- $\textbf{1.} \quad b, \ c 는 상수이고, 모든 실수 x 에 대하여 <math>(x+2)(x+b) = x^2 + cx + 6$ 을 만족하는 c의 값은?
- ① -5 ② -3 ③ -1 ④ 3



해설

 $(x+2)(x+b) = x^2 + cx + 6,$   $x^2 + (2+b)x + 2b = x^2 + cx + 6,$ 2+b=c, 2b=6 $\therefore b = 3$ 따라서 c=5

- **2.** 임의의 실수 x에 대하여  $x^2-3x+2=a+bx+cx(x-1)+dx(x-1)(x-2)$ 가 항상 성립할 때, a+b+c+d의 값을 구하면? (단, a, b, c, d는 상수)
  - 1
- ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설 x = 0을 대입하면 a = 2

x = 1을 대입하면 b = -2

x = 2을 대입하면 c = 1

3차항은 없으므로d=0

 $\therefore a+b+c+d=1$ 

- 임의의 실수 x, y에 대하여,  $(x+y)a^2+(x-y)b=4x+y$ 가 성립할 **3.** 때,  $a^2 + b^2$ 의 값은?

- ①  $\frac{13}{4}$  ②  $\frac{15}{4}$  ③  $\frac{17}{4}$  ④  $\frac{19}{4}$  ⑤  $\frac{21}{4}$

 $(a^{2} + b)x + (a^{2} - b)y = 4x + y$   $a^{2} + b = 4 \cdots ①, a^{2} - b = 1 \cdots ②$ 

①, ②에서  $a^2 = \frac{5}{2}$ ,  $b = \frac{3}{2}$   $\therefore a^2 + b^2 = \frac{19}{4}$ 

**4.** 다항식  $x^{22} + x^{11} + 22x + 11$ 을 x + 1로 나눈 나머지는?

② -22 ③ -11 ④ 11 ⑤ 33 ① -33

 $f(x) = x^{22} + x^{11} + 22x + 11$ 이라 하면,

해설

f(x) = (x+1)Q(x) + R에서 f(-1) = R이므로  $f(-1) = (-1)^{22} + (-1)^{11} - 22 + 11 = -11$ 

5. 다항식  $f(x) = x^3 - 2x^2 + 3x - 4$ 를 일차식 x + 1로 나누었을 때의 나머지를 구하면?

① -10 ② 10 ③ -4 ④ 4 ⑤ 0

해설 f(x) = (x+1)Q(x) + R이라고 놓으면

f(-1) = R $\therefore f(-1) = -1 - 2 - 3 - 4 = -10$ 

따라서 R = -10

6. 다항식  $x^3 - 2x^2 + 5x - 6$ 을 일차식 x - 2로 나눌 때의 나머지는?

① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3

해설  $f(x) = x^3 - 2x^2 + 5x - 6$  = (x - 2)Q(x) + R  $\therefore f(2) = 2^3 - 2 \cdot 2^2 + 5 \cdot 2 - 6$  = 8 - 8 + 10 - 6 = 4  $\therefore R = 4$ 

- 다항식  $x^3 + ax 8$ 을  $x^2 + 4x + b$ 로 나눌 때, 나머지가 3x + 4가 되도록 7. 상수 a+b의 값을 정하여라.
  - ▶ 답:

▷ 정답: -7

해설

 $x^{3} + ax - 8$ 을  $x^{2} + 4x + b$ 로 직접나는 나머지는

(a-b+16)x+4b-8 $(a-b+16)x + 4b - 8 = 3x + 4 \cdot \cdot \cdot \cdot \bigcirc$ 

 $\bigcirc$ 이 x에 대한 항등식이므로, a - b + 16 = 3, 4b - 8 = 4

 $\therefore a = -10, b = 3$  $\therefore a+b=-7$ 

 $x^3 + ax - 8 = (x^2 + 4x + b)(x + p) + 3x + 4$ 의 양변의 계수를

해설

비교하여 a = -10, b = 3, p = -4를 구해도 된다.

- 8. x에 관한 삼차식  $x^3 + mx^2 + nx + 1$ 을 x + 1로 나누면 나머지가 5이고, x-2로 나누면 나머지가 3이다. 이 때, 상수 m-n의 값을 구하여라.

▶ 답:

정답: 5

나머지 정리를 이용한다.

주어진 식에 x = -1, x = 2를 각각 대입하면,  $(-1)^3 + m(-1)^2 + n(-1) + 1 = 5 \cdots \bigcirc$ 

 $(2)^3 + m(2)^2 + n \cdot 2 + 1 = 3 \cdot \cdot \cdot \bigcirc$ 

⊙, ⓒ을 연립하면,

 $m = \frac{2}{3}, \ n = -\frac{13}{3}$  $\therefore m - n = 5$ 

- 9. 다항식  $x^4 3x^2 + ax + 7$ 을 x + 2로 나누면 나머지가 5이다. 이 때, a의 값은?
  - ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$f(x) = x^4 - 3x^2 + ax + 7$$

$$f(x) = (x+2)Q(x) + 5$$

$$\therefore f(-2) = 5$$

$$f(-2) = 16 - 12 - 2a + 7 = 5$$

$$\therefore a = 3$$

- **10.** 다항식 f(x)를 두 일차식 x-1, x-2로 나눌 때의 나머지는 각각 2, 1이다. 이때, f(x)를  $x^2 - 3x + 2$ 로 나눌 때 나머지는?
  - 4 x 3 5 x + 1

① x + 3

- ②-x+3 ③ x-3

f(x)를 x-1, x-2로 나눈 나머지는 각각 2,1이므로

f(1)=2, f(2)=1, 구하는 나머지를 ax+b라 하자.  $f(x) = (x^2 - 3x + 2)Q(x) + ax + b$ 

= (x-1)(x-2)Q(x) + ax + b

양변에 각각 x = 1, x = 2를 대입하면  $f(1) = a + b = 2, \ f(2) = 2a + b = 1$ 

두 식을 연립하여 구하면 a=-1,b=3∴구하는 나머지는 -*x* + 3

**11.** 다항식  $x^3 - 4x^2 + ax + b$ 가  $x^2 + 2$ 로 나누어 떨어질 때, 3a + b의 값은?

- ① -1 ② -2 ③ -3 ④ -4 ⑤ -5

해설

$$f(x) = x^3 - 4x^2 + ax + b$$
  
=  $(x^2 + 2)(x - \alpha)$  라 놓을 수 있다.  
 $x^3 - \alpha x^2 + 2x - 2\alpha = x^3 - 4x^2 + ax + b$ 

$$\therefore \alpha = 4, \quad a = 2, \quad b = -8$$

$$\therefore 3a + b = -2$$

- **12.**  $f(x) = 3x^3 + ax^2 + bx 12$ 가 x 1로는 나누어 떨어지고, x + 1로 나누었을 때는 나머지가 -14이다. 상수 a, b의 곱 ab의 값은?
  - ① -12 ② 12 ③ -20 ④ 20 ⑤ -36

나머지 정리에 의해 f(1)=0, f(-1)=-14  $f(1)=3+a+b-12=0\cdots ①$   $f(-1)=-3+a-b-12=-14\cdots ②$ 

①, ②를 연립하면, a = 5, b = 4

 $\therefore ab = 20$ 

해설

13. 다항식 f(x)를 x-2, x+2로 나누었을 때, 나머지가 각각 5, 3이라 한다. 이 때, 다항식 f(x)를  $x^2-4$ 로 나눈 나머지를 구하면 ax+b이다. 4a+b의 값을 구하시오.

답:

▷ 정답: 6

 $f(2) = 5, \ f(-2) = 3$  $f(x) = (x^2 - 4)Q(x) + ax + b$ 

$$= (x-2)(x+2)Q(x) + ax + b$$
$$f(2) = 2a + b = 5, \ f(-2) = -2a + b = 3$$

$$a = \frac{1}{2}, \ b = 4$$

$$2^{\circ}$$

**14.** 다항식 f(x)를 x-1로 나눈 나머지가 2이고, x+2로 나눈 나머지가 5이다. 다항식 f(x)를 (x-1)(x+2)로 나눈 나머지를 R(x)라 할 때, R(2)의 값은?

1

② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설 나머지 정리에 의하여,

f(x) = (x-1)(x-2)Q(x) + ax + b라 할 수 있다.

f(1) = a + b = 2

연립하면, a = -1 b = 3 $\therefore R(x) = -x + 3$ 

f(-2) = -2a + b = 5

R(2) = 1

- **15.** 다항식 P(x)를 x + 1로 나누면 떨어지고, x 2로 나누면 나머지가 3이다. 이때, P(x)를 (x+1)(x-2)로 나누었을 때 나머지는?
  - ① x (4) -2x + 2 (5) 2x + 2
- ② -x+1
- 3x+1

P(x) = (x+1)Q(x)

P(x) = (x - 2)Q'(x) + 3

P(x) = (x+1)(x-2)Q''(x) + ax + b

P(-1) = 0, P(2) = 3이므로, -a + b = 0, 2a + b = 3

 $\therefore a = 1, b = 1$ 따라서 나머지는 x+1이다.

- **16.** 다항식 f(x)를 x-2, x-3으로 나눌 때의 나머지가 각각 3,7이라고 할 때, f(x)를 (x-2)(x-3)으로 나눌 때의 나머지는?
  - ① 2x + 3
- ② 3x 4③ 6x - 7
- $\boxed{3}4x 5$
- 4 5x + 6
- 0.0...

 $f(x) = (x-2) Q_1(x) + 3, f(2) = 3$ 

해설

 $f(x) = (x-3) Q_2(x) + 7, f(3) = 7$  $f(x) = (x-2) (x-3) Q_3(x) + ax + b$ 

f(2) = 2a + b = 3, f(3) = 3a + b = 7이다.

f(2) = 2a + b = 3, f(3) = 3a + b = 1 연립하면 a = 4, b = -5

∴ 나머지는 4x – 5

- **17.** x에 대한 다항식 f(x)를 x-1로 나눈 나머지는 6이고,  $(x-2)^2$ 으로 나눈 나머지는 6x + 1이다. 이때, f(x)를 (x - 1)(x - 2)로 나눈 나머 지는?
  - ① 6x + 74)7x - 1

해설

- ② -6x + 5
- 37x + 7

⑤ 8x + 13

f(1) = 6,  $f(x) = (x-2)^2 q(x) + 6x + 1$  $f(x) = (x-1)(x-2)Q(x) + ax + b \, \mathsf{A}$ 

f(1) = a + b = 6, f(2) = 2a + b = 13 $\therefore a = 7, b = -1$ 따라서 f(x)를 (x-1)(x-2)로 나눈 나머지는 7x-1이다.