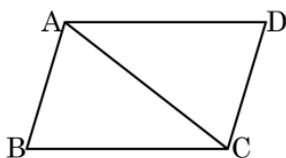


1. 다음 그림과 같은  $\square ABCD$  에서  $\overline{AB} = \overline{DC}$ ,  $\overline{AD} = \overline{BC}$  이면  $\square ABCD$  는 평행사변형을 증명하는 과정이다. 빈 칸에 들어갈 것 중 옳지 않은 것은?



대각선 AC 를 그어보면 대각선 AC 는 삼각형 ADC 와 삼각형 CBA 의 공통부분이 된다.

$\overline{AB} =$  ( ① ) 이고,  $\overline{AD} =$  ( ② ) 이므로

$\triangle ADC \equiv \triangle CBA$  ( ③ 합동)

$\angle BAC = \angle DCA$ ,  $\angle DAC = \angle BCA$  ( ④ )

따라서 두 쌍의 대변이 각각 ( ⑤ ) 하므로  $\square ABCD$  는 평행사변형이다.

①  $\overline{CD}$

②  $\overline{CB}$

③ SSS

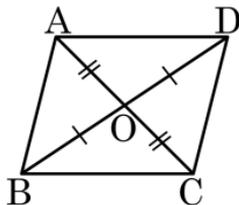
④  $\overline{AB} = \overline{DC}$ ,  $\overline{AD} = \overline{BC}$

⑤ 평행

해설

④  $\overline{AB} // \overline{DC}$ ,  $\overline{AD} // \overline{BC}$

2. 다음은 ‘두 대각선이 서로 다른 것을 이등분하는 사각형은 평행사변형이다.’를 증명하는 과정이다.  안에 알맞은 것을 차례대로 써넣어라.



가정 : □ABCD에서  $\overline{OA} = \overline{OC}$ ,  $\overline{OB} = \overline{OD}$

결론 :  $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ ,  $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$

증명 :  $\triangle OAB$ 와  $\triangle OCD$ 에서

$\overline{OA} = \overline{OC}$ ,  $\overline{OB} = \overline{OD}$ (가정)

$\angle AOB = \angle COD$ (맞꼭지각)

$\therefore \triangle OAB \cong \triangle OCD$ ( 합동)

$\angle OAB =$   이므로

$\overline{AB} \parallel \overline{DC} \dots \textcircled{1}$

$\triangle OAD$ 와  $\triangle OCB$ 에서

$\angle OAD = \angle OCB$ 이므로

$\overline{AD} \parallel$    $\dots \textcircled{2}$

$\textcircled{1}$ ,  $\textcircled{2}$ 에 의하여 □ABCD는 평행사변형이다.

▶ 답 :

▷ 정답 : SAS,  $\angle OCD$ ,  $\overline{BC}$

해설

가정 : □ABCD에서  $\overline{OA} = \overline{OC}$ ,  $\overline{OB} = \overline{OD}$

결론 :  $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ ,  $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$

증명 :  $\triangle OAB$ 와  $\triangle OCD$ 에서

$\overline{OA} = \overline{OC}$ ,  $\overline{OB} = \overline{OD}$ (가정)

$\angle AOB = \angle COD$ (맞꼭지각)

$\therefore \triangle OAB \cong \triangle OCD$ (SAS 합동)

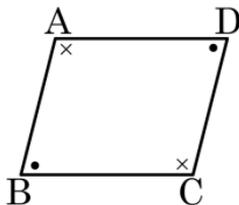
$\angle OAB = \angle OCD$ 이므로  $\overline{AB} \parallel \overline{DC} \dots \textcircled{1}$

$\triangle OAD$ 와  $\triangle OCB$ 에서

$\angle OAD = \angle OCB$ 이므로  $\overline{AD} \parallel \overline{BC} \dots \textcircled{2}$

$\textcircled{1}$ ,  $\textcircled{2}$ 에 의하여 □ABCD는 평행사변형이다.

3. 다음은 ‘두 쌍의 대각의 크기가 같은 사각형은 평행사변형이다.’를 증명하는 과정이다.  안에 알맞은 것을 차례대로 써넣어라.



가정 :  $\square ABCD$ 에서  $\angle A = \angle C, \angle B = \angle D$

결론 :  $\overline{AB} \parallel \overline{DC}, \overline{AD} \parallel \overline{BC}$

증명 :  $\angle A = \angle C = a, \angle B = \square = b$ 라 하면

$$2a + 2b = 360^\circ$$

$$\therefore a + b = \square$$

동측내각의 합이  $180^\circ$ 이므로

$\overline{AB} \parallel \overline{DC}, \overline{AD} \parallel \square$

▶ 답 :

▷ 정답 :  $\angle D, 180^\circ, \overline{BC}$

해설

가정 :  $\square ABCD$ 에서  $\angle A = \angle C, \angle B = \angle D$

결론 :  $\overline{AB} \parallel \overline{DC}, \overline{AD} \parallel \overline{BC}$

증명 :  $\angle A = \angle C = a, \angle B = \angle D = b$ 라 하면

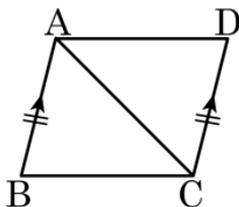
$$2a + 2b = 360^\circ$$

$$\therefore a + b = 180^\circ$$

동측내각의 합이  $180^\circ$ 이므로

$\overline{AB} \parallel \overline{DC}, \overline{AD} \parallel \overline{BC}$

4. 다음은 ‘한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같은 사각형은 평행사변형이다.’를 증명하는 과정이다.  안에 알맞은 것을 차례대로 써넣어라.



가정 : □ABCD에서  $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ ,  $\overline{AB} = \overline{DC}$

결론 : □ABCD는 평행사변형

증명 : 대각선 AC를 그으면

△ABC와 △CDA에서

$\overline{AB} = \overline{DC}$ (가정),  $\angle BAC = \angle DCA$ (엇각)

는 공통

즉,  $\triangle ABC \cong \triangle CDA$ (합동)이므로

$\angle BCA =$

∴  $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$

따라서 두 쌍의 대변이 각각 평행하므로

□ABCD는 이다.

▶ 답 :

▷ 정답 :  $\overline{AC}$ , SAS,  $\angle DAC$ , 평행사변형

해설

가정 : □ABCD에서  $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ ,  $\overline{AB} = \overline{DC}$

결론 : □ABCD는 평행사변형

증명 : 대각선 AC를 그으면

△ABC와 △CDA에서

$\overline{AB} = \overline{DC}$ (가정),  $\angle BAC = \angle DCA$ (엇각)

$\overline{AC}$ 는 공통

즉,  $\triangle ABC \cong \triangle CDA$ (SAS합동)이므로

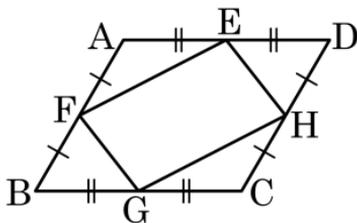
$\angle BCA = \angle DAC$

∴  $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$

따라서 두 쌍의 대변이 각각 평행하므로

□ABCD는 평행사변형이다.

5. 다음은 평행사변형 ABCD 의 각 변의 중점을 연결하여 □EFGH 가 평행사변형임을 보이는 과정이다. 평행사변형의 어떠한 성질을 이용한 것인가?



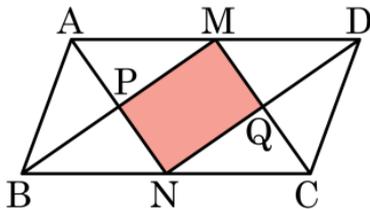
$\triangle AFE \equiv \triangle CHG$  (SAS 합동)  
 $\therefore \overline{EF} = \overline{GH}$   
 $\triangle BGF \equiv \triangle DEH$  (SAS 합동)  
 $\therefore \overline{FG} = \overline{EH}$   
 따라서 □EFGH 는 평행사변형이다.

- ① 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.
- ② 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같다.
- ③ 한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같다.
- ④ 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분한다.
- ⑤ 이웃하는 두 내각의 합이  $180^\circ$  이다.

해설

$\overline{EF} = \overline{GH}$ ,  $\overline{FG} = \overline{EH}$  이므로 평행사변형은 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같음을 이용해서 보인 것이다.

6. 다음 그림의 사각형 ABCD 에서 평행사변형 ABCD 에서  $\overline{AD} = 2\overline{AB}$  이고,  $\overline{AD}$  와  $\overline{BC}$  의 중점을 각각 M, N 이라 할 때, 색칠한 사각형은 어떤 사각형인지 구하여라.



$\overline{MN}$  을 연결하면  $\square ABNM$  과  $\square MNCD$  는 합동인 평행사변형이 되므로  $\overline{AP} = \overline{PN} = \overline{MQ} = \overline{QC}$ ,  
 $\overline{BP} = \overline{PM} = \overline{NQ} = \overline{QD}$   
 따라서 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같으므로  $\square PMQN$  은  이다.

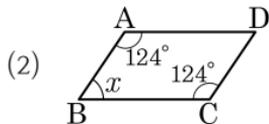
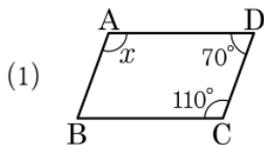
▶ 답 :

▷ 정답 : 평행사변형

해설

$\overline{MN}$  을 연결하면  $\square ABNM$  과  $\square MNCD$  는 합동인 평행사변형이 되므로  $\overline{AP} = \overline{PN} = \overline{MQ} = \overline{QC}$ ,  $\overline{BP} = \overline{PM} = \overline{NQ} = \overline{QD}$   
 따라서 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같으므로  $\square PMQN$  은 평행사변형이다.

7. 다음 그림과 같은 평행사변형에서  $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : (1)  $110^\circ$

▷ 정답 : (2)  $56^\circ$

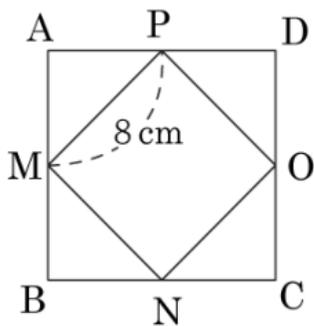
해설

(1)  $\angle A = \angle C$ 이므로,  $\angle x = 110^\circ$

(2)  $\angle A + \angle B = 180^\circ$ 이므로  $124^\circ + \angle x = 180^\circ$

$\therefore \angle x = 56^\circ$

8. 다음 그림과 같이  $\square ABCD$ 의 중점을 연결하여 만든  $\square MNOP$ 가 정사각형이 되었다.  $\overline{MP} = 8\text{cm}$  일 때,  $\square ABCD$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답:                       $\text{cm}^2$

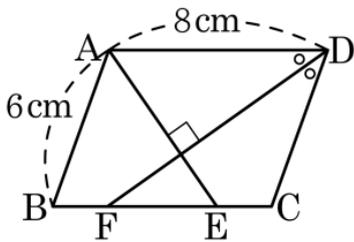
▷ 정답: 128  $\text{cm}^2$

### 해설

정사각형의 각 변의 중점을 차례로 연결하면 정사각형이 되므로  $\square ABCD$ 는 정사각형이다.

$\square MNOP$ 의 넓이를 구하면  $8 \times 8 = 64(\text{cm}^2)$  이므로  $\square ABCD$ 의 넓이는  $2 \times 64 = 128(\text{cm}^2)$ 이다.

9. 다음 그림의  $\square ABCD$  는  $\overline{AB} = 6\text{cm}$  ,  $\overline{AD} = 8\text{cm}$  인 평행사변형이고,  $\overline{DF}$  는  $\angle D$  의 이등분선,  $\overline{AE} \perp \overline{DF}$  이다. 이 때,  $\overline{EF}$  의 길이는?



- ① 2cm                      ② 2.5cm                      ③ 3cm  
 ④ 3.5cm                      ⑤ 4cm

해설

$$\angle ADF = \angle DFC(\text{엇각})$$

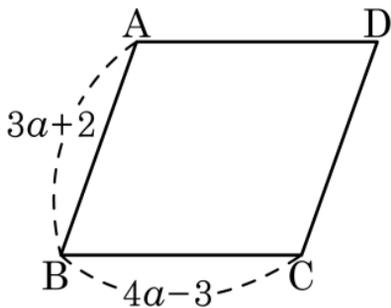
$$\overline{CD} = \overline{CF} = 6(\text{cm})$$

$$\text{따라서 } \overline{BF} = 8 - 6 = 2(\text{cm})$$

$$\overline{AB} = \overline{BE} \text{ 이므로 } \overline{BE} = 6\text{cm}$$

$$\therefore \overline{EF} = 6 - 2 = 4(\text{cm})$$

10. 다음 평행사변형의 둘레의 길이가 96 일 때,  $\overline{AD}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 25

해설

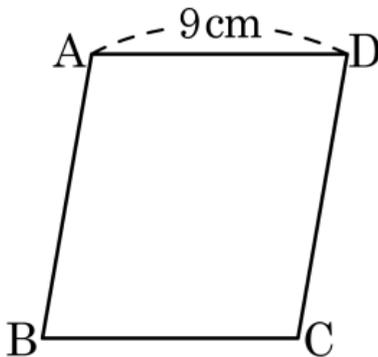
$$(4a - 3 + 3a + 2) \times 2 = 96$$

$$7a - 1 = 48, 7a = 49$$

$$a = 7$$

$$\overline{AD} = 4a - 3 = 4 \times 7 - 3 = 25$$

11. 다음 평행사변형의 둘레의 길이가 38cm 이다.  $\overline{AD} = 9\text{cm}$  일 때,  $\overline{AB}$ 의 길이를 구하여라.



① 6cm

② 8cm

③ 10cm

④ 12cm

⑤ 14cm

해설

$$\overline{AB} = 38 \div 2 - 9 = 10(\text{cm})$$

12. 다음은 평행사변형의 성질을 나타낸 것이다. □ 안에 알맞은 말은?

두 쌍의 □의 길이는 각각 같다.

① 대각선

② 대변

③ 대각

④ 빗변

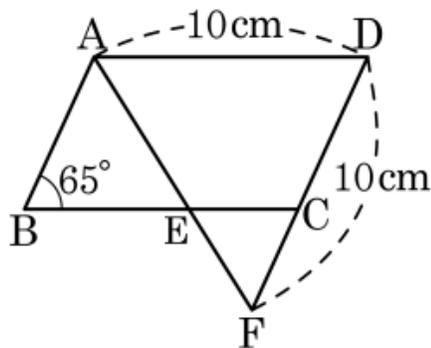
해설

평행사변형의 성질: ① 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같다.

② 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.

③ 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분한다.

13. 다음 그림의  $\square ABCD$  는 평행사변형이고  $\angle ABC = 65^\circ$ ,  $\overline{AD} = \overline{DF} = 10\text{cm}$  일 때,  $\angle AEB$  의 크기는?



- ①  $57^\circ$       ②  $57.5^\circ$       ③  $60^\circ$   
 ④  $62.5^\circ$       ⑤  $65^\circ$

해설

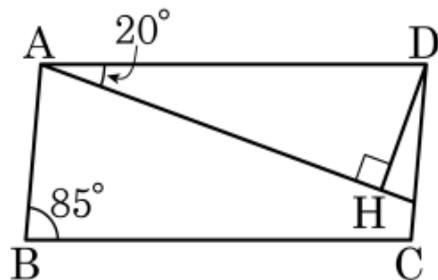
$\overline{AD} = \overline{DF}$  이므로  $\angle DAF = \angle DFA$

$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$  이므로  $\angle DFA = \angle BAE$ (엇각),

$\angle DAF = \angle AEB$ (엇각)

$\therefore \angle AEB = (180^\circ - 65^\circ) \div 2 = 57.5^\circ$

14. 다음 그림의 평행사변형 ABCD 에서  $\angle B = 85^\circ$ ,  $\angle DAC = 20^\circ$  이고 점 D 에서 대각선 AC 에 내린 수선의 발을 H 라 할 때,  $\angle HDC$  의 크기는?



①  $75^\circ$

②  $70^\circ$

③  $20^\circ$

④  $15^\circ$

⑤  $10^\circ$

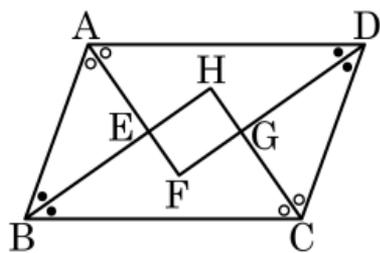
해설

$$\angle ADH = 90^\circ - 20^\circ = 70^\circ$$

$$\angle B = \angle D = 85^\circ$$

$$\therefore \angle HDC = 85^\circ - 70^\circ = 15^\circ$$

15. 평행사변형 ABCD 에서  $\angle A$ ,  $\angle B$ ,  $\angle C$ ,  $\angle D$  의 이등분선을 그어 그 교점을 각각 E, F, G, H 라 하면  $\square EFGH$  는 어떤 사각형인지 말하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 직사각형

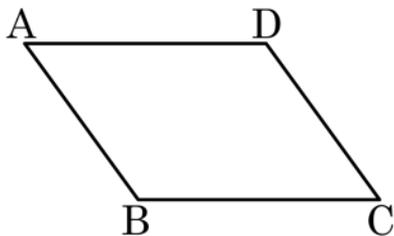
해설

$$\angle A + \angle B = 180^\circ$$

$$\angle HEF = \frac{1}{2} \times (\angle A + \angle B) = 90^\circ \text{ 이므로 } \square EFGH \text{ 는 네 각이 모두}$$

직각인 직사각형이다.

16. 다음 그림에서  $\square ABCD$  는 평행사변형이다.  $\angle A$  와  $\angle B$  의 크기의 비가 3 : 7 일 때,  $\angle A$  와  $\angle B$  의 크기를 차례로 구한 것은?



①  $126^\circ, 54^\circ$

②  $54^\circ, 126^\circ$

③  $144^\circ, 36^\circ$

④  $36^\circ, 144^\circ$

⑤  $120^\circ, 60^\circ$

해설

$$\angle A = 180^\circ \times \frac{3}{10} = 54^\circ$$

$$\angle B = 180^\circ \times \frac{7}{10} = 126^\circ$$

17. 평행사변형 ABCD 에서  $\angle A$  와  $\angle B$  의 크기의 비가 8 : 7 일 때,  $\angle C$  의 크기를 구하면?

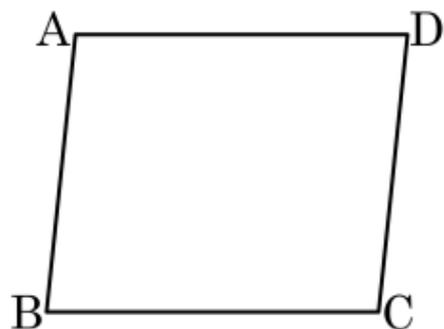
①  $100^\circ$

②  $96^\circ$

③  $92^\circ$

④  $84^\circ$

⑤  $80^\circ$



해설

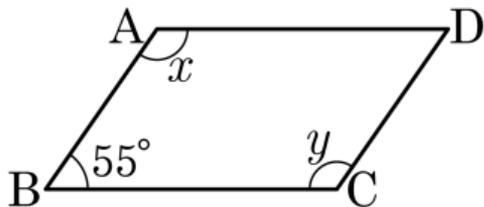
$\angle C = \angle A$  이므로

$$\angle A = 180^\circ \times \frac{8}{15} = 96^\circ$$

$$\therefore \angle C = 96^\circ$$



19. 다음 그림에서  $\square ABCD$  가 평행사변형일 때,  $\angle x, \angle y$  의 값을 차례로 구한 것은?



①  $55^\circ, 125^\circ$

②  $55^\circ, 55^\circ$

③  $125^\circ, 125^\circ$

④  $115^\circ, 55^\circ$

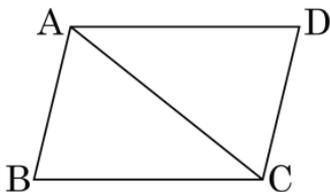
⑤  $125^\circ, 55^\circ$

해설

$$\angle x = 180^\circ - 55^\circ = 125^\circ$$

$$\angle y = \angle x = 125^\circ$$

20. 다음 그림의  $\square ABCD$  가 평행사변형일 때, 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같음을 증명하는 과정이다. 다음 중 틀린 것을 기호로 써라.



(가정)  $\square ABCD$  에서  $\overline{AB} // \overline{DC}$ ,  $\overline{AD} // \overline{BC}$

(결론)  $\angle A = \angle C$ ,  $\angle B = \angle D$

(증명) 그림과 같이 대각선  $\overline{AC}$  를 그으면

㉠  $\overline{AD} // \overline{BC}$  이므로  $\angle ADC = \angle DCE$  (엇각) ... ①

㉡  $\overline{AB} // \overline{DC}$  이므로  $\angle ABC = \angle DCE$  (동위각) ... ②

㉢ ①, ②에서  $\angle ABC = \angle ADC$

즉,  $\angle B = \angle D$

㉣  $\angle BAC = \angle CAD$  (동위각),  $\angle BCA = \angle DCA$  (동위각),

㉤  $\angle A = \angle BAC + \angle CAD = \angle ACD + \angle BCA = \angle C$

$\therefore \angle B = \angle D$ ,  $\angle A = \angle C$

따라서 평행사변형의 두 쌍의 대각의 크기는 각각 같다.

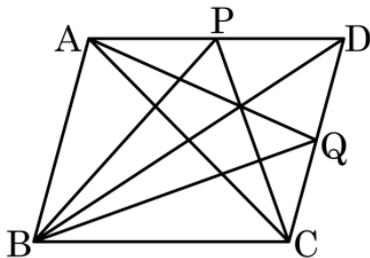
▶ 답 :

▷ 정답 : ㉣

해설

㉣  $\angle BAC = \angle CAD$  (동위각),  $\angle BCA = \angle DCA$  (동위각)  $\rightarrow$   
 $\angle BAC = \angle DCA$  (엇각),  $\angle BCA = \angle CAD$  (엇각)

21. 다음 그림에서  $\square ABCD$ 은 넓이가 100인 평행사변형이다.  $\triangle DCP = 20$ 일 때,  $\triangle ABP$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 30

해설

$$\triangle ABP = \triangle ACP$$

$$\triangle ACP + \triangle DCP = \triangle ACP + 20$$

$$= \triangle ABP + 20$$

$$= \triangle ACD$$

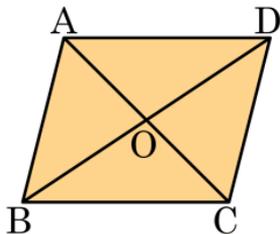
$$= \frac{1}{2} \square ABCD$$

$$= \frac{1}{2} \times 100$$

$$\therefore \triangle ABP = 30$$



23. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서 점 O가 두 대각선의 교점일 때, 다음을 구하여라.



- (1)  $\square ABCD$ 의 넓이가  $100 \text{ cm}^2$ 일 때,  $\triangle ABO$ 의 넓이  
(2)  $\triangle OBC$ 의 넓이가  $15 \text{ cm}^2$ 일 때,  $\square ABCD$ 의 넓이

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : (1)  $25 \text{ cm}^2$

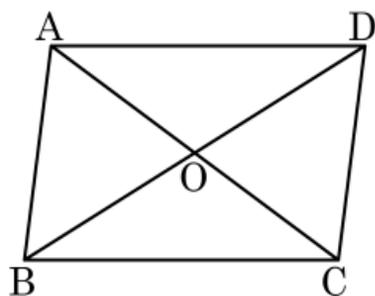
▷ 정답 : (2)  $60 \text{ cm}^2$

### 해설

(1) 이웃한 삼각형의 넓이는 서로 같으므로  $100 \times \frac{1}{4} = 25(\text{cm}^2)$

(2) 이웃한 삼각형의 넓이는 서로 같으므로  $15 \times 4 = 60(\text{cm}^2)$

24. 다음 그림에서 평행사변형 ABCD의 넓이가  $40\text{cm}^2$ 일 때,  $\triangle BOC$ 의 넓이는  $x\text{cm}^2$ 이다.  $x$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

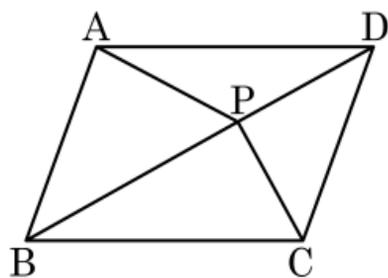
▷ 정답 : 10

해설

$\triangle ABO$ ,  $\triangle OBC$ ,  $\triangle OCD$ ,  $\triangle OAD$ 의 넓이가 같으므로

$$\triangle BOC = \frac{1}{4} \times \square ABCD = 10(\text{cm}^2) \text{이다.}$$

25. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD 의 내부에 한 점 P 를 잡을 때,  $\triangle ABP = 32\text{cm}^2$ ,  $\triangle BCP = 28\text{cm}^2$ ,  $\triangle ADP = 24\text{cm}^2$  이다.  $\triangle CDP$  의 넓이를 구하여라.



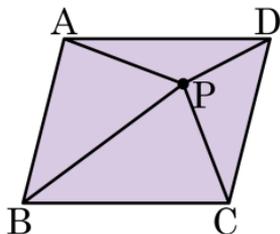
▶ 답:             $\text{cm}^2$

▷ 정답: 20  $\text{cm}^2$

### 해설

점 P 를 지나고  $\overline{AD}$  와  $\overline{AB}$  에 평행한 선분을 그으면  $\triangle ABP + \triangle CDP = \triangle APD + \triangle BCP$  이므로  
 $\triangle CDP = 24 + 28 - 32 = 20 \text{ (cm}^2\text{)}$

26. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD의 넓이가  $120\text{ cm}^2$  일 때,  $\square ABCD$  내부의 한 점 P에 대하여 다음을 구하여라.



(1)  $\triangle ABP + \triangle CDP$

(2)  $\triangle ADP + \triangle CBP$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : (1)  $60\text{ cm}^2$

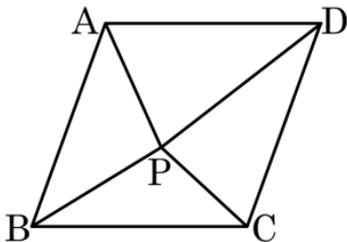
▷ 정답 : (2)  $60\text{ cm}^2$

해설

$$(1) \triangle ABP + \triangle CDP = \frac{1}{2} \square ABCD = 60(\text{cm}^2)$$

$$(2) \triangle ADP + \triangle CBP = \frac{1}{2} \square ABCD = 60(\text{cm}^2)$$

27. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD의 내부에 한 점 P를 잡았을 때,  $\triangle PAD = 18\text{cm}^2$ ,  $\triangle PBC = 13\text{cm}^2$ ,  $\triangle PCD = 17\text{cm}^2$ 라 하면  $\triangle PAB$ 의 넓이는 (      ) $\text{cm}^2$ 이다. (      ) 안에 알맞은 수를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 14

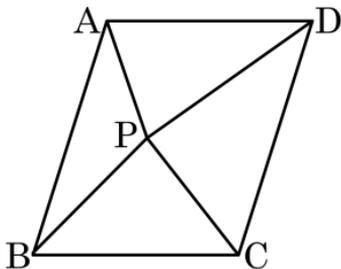
해설

내부의 한 점 P에 대하여  $\frac{1}{2}\square ABCD = \triangle PAB + \triangle PCD = \triangle PAD + \triangle PBC$ 이다.

$$18 + 13 = 17 + \triangle PAB$$

따라서  $\triangle PAB$ 의 넓이는  $14\text{cm}^2$ 이다.

28. 다음 그림과 같이 넓이가  $40\text{cm}^2$  인 평행사변형 내부에 한 점 P를 잡을 때,  $\triangle PBC$ 의 넓이가  $10\text{cm}^2$ 이다.  $\triangle PAD$ 의 넓이를  $a\text{cm}^2$ 라고 할 때,  $a$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 10

해설

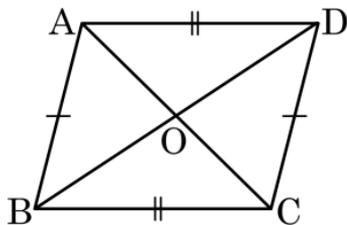
내부의 한 점 P에 대하여  $\frac{1}{2}\square ABCD = \triangle PAB + \triangle PCD = \triangle PAD + \triangle PBC$ 이다.

$$40 \times \frac{1}{2} = 10 + \triangle PAD \text{ 이므로}$$

$$\triangle PAD = 10\text{cm}^2$$

$$\therefore a = 10$$

29. 다음은 '두 쌍의 대변의 길이가 각각 같은 사각형은 평행사변형이다.'를 증명하는 과정이다.  $\neg \sim \square$ 에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?



[가정]  $\square ABCD$ 에서  $\overline{AB} = \overline{DC}$ ,  $\overline{AD} = \square \neg$

[결론]  $\square \neg \parallel \overline{DC}$ ,  $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$

[증명] 점 A와 점 C를 이으면

$\triangle ABC$ 와  $\triangle CDA$ 에서

$\overline{AB} = \overline{DC}$  (가정) ... ㉠

$\overline{AD} = \square \neg$  (가정) ... ㉡

$\square \neg$ 는 공통 ... ㉢

㉠, ㉡, ㉢에 의해서  $\triangle ABC \equiv \triangle CDA$  ( $\square \neg$  합동)

$\angle BAC = \angle DCA$  이므로

$\square \neg \parallel \overline{DC}$  ... ㉣

$\angle ACB = \square \square$  이므로

$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$  ... ㉤

㉣, ㉤에 의해서  $\square ABCD$ 는 평행사변형이다.

①  $\neg : \overline{AB}$

②  $\neg : \overline{BC}$

③  $\neg : \overline{AC}$

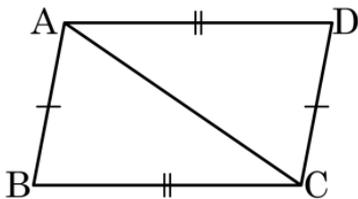
④  $\neg : SAS$

⑤  $\square : \angle CAD$

해설

$\triangle ABC \equiv \triangle CDA$  (SSS 합동)

30. 다음은 ‘두 쌍의 대변의 길이가 각각 같은 사각형은 평행사변형이다.’를 증명하는 과정이다. □ 안에 들어갈 알맞은 것은?



$\overline{AB} = \overline{DC}$ ,  $\overline{AD} = \overline{BC}$ 인 □ABCD에서

점 A와 점 C를 이으면

△ABC와 △CDA에서

$\overline{AB} = \overline{DC}$  (가정) ... ㉠

$\overline{BC} = \overline{AD}$  (가정) ... ㉡

□는 공통 ... ㉢

㉠, ㉡, ㉢에 의해서 △ABC ≅ △CDA (SSS 합동)

∠BAC = ∠DCA 이므로

$\overline{AB} \parallel \overline{DC}$  ... ㉣

∠ACB = ∠CAD 이므로

$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$  ... ㉤

㉣, ㉤에 의해서 □ABCD는 평행사변형이다.

①  $\overline{DC}$

②  $\overline{BC}$

③  $\overline{DA}$

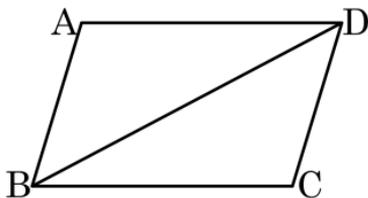
④  $\overline{AC}$

⑤  $\overline{BA}$

해설

$\overline{AC}$ 는 공통

31. 다음 그림과 같은  $\square ABCD$  에서  $\overline{AB} = \overline{CD}$ ,  $\overline{AD} = \overline{CB}$  이면  $\square ABCD$  는 평행사변형을 설명하는 과정이다. ㉠~㉢ 중 옳지 않은 것을 기호로 써라.



대각선 BD를 그어보면

대각선 BD는

㉠ 삼각형ABD와 삼각형CDB  
의 공통부분이 된다.

㉡  $\overline{AB} = \overline{CD}$  이고

㉢  $\overline{AD} = \overline{CB}$  이므로

$\triangle ABD \cong \triangle CDB$  (㉢SAS 합동)

$\angle ABD = \angle CDB$ ,  $\angle ADB = \angle CBD$  (㉢엇각)

$\therefore \overline{AB} \parallel \overline{CD}$ ,  $\overline{AD} \parallel \overline{CB}$

따라서 두 쌍의 대변이 각각 평행하므로  $\square ABCD$  는 평행사변형이다.

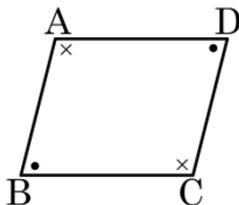
▶ 답 :

▷ 정답 : ㉡

해설

㉡ SSS 합동

32. 다음은 ‘두 쌍의 대각의 크기가 같은 사각형은 평행사변형이다.’를 증명하는 과정이다.  안에 알맞은 것을 차례대로 써넣어라.



가정 : □ABCD에서  $\angle A = \angle C$ ,  $\angle B = \angle D$

결론 :  $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ ,  $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$

증명 :  $\angle A = \square = a$ ,  $\angle B = \angle D = b$ 라 하면

$$2a + 2b = \square$$

$$\therefore a + b = 180^\circ$$

동측내각의 합이  $180^\circ$ 이므로

$\overline{AB} \parallel \square$ ,  $\overline{AD} \parallel \square$

▶ 답 :

▷ 정답 :  $\angle C$ ,  $360^\circ$ ,  $\overline{DC}$ ,  $\overline{BC}$

해설

가정 : □ABCD에서  $\angle A = \angle C$ ,  $\angle B = \angle D$

결론 :  $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ ,  $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$

증명 :  $\angle A = \angle C = a$ ,  $\angle B = \angle D = b$ 라 하면

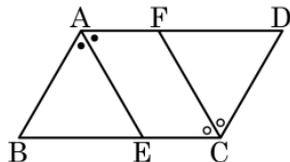
$$2a + 2b = 360^\circ$$

$$\therefore a + b = 180^\circ$$

동측내각의 합이  $180^\circ$ 이므로

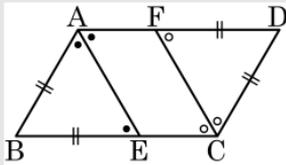
$\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ ,  $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$

33. 다음 그림의 평행사변형 ABCD 에서  $\angle A$  와  $\angle C$  의 이등분선과  $\overline{BC}$ ,  $\overline{AD}$  와의 교점을 E, F 라고 할 때, 다음 중 옳지 않은 것은?



- ①  $\overline{AB} = \overline{DF}$                       ②  $\angle BEA = \angle DFC$   
 ③  $\overline{AF} = \overline{CE}$                       ④  $\overline{AE} = \overline{CF}$   
 ⑤  $\angle AEC = \angle BAD$

해설



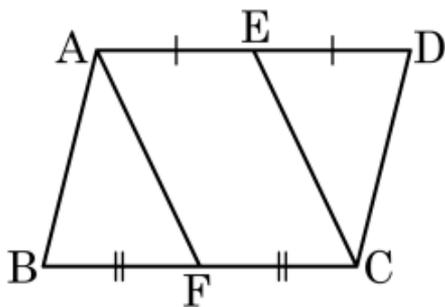
$$\angle BAD = 2\angle BEA$$

$$\begin{aligned} \angle BEA &= \angle EAF \text{ (엇각)} \\ &= \angle BAE \end{aligned}$$

$$\angle AEC = 180^\circ - \angle BEA = 180^\circ - \angle BAE$$

따라서  $\angle AEC = \angle BAD$  인 것은  $\angle BAE = 60^\circ$  일 때만 성립한다.  
 그런데  $\angle BAE$  는 알 수 없으므로  $\angle AEC \neq \angle BAD$

34. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 에서 변 AD , 변 BC의 중점을 각각 점 E, F 라 할 때,  $\square AFCE$  는 어떤 사각형인가?

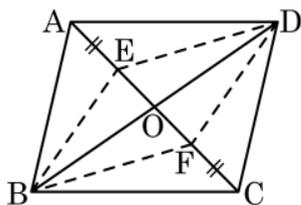


- ① 평행사변형                      ② 마름모  
 ③ 직사각형                          ④ 정사각형  
 ⑤ 사다리꼴

해설

$\overline{AE} = \overline{FC}$  이고  $\overline{AE} // \overline{FC}$  이므로 사각형 AFCE 는 평행사변형이다.

35. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD의 대각선  $\overline{AC}$  위에  $\overline{AE} = \overline{CF}$ 가 되도록 두 점 E, F를 잡으면,  $\square BEDF$ 는 평행사변형이다. 이것을 증명할 때, 사용되는 평행사변형이 되는 조건은? (단, 삼각형의 합동조건은 사용하지 않는다.)



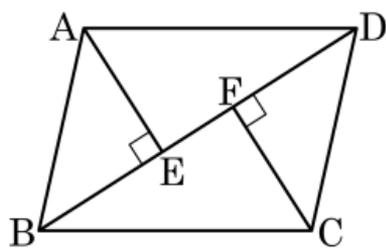
- ① 두 쌍의 대변이 각각 평행하다.
- ② 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같다.
- ③ 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.
- ④ 두 대각선이 서로 다른 것을 이등분한다.
- ⑤ 한 쌍의 대변이 평행하고, 그 길이가 같다.

해설

$\square ABCD$ 는 평행사변형이므로  $\overline{AO} = \overline{CO}$ 이므로  
 $\overline{EO} = \overline{AO} - \overline{AE} = \overline{CO} - \overline{FC} = \overline{FO}$ ,  $\overline{BO} = \overline{DO}$ 이다.



37. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD 의 두 꼭짓점 A, C 에서 대각선 B, D 에 내린 수선의 발을 각각 E, F 라 할 때, 다음 중  $\square AECF$  가 평행사변형이 되는 조건으로 가장 알맞은 것은?

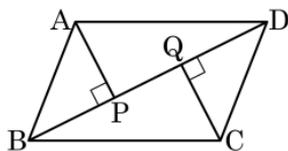


- ①  $\overline{AE} // \overline{CF}$ ,  $\overline{AF} // \overline{CE}$                       ②  $\overline{AE} = \overline{CF}$ ,  $\overline{AF} = \overline{CE}$
- ③  $\overline{AE} = \overline{CF}$ ,  $\overline{AE} // \overline{CF}$                       ④  $\overline{AE} // \overline{CF}$
- ⑤  $\overline{AF} = \overline{CF}$ ,  $\overline{AF} // \overline{CF}$

해설

$\triangle ABE \cong \triangle CDF$  (RHA 합동) 이므로  
 $\overline{AE} = \overline{CF}$ ,  $\overline{AE} // \overline{CF}$  이다.

38. 평행사변형 ABCD 의 꼭짓점 A, C 에서 대각선 BD 에 내린 수선의 발을 각각 P, Q 라고 할 때, 다음 중 옳지 않은 것은?



①  $\triangle ABP \cong \triangle CDQ$

②  $\overline{AP} = \overline{PC}$

③  $\overline{AP} = \overline{CQ}$

④  $\overline{AP} \parallel \overline{CQ}$

⑤  $\overline{BQ} = \overline{DP}$

### 해설

$\triangle ABP$  와  $\triangle CDQ$  에서

$$\overline{AB} = \overline{CD}, \angle APB = \angle CQD = 90^\circ$$

$$\angle ABP = \angle CDQ \text{ (엇각)}$$

$\therefore \triangle ABP \cong \triangle CDQ$  (RHA 합동)

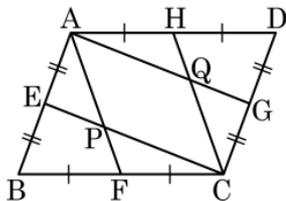
$$\therefore \overline{AP} = \overline{CQ} \dots \dots \textcircled{1}$$

또  $\overline{AP} \perp \overline{BD}$ ,  $\overline{CQ} \perp \overline{BD}$  이므로  $\overline{AP} \parallel \overline{CQ} \dots \dots \textcircled{2}$

①, ②에서 한 쌍의 대변이 평행하고 길이가 같으므로  $\square APCQ$  는 평행사변형이다.

따라서  $\overline{BP} = \overline{DQ}$  이므로  $\overline{BQ} = \overline{BP} + \overline{PQ} = \overline{DQ} + \overline{PQ} = \overline{DP}$  이다.

39. 다음은 평행사변형 ABCD의 각 변의 중점을 각각 E, F, G, H라 하고  $\overline{AF}$ 와  $\overline{CE}$ 의 교점을 P,  $\overline{AG}$ 와  $\overline{CH}$ 의 교점을 Q라 할 때, 다음 중  $\square APCQ$ 가 평행사변형이 되는 조건으로 가장 알맞은 것은?



- ①  $\overline{AE} = \overline{EB}$ ,  $\overline{AD} \parallel \overline{CB}$       ②  $\overline{AF} = \overline{CH}$ ,  $\overline{AH} \parallel \overline{FC}$   
 ③  $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ ,  $\overline{AQ} = \overline{PC}$       ④  $\overline{AP} \parallel \overline{QC}$ ,  $\overline{AQ} \parallel \overline{PC}$   
 ⑤  $\overline{AP} = \overline{QC}$ ,  $\overline{AQ} = \overline{PC}$

### 해설

$\overline{AE} \parallel \overline{CG}$ ,  $\overline{AE} = \overline{CG}$  이므로

$\square AECG$ 는 평행사변형

$\therefore \overline{AG} \parallel \overline{EC}$ , 즉  $\overline{AQ} \parallel \overline{PC} \dots ①$

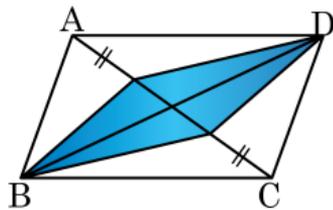
$\overline{AH} \parallel \overline{FC}$ ,  $\overline{AH} = \overline{FC}$  이므로

$\square AFCH$ 는 평행사변형

$\therefore \overline{AF} \parallel \overline{CH}$ , 즉  $\overline{AP} \parallel \overline{QC} \dots ②$

따라서 두 쌍의 대변이 각각 평행하므로  $\square APCQ$ 는 평행사변형이다.

40. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD 의 대각선  $\overline{AC}$  위에 꼭짓점 A, C 로부터 거리가 같도록 두 점을 잡았다. 색칠한 사각형은 어떤 사각형인가?



① 사다리꼴

② 평행사변형

③ 직사각형

④ 마름모

⑤ 정사각형

### 해설

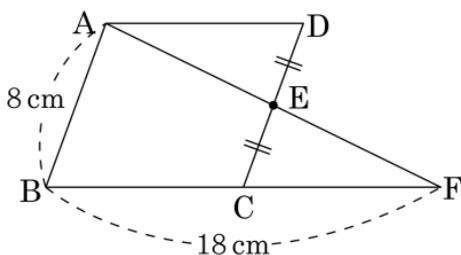
두 점을 각각 E, F 라고 하고 평행사변형 ABCD 의 두 대각선의 교점을 O 라고 하면

$\overline{BO} = \overline{DO}$ ,  $\overline{AO} = \overline{OC}$  이다.

그런데  $\overline{AE} = \overline{CF}$  이므로  $\overline{EO} = \overline{FO}$  이다.

따라서 두 대각선이 서로 다른 것을 이등분하므로 색칠한 부분의 사각형은 평행사변형이다.

41. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서  $\overline{CD}$ 의 중점을 E라 하고,  $\overline{AE}$ 의 연장선이  $\overline{BC}$ 의 연장선과 만나는 점을 F라 하자. 이 때  $\overline{AD}$ 의 길이를 구 하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 9cm

### 해설

$\triangle ADE$ 와  $\triangle FCE$ 에서

$$\overline{ED} = \overline{EC}$$

$$\angle ADE = \angle FCE(\text{엇각})$$

$$\angle AED = \angle FEC(\text{맞꼭지각})$$

$$\therefore \triangle ADE \equiv \triangle FCE \text{ (ASA 합동)}$$

따라서  $\overline{AD} = \overline{FC}$ 이고, 평행사변형이므로

$$\overline{AD} = \overline{BC}$$

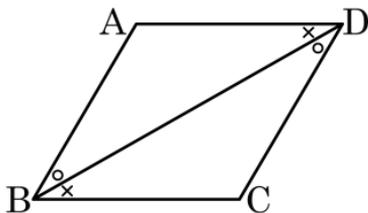
$$\text{따라서 } \overline{CF} = \overline{AD} = \overline{BC}$$

$$\text{즉, } \overline{BF} = \overline{BC} + \overline{FC} = 2\overline{AD} \text{ 이므로}$$

$$2\overline{AD} = 18$$

$$\therefore \overline{AD} = 9(\text{cm})$$

42. 다음은 ‘평행사변형에서 두 쌍의 대변의 길이는 각각 같다.’를 증명한 것이다.  $\triangle ABD$ 와  $\triangle CDB$ 의 합동 조건은?



평행사변형 ABCD에 점 B와 점 D를 이으면  $\triangle ABD$ 와  $\triangle CDB$ 에서

$$\angle ABD = \angle CDB \text{ (엇각)} \dots \textcircled{㉠}$$

$$\angle ADB = \angle CBD \text{ (엇각)} \dots \textcircled{㉡}$$

$\overline{BD}$ 는 공통  $\dots \textcircled{㉢}$

$\textcircled{㉠}$ ,  $\textcircled{㉡}$ ,  $\textcircled{㉢}$ 에 의해서  $\triangle ABD \equiv \triangle CDB$ 이다.

$$\therefore \overline{AB} = \overline{CD}, \overline{AD} = \overline{BC}$$

① SSS 합동

② SAS 합동

③ ASA 합동

④ SSA 합동

⑤ AAS 합동

### 해설

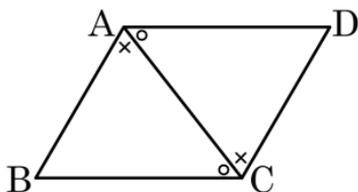
$\triangle ABD$ 와  $\triangle CDB$ 에서

$$\angle ABD = \angle CDB \text{ (엇각)}, \angle ADB = \angle CBD \text{ (엇각)}, \overline{BD} \text{는 공통이}$$

므로

$\triangle ABD \equiv \triangle CDB$  (ASA 합동)이다.

43. 다음은 ‘평행사변형에서 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.’를 증명한 것이다.  $\neg \sim$ 에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?



[가정]  $\square ABCD$  에서  $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ ,  $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$

[결론]  $\boxed{\neg}$  =  $\angle C$ ,  $\angle B = \angle D$

[증명] 점 A와 점 C를 이으면  $\triangle ABD$ 와  $\triangle CDB$ 에서  $\boxed{\angle}$ 는 공통 ... ㉠

$\overline{AB} \parallel \boxed{\angle}$ 이므로  $\angle BAC = \angle DCA \dots \text{㉡}$

$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이므로  $\boxed{\angle}$  =  $\angle DAC \dots \text{㉢}$

㉠, ㉡, ㉢에 의해서  $\triangle ABC \cong \triangle CDA$

(  $\boxed{\square}$  합동)

$\therefore \angle A = \angle C$ ,  $\angle B = \angle D$

①  $\neg$  :  $\angle A$

②  $\angle$  :  $\overline{AC}$

③  $\angle$  :  $\overline{DC}$

④  $\angle$  :  $\angle BCA$

⑤  $\square$  : SAS

해설

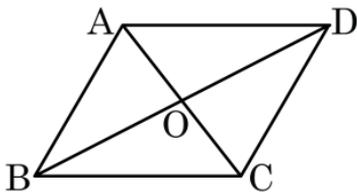
$\triangle ABC$ 와  $\triangle CDA$ 에서  $\overline{AC}$ 는 공통

$\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ 이므로  $\angle BAC = \angle DCA$ ,

$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이므로

$\angle ACB = \angle DAC$ 이므로  $\triangle ABC \cong \triangle CDA$  (ASA 합동)이다.

44. 다음은 ‘평행사변형에서 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분한다.’를 증명한 것이다. □ 안에 들어갈 알맞은 것은?



[가정] □ABCD에서  $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ ,  $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$

[결론]  $\overline{AO} = \overline{CO}$ ,  $\overline{BO} = \overline{DO}$

[증명]  $\triangle OAD$ 와  $\triangle OCB$ 에서 평행사변형의 대변의 길이는 같으므로

$$\overline{AD} = \overline{BC} \dots \textcircled{㉠}$$

$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$  이므로

$$\angle OAD = \angle OCB \text{ (엇각)} \dots \textcircled{㉡}$$

$$\angle ODA = \square \text{ (엇각)} \dots \textcircled{㉢}$$

$\textcircled{㉠}$ ,  $\textcircled{㉡}$ ,  $\textcircled{㉢}$ 에 의해서  $\triangle OAD \equiv \triangle OCB$  (ASA 합동)

$$\therefore \overline{AO} = \overline{CO}, \overline{BO} = \overline{DO}$$

- ①  $\angle ODA$                       ②  $\angle OAB$                       ③  $\angle CDO$   
 ④  $\angle OBC$                       ⑤  $\angle BCO$

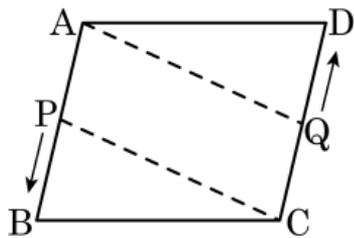
### 해설

$\triangle OAD$ 와  $\triangle OCB$ 에서 평행사변형의 대변의 길이는 같으므로  $\overline{AD} = \overline{BC}$ ,  $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이고

$\angle OAD = \angle OCB$  (엇각),  $\angle ODA = \angle OBC$  (엇각)이므로

$\triangle OAD \equiv \triangle OCB$  (ASA 합동)이다.

45.  $\overline{AB} = 100\text{m}$ 인 평행사변형 ABCD 를 점 P 는 A 에서 B 까지 매초 5m의 속도로, 점 Q 는 7m의 속도로 C 에서 D 로 이동하고 있다. P 가 A 를 출발한 4 초 후에 Q 가 점 C 를 출발한다면  $\square APCQ$ 가 평행사변형이 되는 것은 Q 가 출발한 지 몇 초 후인가?



① 5 초

② 8 초

③ 10 초

④ 12 초

⑤ 15 초

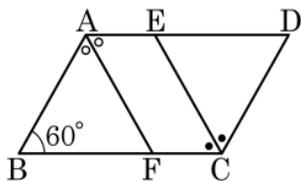
해설

$\square APCQ$  가 평행사변형이 되려면  $\overline{AP} = \overline{CQ}$  가 되어야 하므로 Q 가 이동한 시간을  $x$  (초)라 하면 P 가 이동한 시간은  $x + 4$  (초)이다.

$$\overline{AP} = 5(x + 4), \overline{CQ} = 7x, 5(x + 4) = 7x$$

$\therefore x = 10$  (초)이다.

46. 평행사변형 ABCD 에서  $\angle A$ ,  $\angle C$  의 이등분선이 변 BC, AD 와 만나는 점을 각각 E, F 라 하자.  $\overline{AE} = 3$  이고 사각형 AFCE 의 둘레의 길이가 26 일 때, 평행사변형 ABCD 의 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 46

### 해설

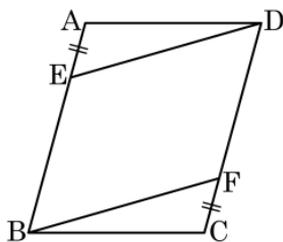
평행사변형 AFCE 의 둘레의 길이가  $2 \times (\overline{AF} + 3) = 26$  이므로  $\overline{AF} = 10$  이다.

또한  $\angle FAE = \angle AFB$  ( $\because$  엇각) 이므로  $\triangle ABF$  는  $\overline{AB} = \overline{AF}$  인 이등변삼각형이고

세 각의 크기가 모두  $60^\circ$  이므로 정삼각형이므로  $\overline{AF} = \overline{AB} = \overline{ED} = 10$  이다.

따라서 평행사변형 ABCD 의 둘레의 길이는  $2 \times (10 + 10 + 3) = 46$  이다.

47. 평행사변형 ABCD 의  $\overline{AB}$ ,  $\overline{CD}$  위에  $\overline{AE} = \overline{CF}$  가 되도록 두 점 E, F 를 잡을 때  $\square BEDF$  가 평행사변형이 되는 조건으로 가장 알맞은 것은?



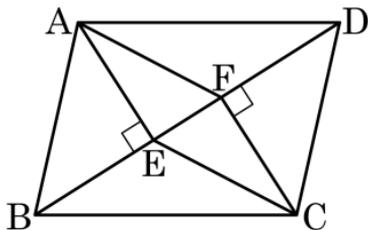
- ①  $\overline{AB} // \overline{DC}$ ,  $\overline{ED} // \overline{DF}$   
 ②  $\angle EBF = \angle EDF$ ,  $\angle BED = \angle DFB$   
 ③  $\overline{AD} = \overline{BC}$ ,  $\overline{AB} = \overline{CD}$   
 ④  $\overline{AB} = \overline{CD}$ ,  $\overline{AE} = \overline{CF}$   
 ⑤  $\overline{BE} // \overline{DF}$ ,  $\overline{BE} = \overline{DF}$

### 해설

사각형 ABCD 가 평행사변형이므로  $\overline{AB} // \overline{CD}$ ,  $\overline{AB} = \overline{CD}$  즉  $\overline{EB} // \overline{DF}$ ,  $\overline{AE} = \overline{CF}$  이므로  $\overline{BE} = \overline{DF}$  이다.

따라서 한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같으므로 사각형 BFDE 는 평행사변형이다.

48. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD 의 두 꼭짓점 A, C 에서 대각선 BD 에 내린 수선의 발을 각각 E, F 라 할 때,  $\square AECF$  는 평행사변형이다. 이용되는 평행사변형이 되는 조건은?



- ① 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.
- ② 두 대각선이 다른 것을 이등분한다.
- ③ 두 쌍의 대변이 각각 평행하다.
- ④ 한 쌍의 대변이 평행하고, 그 길이가 같다.
- ⑤ 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같다.

### 해설

$\triangle ABE \equiv \triangle CDF$  (RHA 합동) 이므로  $\overline{AE} = \overline{CF}$

$\angle AEF = \angle CFE = 90^\circ$  (엇각) 이므로  $\overline{AE} // \overline{CF}$

따라서 한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같으므로  $\square AECF$  는 평행사변형이다.