

1. 세 변의 길이가 다음과 같고, 예각삼각형이 된다고 할 때,  $x$  값의 범위를 구하여라. (단,  $x$ 는 가장 긴 변의 길이이다.)
- (1) 2, 7,  $x$
  - (2) 4, 5,  $x$
  - (3) 6, 10,  $x$

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : (1)  $5 < x < \sqrt{53}$

▷ 정답 : (1)  $1 < x < \sqrt{41}$

▷ 정답 : (2)  $4 < x < 2\sqrt{34}$

### 해설

(1) (i) 삼각형의 결정 조건

$$7 - 2 < x < 7 + 2$$

$$\therefore 5 < x < 9$$

(ii) 삼각형의 변과 각 사이의 관계

$$x^2 < 2^2 + 7^2$$

$$\therefore 0 < x < \sqrt{53}$$

따라서 (i), (ii)에서  $5 < x < \sqrt{53}$

(2) (i) 삼각형의 결정 조건

$$5 - 4 < x < 5 + 4$$

$$\therefore 1 < x < 9$$

(ii) 삼각형의 변과 각 사이의 관계

$$x^2 < 4^2 + 5^2$$

$$\therefore 0 < x < \sqrt{41}$$

따라서 (i), (ii)에서  $1 < x < \sqrt{41}$

(3) (i) 삼각형의 결정 조건

$$10 - 6 < x < 10 + 6$$

$$\therefore 4 < x < 16$$

(ii) 삼각형의 변과 각 사이의 관계

$$x^2 < 6^2 + 10^2$$

$$\therefore 0 < x < 2\sqrt{34}$$

따라서 (i), (ii)에서  $4 < x < 2\sqrt{34}$

2. 세 변의 길이가 보기와 같은 삼각형 중에서 예각삼각형의 개수를 구하여라.

보기

- |                                       |   |
|---------------------------------------|---|
| ㉠ 9cm, 16cm, 24cm                     | ㉡ $\sqrt{3}$ cm , $\sqrt{4}$ cm , $\sqrt{5}$ cm |
| ㉢ 3cm, 4cm, 5cm                       | ㉣ 2cm, $\sqrt{3}$ cm, 1cm                       |
| ㉣ $\sqrt{2}$ cm , $\sqrt{2}$ cm , 2cm | ㉤ 6cm, 7cm, 8cm                                 |

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 2 개

해설

둔각삼각형 : ㉠

직각삼각형 : ㉢, ㉣, ㉣

예각삼각형 : ㉡, ㉤

3. 삼각형의 세 변의 길이가 다음과 같을 때, 예각삼각형, 직각삼각형, 둔각삼각형으로 구분하여 써라.
- (1) 2,  $\sqrt{5}$ , 3
  - (2) 10, 11, 12
  - (3) 7, 8, 11
  - (4) 3, 3,  $3\sqrt{2}$

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : (1) 직각 삼각형

▷ 정답 : (2) 예각 삼각형

▷ 정답 : (3) 둔각 삼각형

▷ 정답 : (4) 직각 삼각형

해설

(1)  $3^2 = 2^2 + (\sqrt{5})^2$  (직각 삼각형)

(2)  $12^2 < 10^2 + 11^2$  (예각 삼각형)

(3)  $11^2 > 7^2 + 8^2$  (둔각 삼각형)

(4)  $(3\sqrt{2})^2 = 3^2 + 3^2$  (직각 삼각형)

4. 다음 그림과 같이  $\angle B = 90^\circ$  인  $\triangle ABC$ 에서  $\overline{AD} = 5\text{ cm}$ ,  $\overline{BD} = 3\text{ cm}$  일 때,  $\overline{BC}$ 의 길이는?

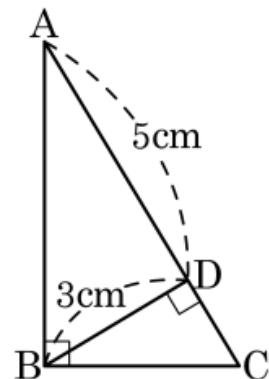
①  $\frac{2\sqrt{23}}{5}$

②  $\frac{3\sqrt{23}}{5}$

③  $\frac{3\sqrt{34}}{5}$

④  $\frac{4\sqrt{34}}{5}$

⑤  $\frac{18}{5}$



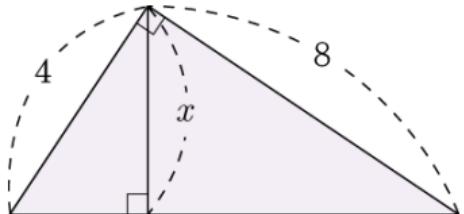
해설

$$\triangle ABC \text{에서 } \overline{BD}^2 = \overline{AD} \cdot \overline{CD}$$

$$\overline{CD} = \frac{3^2}{5} = \frac{9}{5}(\text{cm})$$

$$x = \sqrt{3^2 + \left(\frac{9}{5}\right)^2} = \frac{3\sqrt{34}}{5}$$

5. 다음 그림에서  $x$ 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{8\sqrt{5}}{5}$

해설

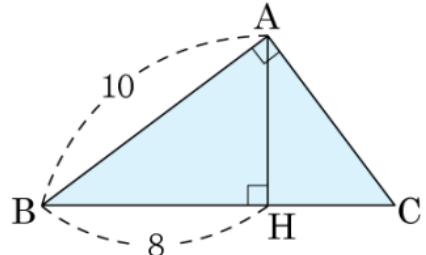
피타고라스 정리를 이용하면 밑변의 길이는  $4\sqrt{5}$  이다.

삼각형의 넓이는 일정함을 적용하면

$$4 \times 8 = 4\sqrt{5} \times x$$

따라서  $x = \frac{32}{4\sqrt{5}} = \frac{8\sqrt{5}}{5}$

6. 다음 그림의 직각삼각형 ABC 의 점 A에서  $\overline{BC}$ 에 내린 수선의 발을 H 라 할 때,  $\overline{CH}$ 의 길이는?



▶ 답 :

▷ 정답 :  $\frac{9}{2}$

해설

$\overline{BC} = x$  라 하자.

$$100 = \overline{AB}^2 = \overline{BH} \times \overline{BC} = 8 \times x$$

$$x = \frac{100}{8} = \frac{25}{2}$$

$$\text{따라서 } \overline{CH} = \frac{25}{2} - 8 = \frac{9}{2}$$

7.  $y = -\frac{1}{2}x^2 + 4x - 10$ 의 꼭짓점과 점  $(-2, -5)$  사이의 거리를 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답:  $3\sqrt{5}$

해설

$$y = -\frac{1}{2}x^2 + 4x - 10$$

$$y = -\frac{1}{2}(x - 4)^2 - 2 \text{ 이므로 꼭짓점의 좌표는 } (4, -2) \text{ 이다.}$$

따라서 꼭짓점과 점  $(-2, -5)$  사이의 거리는

$$\sqrt{\{4 - (-2)\}^2 + \{-2 - (-5)\}^2} = \sqrt{45} = 3\sqrt{5}$$

8. 이차함수  $y = x^2$  과  $y = -x^2 + 2x + 3$  의 그래프의 두 꼭짓점 사이의 거리를 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 :  $\sqrt{17}$

해설

$y = x^2$  의 꼭짓점의 좌표는  $(0, 0)$  이고,

$$y = -x^2 + 2x + 3$$

$y = -(x-1)^2 + 4$  이므로 이 함수의 꼭짓점의 좌표는  $(1, 4)$  이다.

따라서 두 점 사이의 거리는

$$\sqrt{(1-0)^2 + (4-0)^2} = \sqrt{17} \text{ 이다.}$$

9. 이차함수  $y = x^2 + 4x - 6$  의 꼭짓점을 P, y 축과 만나는 점의 좌표를 Q 라 할 때, 선분 PQ 의 길이를 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 :  $2\sqrt{5}$

해설

$$y = x^2 + 4x - 6 = (x + 2)^2 - 10$$

꼭짓점 P(-2, -10)

Q 는 y 절편이므로 (0, -6)

$$\begin{aligned}\overline{PQ} &= \sqrt{(-2 - 0)^2 + (-10 + 6)^2} \\ &= \sqrt{4 + 16} = \sqrt{20} = 2\sqrt{5}\end{aligned}$$

10. 다음 도수 분포표는 어느 반 32명의 일주일 간 영어 공부 시간을 나타낸 것이다. 평균, 표준편차를 차례대로 나열한 것은?

공부시간(시간)	학생 수(명)
0 이상 ~ 2 미만	4
2 이상 ~ 4 미만	2
4 이상 ~ 6 미만	18
6 이상 ~ 8 미만	6
8 이상 ~ 10 미만	2
합계	32

- ① 5, 1      ② 5, 2      ③ 5, 4      ④ 6, 3      ⑤ 6, 4

해설

$$(평균) = \frac{1 \times 4 + 3 \times 2 + 5 \times 18 + 7 \times 6 + 9 \times 2}{32} \\ = 5$$

$$(분산) = \frac{(-4)^2 \times 4 + (-2)^2 \times 2}{32} \\ + \frac{0^2 \times 18 + 2^2 \times 6 + 4^2 \times 2}{32} = 4 \\ \therefore (표준편차) = \sqrt{4} = 2$$

11. 다음 도수분포표는 어느 반에서 20명 학생의 체육 실기 점수를 나타낸 것이다. 이 반 학생들의 체육 실기 점수의 분산과 표준편차는?

점수(점)	1	2	3	4	5
학생 수(명)	2	5	8	3	2

① 분산 : 1.15, 표준편차 :  $\sqrt{1.15}$

② 분산 : 1.17, 표준편차 :  $\sqrt{1.17}$

③ 분산 : 1.19, 표준편차 :  $\sqrt{1.19}$

④ 분산 : 1.21, 표준편차 :  $\sqrt{1.21}$

⑤ 분산 : 1.23, 표준편차 :  $\sqrt{1.23}$

해설

평균:  $\frac{2 \times 1 + 2 \times 5 + 3 \times 8 + 4 \times 3 + 5 \times 2}{20} = 2.9$

편차: -1.9, -0.9, 0.1, 1.1, 2.1

분산:  $\frac{(-1.9)^2 \times 2 + (-0.9)^2 \times 5 + 0.1^2 \times 8}{20} + \frac{1.1^2 \times 3 + 2.1^2 \times 2}{20} = 1.19$

표준편차:  $\sqrt{1.19}$

12. 다음은 학생 20 명의 턱걸이 횟수에 대한 도수분포표이다. 이 분포의 분산은?(단, 평균, 분산은 소수 첫째자리에서 반올림한다.)

계급	도수
3 이상 ~ 5 미만	6
5 이상 ~ 7 미만	3
7 이상 ~ 9 미만	8
9 이상 ~ 11 미만	3
합계	20

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

### 해설

학생들의 턱걸이 횟수의 평균은

$$\begin{aligned}(\text{평균}) &= \frac{\{( \text{계급값} ) \times (\text{도수})\} \text{의 총합}}{(\text{도수}) \text{의 총합}} \\&= \frac{4 \times 6 + 6 \times 3 + 8 \times 8 + 10 \times 3}{24 + 18 + 64 + 30} \\&= \frac{20}{20} = 6.8(\text{회})\end{aligned}$$

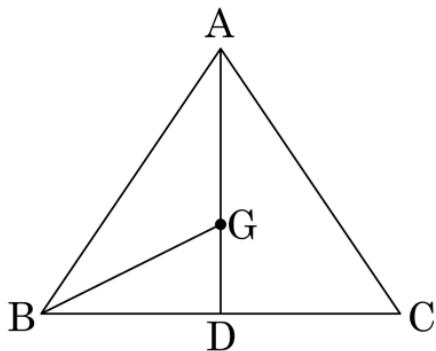
이므로 소수 첫째자리에서 반올림하면 7(회)이다.

따라서 구하는 분산은

$$\begin{aligned}\frac{1}{20} \{ (4 - 7)^2 \times 6 + (6 - 7)^2 \times 3 + (8 - 7)^2 \times 8 + (10 - 7)^2 \times 3 \} \\= \frac{1}{20} (54 + 3 + 8 + 27) = 4.6\end{aligned}$$

이므로 소수 첫째자리에서 반올림하면 5이다.

13. 한변의 길이가 6인 정삼각형 ABC에서 무게중심 G를 지나는 선분  $\overline{AD}$  가  $\overline{BC}$  를 이등분 한다고 한다.  $\overline{BG}$  의 길이를 구했더니  $a\sqrt{b}$  가 나왔을 때,  $a+b$  의 값을 구하여라.(단, b는 최소의 자연수)



▶ 답 :

▷ 정답 : 5

해설

삼각형 ABD에서 피타고라스 정리에 따라

$$\overline{AD} = \sqrt{6^2 - 3^2} = 3\sqrt{3}$$

$\overline{DG}$  는  $\overline{AD}$  의  $\frac{1}{3}$  이므로

$$\overline{DG} = \sqrt{3}$$

삼각형 BDG에서 피타고라스 정리에 의해서

$$\overline{BG}^2 = (\sqrt{3})^2 + 3^2$$

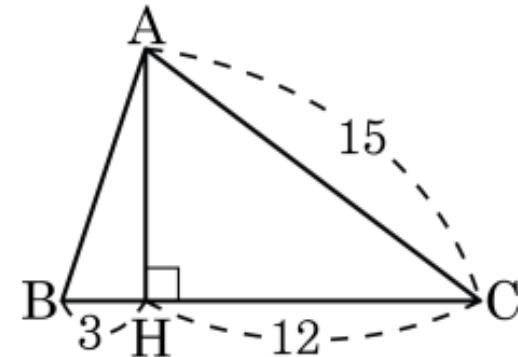
$$\therefore \overline{BG} = \sqrt{12} = 2\sqrt{3}$$

따라서  $a = 2$ ,  $b = 3$  이므로  $a+b = 5$  이다.

14. 다음 그림과 같은 삼각형 ABC에서  $\overline{AB}$ 의 길이를 구하여라.

①  $7\sqrt{2}$       ② 13      ③  $6\sqrt{2}$

④  $3\sqrt{10}$       ⑤ 5

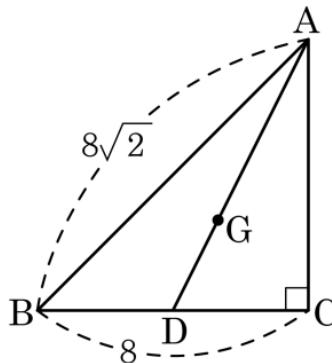


해설

$$\triangle AHC \text{에서 } \overline{AH} = \sqrt{15^2 - 12^2} = \sqrt{81} = 9$$

$$\triangle ABH \text{에서 } \overline{AB} = \sqrt{9^2 + 3^2} = \sqrt{90} = 3\sqrt{10}$$

15. 다음 그림과 같이  $\angle C = 90^\circ$  인  $\triangle ABC$ 에서  $\overline{AD}$ 는 중선이고, 점 G는  $\overline{DG}$ 의 길이를 구하여라.



- ①  $\frac{\sqrt{5}}{3}$       ②  $\frac{2\sqrt{5}}{3}$       ③  $\sqrt{5}$       ④  $\frac{4\sqrt{5}}{3}$       ⑤  $\frac{5\sqrt{5}}{3}$

### 해설

삼각형 ABC에서 피타고라스 정리에 따라  $\overline{AC}^2 = (8\sqrt{2})^2 - 8^2 = 8^2$

$\overline{AC} > 0$  이므로  $\overline{AC} = 8$  이다.

점 D는 변 BC를 이등분하므로  $\overline{CD} = 4$

따라서 삼각형 ACD에서 피타고라스 정리에 따라  $\overline{AD}^2 = 4^2 + 8^2 = 16 + 64 = 80$  이다.

$\overline{AD} > 0$  이므로  $\overline{AD} = 4\sqrt{5}$

$\overline{DG}$ 는  $\overline{AD}$ 의 길이의  $\frac{1}{3}$ 이므로  $\overline{DG} = \frac{4\sqrt{5}}{3}$  이다.