

1. 반지름이 r 인 원이 있다. 이 원의 반지름을 2만큼 줄였더니 넓이가 9π 가 되었다. 처음 원의 넓이는?

① 15π

② 20π

③ 25π

④ 30π

⑤ 35π

해설

$$\pi(r-2)^2 = 9\pi$$

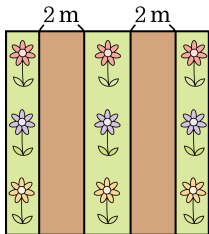
$$r^2 - 4r - 5 = 0$$

$$(r+1)(r-5) = 0$$

$$r = 5 \quad (\because r > 0)$$

$$(\text{처음 원의 넓이}) = \pi r^2 = 25\pi$$

2. 다음 그림과 같은 정사각형 모양의 꽃밭이 있다.
 꽃밭 사이에 폭이 2m 가 되는 길을 2개 만들
 었더니 길을 제외한 꽃밭의 넓이가 45 m^2 였다.
 처음 꽃밭의 가로 길이是多少?



- ① 3m ② 6m ③ 7m
 ④ 8m ⑤ 9m

해설

정사각형의 가로 길이를 $x\text{ m}$ 라고 하면

$$(\text{꽃밭의 넓이}) = (x - 4)x$$

$$(x - 4)x = 45$$

$$\therefore x = 9 (\because x > 0)$$

3. 어떤 정사각형의 가로 길이를 4 cm 길게 하고, 세로의 길이를 6 cm 짧게 하여 직사각형을 만들었더니 그 넓이가 39 cm^2 가 되었다. 처음 정사각형의 넓이를 구하여라.

▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : 81 cm^2

해설

정사각형의 한 변의 길이를 $x\text{ cm}$ 라고 하면, $(x+4)(x-6) = 39$
이므로

$$x^2 - 2x - 24 = 39$$

$$x^2 - 2x - 63 = 0$$

$$(x+7)(x-9) = 0$$

$$x = 9 \quad (\because x > 6)$$

따라서 처음 정사각형의 넓이는 $9 \times 9 = 81(\text{cm}^2)$ 이다.

4. 어떤 정사각형의 가로와 세로의 길이를 각각 3cm 길게 하고, 5cm 짧게 하여 직사각형을 만들었더니 그 넓이가 105cm^2 가 되었다. 처음 정사각형의 넓이는?

① 16cm^2

② 25cm^2

③ 64cm^2

④ 144cm^2

⑤ 225cm^2

해설

정사각형의 한 변의 길이를 $x\text{cm}$ 라고 하면, $(x+3)(x-5) = 105$
이므로

$$x^2 - 2x - 15 = 105$$

$$x^2 - 2x - 120 = 0$$

$$(x+10)(x-12) = 0$$

$$x = 12 \quad (\because x > 0)$$

따라서 처음 정사각형의 넓이는 $12 \times 12 = 144(\text{cm}^2)$ 이다.

5. 어떤 정사각형의 가로와 세로의 길이를 각각 4 cm , 2 cm 늘여서 만든 직사각형의 넓이는 처음 정사각형의 넓이의 2배보다 8 cm^2 만큼 좁아졌다. 이 때, 처음 정사각형의 한 변의 길이를 구하여라.



답 :

cm



정답 : 8 cm

해설

처음 정사각형의 한 변의 길이를 $x\text{ cm}$ 라고 하면, 직사각형의 가로와 세로의 길이는 각각 $x + 4(\text{ cm})$, $x + 2(\text{ cm})$ 이다.

가로의 길이 : $x + 4$

세로의 길이 : $x + 2$

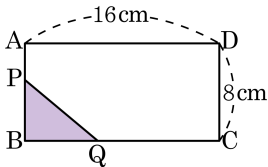
$(x + 4)(x + 2) = 2x^2 - 8$ 이므로

$$x^2 - 6x - 16 = 0$$

$$(x - 8)(x + 2) = 0$$

따라서 처음 정사각형의 한 변의 길이는 8 cm 이다.

6. 다음 그림과 같이 가로, 세로의 길이가 각각 16 cm, 8 cm 인 직사각형 ABCD 에서 점 P 는 $\overline{AB}$ 위를 점 A 에서 B 까지 매초 1 cm 의 속력으로 움직이고, 점 Q 는 $\overline{BC}$ 위를 점 B 에서 점 C 까지 매초 2 cm 의 속력으로 움직인다. 두 점 P, Q 가 각각 점 A, B 를 동시에 출발할 때 몇 초후에 $\triangle PBQ$ 의 넓이가 15 cm^2 가 되는지 모두 구하여라.



▶ 답 : 초

▶ 답 : 초

▷ 정답 : 3초

▷ 정답 : 5초

해설

x 초 후, $\overline{BP}$, $\overline{BQ}$ 의 길이를 구하면

$$\overline{BP} = 8 - x, \overline{BQ} = 2x$$

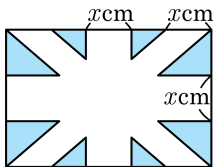
$$\triangle PBQ = 2x(8 - x) \times \frac{1}{2} = 15$$

$$x^2 - 8x + 15 = 0$$

$$\therefore (x - 3)(x - 5) = 0$$

따라서 $x = 3$ 또는 $x = 5$ 이다.

7. 가로, 세로 길이가 각각 9 cm, 6 cm 인 직사각형 모양의 종이를 다음 그림과 같이 일정한 폭으로 오려내어 조각의 합이 12 cm^2 가 되도록 하려고 한다. 오려낸 부분의 폭은?



① 2 cm

② 3 cm

③ 4 cm

④ 2 cm 또는 7 cm

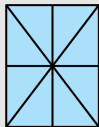
⑤ 3 cm 또는 6 cm

해설

조각들을 모아 보면 다음 그림처럼 가로가 $9 - 3x$, 세로가 $6 - x$ 인 직사각형이 됨을 알 수 있다. 넓이가 12 이므로 $(9 - 3x)(6 - x) = 12$

정리하면 $x^2 - 9x + 14 = (x - 2)(x - 7) = 0$

$x < 3$ 이므로 $x = 2$



8. 어떤 원의 반지름의 길이를 3 cm 만큼 늘였더니, 그 넓이는 처음 원의 넓이의 4 배가 되었다. 이때, 처음 원의 반지름의 길이를 구하여라.

▶ 답 : cm

▷ 정답 : 3cm

해설

처음 원의 반지름 : r

늘인 원의 반지름 : $r + 3$

$$\pi(r + 3)^2 = 4\pi r^2$$

$$r^2 + 6r + 9 = 4r^2$$

$$3r^2 - 6r - 9 = 0$$

$$r^2 - 2r - 3 = 0$$

$$(r - 3)(r + 1) = 0$$

$$\therefore r = 3 \text{ cm } (r > 0 \text{ 이므로})$$