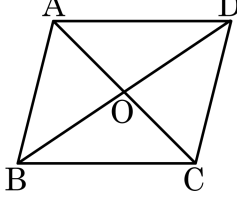
▷ 정답 : $\overline{BO} = \overline{DO}$

해설

한 변의 길이와 그 양 끝 각의 크기가 같은 삼각형은 ASA 합동이다.

23. 다음은 ‘평행사변형의 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분한다.’를 증명하는 과정이다.

□안에 알맞은 것을 차례대로 써넣어라.



가정 : □ABCD에서
 $\overline{AB} \parallel \overline{DC}, \overline{AD} \parallel \overline{BC}$, 점 O는 두 대각선의 교점
결론 : $\overline{OA} = \overline{OC}, \overline{OB} = \overline{OD}$
증명 : $\triangle OAB$ 와 $\triangle OCD$ 에서
 $\angle BAO = \angle DCO$ (엇각) $\cdots \textcircled{1}$
 $\angle ABO = \square$ (엇각) $\cdots \textcircled{2}$
평행사변형의 대변이므로 $\overline{AB} = \square \cdots \textcircled{3}$
 $\textcircled{1}, \textcircled{2}, \textcircled{3}$ 에 의해 $\triangle OAB \cong \triangle OCD$ ($\square$ 합동)
 $\overline{OA} = \overline{OC}, \overline{OB} = \square$

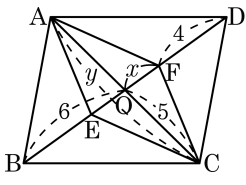
▶ 답 :

▷ 정답 : $\angle CDO, \overline{CD}, \text{ASA}, \overline{OD}$

해설

가정 : □ABCD에서
 $\overline{AB} \parallel \overline{DC}, \overline{AD} \parallel \overline{BC}$, 점 O는 두 대각선의 교점
결론 : $\overline{OA} = \overline{OC}, \overline{OB} = \overline{OD}$
증명 : $\triangle OAB$ 와 $\triangle OCD$ 에서
 $\angle BAO = \angle DCO$ (엇각) $\cdots \textcircled{1}$
 $\angle ABO = \angle CDO$ (엇각) $\cdots \textcircled{2}$
평행사변형의 대변이므로 $\overline{AB} = \overline{CD} \cdots \textcircled{3}$
 $\textcircled{1}, \textcircled{2}, \textcircled{3}$ 에 의해 $\triangle OAB \cong \triangle OCD$ (ASA 합동)
 $\overline{OA} = \overline{OC}, \overline{OB} = \overline{OD}$

24. 다음 그림의 평행사변형 ABCD 에서 x, y 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▶ 답 :

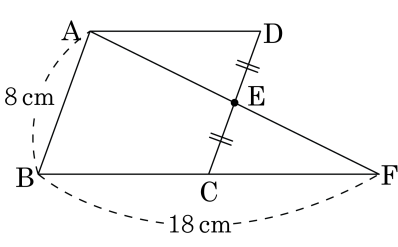
▷ 정답 : $x = 2$

▷ 정답 : $y = 10$

해설

평행사변형의 두 대각선은 서로 다른 대각선을 이등분하므로
 $y = 2 \times 5 = 10$ 이고 $x + 4 = 6, x = 2$

25. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서 $\overline{CD}$ 의 중점을 E라 하고, $\overline{AE}$ 의 연장선이 $\overline{BC}$ 의 연장선과 만나는 점을 F라 하자. 이 때 $\overline{AD}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 9 cm

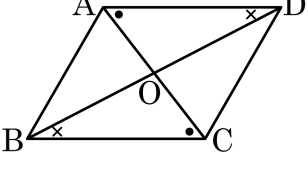
해설

$\triangle ADE$ 와 $\triangle FCE$ 에서
 $\overline{ED} = \overline{EC}$
 $\angle ADE = \angle FCE$ (엇각)
 $\angle AED = \angle FEC$ (맞꼭지각)
 $\therefore \triangle ADE \equiv \triangle FCE$ (ASA 합동)

따라서 $\overline{AD} = \overline{FC}$ 이고, 평행사변형이므로
 $\overline{AD} = \overline{BC}$
 따라서 $\overline{CF} = \overline{AD} = \overline{BC}$

즉, $\overline{BF} = \overline{BC} + \overline{FC} = 2\overline{AD}$ 이므로
 $2\overline{AD} = 18$
 $\therefore \overline{AD} = 9(\text{cm})$

26. 다음은 평행사변형의 성질을 증명하는 과정이다. 어떤 성질을 증명한 것인가?



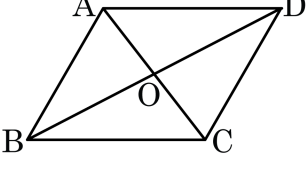
평행사변형 ABCD에 점 B와 점 D, 점 A와 점 C를 이르면
 $\overline{AD} = \overline{BC} \cdots \textcircled{\text{㉠}}$
 $\angle OAD = \angle OCB$ (엇각) $\cdots \textcircled{\text{㉡}}$
 $\angle ODA = \angle OBC$ (엇각) $\cdots \textcircled{\text{㉢}}$
 $\textcircled{\text{㉠}}, \textcircled{\text{㉡}}, \textcircled{\text{㉢}}$ 에 의해서 $\triangle OAD \cong \triangle OCB$ (ASA 합동) 이므로
 $\overline{OA} = \overline{OC}, \overline{OB} = \overline{OD}$

- ① 한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같다.
- ② 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같다.
- ③ 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분한다.
- ④ 두 쌍의 대변이 각각 평행하다.
- ⑤ 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.

해설

평행사변형의 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분함을 증명하는 과정이다.

27. 다음은 ‘평행사변형에서 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분한다.’를 증명한 것이다. $\angle OAD = \angle OCB$, $\angle ODA = \angle OBC$ 인 이유는?



[가정] □ABCD에서 $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$
[결론] $AO = CO$, $BO = DO$
[증명] $\triangle OAD$ 와 $\triangle OCB$ 에서평행사변형의 대변의 길이는 같으
므로
 $\overline{AD} = \overline{BC} \dots \textcircled{㉠}$
 $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이므로
 $\angle OAD = \angle OCB \dots \textcircled{㉡}$
 $\angle ODA = \angle OBC \dots \textcircled{㉢}$
 $\textcircled{㉠}$, $\textcircled{㉡}$, $\textcircled{㉢}$ 에 의해서 $\triangle OAD = \triangle OCB$ (ASA 합동)
 $\therefore \overline{AO} = \overline{CO}$, $\overline{BO} = \overline{DO}$

- ① 맞꼭지각

② 직각

③ 동위각
- ④ 엇각

⑤ 평각

해설

평행선에서의 엇각의 성질로 $\angle OAD = \angle OCB$, $\angle ODA = \angle OBC$ 이다.

28. 다음은 ‘평행사변형에서 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분한다.’를 증명한 것이다. ㄱ~ㅁ에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?

[가정] □ABCD에서 $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$
[결론] $AO = CO$, ㄱ $= \overline{DO}$
[증명] △OAD와 △OCB에서 ㄴ $= \overline{BC} \dots \textcircled{㉠}$
 $\overline{AD} \parallel$ ㄷ 이므로
 $\angle OAD = \angle OCB$ (ㄹ) $\dots \textcircled{㉡}$
 $\angle ODA = \angle OBC$ (ㄹ) $\dots \textcircled{㉢}$
 $\textcircled{㉠}$, $\textcircled{㉡}$, $\textcircled{㉢}$ 에 의해서 $\triangle OAD \cong \triangle OCB$ (ㅁ 합동)
 $\therefore \overline{AO} = \overline{CO}$, ㄱ $= \overline{DO}$

- ① ㄱ : $\overline{BO}$

② ㄴ : $\overline{CD}$

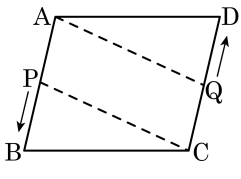
③ ㄷ : $\overline{BC}$
- ④ ㄹ : 엇각

⑤ ㅁ : ASA

해설

②에서 $\overline{BC} = \overline{AD} \neq \overline{CD}$ 이다.

29. $\overline{AB} = 100\text{m}$ 인 평행사변형 ABCD 를 점 P 는 A 에서 B 까지 매초 5m의 속도로, 점 Q 는 7m의 속도로 C 에서 D 로 이동하고 있다. P 가 A 를 출발한 4 초 후에 Q 가 점 C 를 출발한다면 $\square APCQ$ 가 평행사변형이 되는 것은 Q 가 출발한 지 몇 초 후인가?



- ① 5 초 ② 8 초 ③ 10 초 ④ 12 초 ⑤ 15 초

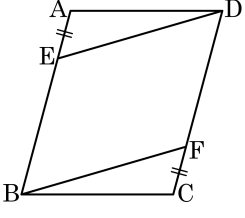
해설

$\square APCQ$ 가 평행사변형이 되려면 $\overline{AP} = \overline{CQ}$ 가 되어야 하므로 Q 가 이동한 시간을 x (초)라 하면 P 가 이동한 시간은 $x + 4$ (초)이다.

$$\overline{AP} = 5(x + 4), \overline{CQ} = 7x, 5(x + 4) = 7x$$

$\therefore x = 10$ (초)이다.

30. 평행사변형 ABCD 의 $\overline{AB}$, $\overline{CD}$ 위에 $\overline{AE} = \overline{CF}$ 가 되도록 두 점 E, F 를 잡을 때 □BEDF 가 평행사변형이 되는 조건으로 가장 알맞은 것은?

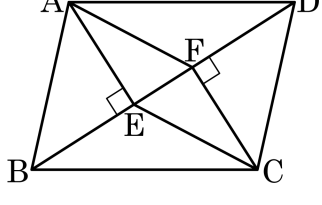


- ① $\overline{AB} // \overline{DC}$, $\overline{ED} // \overline{DF}$
 ② $\angle EBF = \angle EDF$, $\angle BED = \angle DFB$
 ③ $\overline{AD} = \overline{BC}$, $\overline{AB} = \overline{CD}$
 ④ $\overline{AB} = \overline{CD}$, $\overline{AE} = \overline{CF}$
 ⑤ $\overline{BE} // \overline{DF}$, $\overline{BE} = \overline{DF}$

해설

사각형 ABCD 가 평행사변형이므로 $\overline{AB} // \overline{CD}$, $\overline{AB} = \overline{CD}$ 즉 $\overline{EB} // \overline{DF}$, $\overline{AE} = \overline{CF}$ 이므로 $\overline{BE} = \overline{DF}$ 이다.
 따라서 한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같으므로 사각형 BFDE 는 평행사변형이다.

31. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD 의 두 꼭짓점 A, C 에서 대각선 BD 에 내린 수선의 발을 각각 E, F 라 할 때, □AECF 는 평행사변형이다. 이용되는 평행사변형이 되는 조건은?

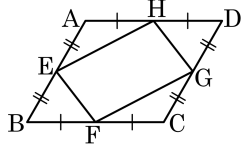


- ① 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.
- ② 두 대각선이 다른 것을 이등분한다.
- ③ 두 쌍의 대변이 각각 평행하다.
- ④ 한 쌍의 대변이 평행하고, 그 길이가 같다.
- ⑤ 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같다.

해설

$\triangle ABE \equiv \triangle CDF$ (RHA 합동) 이므로 $\overline{AE} = \overline{CF}$
 $\angle AEF = \angle CFE = 90^\circ$ (엇각) 이므로 $\overline{AE} // \overline{CF}$
따라서 한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같으므로 □AECF
는 평행사변형이다.

32. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 의 각 변의 중점을 차례로 E, F, G, H 라 할 때, □EFGH 는 어떤 사각형인지 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 평행사변형

해설

□ABCD 가 평행사변형이므로 $\angle A = \angle C$, $\angle B = \angle D$ 이다.
SAS 합동 조건에 따라 $\triangle AEH \cong \triangle FCG$, $\triangle EBF \cong \triangle HGD$ 이므로
 $\overline{EH} = \overline{FG}$, $\overline{EF} = \overline{HG}$ 이다.
두 쌍의 대응변의 길이가 같으므로 사각형 HEFG 는 평행사변형이다.