전체집합 U의 두 부분집합 A 와 B에 대하여 A ∩ B<sup>c</sup> = A, n(A) = 9, n(B) = 14일 때, n(A ∪ B) 의 값을 구하시오. (단, n(X)는 집합 X 의 원소의 개수이다.)

$$A \cap B^c = A - B = A$$
이므로  $A, B$ 는 서로소  $n(A \cap B) = 0, n(A \cup B) = n(A) + n(B) = 23$ 

- - - 답:
  - ▷ 정답: A

- (1) Ø 은 집합 A 에 포함되므로  $A \cup \emptyset = A$  이다.
- $(2) A \cap A = A$  $(3) A \cup A = A$

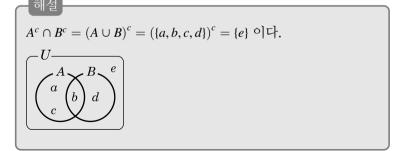
3. 
$$U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$$
에 대하여  $A = \{x | x \succeq 10 \ \, )$ 하의 소수 $\}$ ,  $B = \{3, 5, 6\}$ 일 때,  $(A - B)^c$ 은?

① 
$$\{1,3\}$$
 ②  $\{3,5\}$  ③  $\{1,3,4,5\}$  ④  $\{3,4,5,6\}$ 

해설 
$$A-B=\{\ 2,\ 7\}\ \mathrm{이므로}\ (A-B)^c=(\{\ 2,\ 7\})^c=\{1,\ 3,\ 4,\ 5,\ 6\}$$
이다.

**1.** 두 집합 *A* = {1, *a* − 3, 4}, *B* = {1, 4, *a*} 에 대하여 *B* − *A* = {6} 일 때, *a* 의 값은?

**5.** 전체집합  $U = \{a,b,c,d,e\}$  의 두 부분집합  $A = \{a,b,c\}$  ,  $B = \{b,d\}$  에 대하여  $A^c \cap B^c$  은?



**6.** 두 집합  $A = \{2, 3, a^2\}$ ,  $B = \{2a + 3, -a + 3\}$  에 대하여  $A \cap B = \{1\}$  일 때, 상수 a 의 값은?

해설
$$A \cap B = \{1\} 에서 1 \in A 이므로 a^2 = 1 : a = 1 또는 a = -1$$
(i)  $a = 1$  일 때,  $A = \{1, 2, 3\}$ ,  $B = \{2, 5\}$  이므로  $A \cap B = \{2\}$  이다.
(ii)  $a = -1$  일 때,  $A = \{1, 2, 3\}$ ,  $B = \{1, 4\}$  이므로  $A \cap B = \{1\}$  이다

 $\therefore a = -1$ 

두 집합 A = {1,2,a² + 3}, B = {3, -3a + 1, a² + a + 1}에 대하여 A ∩ B = {1,4}일 때, a의 값을 구하면?

① 3 ② 2 ③ 1 ④-1 ⑤ 0

두 집합의 교집합에 4가 들어가므로  $a^2 + 3 = 4$  이다. 즉, a = 1, -1이 가능한데, 이를 B에 대입하면 답이 ④가 된다.

전체집합 U 의 두 부분집합 A,B 에 대하여 n(U)=40,n(A)=25, n(B) = 23, n(A - B) = 15 일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

(4)  $n(A^c) = 15$ 

① 
$$n(A \cap B^c) = 15$$
 ②  $n(A \cap B) = 10$  ③  $n(A \cup B)^c = 5$  ④  $n(A^c) = 15$ 

해설 
$$n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B) = 25 + 23 - 10 = 38$$
이므로 ③  $n((A \cup B)^c) = n(U) - n(A \cup B) = 40 - 38 = 2$ 이다.

x는 10미만의 소수}, C = {x | x는 8의 약수}에 대하여 C∪(B∩A)의 모든 원소의 합을 구하여라.

세 집합  $A = \{x \mid x \in 10$ 보다 작은 자연수\,  $B = \{x \mid x \in 10\}$ 

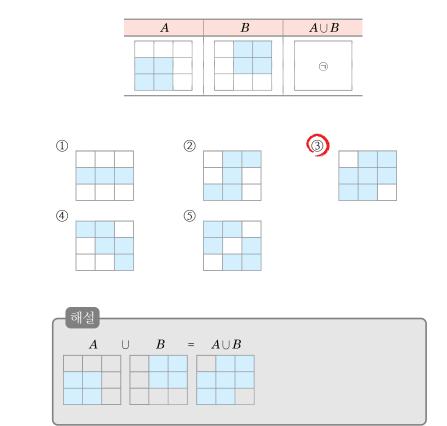
정답: 30

해설

9.

조건제시법을 원소나열법으로 고치면  $A = \{1,2,3,4,5,6,7,8,9\}$ ,  $B = \{2,3,5,7\}$ ,  $C = \{1,2,4,8\}$  이다. 먼저 집합 B 와 A 의 교집합을 구하면  $\{2,3,5,7\}$  이다.  $C \cup (B \cap A) = \{1,2,3,4,5,7,8\}$  이다. 따라서 모든 원소의 합은 1+2+3+4+5+7+8=30 이다.

**10.** 두 집합 A, B 가 아래의 표를 만족하도록  $\bigcirc$ 에 적절한 그림을 고르면?



11. 다음 그림은 2009년 3월 중의 우리나라의 지역별 일일 최저기온/최고기온을 나타낸 것이다. 두 집합

 $A = \{x \mid x$ 는 일 최저기온이 경남보다 낮은 지  $B = \{x \mid x$ 는 일 최고기온이

 $B = \{x \mid x \in \mathcal{Y} \mid A \mathcal{Y} \mid x \in \mathcal{Y} \mid x$ 



- ① {충남 , 충북}
- ② {서울 / 경기 , 충남 , 충북}
- ③ {서울 / 경기, 충남, 영서, 서해5도, 울릉 독도 }
- ⑤ {충남, 충북, 영서, 서해5도, 전남, 울릉 / 독도, 제주도 }

## 해설

 $A = \{ 서울 / 경기 , 영서 , 충남 , 충북 , 전북 \} 이고,$ 

B = {서해5도, 서울 / 경기, 충남, 충북, 울릉 / 독도, 전북 } 이다.

따라서  $A \cup B = \{ \text{서해5 } \text{도}, \text{ 서울 } / \text{ 경기, 영서, 충남, 충북, 울릉 } / \text{독도, 전북 } 이다.$ 

**12.** 집합 A, B 에 대하여  $B = \{1, 2, 3, 8, 9, 13, 15\}$ ,  $A \cap B = \{1, 8, 15\}$ ,  $A \cup B = \{1, 2, 3, 5, 8, 9, 10, 13, 15, 18\}$  일 때, n(A) 의 값을 구하여라.

$$\begin{pmatrix}
2 & 9 & 1 & 5 & 10 \\
3 & 13 & 15 & 18 & 18
\end{pmatrix}$$

그러므로  $A = \{1, 2, 3, 8, 9, 13, 15\}$  이고, 집합 A 의 원소의 개수는 7 개이다.

 $B = \{1, 2, 3, 8, 9, 13, 15\}, A \cap B = \{1, 8, 15\}, A \cup B = \{1, 2, 3, 9, 15\}, A \cap B = \{1, 2, 3, 15\}, A \cap B = \{1, 3, 3, 15\}, A \cap B = \{1, 3,$ 

13. 두 집합  $A = \{x \mid x \in 4 \}$ 로 나누었을 때 나머지가 3인 자연수  $\}$ ,  $B = \{x \mid x \in 27 \}$ 의 약수  $\}$ 를 벤다이어그램으로 나타낼 때 어두운 부분에들어갈 원소를 모두 적어라.

- 답:
- ▶ 답:
- ▷ 정답: 3
- ▷ 정답: 27

 $A \cap B = \{3, 27\}$ 

A = {x | x는 4로 나누었을 때 나머지가 3인 자연수 } =

{3,7,11,15,19,23,27,…}  $B = \left\{x | x \leftarrow 27 \right\} = \{1,3,9,27\}$ 어두운 부분은 두 집합 A,B 의 교집합이므로

- $(A \cup B) \subset A$

**14.** 두 집합 A, B 에 대해 다음 중 옳은 것은?

⑤  $A = \{0\}$  일 때, n(A) = 0

② 
$$B \cup \emptyset = \emptyset$$

 $(A \cap B) \subset B$ 

**15.** 두 집합  $A,\ B$  에 대하여  $A=\{1,2,a\}$  ,  $A\cap B=\{2,5\}$  ,  $A\cup B=\{1,2,3,4,5\}$  일 때, 집합 B 의 원소의 합을 구하여라.



정답: 14

 $A \cap B = \{2,5\}$  이므로 집합 A 는 반드시 2 와 5 를 포함해야 한다. 따라서 a = 5 이다.

집합 B 또한  $A \cap B = \{2,5\}$  에 의하여 원소 2 와 5 를 반드시 포함하고, 원소 1 은 포함하지 않는 집합이어야 한다.

$$B = \{2, 3, 4, 5\}$$

 $\therefore 2+3+4+5=14$ 

**16.** 두 집합  $A = \{1, 2, a\}, B = \{2, 3, a+1\}$  에 대하여  $A \cap B = \{2, 3\}$  일 때, 집합  $A \cup B$ 는?

(2) {2, 3, 4}

$$\{1,2,3,4\}$$
  $\{1,2,3\}$ 

 $A \cup B = \{1, 2, 3, 4\}$ 

(1) {2, 3}

 $A \cap B = \{2, 3\}$  이므로  $A = \{1, 2, 3\}$ 따라서 a=3 이다.  $B=\{2, 3, 4\}$ 

 $\{3, 4, 5\}$ 

**17.** 세 집합 A, B, X 에 대하여  $(A \cup B) \cap X = X$  일 때, 다음 중 옳은 것은?

$$\textcircled{1}X\subset (A\cup B)$$

② 
$$(A \cap B) \subset X$$

$$\bigcirc$$
  $(A \cup B) \subset X$ 

$$(4) A \cap B = \emptyset$$

$$\bigcirc$$
  $(A \cap B) \subset X \subset (A \cup B)$ 

 $(A \cup B) \cap X = X$  이면  $X \subset (A \cup B)$  이다.

② 
$$(A \cap B) \subset X$$
 라고 말할 수 없다.

$$④$$
  $A \cap B = \emptyset$  라고 말할 수 없다.

**18.** 두 집합  $A=\{1,2,3,4\}$  ,  $B=\{2,3,5\}$  에 대하여  $A\cap X=X$  이고,  $(A\cap B)\cup X=X$  를 만족하는 집합 X 의 개수를 구하여라.

$$A \cap X = X$$
 이므로  $X \subset A$   
 $(A \cap B) \cup X = X$  이므로  
 $(A \cap B) \subset X$ 

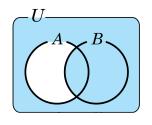
X 는 {1, 2, 3, 4} 의 무문십압 중 집합 X 의 개수: 2<sup>2</sup> = 4 개다. **19.** 전체집합 U 의 두 부분집합 A, B 에 대하여  $A^c = \{2, 9, 10\}$ ,  $B^c = \{1, 5, 9, 10\}$ ,  $A \cup B = \{1, 2, 5, 7\}$  일 때, 집합 B 의 원소의 합은?

2 5

⑤ 13

주어진 조건을 벤 다이어그램에 나타내면 다음과 같다. 
$$U = \begin{cases} U \\ 1 \\ 5 \\ 7 \end{cases}$$
  $U = \begin{cases} 10 \\ 1 \\ 5 \\ 7 \end{cases}$   $U = \begin{cases} 10 \\ 1 \\ 5 \\ 7 \end{cases}$   $U = \begin{cases} 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \end{cases}$   $U = \begin{cases} 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \end{cases}$   $U = \begin{cases} 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \end{cases}$   $U = \begin{cases} 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \end{cases}$   $U = \begin{cases} 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \end{cases}$   $U = \begin{cases} 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \end{cases}$   $U = \begin{cases} 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \end{cases}$   $U = \begin{cases} 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \end{cases}$   $U = \begin{cases} 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \end{cases}$   $U = \begin{cases} 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \end{cases}$   $U = \begin{cases} 10 \\ 10 \\ 10 \\ 10 \end{cases}$   $U = \begin{cases} 10 \\ 10 \\ 10 \end{cases}$   $U = \begin{cases} 10 \\ 10 \\ 10 \end{cases}$   $U = \begin{cases} 10 \\ 10 \\ 10 \end{cases}$   $U = \begin{cases} 10 \\ 10 \\ 10 \end{cases}$   $U = \begin{cases} 10 \\ 10 \\ 10 \end{cases}$   $U = \begin{cases} 10 \\ 10 \\ 10 \end{cases}$   $U = \begin{cases} 10 \\ 10 \\ 10 \end{cases}$   $U = \begin{cases} 10 \\ 10 \\ 10 \end{cases}$   $U = \begin{cases} 10 \\ 10 \\ 10 \end{cases}$   $U = \begin{cases} 10 \\ 10 \\ 10 \end{cases}$   $U = \begin{cases} 10 \\ 10 \\ 10 \end{cases}$   $U = \begin{cases} 10 \\ 10 \\ 10 \end{cases}$   $U = \begin{cases} 10 \\ 10 \\ 10 \end{cases}$   $U = \begin{cases} 10 \\ 10 \\ 10 \end{cases}$   $U = \begin{cases} 10 \\ 1$ 

20. 다음 벤 다이어그램에서 색칠한 부분이 나타내는 집합은?



①  $A^c \cap B^c$ 

②  $(A \cap B)^c$ 

3  $B \cup A^c$ 

 $\textcircled{4} A^c \cap B^c$ 

 $\bigcirc$   $B^c - A$ 

해설

주어진 벤 다이어그램의 색칠한 부분은 ③  $B \cup A^c$  이다.

**21.** 전체집합  $U=\{1,\ 2,\ 3,\ 4,\ 5,\ 6,\ 9,\ 10,\ 12\}$ 의 두 부분집합  $A,\ B$ 에 대하여  $A=\{1,\ 4,\ 5,\ 12\},\ B=\{2,\ 3,\ 5,\ 6,\ 9\}$ 일 때,  $(A^c\cup B^c)-B$ 의 원소를 모두 구하여라.

▷ 정답: 10

해설 주어진 조건을 벤 다이어그램에 나타내면 다음과 같다. 
$$U$$
  $A > B$ 

$$\therefore (A^c \cup B^c) - B = (A \cap B)^c - B = \{1, 4, 10, 12\}$$

22. 전체집합  $U = \{x \mid x = 30 \text{ 이하의 자연수}\}$  의 두 부분집합 A, B 에 대하여  $A = \{x \mid x = 6 \text{ 의 배수}\}$ ,  $B = \{x \mid x = 12 \text{ 의 배수}\}$  일 때, 다음 중 옳은 것은?

① 
$$A \cap B = A$$

$$(A \cup B) \subset A$$

**23.** 다음은 수경, 모범, 미소가 오늘 수학 시간에 배운 집합의 성질을 공책에 적은 것이다. 옳지 않게 적은 사람은 누구인지 구하여라.

<수경>

전체집합 U 의 두 부분집합 A, B 에 대하여  $A \cup A^c = U$  이다.

<모범>

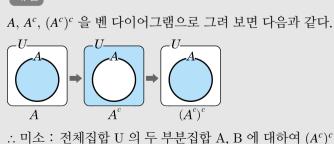
전체집합 U 의 두 부분집합 A, B 에 대하여  $A \cap A^c = \emptyset$  이다.

<미소>

전체집합 U 의 두 부분집합 A, B 에 대하여  $(A^c)^c = \emptyset$  이다.

답:

해설



 $\therefore$  미소 : 전체집합 U 의 두 부분집합 A, B 에 대하여  $(A^c)^c=A$ 이다.

**24.** 전체집합 U의 두 부분집합 A, B에 대하여  $(A^c \cap B) \cup (A \cap B^c) = \emptyset$ 의 관계가 성립하면, A와 B의 포함 관계는 ?

A = B

① 
$$A \subset B$$
 ②  $B \subset A$   
④  $A^c = B$  ⑤  $A = B^c$ 

 $B \subset A$ ,  $A \subset B \stackrel{\sim}{\hookrightarrow} A = B$ 

$$A \cap B^c = A - B$$
이므로  $(B - A) \cup (A - B) = \emptyset$   
  $\therefore B - A = \emptyset, \ A - B = \emptyset \ (\because (B - A)) 와 A - B 는 서로소)$ 

**25.**  $A = \{1, a, 5\}, B = \{a + 1, 5, 7\}$  이고  $A - B = \{1, 3\}$  일 때,  $B \cap A^c$  은?

해설  $A - B = \{1,3\}$  이므로 a = 3 이다. 따라서  $A = \{1,3,5\}, B = \{4,5,7\}$  이고  $B \cap A^c = B - A = \{4,7\}$  이다. **26.** 두 집합  $A = \{1, 4, 6, 7, a\}, B = \{2, 3, b, b + 3\}$ 에 대하여  $A - B = \{1, 4, 6, 7, a\}$  $\{1, 5, 6\}$ 일 때, a + b의 값은?



(5) 12

$$B = \{1, 2, 3, 4\} \Rightarrow A \cap B = \{1, 4\}$$
 (×) (ii)  $b = 4$ 일 때.

$$\therefore a + b = 5 + 4 = 9$$

 $B = \{2, 3, 4, 7\} \Rightarrow A \cap B = \{4, 7\} \ (\bigcirc)$ 

**27.** 다음 집합 중 A - B 와 다른 집합을 모두 고르면?(정답 2개)

① 
$$(A \cup B) \cap B^c$$

$$\bigcirc$$
  $A - B^c$ 

$$(A \cup B)^c$$

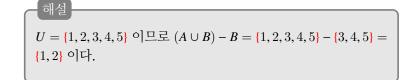
$$\textcircled{4} A - (A \cap B)$$

$$\bigcirc$$
  $A \cap B^c$ 

해설

$$A-B=A\cap B^c=A-(A\cap B)=(A\cup B)\cap B^c$$
 이므로 다른 집합은 ②, ③이다.

**28.** 전체집합  $U = \{x | x \leftarrow 6$ 보다 작은 자연수 $\}$  의 두 부분집합  $A = \{1, 2, 4\}, B = \{3, 4, 5\}$  에 대하여  $(A \cup B) - B$  는?



- **29.** 집합 A = {1,2,3,4}, B = {3,4,5,6,7} 이고, n(A ∪ X) = 4,n((A B) ∩ X) = 2 일 때, 집합 X 의 개수는?
  - ① 2 개 ② 4 개 ③ 8 개 ④ 16 개 ⑤ 32 개

$$n(A \cup X) = 4$$
 에서  $n(A) = 4$  이므로  $A \cup X = A$  ,즉  $X \subset A$  가된다.  
또,  $n((A - B) \cap X) = n(\{1, 2\} \cap X) = 2$  에서  $(A - B) \subset X$  이다.  
따라서  $(A - B) \subset X \subset A$  이므로  $1.2$ 를 반드시 포함하는  $A$  의

부분 집합의 개수와 같으므로

 $2 \times 2 = 4(7 \%)$ 이다.

**30.** 전체집합 U 의 두 부분집합 A, B 에 대하여 다음 중  $(A \cap B^c) \cup (B - A^c)$  과 같은 집합은?

$$\bigcirc A \qquad \bigcirc B \qquad \bigcirc A \cap B \qquad \bigcirc A \cup B \qquad \bigcirc A - B$$

대설
$$(A \cap B^c) \cup (B - A^c) = (A \cap B^c) \cup (B \cap A)$$

$$= A \cap (B^c \cup B)$$

$$= A \cap U = A$$

**31.** 전체집합  $U = \{x | x \vdash 10 \text{ 이하의 자연수}\}$ 의 두 부분집합 A, B 에 대하여  $A - B^c = \{5, 6\}, (A \cap B^c) \cup (A^c \cap B^c) = \{1, 2, 3, 9, 10\}$  일 때, 집합 B - A 의 원소의 개수는?

$$U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$$
  
 $A - B^c = A \cap (B^c)^c = A \cap B = \{5, 6\}$   
 $(A \cap B^c) \cup (A^c \cap B^c) = (A \cup A^c) \cap B^c$   
 $= U \cap B^c = B^c$   
따라서,  $B = \{4, 5, 6, 7, 8\}$ 

 $B - A = B - (A \cap B) = \{4, 7, 8\}$ 

: 원소의 개수는 3개이다

**32.** 자연수 전체의 집합 N 에서 자연수 k의 배수의 집합을  $N_k$ 라 할 때, 다음 중 집합  $(N_2 \cup N_4) \cap N_3$ 와 같은 집합은?

①  $N_2$  ②  $N_6$  ③  $N_8$  ④  $N_{12}$  ⑤  $N_{24}$ 

## 해설 $N_2$ 는 2 의 배수의 집합이고. $N_4$ 는 4의 배수의 집합이므로 $N_4$ $\subset$

 $N_2$   $\therefore N_2 \cup N_4 = N_2$ 

또,  $N_3$ 은 3의 배수의 집합이므로  $N_2 \cap N_3$ 는 2의 배수이면서 3의 배수의 집합이다.

 $\therefore N_2 \cap N_3 = N_6$ 

 $\therefore (N_2 \cup N_4) \cap N_3 = N_2 \cap N_3 = N_6$ 

33. 전체집합 U의 두 부분집합 A, B에 대하여  $A \triangle B = (A \cap B) \cup (A \cup B)^c$ 라고 정의할 때, 다음 중 항상 성립한다고 할 수 없는 것은?(단,  $U \neq \emptyset$ 

(4)  $A \wedge B = A^c \wedge B^c$ 

 $\textcircled{1}A \triangle U = U$ 

 $A \triangle B = (A \cap B) \cup (A \cup B)^c$  에 따라  $A \triangle U = A$ 

(5)  $A \wedge A^c = \emptyset$ 

 $\bigcirc$   $A \triangle B = B \triangle A$ 

(3)  $A \triangle \emptyset = A^c$ 

**34.** 전체집합 U의 두 부분집합 A, B에 대하여 연산  $A \triangle B = (A-B) \cup (B-A)$ 로 정의할 때,  $(A \triangle B) \triangle B$  와 같은 집합은?

① *U* 

② Ø



4 B

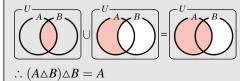
 $\bigcirc$   $A \cap B$ 



 $A \triangle B = (A - B) \cup (B - A)$ 를 벤 다이어그램으로 나타내면 다음과 같다.



따라서  $(A \triangle B) \triangle B = \{(A \triangle B) - B\} \cup \{B - (A \triangle B)\}$  이므로 이를 벤 다이어그램으로 나타내면



**35.** 전체집합  $U = \{x \mid x$ 는 한 자리의 자연수} 의 두 부분집합 A, B 에 대하여  $A = \{x \mid x \in 10 \text{ 이하의 홀수}\}, n(A \cap B) = 0, n(A \cup B) = 9$  일 때, 집합 B - A 를 구하여라.

$$U = \{1, 2, 3, \dots, 9\}$$

$$A = \{1, 3, 5, 7, 9\}$$

$$n(U) = 9$$
,  $n(A \cup B) = 9$  이므로

$$A \cup B = U \cdots$$
①
 $n(A \cap B) = 0$  이므로  $A \cap B = \emptyset \cdots$ ②

$$B = A^c = \{2, 4, 6, 8\}$$

36. 어느 반 학생 35 명을 대상으로 제주도 여행을 해 본 학생과 울릉도 여행을 해 본 학생 수를 조사하였다. 제주도 여행을 해 본 학생이 28 명, 울릉도 여행을 해 본 학생이 12 명, 제주도 여행과 울릉도 여행을 모두 못해 본 학생이 4 명일 때, 제주도 여행과 울릉도 여행 중 한 가지만 해 본 학생 수는?

① 20 명 ② 21 명 ③ 22 명 ④ 23 명 ⑤ 24 명

$$n(U) = 35, n(A) = 28, n(B) = 12, n((A \cup B)^c) = 4$$
 이다.  
 $n(A \cup B) = n(U) - n((A \cup B)^c) = 35 - 4 = 31$ ,  
 $n(A \cap B) = n(A) + n(B) - n(A \cup B) = 28 + 12 - 31 = 9$  이다.  
 $n((A - B) \cup (B - A)) = n(A \cup B) - n(A \cap B) = 31 - 9 = 22$ 

37. 청산중학교 1 학년 어떤 반에서 수학을 좋아하는 학생이 18 명, 과학을 좋아하는 학생 12 명, 수학 또는 과학을 좋아하는 학생이 23 명이다. 수학과 과학을 모두 좋아하는 학생은 몇 명인지 구하여라.

명

답:▷ 정답: 7명

B 라고 하자. 그렇다면 수학 또는 과학을 좋아하는 학생은  $A \cup B$  가 된다. 수학과 과학을 모두 좋아하는 학생, 즉  $A \cap B$ 를 구하는 것이다.

수학을 좋아하는 학생을 집합 A 라 하고. 과학을 좋아하는 학생을

 $n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B)$ 23 = 18 + 12 - x

그러므로 x는 7이다.

**38.** 명희네 반 학생 중에서 영어를 좋아하는 학생은 28 명, 수학을 좋아하는 학생은 23 명이다. 영어 또는 수학을 좋아하는 학생이 41 명일 때, 수학만 좋아하는 학생은 몇 명인지 구하여라.

<u>명</u>

해설

▷ 정답 : 13 명

집합을 B 라고 하면,  $n(A)=28 \ , n(B)=23$   $n(A\cup B)=41$   $n(A\cap B)=n(A)+n(B)-n(A\cup B)=28+23-41=10$   $n(B-A)=n(B)-n(A\cap B)=23-10=13$ 

영어를 좋아하는 학생들의 집합을 A. 수학을 좋아하는 학생들의

**39.** 전체 인원이 35명인 학급에서 수학을 '수'를 받은 학생이 15명, 수학과 영어 모두 '수'를 받은 학생이 10명이었다. 이 때, 영어에서 '수'를 받은 학생수의 최댓값을 구하여라.

답:

▷ 정답: 30

(B) = 5

: 30명

수학에서 '수'를 받은 학생들의 집합을 
$$A$$
, 영어에서 '수'를 받은 학생들의 집합을  $B$  라고 하면,  $n(B)=n(A\cup B)-n(A-B)$  이므로  $n(A\cup B)=n(U)$ 일 때,  $n(B)$ 가 최대이다.  $n(U)=35, n(A)=15, n(A\cap B)=10, n(A-B)=n(A)-n(A\cap B)$ 

 $n(B) = n(A \cup B) - n(A - B) = 35 - 5 = 30$ 

40. 전체집합  $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$  의 두 부분집합 A, B 에 대하여  $A = \{1, 2, 3, 4\}$ , n(A - B) = 2 일 때, n(B) 의 최댓값은?

해설 
$$n(A \cap B) = n(A) - n(A - B)$$
$$= 4 - 2 = 2$$
이므로 집합 A의 원소 중 2개는 B 에 속하고 2개는 집합 B 에 속하지 않는다. 또한  $n(A^c) = 2$  이므로  $2 \le n(B) \le 4$ 따라서  $n(B)$ 의 최댓값은 4

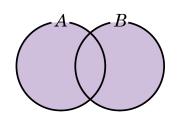
41. 공집합이 아닌 두 집합 A, B 에 대하여  $A \times B = \{(x, y) \mid x \in A, y \in B\}$ 라고 정의하자. 집합  $A = \{1, 2, 3\}, B = \{2, 3, 4\}, C = \{1, 4\}$ 일 때,  $n((A \times B) \cap (A \times C))$ 를 구하여라.

 $\therefore n((A \times B) \cap (A \times C)) = 3$ 

$$A \times B = \{(1, 2), (1, 3), (1, 4), (2, 2), (2, 3), (2, 4), (3, 2), (3, 3), (3, 4)\}$$

$$A \times C = \{(1, 1), (1, 4), (2, 1), (2, 4), (3, 1), (3, 4)\}$$
∴  $(A \times B) \cap (A \times C) = \{(1, 4), (2, 4), (3, 4)\}$ 

**42.** 두 집합  $A = \{1, 3, 5, 9, 15\}, B = \{3 \times x \mid x \in A\}$  에 대하여 다음 벤 다이어그램의 색칠한 부분을 나타내는 집합의 원소의 합을 구하여라.





➢ 정답: 105



 $B = \{3 \times x \mid x \in A\}$  는 집합 A 의 원소를 x 에 대입한 수들의 집합이다.

원소나열법으로 고쳐보면, B = {3, 9, 15, 27, 45} 이다.

벤 다이어그램을 그리면 다음과 같다.

$\nearrow$ A	<b>\</b>	$B \searrow$
1	$\begin{pmatrix} 3 \\ 9 \end{pmatrix}$	27
5	$\binom{9}{15}$	45
	X	

색칠한 부분의 원소는 {1, 3, 5, 9, 15, 27, 45} 이다.

따라서 모든 원소의 합은

1+3+5+9+15+27+45=105이다.

**43.** 두 집합  $A=\{-1,\ 0,\ 2\times a-5,\ 5\},\ B=\{0,\ b+3,\ 3\}$  에 대하여  $A\cup B=\{-1,\ 0,\ 2,\ 3,\ 5\},\ A\cap B=\{0,\ 3\}$  이기 위한 a+b 의 값을 구하여라.

 $\therefore a+b=3$ 

$$A \cap B = \{0, 3\}$$
 이므로  $3 \in A$ ,  
 $2 \times a - 5 = 3$ ,  $a = 4$   
 $A = \{-1, 0, 3, 5\}$ ,  $A \cup B = \{-1, 0, 2, 3, 5\}$  이므로  $2 \in B$ ,  
 $b + 3 = 2$ ,  $b = -1$ 

**44.** 두 집합 A, B에 대하여  $A = \{1, 3, 5, 7, 9, 11\}, B = \{5, 9, 14\}$  이고  $A \cap X = X$ ,  $(A \cap B) \cup X = X$  를 만족할 때 다음 중 옳지 않은 것을 모두 고르면? (정답 2 개)

 $\bigcirc$   $X \subset A$ 

 $X \subset (A \cap B)$ 

(3)  $\{5,9\} \subset X$ 

4  $(A \cap B) \subset X \subset A$ 

 $(A \cap B) \subset X \subset B$ 

해설

 $A \cap X = X$  일 때  $X \subset A$  이고  $(A \cap B) \cup X = X$  이면  $(A \cap B) \subset X$ 를 만족한다.

②  $(A \cap B) \subset X$  이므로 옳지 않다.

③  $A \cap B = \{5, 9\}$  이므로  $\{5, 9\} \subset X$  이다.

⑤  $(A \cap B) \subset X \subset A$  이지만  $X \subset B$  라고 할 수 없기 때문에  $(A \cap B) \subset X \subset B$  이라고 할 수 없다.

**45.** 집합  $A = \{x | x \vdash 15$ 의 약수 $\}$ ,  $B = \{x | x \vdash 9$ 의 약수 $\}$ 에 대하여  $(A \cup B) \cap X = X$ ,  $(A \cap B) \cup X = X$ 를 만족하는 집합 X의 개수를 구하여라.

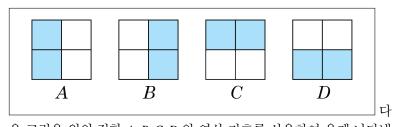
▷ 정답: 8개

$$A = \{1, 3, 5, 15\}, B = \{1, 3, 9\}$$
이므로  $A \cap B = \{1, 3\}$ 

$$(A \cup B) \cap X = X$$
 이므로  $X \subset (A \cup B)$   
 $(A \cap B) \cup X = X$  이므로  $(A \cap B) \subset X$   
 $\therefore (A \cap B) \subset X \subset (A \cup B)$ 

 $A \cup B = \{1, 3, 5, 9, 15\}$ 

46. 다음 그림은 각각의 집합을 도형으로 나타낸 것이다.



음 그림을 위의 집합 A, B, C, D 와 연산 기호를 사용하여 옳게 나타낸 것은?



$$(A \cup B) - (B \cap C)$$

$$\bigcirc$$
  $(B-C)\cup(C-B)$ 

$$\textcircled{4}(A \cup C) - (A \cap C)$$

$$\bigcirc$$
  $(B-C)\cup(C-B)$ 

$$(5) (B-C) \cup (C-B)$$

해설 주어진 벤 다이어그램의 색칠한 부분은 ④  $(A \cup C) - (A \cap C)$ 이다.

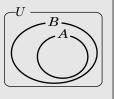
47. 전체집합 U의 두 부분집합 A, B에 대하여  $[(A \cap B) \cup (B-A)] \cap A = A$ 일 때, 다음 중 항상 옳은 것은?

 $A^c \cup B = U$ 

 $\bigcirc$   $A \cap B = B$  $\bigcirc$   $(A \cap B)^c = B^c$  (3) A - B = U

해설 
$$(A \cap B) \cup (B - A) = B$$
  $\therefore$  준식 :  $B \cap A = A \Rightarrow A \subset B$  
$$\therefore A^c \cup B = U$$

 $\bigcirc$   $A \cup B = B$ 



 $\bigcirc$   $A \cap B = A$ 

 $\bigcirc$   $A - B = \emptyset$ 

 $\bigcirc$   $(A \cap B)^c = A^c$ 

**48.** 두 집합 A, B가 다음과 같을 때,  $(A - B) \cup X = X$ ,  $(A \cup B) \cap X = X$  를 만족하는 집합 X의 개수는?

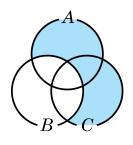
$$A = \{x \mid x 는 8 의 약수\}, B = \{x \mid x 는 5 이하의 홀수\}$$

1 2 개 2 4 개 3 6 개 48 개 5 10 개

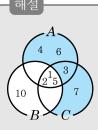
포함하는 집합이다. ∴ 2<sup>6-3</sup> = 2<sup>3</sup> = 8(개)

해설

49. 다음 그림에서 색칠한 부분의 집합을 나타낸 것은?



- ①  $(A \cap B) C$  ②  $(A \cap C) B$  ③  $(A \cup B) C$
- $\textcircled{3}(A \cup C) B \qquad \qquad \textcircled{5}(B \cup C) A$



색칠한 부분을 집합으로 나타내면  $(A \cup C) - B$  이다.

- **50.** 실수 전체의 집합 R의 부분집합 S 에 대하여  $P = \{x | -\frac{3}{2} \le x 1 \le x \}$ 
  - $\frac{1}{2}$ ,  $x \in S$ ) 이라 할 때, 다음 중 옳은 것은? (단, Q, Z, N은 각각 유리수, 정수, 자연수의 집합이다.)
    - ① S = R 이면 P 는 공집합이다.
    - ② S = R이면 P는 유한집합이다.
    - ③ S = Q이면 P는 유한집합이다.
    - 4S = Z이면 P는 유한집합이다.

$$-\frac{3}{2} \le x - 1 \le \frac{1}{2}$$
 에서  $-\frac{1}{2} \le x \le \frac{3}{2}$  이므로  $S = R$  이거나,

S = Q 이면 P 는 무한집합, S = Z 이면  $P = \{0, 1\}$  이므로 P는 유한집합, S = N 이면  $P = \{1\}$  이므로 P는 유한집합이다.